Tugas Kecil II Strategi Algoritma

Laporan Penyelesaian Topological Sort dengan Decrease and Conquer

Oleh:

Kinantan Arya Bagaspati 13519044



PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA
SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

2021

A. Algoritma Decrease and Conquer

Algoritma decrease and conquer merupakan salah satu variasi dari sebuah algoritma yang lebih generalnya yakni divide and conquer. Sesuai namanya, algoritma decrease and conquer memiliki 2 bagian utama yakni:

- Decrease: Mereduksi persoalan menjadi persoalan yang lebih kecil
- Conquer : Memproses satu upa persoalan secara rekursif

Berbeda dengan divide and conquer, tidak ada tahap combine dalam algoritma decrease and conquer, karena tidak terjadi pembagian persoalan, melainkan hanya pengecilan ukuran persoalan yang sudah ada.

Pengecilan persoalan ini juga dapat dibagi lagi menjadi 3 varian, yakni:

- Decrease by a constant
 Ukuran persoalan dikurangi sebesar sebuah konstanta (biasanya bernilai 1) setiap pemanggilan metode decrease dalam algoritma. Contoh: Topological sort, Insertion sort, Selection sort.
- Decrease by a constant factor
 Ukuran persoalan dibagi dengan sebuah konstanta setiap pemanggilan metode decrease dalam algoritma. Contoh: Binary search (konstanta 2), Pencarian koin palsu (konstanta 3, karena dapat dibagi 3 kelompok dan timbang 2 kelompok diantaraya)
- Decrease by a variable size
 Pengurangan ukuran persoalan berbeda-beda tiap pemanggilan metode decreasenya, bergantung pada sebuah variabel. Contoh: Interpolation search, Mencari nilai median.

Sebagaimana algoritma lanjutan lain pada umumnya, decrease and conquer hadir sebagai optimasi dari algoritma yang paling memakan waktu paling banyak yakni brute force. Namun optimasi ini tentunya bervariasi tergantung jenis persoalan yang diberikan. Decrease and conquer sangat bagus dipakai saat penyelesaian dari data yang menjadi persoalan memiliki metode yang serupa dengan penyelesaian sebagian dari data tersebut, terlebih lagi bila hasil dari sebagian dari data digunakan untuk mempermudah penyelesaian data awal. Decrease and conquer juga tidak selalu memberikan optimasi yang signifikan bila data yang digunakan merupakan worst case dan kebetulan metode pengecilan yang digunakan ialah decrease by a variable size, meski tentunya kemungkinan hal ini terjadi cukup kecil

Dalam menyelesaikan tugas kecil topological sort yang diberikan, saya menggunakan algoritma decrease and conquer yang mengutamakan kecepatan program. Terdapat satu hal utama yang berpengaruh secara signifikan pada waktu eksekusi program saya, yakni struktur data yang saya gunakan dalam menyimpan setiap pasangan

mata kuliah {x, y} dengan x ialah prasyarat dari y. Daripada saya menyimpan array of vector prequisites[NMAX] yang perquisites[i] menyimpan semua ID mata kuliah yang menjadi prasyaratnya, lebih baik saya menyimpan array of vector preqOf[NMAX] yang preqOf[i] menyimpan semua ID matakuliah yang memuat mata kuliah ber-ID i sebagai prasyaratnya. Ini dilakukan agar memudahkan mengurangkan jumlah prasyarat mata kuliah yang bersangkutan setelah mata kuliah ber-ID i diambil. Selain itu digunakan pula struktur data queue bernama queueCourse dengan implementasi array sebagai tempat memasukkan mata kuliah yang siap untuk diambil karena jelas dapat diperlakukan secara First In First Out. Selanjutnya akan dijelaskan alur kerja program beserta kaitannya dengan decrease and conquer.

Pertama program membaca file masukan sebanyak 2 kali dengan prosedur mapping() dan setPreqOf(). Pada mapping(), program hanya membaca kode mata kuliah pertama setiap baris untuk memberi ID setiap string yang terbaca, dan kemudian memasukkannya dalam map bernama courseCodetoID dengan key string yang terbaca dan value ID string tersebut, serta dalam array of string IDtoCourseCode yang fungsinya sesuai nama arraynya. Pada setPreqOf(), program sudah memberikan ID pada setiap mata kuliah yang tercatat dalam file sehingga sudah dapat dimasukkan ke dalam array of vector preqOf sesuai yang dijelaskan di paragraph sebelumnya. Prosedur ini juga mengisi array nbPreq dengan banyaknya prasyarat tiap ID mata kuliah terkait, serta mengisi queue dengan ID mata kuliah yang sudah bisa diambil (nbPreq[ID] == 0).

Dari kedua prosedur di atas, semua data sudah siap untuk diproses. Selanjutnya program akan menjalankan prosedur solve() yang menyelesaikan persoalan topological sort. Program akan menyimpan nilai tail saat ini dalam tempTail, kemudian jelas bahwa semua mata kuliah yang ada dalam queue saat ini (dari index head hingga tempTail) tentunya dapat diambil saat semester ini. Oleh karena itu program akan melakukan pop() pada queue satu per satu hingga head = tempTail, dengan mengurangi jumlah prasyarat sejumlah 1 dari semua mata kuliah yang memuat mata kuliah dengan ID hasil pop tersebut sebagai prasyaratnya. Disinilah preqOf dirasa sebagai struktur data yang superior. Kemudian setelah head = tempTail, program akan mempunyai queue baru, sisa mata kuliah serta sisa pasangan mata kuliah dan prasyaratnya yang tentunya berkurang jumlahnya. Itulah bagian decrease dari topological sort, dilanjutkan dengan conquer karena metode penyelesaian sisa mata kuliah yang ada sama persis dengan metode awal.

Analisis kompleksitas dari program topological sort ini cukup mudah. Misalkan V dan E berturut-turut merupakan banyak node (mata kuliah) dan banyak edge (relasi prasyarat) dari DAG (daftar prasyarat). Diawal program terdapat penyimpanan pasangan string dan IDnya dalam map yang jelas merupakan O(Vlog(V)). Kemudian pembacaan pada prosedur setPreqOf() juga masih perlu menggunakan map untuk mengidentifikasi ID dari string sehingga bernilai O(Elog(V)). Selanjutnya setiap pem-pop-an queue,

dilakukan perubahan nilai array nbPreq sebanyak mata kuliah yang memiliki head queue sebagai prasyarat. Apabila semua operasi tersebut ditotal, jelas memiliki kompleksitas O(E). Dengan menjumlahkan semua kompleksitas diperoleh kompleksitas total ialah O((V+E)logV).

Selain topological sort, saya juga mengimplementasikan test case generator yang mengenerate directed acyclic graph yang menandakan pasangan mata kuliah dan prasyaratnya dan kemudian menuliskannya dalam file sesuai format yang dibutuhkan untuk tucil ini. Program ini bernama DAGgenerator.cpp yang meminta input:

- majorCode sebagai kode jurusan
- nbCourse sebagai banyak mata kuliah yang ingin dihasilkan
- MaxSemester yang berarti DAG yang dihasilkan pasti memiliki solusi untuk banyaknya semester sama dengan maxSemester
- Density yang menandakan jumlah edge yang mungkin dalam graph tersebut. Apabila density bernilai 0 maka tidak ada edge, sementara bila bernilai 100000 maka setiap edge yang mungkin dibentuk akan terbentuk
- Pseudorandomizer yakni agar matakuliah yang dihasilkan tidak urut, setiap ID matakuliah dikalikan dengan nilai pseudorandomizer ini kemudian dimodkan dengan 100000. Pseudorandomizer harus relative prima dengan 10

Algoritma yang digunakan generator saya cukup simpel, pertama saya menginisialisasi array of vector preqs yang menyimpan prasyarat setiap ID mata kuliah. Kemudian setelah mendapat banyak mata kuliah dan jumlah semester, program akan melakukan ramdomisasi untuk menghasilkan barisan partition[maxSemester+1] bilangan terurut menaik yang akan berperan menjadi partisi, sehingga node dengan ID diantara partition[i] dan partition [i+1] tidak boleh memiliki prasyarat node dengan ID diatas partition[i+1] namun boleh memiliki prasyarat node dengan ID dibawah partition[i]. Setiap edge yang mungkin ada pun ditambahkan dengan probabilitas sesuai dengan density/100000. Kemudian program menuliskan setiap ID yang sudah dipseudirandomize ditambahkan dengan kode kuliah di depannya dalam file input{nbCourse}.txt.

B. Source Program

1. toposort_13519044.cpp

```
#include<bits/stdc++.h</pre>
const long long NMAX = 200000;
map <string, long long> courseCodetoID; //untuk setiap (x,y) dalam map, berarti string x diberi ID y
string IDtoCourseCode[NMAX]; //IDtoCourseCode[i] menyimpan CourseCode dengan id i
ifstream input;
string line, toInsert;
void mapping(string filename){ //prosedur memetakan setiap string yang muncul dalam file
    filename = "../test/" + filename;
    input.open(filename.c_str());
    long long currentID = 0;
    while(getline(input, line)){
         for(int i=0; line[i]!='.' && line[i]!=','; i++){
        courseCodetoID.insert({toInsert, currentID});
        IDtoCourseCode[currentID] = toInsert;
        currentID++;
    input.close();
\textbf{vector<long long> preqOf[NMAX]; //matkul dengan ID x ialah prasyarat dari matkul dengan ID preqOf[x][i]} \\
long long nbPreq[NMAX]; //banyak prasyarat untuk matkul x ialah nbPreq[x]
long long courseID, preqID;
long long queueCourse[NMAX], head, tail, tempTail;
//queue dengan implementasi array,
//saya tidak menggunakan std::queue karena ingin menyimpan index head dan tail yang nantinya digunakan untuk tempTail
 void setPreqOf(string filename){
       filename = "../test/" + filename;
       input.open(filename.c_str());
       long long itr;
       head = 0;
      courseID = 0;
       while(getline(input, line)){
            nbPreq[courseID] =0;
            itr = IDtoCourseCode[courseID].length();
            while(line[itr] != '.'){
                 itr+=2;
                 for(int i=itr; line[i]!='.' && line[i]!=','; i++){
                      toInsert += " ";
                      toInsert[toInsert.length()-1] = line[i];
                 preqID = courseCodetoID[toInsert];
                 preqOf[preqID].push_back(courseID);
                 nbPreq[courseID]++;
            if(nbPreq[courseID] == 0){
                 queueCourse[tail] = courseID;
                 tail++;
            courseID++;
       input.close();
```

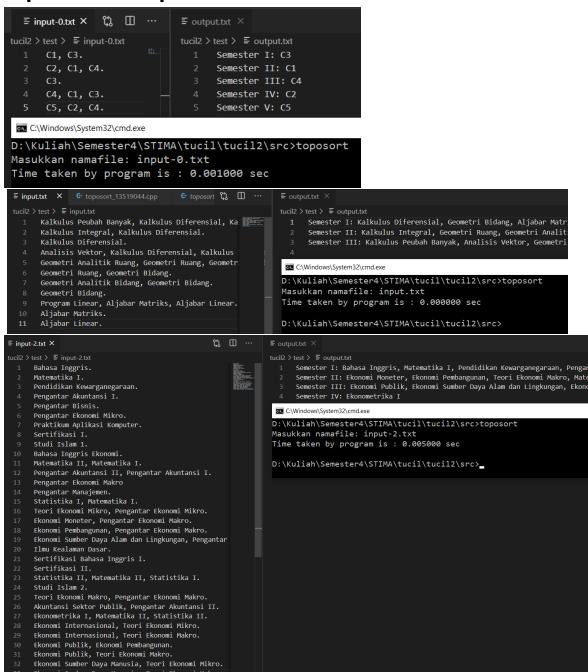
```
string toRoman(int number)
     int num[13] = {1,4,5,9,10,40,50,90,100,400,500,900,1000};
     string sym[13] = {"I","IV","V","IX","X","XL","L","XC","C","CD","D","CM","M"};
     int i=12;
     string result = "";
     while(number>0){
          int div = number/num[i];
         number = number%num[i];
         while(div--){
              result += sym[i];
     return result;
ofstream output;
void solve(long long semester){
    if(head<tail){</pre>
       output << "Semester " << toRoman(semester) << ":";
tempTail = tail;</pre>
       bool first = true;
        while(head < tempTail){</pre>
           if(first){
                output << " " << IDtoCourseCode[queueCourse[head]];</pre>
                first = false;
               output << ", " << IDtoCourseCode[queueCourse[head]];</pre>
            //pregOf cocok untuk melakukan hal tersebut
            for(int i=0; i<preqOf[queueCourse[head]].size(); i++){</pre>
                preqID = preqOf[queueCourse[head]][i];
                nbPreq[preqID]--;
                if(nbPreq[preqID] == 0){
                   queueCourse[tail] = preqID;
           head++;
       output << endl;
        solve(semester+1);
       output.close();
```

2. DAGgenerator.cpp

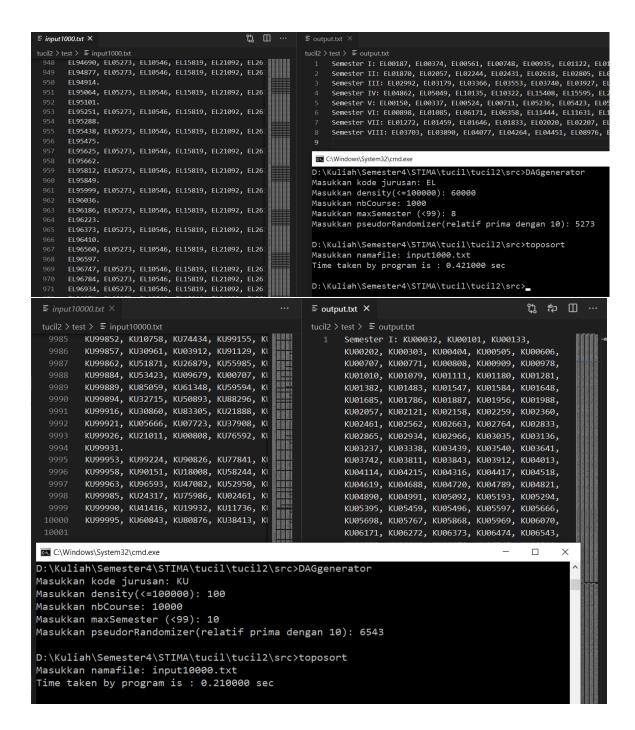
```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
//yang ditulis dalam format sesuai input dari Tucil 2 STIMA
const long long NMAX = 100000;
long long pseudoRandomizer;
string majorCode;
long long density; //(peluang sebuah pasangan node connected)*NMAX
long long nbCourse; //(nbCourse**2) * density < 1e12 agar banyaknya edge kurang dari 1e6</pre>
long long maxSemester;
//Asumsikan variabel diatas kurang dari 99
long long partitions[1000];
bool included[NMAX];
long long prob;
vector <long long> preqs[NMAX];
ofstream output;
long long randomize(long long i){
    return (pseudoRandomizer*i)%NMAX;
string toString (long long x, long long digits){
    string res = "";
    for(int i=0; i<digits; i++){
        res += "0";
    while(x>0){
        digits--;
        res[digits] += x%10;
        x/=10;
```

```
int main(){
    srand (time(NULL));
    cout << "Masukkan kode jurusan: "; cin >> majorCode;
cout << "Masukkan density(<=100000): "; cin >> density;
    cout << "Masukkan nbCourse: "; cin >> nbCourse;
    cout << "Masukkan maxSemester (<99): "; cin >> maxSemester;
    cout << "Masukkan pseudorRandomizer(relatif prima dengan 10): "; cin >> pseudoRandomizer;
    for(int i=0; i<NMAX; i++){</pre>
        included[i] = false;
    partitions[0] = 1;
    for(int i=1; i<maxSemester; i++){</pre>
        partitions[i] = rand() % nbCourse;
        partitions[i]++;
    partitions[maxSemester] = nbCourse+1;
    sort(partitions, partitions+maxSemester+1);
    for(int i=0; i<maxSemester; i++){</pre>
        for(int j=partitions[i]; j<partitions[i+1]; j++){</pre>
             included[randomize(j)] = true;
             for(int k=partitions[0]; k<partitions[i]; k++){</pre>
                 prob = rand()%NMAX;
                 if(prob < density){</pre>
                      preqs[randomize(j)].push_back(randomize(k));
    write();
```

C. Input dan Output



```
≣ input25.txt
                                                                        ≣ output.txt ×
      IF00001.
                                                                              Semester I: IF00001, IF00002
                                                                              Semester II: IF00003, IF00004, IF00005
Semester III: IF00006, IF00007, IF00008, IF00009, IF00010, IF00011,
Semester IV: IF00019, IF00020, IF00021, IF00022
      TF00002.
      IF00003, IF00001, IF00002.
      IF00004, IF00001, IF00002.
      IF00005, IF00001, IF00002.
                                                                              Semester V: IF00023, IF00024, IF00025
      IF00006, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             C\Windows\System32\cmd.ex
      IF00007, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
       IF00008, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>DAGgenerator
      IF00009, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Masukkan kode jurusan: IF
      IF00010, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Masukkan density(<=100000): 100000
      IF00011, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Masukkan nbCourse: 25
      IF00012, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Masukkan maxSemester (<99): 5
      IF00013, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Masukkan pseudorRandomizer(relatif prima dengan 10): 1
      IF00014, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005. IF00015, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>toposort
      IF00016, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Masukkan namafile: input25.txt
      IF00017, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
                                                                             Time taken by program is : 0.001000 sec
      IF00018, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005.
       IF00019, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
                                                                             D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>_
      IF00020, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
      IF00021, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
      IF00022, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
      IF00023, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
      IF00024, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
      IF00025, IF00001, IF00002, IF00003, IF00004, IF00005, IF0
                                                     ზ П ...
≡ input100.txt ×
                                                                    tucil2 > test > ≡ output.txt
                                                                      1 Semester I: MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA21605, MA25926, MA
      MA71606, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA216
                                                                           Semester II: MA03704, MA08025, MA12346, MA16667, MA20988, MA25309,
      MA72223, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
                                                                           Semester III: MA72840
      MA72840, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
                                                                           Semester IV: MA03087, MA07408, MA11729, MA16050, MA20371, MA24692, M
                                                                          Semester V: MA01853, MA02470, MA06174, MA06791, MA10495, MA11112, MA
      MA75927, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA76544, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
                                                                     C:\Windows\Svstem32\cmd.exe
      MA77161, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
                                                                     D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>DAGgenerator
      MA77778, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA216
                                                                     Masukkan kode jurusan: MA
      MA80248, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
                                                                     Masukkan density(<=100000): 75000
      MA80865, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA216
      MA81482, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
                                                                     Masukkan nbCourse: 100
                                                                     Masukkan maxSemester (<99): 5
      MA82099, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
                                                                     Masukkan pseudorRandomizer(relatif prima dengan 10): 4321
      MA84569, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA85186, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA85803, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA216
                                                                     D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>toposort
                                                                     Masukkan namafile: input100.txt
      MA86420, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA88890, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
                                                                     Time taken by program is : 0.004000 sec
      MA89507, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA90124, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
                                                                     D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>
      MA90741, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA93211, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA93828, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA94445, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA95062, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA97532, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA98149, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2166
      MA98766, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
      MA99383, MA04321, MA08642, MA12963, MA17284, MA2160
```



```
th #= □ ...

≡ input100000.txt ×
                                                        ≡ output.txt ×
                                                          1 Semester I: STI00013, STI00023,
 99984 STI99983, STI70634.
        STI99984, STI94942, STI32355, STI66656.
                                                             STI00043, STI00050, STI00053, STI00059,
                                                              STI00078, STI00096, STI00106, STI00116,
       STI99985, STI06738, STI65029, STI36896, S
                                                              STI00139, STI00152, STI00156, STI00169,
        STI99986, STI92612, STI98979.
                                                            STI00182, STI00222, STI00232, STI00248,
        STI99987, STI34632.
       STI99988, STI57479, STI36999, STI50674, S
                                                            STI00255, STI00275, STI00285, STI00292,
                                                              STI00328, STI00338, STI00341, STI00348,
 99990 STI99989, STI41997, STI31347.
        STI99990, STI06198.
                                                              STI00361, STI00371, STI00391, STI00401,
                                                            STI00443, STI00444, STI00454, STI00464,
        STI99991, STI00109, STI11086, STI04679.
                                                            STI00477, STI00490, STI00500, STI00503,
 99993 STI99992, STI20503, STI92940, STI80653, ST
                                                              STI00507, STI00517, STI00524, STI00530,
 99994 STI99993, STI44672, STI26131, STI72<u>0</u>59, S
                                                             STI00557, STI00570, STI00580, STI00583,
        STI99994, STI95837, STI97441, STI21116, S
                                                 STI00613, STI00623, STI00633, STI00643,
        STI99995, STI85592, STI66527, STI67014, S
 99997 STI99996, STI12913, STI72901, STI40996, S
                                                              STI00646, STI00649, STI00656, STI00666,
                                                               STI00669, STI00679, STI00686, STI00696,
       STI99997, STI85436, STI59865, STI02044.
                                                              STI00709, STI00739, STI00746, STI00749,
        STI99998, STI15127, STI29389, STI92227.
                                                               STI00752, STI00759, STI00761, STI00762,
        STI99999, STI01531, STI63438, STI82708, S
                                                              STI00782, STI00802, STI00812, STI00855,
                                                               STI00875, STI00898, STI00908,
                                                                                           STI00918.
 C:\Windows\System32\cmd.exe
                                                                                                D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>DAGgenerator
 Masukkan kode jurusan: STI
 Masukkan density(<=100000): 5
 Masukkan nbCourse: 100000
 Masukkan maxSemester (<99): 20
 Masukkan pseudorRandomizer(relatif prima dengan 10): 4269
 D:\Kuliah\Semester4\STIMA\tucil\tucil2\src>toposort
 Masukkan namafile: input100000.txt
 Time taken by program is : 1.125000 sec
```

D.Alamat Drive

https://drive.google.com/drive/folders/11ujwLwBe8aRZPMXDNL8mpolqBsVb5NvO?usp=sharing

E. Tabel Ceklist

Poin	Ya	Tidak
Program berhasil dikompilasi tanpa kesalahan	$\sqrt{}$	
Program berhasil running	$\sqrt{}$	
Program dapat membaca berkas input dan menuliskan output	$\sqrt{}$	
Luaran sudah benar untuk semua kasus input	V	