

អារម្ភកថា

ជាទូទៅអ្នកសិក្សាជាពិសេសសិស្សានុសិស្សគ្រប់មជ្ឈដ្ឋាន ភាគច្រើនមានផ្នត់គំនិតគិតថាមុខវិជ្ជា **គណិតវិទ្យា** ជាមុខវិជ្ជាមួយដែលមានភាពស្មុគស្មាញ និងពិបាកក្នុងការចាប់យកចំណេះដឹង។ ជាក់ស្តែងមុខវិជ្ជានេះ ជាមុខវិជ្ជាវិទ្យាសាស្ត្រមួយដែលមានឥទ្ធិពលជាងគេ ដូចនេះវាពិតណាស់ថា ពិបាកក្នុងការរៀន តែផ្ទុយទៅវិញបើសិនជាអ្នកសិក្សាបានចំណាយពេលនៅជាមួយគណិតវិទ្យា ឱ្យបានគ្រប់គ្រាន់ក្នុងការគិតលើខ្លឹមសារ និងអនុវត្តលើលំហាត់បានគ្រប់គ្រាន់ វានឹងមានភាពងាយស្រួលសម្រាប់អ្នកទៅលើអ្វីដែលអ្នកបានសិក្សា។ ដើម្បីជាជំនួយក្នុងការស្វ័យសិក្សា អ្នកសិក្សាគប្បីមានឯកសារគ្រប់គ្រាន់ ប៉ុន្តែខ្ញុំយល់ឃើញថាឯកសារគណិតវិទ្យាជាភាសាជាតិមានចំនួនតិចតួចដែលជាការពិបាកសម្រាប់អ្នកសិក្សា ជាហេតុដែលធ្វើឱ្យសៀវភៅមួយក្បាលនេះមានវត្តមានឡើង។

សៀវភៅ **ពិជគណិតភាគ ២** សម្រាប់ថ្នាក់ទី ១០ នេះ គឺត្រូវបានរៀបចំឡើងដោយផ្សាភ្ជាប់ជាមួយមេរៀនក្នុងជំពូកទីពីរនៃសៀវភៅគណិតវិទ្យាសិក្សាគោល ស្របតាមកម្មវិធីក្រសួងអប់រំ ដោយមានភាពក្លោះក្លាយក្នុងការពន្យល់, ឧទាហរណ៍គ្រប់ចំណុច, ដំណោះស្រាយគ្រប់លំហាត់ប្រតិបត្តិ គ្រប់លំហាត់បញ្ចប់មេរៀនជាដើម។ លើសពីនេះទៅទៀត សៀវភៅនេះមានបញ្ចូលនូវចំណុចសំខាន់ៗដែលទាក់ទងនឹងមេរៀនមកបន្ថែម និង លំហាត់សម្រាប់វាស់ស្ទង់សមត្ថភាពអ្នកសិក្សាផងដែរ ជាហេតុនាំឱ្យសិស្សានុសិស្សងាយទទួលបានចំណេះដឹងពីសៀវភៅមួយក្បាលនេះ។

ក្នុងនាមជាអ្នករៀបរៀង និងនិពន្ធ ខ្ញុំបាទនឹងរង់ចាំនូវការរិះគន់គ្រប់មជ្ឈដ្ឋានអ្នកសិក្សាជានិច្ច ដើម្បីកែលម្អឱ្យកាន់តែល្អប្រសើរបន្ថែមទៀត។ ខ្ញុំជឿជាក់ថាសៀវភៅនេះនៅតែមានកំហុសកើតមានឡើងត្រង់ចំណុចណាមួយ ហេតុនេះហើយខ្ញុំសូមអភ័យទោសទុកជាមុនរាល់កំហុស ទាំងអស់ដែលកើតឡើង។ ប្រសិនបើមិត្តអ្នកអាន រកឃើញនូវកំហុសក្នុងសៀវភៅនេះ សូមទំនាក់ទំនងមកកាន់ខ្ញុំបាទតាមរយៈ

Facebook Account: Phan Kimsia

Gmail: phankimsie03@gmail.com

ព្រះព័ន្ធ ឥន្ទ្រា, ថ្ងៃទី ២២ ខែ កញ្ញា ឆ្នាំ ២០២២



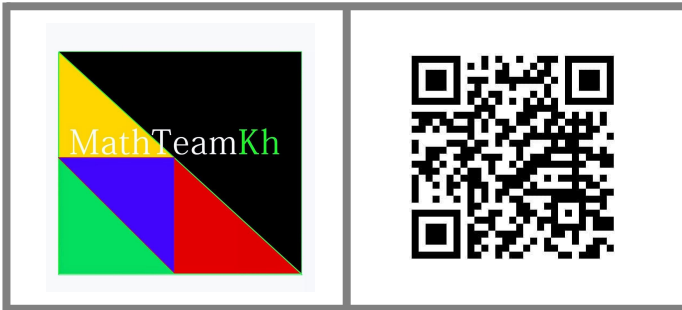
វ៉ាន់ គឹមសៀ

សំណូមពររបស់អ្នករៀបរៀងនៅកាន់បង្គោលអ្នកសិក្សា

ការស្រាវជ្រាវឯកសារបន្ថែម ពិតជាមានសារៈសំខាន់ណាស់សម្រាប់ការអភិវឌ្ឍសមត្ថភាពខ្លួន ក្នុង ផ្នែកណាៗទាំងអស់។ ហេតុនេះហើយខ្ញុំទស្សនៈលើកទឹកចិត្តដល់ប្អូនសិស្សានុសិស្ស និស្សិត និងលោកគ្រូអ្នកគ្រូទាំងអស់ខិតខំប្រឹងប្រែងស្រាវជ្រាវបន្ថែម ព្រមទាំងបង្កើតឯកសារល្អៗសម្រាប់ប្រទេសជាតិ យើង។ ដូចទស្សនៈមួយបានសម្តែងថា ទូកទៅកំពង់នៅ ដែលមានន័យថា មនុស្សស្លាប់តែស្នាដៃ ដែលមនុស្សខំសាងគឺមានជីវិតជារៀងរហូត។

ការប្រឹងប្រែងចងក្រងឯកសារជាភាសាជាតិ ជាបុព្វហេតុមួយយ៉ាងសំខាន់ដែលធ្វើឱ្យមនុស្សជំនាន់ ក្រោយមានភាពសម្បូរបែបក្នុងការសិក្សា ហើយពួកគេនឹងអាចស្រាវជ្រាវចំណេះដឹងទៅមុខទៀតបាន ឆ្ងាយ។ សំណេរឯកសារដែលពួកគេបានបន្សល់ទុកទៀតសោតនឹង បន្តជះឥទ្ធិពលបែបនេះជាបន្តបន្ទាប់ រហូតទៅដល់ចំណុចអភិវឌ្ឍអស្ចារ្យមួយ។

ទទួលសិទ្ធិលក់ផ្តាច់មុខដោយ Math Team Kh

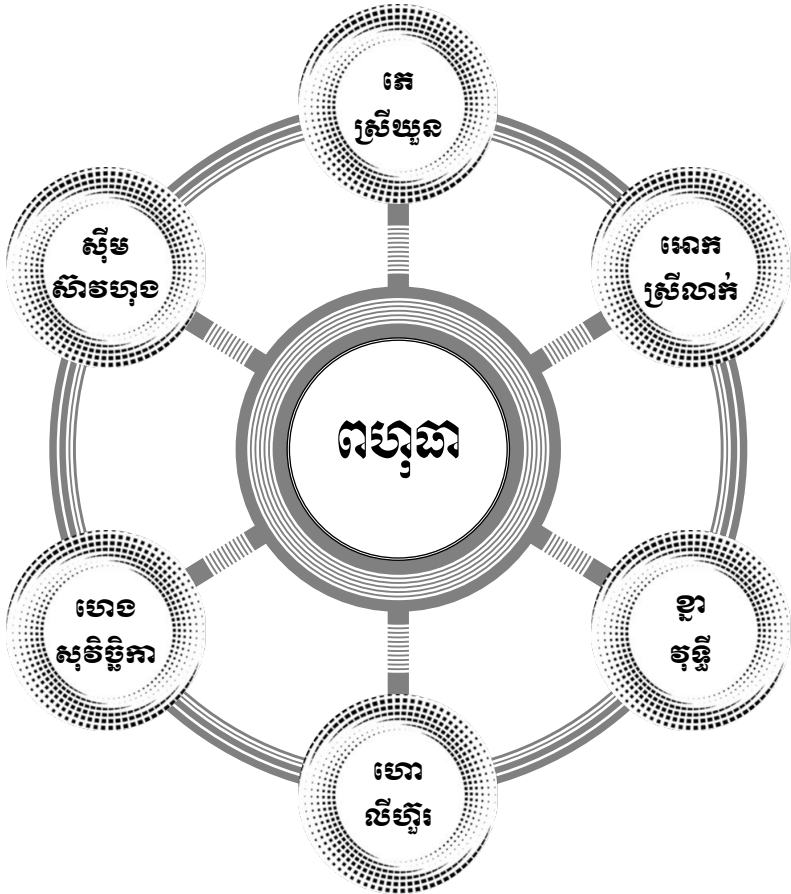


Facebook Page: Math Team Kh

សៀវភៅនេះមាននៅ Math Team Kh តែមួយគត់ ។

រាល់ការលួចចម្លង នឹងត្រូវទទួលខុសត្រូវចំពោះមុខច្បាប់ ។

គណៈកម្មការ ត្រួតពិនិត្យ



Designed Cover by: **វ៉ុន តាលី**

រៀបរៀងដោយ៖ ផាន់ គឹមសៀង



១	ពហុធា	៣
១.១	សេចក្តីផ្តើមនៃពហុធា	៣
១.២	ឯកធា	៣
១.២.១	សញ្ញាធានៃឯកធា	៣
១.២.២	ឯកធាដូចគ្នា	៦
១.២.៣	ដឺរីវេនៃឯកធា	៧
១.៣	ប្រមាណវិធីលើឯកធា	៩
១.៣.១	វិធីបូក និងដកឯកធា	៩
១.៣.២	វិធីគុណឯកធា	១០
១.៣.៣	វិធីចែកឯកធា	១៣
១.៤	ពហុធា	១៧
១.៤.១	សញ្ញាធានៃពហុធា	១៧
១.៤.២	ដឺរីវេនៃពហុធា	១៩
១.៥	ប្រមាណវិធីបូក ដក និងគុណលើពហុធា	២២
១.៥.១	ប្រមាណវិធីបូក ប្រមាណវិធីដកលើពហុធា	២២
១.៥.២	ប្រមាណវិធីគុណលើពហុធា	២៧
១.៥.៣	រូបមន្តពន្លាត	៣២
១.៦	ការដាក់កន្សោមជាផលគុណកត្តា	៥០
១.៦.១	ការដាក់កន្សោមជាកត្តារួម	៥០
១.៦.២	ការដាក់កន្សោមដឺរីវេនី ២ ជាផលគុណកត្តា	៥២
១.៦.៣	ការដាក់កន្សោម $acx^2 + (ad + bc)x + bd$ ជាផលគុណកត្តា	៥៦
១.៦.៤	ការដាក់កន្សោមដឺរីវេនី ៣ ជាផលគុណកត្តា	៦២
១.៦.៥	របៀបផ្សេងទៀតក្នុងការដាក់កន្សោមជាផលគុណកត្តា	៦៤

២ ប្រមាណវិធីចែកពហុធា ៦៩

២.១	ប្រមាណវិធីចែកពហុធា	៦៩
២.១.១	វិធីចែកពហុធាតាម Long Division	៦៩

២.១.២	វិធីចែកចេញធាតុមេ Synthetic Division	៨០
២.២	ទ្រឹស្តីបទសំណាម	៨៥
២.៣	ទ្រឹស្តីបទគត្តា	៨៧
២.៤	កូដិករួមធំបំផុត (GCD) និងពហុគុណរួមតូចបំផុត (LCM) នៃពហុធាតុ	៨៩
២.៥	ប្រមាណវិធីលីប្រភាគសន្លឹក	៩៤
២.៥.១	ការសម្រួលប្រភាគ	៩៤
២.៥.២	ប្រមាណវិធីបូក និងដកនៃកន្សោមប្រភាគ	៩៩
២.៥.៣	ប្រមាណវិធីគុណ និងចែកប្រភាគសន្លឹក	១០៤

៣ ផ្នែកលំហាត់ និងដំណោះស្រាយ . . ១១១

៣.១	លំហាត់ និងដំណោះស្រាយនៃជំពូកទី១	១១១
៣.២	លំហាត់ និងដំណោះស្រាយនៃជំពូកទី២	១៣០
៣.៣	លំហាត់ជំពូកកម្រិត 1	១៣៩
៣.៤	លំហាត់ជំពូកកម្រិត 2	១៤៧
៤	លំហាត់អនុវត្តន៍	១៦៧

និមិត្តសញ្ញាគណិតវិទ្យា

$()$:	វង់ក្រចក
$[]$:	ឃ្លាប ឬជង្កៀប
$\{ \}$:	របាំង ឬសំណុំ
$ $:	តម្លៃដាច់ខាត ឬប្រវែង
\wedge	:	ល្បាប់និង
\vee	:	ល្បាប់ឬ
\neg or \neg	:	ល្បាប់មិន
\implies	:	ល្បាប់នាំឱ្យ
\iff	:	ល្បាប់សមមូល
$\mathcal{C}.(A)$:	តម្លៃភាពពិតនៃសំណើ A
$[a,b]$:	ចន្លោះបិទ
(a,b)	:	ចន្លោះបើក
$(a,b]$:	ចន្លោះកន្លះបើកខាងធ្វេង
$[a,b)$:	ចន្លោះកន្លះបើកខាងស្តាំ
\forall	:	ចំពោះគ្រប់
\exists	:	មាន
\nexists	:	មិនមាន
\because	:	ពីព្រោះ
\therefore	:	ដូចនេះ
$:$ or $ $:	ដែល
\approx	:	ប្រហែល
\equiv	:	សមមូល

\in	:	របស់
\notin	:	មិនរបស់
\mathbb{N}	:	សំណុំចំនួនគត់ធម្មជាតិ
\mathbb{W}	:	សំណុំចំនួនគត់
\mathbb{Z}	:	សំណុំចំនួនគត់វិជ្ជាទីប
\mathbb{Z}^+	:	សំណុំចំនួនគត់វិជ្ជាទីបវិជ្ជមាន
\mathbb{Q}	:	សំណុំចំនួនសនិទាន
$\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$:	សំណុំចំនួនអសនិទាន
\mathbb{R}	:	សំណុំចំនួនពិត
\mathbb{C}	:	សំណុំចំនួនកុំផ្លិច
$A = \{a, b\}$:	សំណុំ A ដែលមានធាតុ a, b
\bar{A} or A^C	:	សំណុំរងបំពេញនៃសំណុំ A
$P(A)$:	សំណុំស្វ័យគុណនៃសំណុំ A
\emptyset	:	សំណុំទទេ
$n(A)$:	ចំនួនធាតុនៃសំណុំ A
\subset	:	នៅក្នុង
\subseteq	:	នៅក្នុងឬស្មើ
$\not\subset$:	មិននៅក្នុង
$\not\subseteq$:	មិននៅក្នុងឬមិនស្មើ
\cup	:	ប្រជុំ
\cap	:	ប្រសព្វ
$A \setminus B$:	ផលសងនៃសំណុំ A និង B

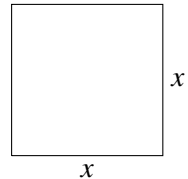
១.១ សេចក្តីផ្តើមនៃពហុធា

កាលពីថ្នាក់ទី ១ ឬនៗសិស្សានុសិស្ស បានសិក្សារួចមកហើយពី កន្សោមពីជគណិត ដូចជា ការពន្លាត កន្សោម ការដាក់កន្សោមជាផលគុណកត្តា និងការធ្វើប្រមាណវិធីជាដើម។ នៅក្នុងមេរៀននេះ យើង នឹងបន្តសិក្សាពីអ្វីដែលអ្នកបានសិក្សាពីថ្នាក់ទី ១ នោះគឺកន្សោមពីជគណិតពិសេសមួយដែលគេហៅថា ពហុធា។ យើងសិក្សាពីប្រមាណវិធីរបស់វា ទ្រឹស្តីបទសំណល់ និងទ្រឹស្តីបទកត្តាផងដែរ។ យ៉ាងណាមិញ យើងគួរកត់សម្គាល់ថា ពហុធា ជាពាក្យផ្តើមដោយ “ពហុ” មានន័យថាវាកើតចេញពីធាតុច្រើនបញ្ចូល គ្នា។ ដូចនេះ មុននឹងសិក្សាពីពហុធា យើងគួរសិក្សាពី ឯកធា ជាមុនសិន។

១.២ ឯកធា

១.២.១ សញ្ញាណនៃឯកធា

ដីស្រែរបស់សុខាមួយកន្លែងមានរាងការ៉េដែលមានរង្វាស់ជ្រុង x ឯកតាប្រវែង។ នោះសុខាអាចគណនាក្រឡាផ្ទៃនៃការ៉េ គឺ x^2 ដោយយកជ្រុងគុណនឹងជ្រុង។ នោះគេថា x^2 ជា “ឯកធា” ។

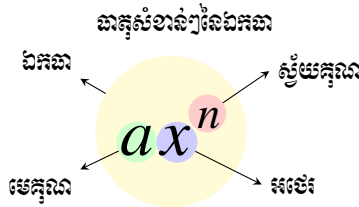


ខាងលើគ្រាន់តែជាសញ្ញាណមួយដែលមិនទាន់គ្រប់គ្រាន់ក្នុងការបង្ហាញថាអ្វីទៅជាឯកធា។ តែយ៉ាងណាមិញ មុននឹងជ្រាបកាន់តែច្បាស់នៃអត្ថន័យទាំងនោះ សូមស្វែងយល់ពីពាក្យ “អេះ” ជាមុនសិន។ នៅក្នុងពីជគណិត អេះ គឺជានិមិត្តសញ្ញា ឬអក្សរដែលសម្រាប់តាងឱ្យតម្លៃលេខណាមួយ។ ជាទូទៅ គេនិយមប្រើអក្សរ x, y, z, \dots តាងដោយអបេរី ។

និយមន័យ ១.២.១ ៖ ឯកធា គឺជាកន្សោមដែលប្រមាណវិធីលើអបេរីមានតែវិធីគុណ និង ស្វ័យគុណ ដែលមាននិទស្សន្តជាចំនួនគត់វិជ្ជមាន ឬសូន្យ។

ឧទាហរណ៍ 1

- $2x, -3x^2, \frac{3}{2}y, \sqrt{5}xy$ ជាឯកធាតុ ព្រោះស្វ័យគុណរបស់អថេរ x ឬ y មាននិទស្សន្តជាចំនួនគត់វិជ្ជមាន។
- $\frac{1}{x}, y^{-2}, \frac{4x}{3y}, -3x^{-2}y, \dots$ មិនមែនជាឯកធាតុទេ ព្រោះស្វ័យគុណរបស់អថេរ x ឬ y មាននិទស្សន្តជាចំនួនគត់អវិជ្ជមាន។



ជាទូទៅកន្សោមពីជគណិតមានទម្រង់ ax^n ដើរតួនាទីជាឯកធាតុ។ យើងសង្កេតឃើញថា ការប្រើអក្សរតាងដោយចំនួនថេរ និងអក្សរតាងដោយអថេរគឺខុសគ្នា ពោលគឺ a ជាចំនួនថេរ និង x ជាអថេរ។ ដូចនេះយើងត្រូវបែងចែកឱ្យច្បាស់ថាអក្សរណាជាចំនួនថេរ ឬអថេរ។ តម្លៃនៃចំនួនថេរក្បែរនៅដដែលក្នុងស្ថានភាពជាក់លាក់មួយ មានន័យថាចំនួនថេរគឺមិនមានការផ្លាស់ប្តូរ ប៉ុន្តែតម្លៃនៃអថេរអាចមានការផ្លាស់ប្តូរក្នុងស្ថានភាពណាមួយ។

ឧទាហរណ៍ 2

ក្នុងចំណោមកន្សោមខាងក្រោមនេះ តើកន្សោមណាខ្លះជាឯកធាតុ និងមិនមែនជាឯកធាតុដោយលើកអំណះអំណាងមកបញ្ជាក់៖

$$-3, -\frac{y}{x}, -4xy, 5\sqrt{x}, \sqrt{3}ab^{-1}, 0$$

ដំណោះស្រាយ៖

- -3 ជាឯកធាតុ ព្រោះយើងអាចសរសេរ $-3 = -3x^0$ ដែល -3 ជាមេគុណ និងនិទស្សន្តនៃអថេរ x គឺសូន្យ ដែល $x \neq 0$ ។

- $-\frac{y}{x}$ មិនមែនជាឯកតា ព្រោះ $-\frac{y}{x} = -yx^{-1}$ ដោយសង្កេតឃើញថា អថេរ x មាននិទស្សន្តជាចំនួនអវិជ្ជមាន ។
- $-4xy$ ជាឯកតា ដែលមាន -4 ជាមេគុណ និង x, y ជាអថេរ។
- $5\sqrt{x}$ មិនមែនជាឯកតា ព្រោះ $5\sqrt{x} = 5x^{\frac{1}{2}}$ ដោយនិទស្សន្តនៃអថេរ x ជាចំនួនសនិទានគឺ $\frac{1}{2}$ ខុសពីនិយមន័យនៃឯកតា។
- $\sqrt{3}ab^{-1}$ មិនមែនជាឯកតា ព្រោះអថេរ b មាននិទស្សន្តជាចំនួនអវិជ្ជមាន។
- 0 ជាឯកតា ព្រោះយើងអាចសរសេរ $0 = 0x$ ដែល 0 ជាមេគុណ ។

ប្រឡងគ្នា ១

ក្នុងកន្សោមខាងក្រោមនេះ តើកន្សោមណាខ្លះដែលជាឯកតា ?

$$m, -15, 2a + b, \frac{4}{x}, \sqrt{3}x^2y, 5xy^{-2}, -\frac{3}{7}xy^4z, \sqrt{xy} \text{ ។}$$

🔑 ដំណោះស្រាយ៖

កន្សោមដែលជាឯកតាមានដូចជា $m, -15, \sqrt{3}x^2y$ និង $-\frac{3}{7}xy^4z$ ។

ប្រឡងគ្នា ២

ចូរបំពេញអថេរ និងមេគុណនៃឯកតាក្នុងតារាងខាងក្រោម៖

ឯកតា	អថេរ	មេគុណ
$2y$		
$\sqrt{2}xy^3$		
$-\frac{4}{5}abc^2$		



❖ ឧទាហរណ៍៖

បំព្រៀងអថេរ និងមេគុណនៃឯកធាតុក្នុងតារាងដូចខាងក្រោម៖

ឯកធាតុ	អថេរ	មេគុណ
$2y$	y	2
$\sqrt{2}xy^3$	x, y	$\sqrt{2}$
$-\frac{4}{5}abc^2$	a, b, c	$-\frac{4}{5}$

១.២.២ ឯកធាតុដូចគ្នា

យើងអាចកំណត់ឯកធាតុពីរប្រើនេះ ជាឯកធាតុដូចគ្នាបានតាមរយៈការសង្កេតលើផ្នែកអថេរនៃពហុធាតុនីមួយៗ។ តើអ្វីទៅជា ផ្នែកអថេរនៃឯកធាតុ? ឧបមាថាគេមានឯកធាតុ $6xyz^2$ នោះគេបាន x, y, z ជាអថេរដែលយើងបានសិក្សាពីចំណុចមុន ប៉ុន្តែចំពោះផ្នែកនៃអថេរគឺ xyz^2 ។ បើផ្នែកអថេរនៃឯកធាតុនីមួយៗដូចគ្នា នោះគេថាឯកធាតុទាំងនោះជាឯកធាតុដូចគ្នា និងប្រាសមកវិញបើឯកធាតុពីរមិនមានផ្នែកអថេរដូចគ្នា នោះឯកធាតុទាំងពីរនោះមិនមែនជាឯកធាតុដូចគ្នាទេ។

និយមន័យ ១.២.២ ៖ ឯកធាតុដូចគ្នា គឺជាឯកធាតុដែលមានផ្នែកអថេរដូចគ្នា ។

ឧទាហរណ៍ 3

- គេមានឯកធាតុពីរ $\sqrt{5}xy^2z^2$ និង $-4xy^2z^2$ ។ គេថាឯកធាតុទាំងពីរនេះ ជាឯកធាតុដូចគ្នា ព្រោះផ្នែកអថេរនៃឯកធាតុទាំងពីរនេះដូចគ្នា នោះគឺ xy^2z^2 ។
- គេមានឯកធាតុពីរ $\sqrt{5}xyz^2$ និង $-4xy^2z^2$ ។ គេថាឯកធាតុទាំងពីរនេះ ជាឯកធាតុមិនដូចគ្នា ព្រោះផ្នែកអថេរនៃឯកធាតុទាំងពីរនេះមិនដូចគ្នា នោះគឺ xyz^2 ជាផ្នែកអថេរនៃ $\sqrt{5}xyz^2$ និង xy^2z^2 ជាផ្នែកអថេរនៃ $4xy^2z^2$ ។

សំគាល់ ១.២.១ ៖ ផ្នែកអថេរ និងអថេរនៃឯកធាតុមួយ មិនដូចគ្នានោះទេ។

ជាក់ស្តែងបើគេមានឯកធាតុ $\frac{1}{2}xy^2$ នោះ

- ផ្នែកអថេរ ៖ xy^2
- អថេរ ៖ x និង y ។

ប្រធានទី ៣

ចូរជ្រើសរើសឯកធាតុដែលដូចគ្នាក្នុងឯកធាតុខាងក្រោម៖

$$2xy, -3x^2y, -\frac{1}{2}yx, \sqrt{5}yx^2, ay, 4ax \text{ ។}$$

ដំណោះស្រាយ៖

ឯកធាតុដែលដូចគ្នាគឺ

- $2xy$ និង $-\frac{1}{2}yx$ ព្រោះមានផ្នែកអថេរ xy ដូចគ្នា។
- $-3x^2y$ និង $\sqrt{5}yx^2$ ព្រោះមានផ្នែកអថេរ x^2y ដូចគ្នា។

១.២.៣ ដឺក្រេនៃឯកធាតុ

គ្រប់ឯកធាតុទាំងអស់ តែងតែមានចំនួនដឺក្រេ មិនថាដឺក្រេ ០, តិច ឬច្រើន។ គេអាចកំណត់ចំនួនដឺក្រេនៃឯកធាតុមួយបាន ដោយយកចំនួនស្វ័យគុណនៃអថេរទាំងអស់របស់ឯកធាតុ បូកបញ្ចូលគ្នា នោះគេនឹងបានចំនួនដឺក្រេនៃឯកធាតុមួយនោះ។

និយមន័យ ១.២.៣ ៖ ដឺក្រេនៃឯកធាតុ គឺជាផលបូកនិស្សន្ទរបស់អថេរនីមួយៗនៃឯកធាតុ ។



ឧទាហរណ៍ 4

- ក. ឯកធា $\sqrt{3}xy$ មានដឺក្រេ 2 ព្រោះផលបូកនិទស្សន្តនៃអថេរ x និង y គឺ $1 + 1 = 2$
 ខ. ឯកធា $-\frac{3}{4}ab^2c^3$ មានដឺក្រេ 6 ព្រោះផលបូកនិទស្សន្តនៃអថេរ a, b និង c គឺ $1 + 2 + 3 = 6$ ។

ប្រធានទី ៨

ចូរបំពេញមេគុណ និងដឺក្រេនៃឯកធាក្នុងតារាងដូចខាងក្រោម៖

ឯកធា	អថេរ	មេគុណ	ដឺក្រេ
$\frac{1}{2}x$	x		
$-4ax^2y^3z$	a, x, y និង z		
$10ax^2y^3z^2$	a, x, y និង z		
$\sqrt{2}bc^5d^2$	b, c និង d		

ដំណោះស្រាយ៖

បំពេញមេគុណ និងដឺក្រេនៃឯកធាក្នុងតារាងដូចខាងក្រោម៖

ឯកធា	អថេរ	មេគុណ	ដឺក្រេ
$\frac{1}{2}x$	x	$\frac{1}{2}$	1
$-4ax^2y^3z$	a, x, y និង z	-4	7
$10ax^2y^3z^2$	a, x, y និង z	10	8
$\sqrt{2}bc^5d^2$	b, c និង d	$\sqrt{2}$	8

ចំពោះឯកធាដែលមានអក្សរច្រើន មានករណីខ្លះគេជ្រើសរើសអក្សរមួយចំនួនជាអថេរ ហើយផ្នែកដែលនៅសល់ជាមេគុណនៃឯកធានោះ។ ចូរពិនិត្យឧទាហរណ៍ទី 5 ។



ឧទាហរណ៍ 5

ក. $6ax^2$ ជាឯកធាតុដែលមានអថេរ x និងមេគុណ $6a$ ។

ខ. $-\frac{1}{2a}bxy^3$ ជាឯកធាតុដែលមានអថេរ x, y និងមេគុណ $-\frac{1}{2a}b$ ។

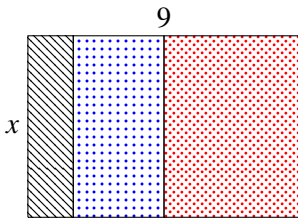
១.៣ ប្រមាណវិធីលើឯកធាតុ

១.៣.១ វិធីបូក និងដកឯកធាតុ

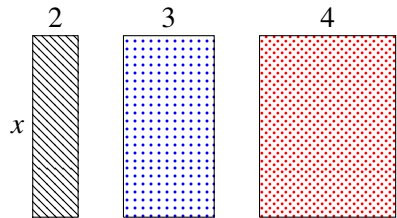
ការគណនាវិធីបូក និងដកឯកធាតុ មិនដូចនឹងការគណនាវិធីបូក និងដកចំនួនពិតដែលយើងធ្លាប់រៀនពីមុនទេ។ ពិនិត្យមើលឧបាសនាខាងក្រោម៖

ពូសិនមានដីស្រែមួយរាងចតុកោណកែងដែលមានបណ្តោយ 9 និងទទឹង x ។ ថ្ងៃមួយគាត់បានកាត់ដីស្រែជាបីដើម្បីចែកឱ្យកូនៗរបស់គាត់ ដោយកាត់បណ្តោយ 2, 3 និង 4 រៀងគ្នាចែកកូនៗ។ តើផ្ទៃក្រឡាដីស្រែរបស់ពូសិនមុន និងក្រោយចែកឱ្យកូន ស្មើគ្នាដែរឬទេ?

ពិនិត្យរូបដូចខាងក្រោម៖



(1)



(2)

ចំពោះរូបទី (1) ផ្ទៃក្រឡាដីស្រែដែលពូសិនមិនទាន់ចែកឱ្យកូនគឺ $9x$ ។

ចំពោះរូបទី (2) ផ្ទៃក្រឡាដីស្រែដែលពូសិនចែកឱ្យកូនរួចគឺ $2x, 3x$ និង $4x$ ។

យើងសង្កេតឃើញថា $2x + 3x + 4x = 9x$ មានន័យថាផ្ទៃក្រឡាដីស្រែ មុននិងក្រោយចែកឱ្យកូនគឺស្មើគ្នា ។ ដូចនេះ គេសន្និដ្ឋានបានថា វិធីបូកឯកធាតុ គឺគេបូកមេគុណនឹងមេគុណ ចំណែកផ្នែកអថេររក្សានៅដដែល ។

ឧទាហរណ៍ ១.៣.១ ៖ ដើម្បីគណនាផលបូក ឬផលដកនៃឯកធាតុដូចគ្នា គេត្រូវធ្វើប្រមាណវិធីបូក ឬដក តែផ្នែកមេគុណ រួចយកលទ្ធផល គុណនឹងផ្នែកអថេរ។

ឧទាហរណ៍ 6

ប្រមាណវិធីបូក និងដកឯកធាតុប្រព្រឹត្តដូចខាងក្រោម៖

ក. $3x + 4x = 7x$

ខ. $4xy^2 - 7xy^2 = -3xy^2$

គ. $\frac{1}{2}xyz + xyz^2 - 3xyz = \left(\frac{1}{2} - 3\right)xyz + xyz^2$
 $= -\frac{5}{2}xyz + xyz^2$

ឃ. $-ax^2 + 5x^2 + 4ax^2 = (-a + 5 + 4a)x^2$
 $= (3a + 5)x^2$ ។

ប្រឡងឆ្នាំ ៥

ក. $5x + 7x + x = (5 + 7 + 1)x = 13x$

ខ. $x^2 - 10x^2 + 11x^2 = (1 - 10 + 11)x^2 = 2x^2$

គ. $8x^2y^2z + 13x^2y^2z - x^2y^2z = (8 + 13 - 1)x^2y^2z = 20x^2y^2z$ ។

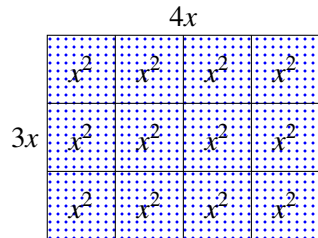
១.៣.២ ទម្រង់គុណឯកធាតុ

ដូចដែលយើងបានដឹងហើយថា ការបូក-ដកឯកធាតុ គេបូក-ដកមេគុណ និងគុណជាមួយផ្នែកអថេរ នៅពេលដែលឯកធាតុមានផ្នែកអថេរដូចគ្នា។ ប៉ុន្តែចំពោះវិធីគុណ គឺខុសពីការបូក-ដកឯកធាតុ។

ចូរសង្កេតឧទាហរណ៍ខាងក្រោម៖

ចំការម្ចាស់មួយរោងចក្រកោណកែងដែលមានវិមាត្រ $3x$ និង $4x$ ។

នោះគេបានផ្ទៃក្រឡានៃចំការគឺ



$(3x)(4x) = (3)(x)(4)(x)$

$= (3)(4)(x)(x),$ [ផ្គុំមេគុណ និងមេគុណ, អថេរ និងអថេរ]

$= 12x^2,$ [ធ្វើប្រមាណវិធីគុណមេគុណ និងមេគុណ, អថេរ និងអថេរ]



តាមឧទាហរណ៍ខាងលើនេះ យើងអាចសន្និដ្ឋានបានថា ការគុណឯកធាតុ គឺគេគុណមេគុណ និងមេគុណ, ផ្នែកអថេរ និងផ្នែកអថេរ។

ជំនួស ១.៣.២ ៖ ដើម្បីគណនាផលគុណនៃឯកធាតុពីរប្រើន គេផ្គុំមេគុណ និងមេគុណ, ផ្នែកអថេរ និងផ្នែកអថេរ រួចធ្វើវិធីគុណនៃមេគុណ និងធ្វើវិធីគុណនៃផ្នែកអថេររៀងគ្នា។

ចំណាំ ១.៣.៦ ៖ ការគុណឯកធាតុពីរ ឬច្រើន គេមិនប្រកាន់ថាទាន់តែផ្នែកអថេរដូចគ្នា ទើបគុណគ្នាកើតនោះទេ ពោលគឺដូចវិធីបូក-ដកឯកធាតុទេ មានន័យថា យើងអាចគុណឯកធាតុបានដោយមិនអារស្រ័យលើផ្នែកអថេរ។

លើក ១. បើ m និង n ជាចំនួនគត់វិជ្ជមាននោះ គេបាន៖

$$១. a^m a^n = a^{m+n}$$

$$៣. (ab)^n = a^n b^n$$

$$២. (a^m)^n = a^{m \times n}$$

$$៤. \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}, \quad a \neq 0$$

ឧទាហរណ៍ 7

ចូរគណនាកន្សោមដូចខាងក្រោម៖

$$ក. (-3x^2) \left(\frac{1}{3}x \right)$$

$$ខ. (\sqrt{3}xy^3) (\sqrt{6}xz)$$

$$គ. \left(-\frac{3a}{2}zx^2y \right) (\sqrt{4}y^3zx), \quad a \in \mathbb{R}$$

ដំណោះស្រាយ៖

គណនាកន្សោមដូចខាងក្រោម៖

$$\begin{aligned} ក. (-3x^2) \left(\frac{1}{3}x \right) &= \left(-3 \times \frac{1}{3} \right) x^{2+1} \\ &= -x^3 \end{aligned}$$



ដូច្នេះ: $\boxed{(-3x^2) \left(\frac{1}{3}x\right) = -x^3 \text{ ។}}$

ខ. $(\sqrt{3}xy^3)(\sqrt{6}xz) = (\sqrt{3} \times \sqrt{6})x^{1+1}y^3z$
 $= 3\sqrt{2}x^2y^3z$

ដូច្នេះ: $\boxed{(\sqrt{3}xy^3)(\sqrt{6}xz) = 3\sqrt{2}x^2y^3z \text{ ។}}$

គ. $\left(-\frac{3a}{2}zx^2y\right)(\sqrt{4}y^3zx) = \left(-\frac{3a}{2} \times \sqrt{4}\right)x^{2+1}y^{1+3}z^{1+1}$
 $= -3ax^3y^4z^2$

ដូច្នេះ: $\boxed{\left(-\frac{3a}{2}zx^2y\right)(\sqrt{4}y^3zx) = -3ax^3y^4z^2 \text{ ។}}$

ប្រូប្លេម ៦


គណនា

ក. $(10ab)(a^2b^2)$

ខ. $(\sqrt{2}xy^5)\left(-\frac{5}{7}x^2y^3\right)$

គ. $\left(-\frac{13}{5}abc^2\right)\left(-\frac{1}{3}\right)a^2bc^5$

ឃ. $\left(\frac{\sqrt{5}}{2}x^3y^5z^7\right)(-\sqrt{3}xyz)$

 ដំណោះស្រាយ៖

ក. $(10ab)(a^2b^2) = 10a^{1+2}b^{1+2}$
 $= 10a^3b^3$

ដូច្នេះ: $\boxed{(10ab)(a^2b^2) = 10a^3b^3 \text{ ។}}$

$$\begin{aligned} \text{ខ. } (\sqrt{2}xy^5) \left(-\frac{5}{7}x^2y^3\right) &= \left(-\frac{5\sqrt{2}}{7}\right)x^{1+2}y^{5+3} \\ &= -\frac{5\sqrt{2}}{7}x^3y^8 \end{aligned}$$

$$\text{ដូចនេះ: } \boxed{(\sqrt{2}xy^5) \left(-\frac{5}{7}x^2y^3\right) = -\frac{5\sqrt{2}}{7}x^3y^8 \quad \forall}$$

$$\begin{aligned} \text{គ. } \left(-\frac{13}{5}abc^2\right) \left(-\frac{1}{3}\right)a^2bc^5 &= \frac{13}{15}a^{1+2}b^{1+1}c^{2+5} \\ &= \frac{13}{15}a^3b^2c^7 \end{aligned}$$

$$\text{ដូចនេះ: } \boxed{\left(-\frac{13}{5}abc^2\right) \left(-\frac{1}{3}\right)a^2bc^5 = \frac{13}{15}a^3b^2c^7 \quad \forall}$$

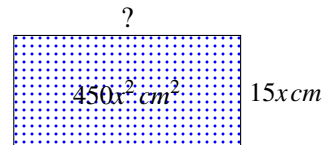
$$\begin{aligned} \text{ឃ. } \left(\frac{\sqrt{5}}{2}x^3y^5z^7\right) (-\sqrt{3}xyz) &= -\frac{\sqrt{15}}{2}x^{3+1}y^{5+1}z^{7+1} \\ &= -\frac{\sqrt{15}}{2}x^4y^6z^8 \end{aligned}$$

$$\text{ដូចនេះ: } \boxed{\left(\frac{\sqrt{5}}{2}x^3y^5z^7\right) (-\sqrt{3}xyz) = -\frac{\sqrt{15}}{2}x^4y^6z^8 \quad \forall}$$

១.៣.៣ ទំនាក់ទំនង

ការចែកឯកធាតុ ដូចជាការសម្រួលកន្សោមដែរ មានន័យថាយើងត្រូវសរសេរភាគយក និងភាគបែងជា ផលគុណកត្តា រួចសម្រួលអ្វីដែលអាចសម្រួលបាន។ ចូរពិនិត្យមើលឧទាហរណ៍ខាងក្រោម៖
ក្រដាសមួយរាងចតុកោណកែង មានទទឹងស្មើនឹង $15x \text{ cm}$ និងផ្ទៃក្រឡាស្មើនឹង $450x^2 \text{ cm}^2$ ។
ដើម្បីរកបណ្តោយនៃក្រដាសនោះគឺ

$$\begin{aligned} \text{បណ្តោយ} &= \frac{\text{ផ្ទៃក្រឡា}}{\text{ទទឹង}} \\ &= \frac{450x^2}{15x} \\ &= \frac{\cancel{15} \times 30 \times x \times \cancel{x}}{\cancel{15} \times \cancel{x}} \\ &= 30x \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}\text{របៀបងាយ៖ បណ្តោយ} &= \frac{450x^2}{15x}, \left[\frac{x^m}{x^n} = x^{m-n}, x \neq 0 \right] \\ &= 30x^{2-1} \\ &= 30x\end{aligned}$$

ដូចនេះ បណ្តោយនៃក្រដាសនោះស្មើនឹង $30x \text{ cm}$ ។

! របៀបងាយខាងលើ ជាមធ្យោបាយមួយដ៏ល្អសម្រាប់បួនសិស្សានុសិស្ស ប៉ុន្តែយើងត្រូវចងចាំ នូវរូបមន្តមួយចំនួនពីមេរៀនកន្សោមពីជគណិតពីថ្នាក់ទី 9 គឺនៅក្នុង រំលឹក ១ ខាងលើ។

ជាទូទៅ ១.៣.៣៖ ដើម្បីចែកឯកធានីឯកធា គេត្រូវសរសេរភាគយក និងភាគបែងជា ផលគុណកត្តា ហើយចែកមេគុណនឹងមេគុណ អថេរនឹងអថេរ ។

ឧទាហរណ៍ 8

គណនាកន្សោមដូចខាងក្រោម៖

ក. $\frac{12ab^2c}{\sqrt{3}abc}$
ខ. $-\frac{9x^3y^2z}{6xyz}$

គ. $\frac{10x^4y}{5x^5}$
ឃ. $\frac{z^3y^6x^2}{3x^2y^6z^3}$ ។

ដំណោះស្រាយ៖

គណនាកន្សោមដូចខាងក្រោម៖

$$\begin{aligned}\text{ក. } \frac{12ab^2c}{\sqrt{3}abc} &= \frac{12\sqrt{3}ab^2c}{3abc} \\ &= 4\sqrt{3}a^{1-1}b^{2-1}c^{1-1} \\ &= 4\sqrt{3}a^0bc^0, \quad [a^0 = 1] \\ &= 4\sqrt{3}b\end{aligned}$$

ដូចនេះ $\frac{12ab^2c}{\sqrt{3}abc} = 4\sqrt{3}b$ ។