**Cấu trúc dữ liệu & Giải thuật trong C++**

# Chương 1. Ngôn ngữ lập trình C++

## Giới thiệu ngôn ngữ lập trình C++

C++ là ngôn ngữ được phát triển bởi Bjarne Stroustrup vào năm 1979 tại Bell Labs, như là một mở rộng của ngôn ngữ C. Mục tiêu của Stroustrup là tạo ra một ngôn ngữ có thể cung cấp tính linh hoạt và hiệu suất cao của C, đồng thời bổ sung các tính năng hướng đối tượng.

Một số đặc điểm chính của C++:

* **Hướng đối tượng (OOP)**: C++ hỗ trợ các khái niệm OOP như lớp, đối tượng, thừa kế, đa hình và đóng gói.
* **Quản lý bộ nhớ**: C++ cho phép quản lý bộ nhớ bằng tay thông qua con trỏ và các toán tử new và delete.
* **Thư viện phong phú**: C++ cung cấp một số lượng lớn các thư viện chuẩn (STL) cho các cấu trúc dữ liệu và thuật toán.
* **Tính tương thích ngược**: C++ tương thích với C, tức là hầu hết mã C có thể được biên dịch và chạy trong môi trường C++.
* **Mẫu (Templates)**: C++ hỗ trợ lập trình tổng quát thông qua các mẫu, cho phép tạo ra mã linh hoạt và tái sử dụng.

## Nhập xuất dữ liệu trong C++

C++ sử dụng thư viện iostream để nhập xuất dữ liệu. Thư viện này cung cấp các đối tượng như cin, cout,…

* cin: Nhập dữ liệu từ bàn phím (chuẩn đầu vào).
* cout: Xuất dữ liệu ra màn hình (chuẩn đầu ra).

### Nhập dữ liệu

cin >> variable;

Trong đó variable là biến mà bạn muốn gán giá trị từ đầu vào. cin hỗ trợ nhiều kiểu dữ liệu khác nhau như int, float, double, char, và string.

Riêng với string ta có thể nhập toàn bộ dòng (bao gồm cả khoảng trắng) bằng cách sử dụng hàm getline. Cú pháp: getline(cin, variable);

Ví dụ: string fullName;

getline(cin, fullName);

Chú ý khi có kết hợp giữa cin và getline: Vì cin không loại bỏ ký tự newline (\n) khỏi bộ nhớ đệm, điều này có thể dẫn đến kết quả không mong muốn. Để tránh vấn đề này, bạn có thể sử dụng thêm một dòng cin.ignore() để loại bỏ ký tự newline.

Ví dụ: int age;

string fullName;

cin >> age;

cin.ignore(); // Loại bỏ ký tự newline khỏi bộ đệm

getline(cin, fullName);

### Xuất dữ liệu

cout << expression;

Trong đó expression là giá trị hoặc biến bạn muốn xuất ra màn hình.

Ví dụ: int age = 20;

cout << "Age: " << age << endl;

float height = 1.65;

double weight = 54;

cout << "Height: " << height << " m" << endl;

cout << "Weight: " << weight << " kg" << endl;

char grade = 'F';

cout << "Grade: " << grade << endl;

string name = "Ha Kien";

cout << "Name: " << name << endl;

Trong C++, ta còn có thư viện iomanip cung cấp các công cụ hữu ích để định dạng đầu ra khi sử dụng cout. Dưới đây là một số phương thức phổ biến trong iomanip:

* setw: được sử dụng để đặt độ rộng trường của đầu ra. Nếu giá trị cần xuất nhỏ hơn độ rộng đã đặt, nó sẽ được căn chỉnh và các khoảng trắng sẽ được thêm mặc định vào bên trái.

Ví dụ: int num = 123;

cout << "Number: " << setw(10) << num << endl;

//đầu ra: Number: 123

* setfill được sử dụng để đặt ký tự lấp đầy cho các khoảng trống được tạo ra bởi setw.

Ví dụ: int num = 123;

cout << "Number: " << setfill('\*') << setw(10) << num << endl;

//đầu ra: Number: \*\*\*\*\*\*\*123

* setprecision được sử dụng để đặt độ chính xác của số thập phân (số chữ số sau dấu chấm thập phân).

Ví dụ: double pi = 3.14159265359;

cout << "Pi: " << setprecision(5) << pi << endl;

//Đầu ra: Pi: 3.1416

* fixed được sử dụng để đặt định dạng số thập phân cố định.

Ví dụ: double pi = 3.14159265359;

cout << "Fixed: " << fixed << setprecision(5) << pi << endl;

//Đầu ra: Fixed: 3.14159

## Hàm trong C++

Khi xây dựng hàm, ngoài các kiểu hàm như trong C thì C++ còn cho phép xây dựng các hàm sau đây:

* Hàm đối tham chiếu
* Hàm đối mặc định
* Nạp chồng hàm (Function Overloading)
* Hàm mẫu (Template Functions)

### Hàm đối tham chiếu

Khai báo hàm: DataType Func\_Name(DataType & Arg\_Nam,..);

Hàm đối tham chiếu là hàm mà các tham số được truyền bằng tham chiếu thay vì truyền bằng giá trị. Điều này cho phép hàm thay đổi trực tiếp giá trị của biến được truyền vào.

Ví dụ: void swap(int &a, int &b) {

int temp = a;

a = b;

b = temp;

}

int main() {

int x = 10, y = 20;

cout << "Before swap: x = " << x << ", y = " << y << endl;

swap(x, y);

cout << "After swap: x = " << x << ", y = " << y << endl;

return 0;

}

//Đầu ra: Before swap: x = 10, y = 20

After swap: x = 20, y = 10

### Hàm đối mặc định

Khai báo hàm:

DataType Func\_Name(DataType Arg\_Nam1, DataType Arg\_Nam2 = value2, ...);

Hàm đối mặc định là hàm có thể có các tham số mặc định. Điều này cho phép bạn gọi hàm mà không cần truyền tất cả các tham số, và các tham số không được truyền sẽ sử dụng giá trị mặc định đã được định nghĩa.

Ví dụ: void display(int a = 10, int b = 20) {

cout << "a = " << a << ", b = " << b << endl;

}

int main() {

display();//Sử dụng giá trị mặc định cho cả hai tham số

display(30);//Sử dụng giá trị mặc định cho tham số thứ hai

display(40, 50);//Sử dụng giá trị được truyền vào cho cả hai tham số

return 0;

}

### Nạp chồng hàm (Function Overloading)

Nạp chồng hàm là khả năng định nghĩa nhiều hàm có cùng tên nhưng khác nhau về số lượng hoặc kiểu tham số. Trình biên dịch sẽ quyết định hàm nào được gọi dựa trên danh sách tham số.

Ví dụ: void print(int i) {

cout << "Integer: " << i << endl;

}

void print(double f) {

cout << "Float: " << f << endl;

}

void print(string s) {

cout << "String: " << s << endl;

}

int main() {

print(10); // Gọi hàm với tham số kiểu int

print(3.14); // Gọi hàm với tham số kiểu double

print("Hello"); // Gọi hàm với tham số kiểu string

return 0;

}

### Hàm mẫu (Template Functions)

Hàm mẫu cho phép bạn viết một hàm duy nhất có thể làm việc với nhiều kiểu dữ liệu khác nhau. Điều này rất hữu ích cho việc viết các hàm tổng quát.

Ví dụ: template <typename T>

T add(T a, T b) {

return a + b;

}

int main() {

cout << "Int: " << add(10, 20) << endl;

//Hàm mẫu cho kiểu int

cout << "Double: " << add(3.14, 2.71) << endl;

//Hàm mẫu cho kiểu double

cout << "String: " << add(string("Hello "), string("World")) << endl;

// Hàm mẫu cho kiểu string

}

# Chương II. Cơ bản về lập trình hướng đối tượng

## 2.1. Lập trình hướng đối tượng là gì?

Lập trình hướng đối tượng (Object-Oriented Programming - OOP) là một phương pháp lập trình dựa trên khái niệm "đối tượng", trong đó đối tượng là một thực thể bao gồm dữ liệu (thuộc tính) và các phương thức (hành vi) để thao tác với dữ liệu đó.

## 2.2. Khái niệm về Lớp (Class) và Đối tượng (Object)

Lớp là một bản thiết kế hoặc khuôn mẫu cho các đối tượng. Nó định nghĩa các thuộc tính (dữ liệu) và phương thức (hành vi) mà một đối tượng có thể có.

Đối tượng là một thể hiện cụ thể của một lớp. Mỗi đối tượng có các giá trị thuộc tính riêng và có thể thực thi các phương thức của lớp.

Ví dụ: class Triangle {

private:

double a, b, c; // Cạnh a, b, c

public:

// Phương thức để tính chu vi của tam giác

double perimeter(){

return a + b + c;

}

// Phương thức để tính diện tích của tam giác bằng định lý Heron

double area(){

double p = perimeter() / 2;

return sqrt(p \* (p - a) \* (p - b) \* (p - c));

}

// Phương thức để hiển thị thông tin về tam giác

void displayInfo(){

cout << "Side a: " << a << endl;

cout << "Side b: " << b << endl;

cout << "Side c: " << c << endl;

cout << "Perimeter: " << perimeter() << endl;

cout << "Area: " << area() << endl;

}

};

int main() {

// Tạo một đối tượng của lớp Triangle

Triangle myTriangle;

// Thiết lập giá trị cho các thuộc tính của đối tượng

myTriangle.a = 3.0; myTriangle.b = 4.0; myTriangle.c = 5.0;

// Hiển thị thông tin về tam giác

myTriangle.displayInfo();

}

* **Thuộc tính**:
  + a, b, c: Các cạnh của tam giác.
* **Phương thức**:
  + double perimeter(): Tính chu vi của tam giác.
  + double area(): Tính diện tích của tam giác bằng định lý Heron.
  + void displayInfo(): Hiển thị thông tin về các cạnh, chu vi và diện tích của tam giác.

## 2.3. Cài đặt phương thức

Việc cài đặt phương thức của lớp có thể được thực hiện theo hai cách: bên trong lớp và bên ngoài lớp.

Trong lớp: class ClassName {

public:

// Khai báo và cài đặt phương thức trong lớp

ReturnType methodName(ParameterType parameter) {

}

};

Ngoài lớp: class ClassName {

public:

ReturnType methodName(ParameterType parameter);

};

// Cài đặt phương thức ngoài lớp

ClassName::methodName(ParameterType parameter) {

// Cài đặt phương thức

}

## 2.4. Truy cập đến các phần tử trong lớp

Mức độ Truy cập:

* **Public (Công khai):**
  + Các thành phần được khai báo public có thể được truy cập từ bất kỳ đâu trong chương trình, bao gồm cả từ bên ngoài lớp.
  + Sử dụng khi bạn muốn cho phép các thành phần của lớp được truy cập và sử dụng một cách tự do.
* **Protected (Bảo vệ):**
  + Các thành phần được khai báo protected chỉ có thể được truy cập từ các phương thức trong lớp đó và các lớp kế thừa (lớp con).
  + Sử dụng khi bạn muốn bảo vệ các thành phần khỏi việc truy cập trực tiếp từ bên ngoài lớp nhưng vẫn cho phép các lớp kế thừa có thể truy cập.
* **Private (Riêng tư):**
  + Các thành phần được khai báo private chỉ có thể được truy cập từ các phương thức trong lớp đó. Không thể truy cập trực tiếp từ bên ngoài lớp hoặc từ các lớp kế thừa.
  + Sử dụng để ẩn thông tin và bảo vệ tính toàn vẹn của dữ liệu.

Cách truy cập:

Trong C++, bạn sử dụng toán tử dấu chấm (.) để truy cập các thành phần (thuộc tính và phương thức) của đối tượng. Khi làm việc với con trỏ đến đối tượng, bạn sử dụng toán tử mũi tên (->).

Ví dụ: class Person {

private:

string name; // Thuộc tính private

int age; // Thuộc tính private

public:

void setInfo(const string& n, int a) {

name = n;

age = a;

}

void displayInfo(){

cout << "Name: " << name << endl;

cout << "Age: " << age << endl;

}

};

int main() {

Person person;

person.setInfo("Alice", 30);

person.displayInfo();

//person.name = "Bob"; // Lỗi biên dịch

//person.age = 25; // Lỗi biên dịch

Person\* ptrPerson = new Person;

ptrPerson->setInfo("Bob", 25);

ptrPerson->displayInfo();

return 0;

}

## 2.5. Cấu tử (Constructor) và Hủy tử (Destructor)

### 2.5.1. Cấu tử (Constructor)

Constructor (hàm khởi tạo) là một phương thức đặc biệt được gọi tự động khi một đối tượng của lớp được tạo ra. Constructor thường được sử dụng để khởi tạo các thuộc tính của đối tượng và thực hiện bất kỳ thao tác chuẩn bị cần thiết nào.

* Khởi Tạo: Constructor được gọi ngay khi đối tượng được tạo ra, đảm bảo rằng tất cả các thuộc tính của đối tượng đều được khởi tạo đúng cách.
* Nhiều Dạng: Có thể có nhiều constructor (constructor overload) với các tham số khác nhau để khởi tạo đối tượng theo nhiều cách khác nhau.
* Không Trả Về Giá Trị: Constructor không có kiểu trả về, ngay cả void.

Ví dụ: class Rectangle {

private:

double width, height;

public:

// Constructor không tham số

Rectangle(){

this.width = this.height = 0;

}

// Constructor với tham số

Rectangle(double w, double h){

this.width = w;

this.height = h;

}

};

### 2.5.2. Hủy tử (Destructor)

Destructor (hàm hủy) là một phương thức đặc biệt được gọi tự động khi đối tượng bị hủy hoặc khi ra khỏi phạm vi của nó. Destructor thường được sử dụng để giải phóng tài nguyên mà đối tượng đã chiếm dụng, chẳng hạn như bộ nhớ động hoặc các tài nguyên hệ thống khác.

* Dọn Dẹp: Destructor được gọi khi đối tượng bị hủy, điều này giúp dọn dẹp các tài nguyên mà đối tượng chiếm dụng.
* Một Dạng: Mỗi lớp chỉ có một destructor duy nhất. Destructor không nhận tham số và không trả về giá trị.
* Tự Động Gọi: Destructor được gọi tự động khi đối tượng ra khỏi phạm vi hoặc bị hủy. Bạn không cần phải gọi destructor trực tiếp.

Ví dụ: class Rectangle {

private:

double width, height;

public:

//Constructor

Rectangle(double w, double h){

this.width = w;

this.height = h;

}

// Destructor

~Rectangle() {

}

};

## 2.6. Lớp mẫu (Template class)

Lớp mẫu là một lớp có thể hoạt động với các kiểu dữ liệu khác nhau được chỉ định khi lớp được sử dụng. Thay vì định nghĩa một lớp cho mỗi kiểu dữ liệu cụ thể, bạn chỉ cần định nghĩa một lớp mẫu duy nhất.

Cú pháp: template <typename T>

class ClassName {

public:

T data; // Thành viên của lớp với kiểu dữ liệu T

// Constructor ClassName(T value){

data = value

}

// Phương thức để trả về giá trị data

T getData(){

return data;

}

// Phương thức để thiết lập giá trị data

void setData(T value) {

data = value;

}

};

Ví dụ: template <typename T>

class Box {

private:

T content;

public:

Box(T value){

content = value;

}

T getContent(){

return content;

}

void setContent(T value) {

content = value;

}

};

int main() {

int Box<int> intBox(123);

cout << "Content of intBox: " << intBox.getContent() << endl;

Box<double> doubleBox(45.67);

cout << "Content of doubleBox: " << doubleBox.getContent() << endl;

Box<string> stringBox("Hello, Templates!");

cout << "Content of stringBox: " << stringBox.getContent() << endl;

return 0;

}

# Chương III. Phân tích thuật toán

## 3.1. Thuật toán là gì?

Thuật toán (algorithm) là một chuỗi các bước hoặc hướng dẫn cụ thể, rõ ràng và hữu hạn được thiết kế để giải quyết một vấn đề hoặc thực hiện một nhiệm vụ nhất định. Các thuật toán có thể được thực hiện bằng tay hoặc thông qua máy tính, và chúng được sử dụng rộng rãi trong nhiều lĩnh vực khác nhau như toán học, khoa học máy tính, kỹ thuật, và nhiều ngành khoa học khác.

Đặc điểm của thuật toán:

* Rõ ràng và xác định: Mỗi bước trong thuật toán phải được xác định một cách rõ ràng và không có sự mơ hồ.
* Tính hữu hạn: Thuật toán phải kết thúc sau một số bước hữu hạn.
* Tính đầu vào: Thuật toán có thể có các đầu vào từ tập dữ liệu đã cho.
* Tính đầu ra: Thuật toán phải có ít nhất một kết quả đầu ra.
* Tính hiệu quả: Thuật toán nên được thiết kế sao cho hiệu quả nhất có thể, tối ưu về thời gian và không gian bộ nhớ.

## 3.2. Các khía cạnh cần phân tích

### 3.2.1. Độ phức tạp không gian (Space Complexity)

Độ phức tạp không gian của một thuật toán là lượng bộ nhớ cần thiết để thực hiện thuật toán, tính theo kích thước của đầu vào. Nó đo lường tổng bộ nhớ mà thuật toán yêu cầu trong quá trình thực thi, bao gồm cả bộ nhớ cố định và bộ nhớ động.

Các thành phần của độ phức tạp không gian:

* Bộ nhớ cố định (Fixed part):
* Bộ nhớ cần thiết cho các biến cố định, hằng số, và mã lệnh.
* Đây là phần bộ nhớ không phụ thuộc vào kích thước của đầu vào. Ví dụ: các biến toàn cục, hằng số, hoặc mã lệnh.
* Thường được ký hiệu là O(1).
* Bộ nhớ động (Variable part):
  + Bộ nhớ cần thiết cho các cấu trúc dữ liệu thay đổi theo kích thước của đầu vào, chẳng hạn như mảng, danh sách liên kết, hoặc cây.
  + Phần này phụ thuộc vào kích thước của đầu vào và có thể thay đổi khi kích thước đầu vào thay đổi. Ví dụ: mảng có kích thước n sẽ cần O(n) bộ nhớ.
  + Bộ nhớ động thường được ký hiệu là O(n), O(n^2), tùy thuộc vào cách cấu trúc dữ liệu được sử dụng và cách chúng thay đổi theo kích thước đầu vào.

Cách tính độ phức tạp không gian:

* Bộ nhớ cố định: Các biến đơn giản như số nguyên, số thực, hoặc ký tự thường sử dụng O(1) bộ nhớ.
* Bộ nhớ động: Một mảng có kích thước n sẽ sử dụng O(n) bộ nhớ. Một danh sách liên kết có n phần tử cũng sẽ sử dụng O(n) bộ nhớ. Một cây có n nút sẽ sử dụng O(n) bộ nhớ.

Việc tính toán độ phức tạp không gian giúp xác định lượng bộ nhớ tối thiểu mà thuật toán yêu cầu để thực thi, từ đó giúp tối ưu hóa việc sử dụng bộ nhớ và tránh tình trạng thiếu bộ nhớ khi xử lý các tập dữ liệu lớn.

### 3.2.2. Độ phức tạp thời gian (Time Complexity)

Độ phức tạp thời gian của một thuật toán là số bước cần thiết để thực hiện thuật toán, tính theo kích thước của đầu vào. Nó đo lường tổng số lần thực hiện các thao tác cơ bản của thuật toán khi kích thước của đầu vào thay đổi.

Ký hiệu phổ biến:

* Big O (O-notation): Mô tả thời gian chạy trong trường hợp xấu nhất.
* Omega (Ω-notation): Mô tả thời gian chạy trong trường hợp tốt nhất.
* Theta (Θ-notation): Mô tả thời gian chạy trung bình, nghĩa là thuật toán luôn chạy trong thời gian này bất kể trường hợp nào.

Các mức độ phức tạp thời gian phổ biến:

* O(1): Thời gian chạy không phụ thuộc vào kích thước của đầu vào. Các thao tác truy cập phần tử trong mảng hoặc so sánh hai số nguyên đều có độ phức tạp thời gian O(1).
* O(log n): Thời gian chạy tỷ lệ thuận với logarit của kích thước đầu vào. Ví dụ, thuật toán tìm kiếm nhị phân có độ phức tạp thời gian O(log n).
* O(n): Thời gian chạy tỷ lệ thuận với kích thước đầu vào. Ví dụ, duyệt qua một mảng có n phần tử sẽ có độ phức tạp thời gian O(n).
* O(n log n): Thời gian chạy là sự kết hợp của O(n) và O(log n). Các thuật toán sắp xếp như merge sort và quicksort có độ phức tạp thời gian O(n log n).
* O(n2): Thời gian chạy tỷ lệ thuận với bình phương của kích thước đầu vào. Các thuật toán sắp xếp đơn giản như bubble sort, insertion sort có độ phức tạp thời gian O(n^2).
* O(2n): Thời gian chạy tăng theo hàm mũ với kích thước đầu vào, rất kém hiệu quả. Ví dụ, thuật toán quay lui (backtracking) trong một số trường hợp cụ thể có thể có độ phức tạp thời gian O(2n).
* O(n!): Thời gian chạy tăng theo giai thừa của kích thước đầu vào, cực kỳ kém hiệu quả. Một số bài toán tổ hợp cụ thể có thể có độ phức tạp thời gian O(n!).

Cách tính độ phức tạp thời gian:

* Dựa trên số lượng thao tác: Đếm số lần thực hiện các thao tác cơ bản như gán giá trị, so sánh, và các phép toán số học.
* Dựa trên vòng lặp: Xác định số lần lặp của các vòng lặp, bao gồm cả vòng lặp lồng nhau.
* Dựa trên đệ quy: Phân tích lời gọi đệ quy và xác định số lần gọi đệ quy theo chiều sâu của cây đệ quy.

Việc tính toán độ phức tạp thời gian giúp xác định tốc độ thực thi của thuật toán khi kích thước đầu vào thay đổi, từ đó giúp tối ưu hóa hiệu suất và lựa chọn thuật toán phù hợp với yêu cầu về thời gian.

## 3.3. Các phương pháp phân tích

### 3.3.1. Phương pháp thực nghiệm

Phương pháp thực nghiệm liên quan đến việc triển khai và chạy thuật toán trên các tập dữ liệu thực tế hoặc giả lập để quan sát và đo lường hiệu suất của thuật toán.

Quy trình thực hiện:

* Triển khai thuật toán: Viết mã nguồn của thuật toán trong ngôn ngữ lập trình mong muốn.
* Chuẩn bị tập dữ liệu: Lựa chọn hoặc tạo ra các tập dữ liệu đầu vào phù hợp, bao gồm các trường hợp tốt nhất, xấu nhất và trung bình.
* Chạy thuật toán: Thực hiện thuật toán với các tập dữ liệu đã chuẩn bị.
* Đo lường hiệu suất: Sử dụng các công cụ và phương pháp đo lường để ghi lại thời gian chạy, sử dụng bộ nhớ và các chỉ số khác.
* Phân tích kết quả: So sánh và phân tích kết quả thu được để đánh giá hiệu suất của thuật toán.

Ưu điểm:

* Chính xác: Cung cấp số liệu chính xác về hiệu suất của thuật toán trong thực tế.
* Trực quan: Dễ dàng quan sát và hiểu được cách thuật toán hoạt động với các tập dữ liệu cụ thể.
* Phát hiện lỗi: Giúp phát hiện và sửa lỗi trong quá trình triển khai thuật toán.

Nhược điểm:

* Tốn thời gian: Cần nhiều thời gian để triển khai, chuẩn bị dữ liệu và chạy thử.
* Phụ thuộc vào phần cứng: Hiệu suất có thể bị ảnh hưởng bởi cấu hình phần cứng và môi trường chạy thử.
* Không tổng quát: Kết quả có thể không phản ánh chính xác hiệu suất của thuật toán trên mọi tập dữ liệu và điều kiện khác nhau.

### 3.3.2. Phương pháp phân tích lý thuyết

Phân tích lý thuyết là phương pháp sử dụng các công cụ toán học để đánh giá hiệu suất của thuật toán mà không cần triển khai thực tế.

Quy trình thực hiện:

* Xác định các thao tác cơ bản: Chọn ra các thao tác cơ bản của thuật toán để làm cơ sở đánh giá.
* Xác định các trường hợp: Phân tích thuật toán trong các trường hợp tốt nhất, xấu nhất và trung bình.
* Tính toán độ phức tạp: Sử dụng các ký hiệu Big O, Ω, và Θ để mô tả độ phức tạp thời gian và không gian của thuật toán.
* So sánh và đánh giá: So sánh độ phức tạp của thuật toán với các thuật toán khác để đưa ra kết luận về hiệu suất tương đối.

Ưu điểm:

* Tổng quát: Cung cấp đánh giá tổng quát về hiệu suất của thuật toán mà không phụ thuộc vào môi trường cụ thể.
* Tiết kiệm thời gian: Không cần triển khai thực tế và chạy thử, giúp tiết kiệm thời gian và công sức.
* Phân tích mọi trường hợp: Cho phép đánh giá hiệu suất trong mọi trường hợp đầu vào, bao gồm trường hợp tốt nhất, xấu nhất và trung bình.

Nhược điểm:

* Trừu tượng: Có thể khó hiểu và không trực quan đối với những người không quen với toán học và lý thuyết tính toán.
* Không chính xác tuyệt đối: Mặc dù cung cấp một cái nhìn tổng quát, nhưng phân tích lý thuyết không thể thay thế hoàn toàn việc kiểm tra thực tế.
* Phức tạp: Yêu cầu kiến thức toán học sâu rộng và kỹ năng phân tích để thực hiện chính xác.

# Chương IV. Các cấu trúc dữ liệu cơ bản

## 4.1. Cấu trúc Vector

### 4.1.1. Cấu trúc tuyến tính, phi tuyến

Cấu trúc dữ liệu tuyến tính là một cấu trúc mà các phần tử dữ liệu được liên kết với nhau tuần tự. Một phần tử chỉ kết nối với một phần tử trước và một tử sau.

Bằng cách tổ chức như vậy, ta có thể duyệt qua các phần tử của nó trong một lần chạy.

Ví dụ: Danh sách (lists)

Vector, chuỗi (vectors sequences)

Danh sách kiểu ngăn xếp, danh sách kiểu hàng đợi (stack, queue)

Cấu trúc dữ liệu phi tuyến là một cấu trúc mà các phần tử dữ liệu được liên kết với nhau thứ tự tuyến tính. Một phần tử có thể kết nối với nhiều phần tử trước, sau.

Ví dụ: Cây (tree)

Đồ thị (graph)

Cấu trúc dữ liệu tuyến tính và phi tuyến đều có những đặc điểm và ứng dụng riêng. Việc lựa chọn cấu trúc dữ liệu phù hợp phụ thuộc vào bài toán cụ thể và yêu cầu về hiệu suất cũng như cách tổ chức dữ liệu. Hiểu rõ về từng loại cấu trúc dữ liệu và cách chúng hoạt động sẽ giúp lập trình viên tối ưu hóa chương trình và giải quyết các vấn đề phức tạp một cách hiệu quả.

### 4.1.2. Kiểu dữ liệu Vector

Vector là một loại cấu trúc dữ liệu mạnh mẽ và linh hoạt, được cung cấp bởi thư viện chuẩn (<vector>). Nó thuộc nhóm cấu trúc dữ liệu tuyến tính và là một trong những lớp dữ liệu quan trọng nhất trong lập trình C++ nhờ tính năng động và hiệu quả của nó.

Đặc điểm chính của Vector:

* Kích Thước Động: Vector có thể thay đổi kích thước trong thời gian thực. Bạn có thể thêm hoặc xóa phần tử mà không cần phải xác định kích thước trước.
* Truy Cập Ngẫu Nhiên (Random Access): Bạn có thể truy cập bất kỳ phần tử nào của vector trực tiếp thông qua chỉ số, tương tự như trong mảng.
* Quản Lý Bộ Nhớ: Vector tự động quản lý bộ nhớ. Khi kích thước của vector thay đổi, bộ nhớ được cấp phát hoặc giải phóng tự động.
* Hiệu Suất Tốt: Thao tác thêm phần tử vào cuối vector (sử dụng push\_back) là rất nhanh chóng. Tuy nhiên, việc chèn hoặc xóa phần tử ở giữa vector có thể tốn thời gian vì phải dịch chuyển các phần tử khác.

### 4.1.3. Cấu trúc Vector trong C++

Khai báo

* vector<T> vec\_name(n);
* vector<T> vec\_name(n, value);
* T arr = {a1, a2, .., an};
* vector<T> vec\_name(arr, arr + n);
* vector<T> vec\_name(arr, arr + sizeof(arr)/sizeof(T));

Các nhóm thao tác của Vector:

* Modifiers:
* assign(int size, int value);
* pop\_back();
* insert(position, value);
* erase(position);
* erase(start-position, end-position);
* emplace(position, element);
* emplace\_back();
* emplace\_back(value);
* swap(vector);
* clear();
* Iterators:
  + - vector<int>::iterator vec\_it;
      * begin()
      * end()
    - vector<int>::reverse\_iterator vec\_it;
    - rbegin()
    - rend()
* Capacity:
* size();
* max\_size();
* capacity();
* resize(n);
* resize(int n, int value);
* empty();
* shrink\_to\_fit();
* reserve(n);
* Element access
* at(position);
* data()
* front()
* back()
* []

### 4.1.4. Các ứng dụng của Vector

**Ứng dụng trực tiếp:**

Ứng dụng trực tiếp của vector đề cập đến việc sử dụng cấu trúc dữ liệu này để giải quyết các bài toán cụ thể hoặc thực hiện các chức năng nhất định. Những ứng dụng này làm nổi bật những lợi ích cơ bản của vector, chẳng hạn như khả năng mở rộng linh hoạt và thao tác dễ dàng.

vector có thể được sử dụng để lưu trữ và quản lý một tập hợp các đối tượng của cùng loại. Đây là một trong những ứng dụng cơ bản và phổ biến của vector.

**Ứng dụng gián tiếp:**

Ứng dụng gián tiếp của vector liên quan đến việc sử dụng vector như một phần của các cấu trúc dữ liệu hoặc thuật toán phức tạp hơn. Trong những trường hợp này, vector cung cấp một nền tảng vững chắc và hiệu quả cho việc triển khai các giải pháp phức tạp hơn.

vector có thể được sử dụng như một cấu trúc dữ liệu bổ trợ trong các thuật toán phức tạp. Ví dụ, bạn có thể sử dụng vector để lưu trữ các giá trị trung gian hoặc kết quả trong các thuật toán sắp xếp, tìm kiếm, hoặc phân tách.

vector có thể đóng vai trò là thành phần của các cấu trúc dữ liệu phức tạp hơn như ngăn xếp (stack), hàng đợi (queue), hoặc đồ thị (graph). Nhờ vào khả năng mở rộng và quản lý bộ nhớ tự động, vector thường được sử dụng để xây dựng các cấu trúc dữ liệu này.

vector cũng có thể được sử dụng trong các ứng dụng phức tạp như xử lý đồ họa, mô phỏng, hoặc phân tích dữ liệu.

### 4.1.5. Cài đặt Vector bằng mảng

Khởi tạo mảng:

* Một con trỏ để trỏ đến mảng động V. Mảng này sẽ được sử dụng để lưu trữ các phần tử của vector.
* Một biến để lưu kích thước hiện tại của mảng (size), và một biến để lưu sức chứa tối đa của mảng (capacity).

Cung cấp các phương thức cơ bản:

* Thêm phần tử (push\_back): Kiểm tra xem mảng hiện tại có đủ sức chứa để thêm phần tử mới không, nếu không đủ, tăng kích thước của mảng. Sau đó thêm phần tử vào mảng và cập nhật kích thước.
* Truy cập phần tử (operator[] ): Cung cấp phương thức để truy cập phần tử tại chỉ số nhất định, với kiểm tra lỗi nếu chỉ số nằm ngoài phạm vi của mảng.
* Truy cập phần tử đầu tiên và cuối cùng (front, back): Phương thức để truy cập phần tử đầu tiên và cuối cùng của vector. Đảm bảo kiểm tra nếu vector rỗng.
* Lấy số phần tử (size): Cung cấp phương thức để trả về số lượng phần tử hiện tại trong vector.
* Kiểm tra nếu vector rỗng (empty): Cung cấp phương thức để kiểm tra xem vector có chứa bất kỳ phần tử nào không.
* Xóa tất cả các phần tử (clear): Cung cấp phương thức để xóa tất cả các phần tử trong vector, thường bằng cách đặt kích thước về 0.

Code mẫu cài đặt Vector bằng mảng trong C++:

#include<iostream>

using namespace std;

#ifndef \_\_vector\_\_cpp\_\_

#define \_\_vector\_\_cpp\_\_

template <class T>

class vector\_reverse\_iterator{

T \*curr;

public:

vector\_reverse\_iterator(T \*c=0) {curr=c;}

vector\_reverse\_iterator<T> &operator=(vector\_reverse\_iterator<T> it) {

this->curr=it.curr;

return \*this;

}

vector\_reverse\_iterator<T> operator++()//++curr{

curr--;

return curr;

}

vector\_reverse\_iterator<T> operator++(int){

vector\_reverse\_iterator<T> tmp=curr;

curr--;

return tmp;

}

T &operator\*() {return \*curr;}

bool operator!=(vector\_reverse\_iterator<T> t) {return curr!=t.curr;}

};

template<class T>

class Vector{

private:

int cap,num;

T \*buff;

public:

Vector() {cap=num=0;buff=0;}

Vector(int k,T x) {cap=num=k; buff=new T[k]; for(int i=0;i<k;i++) buff[i]=x;}

~Vector() {if(buff) delete[]buff;}

int capacity() {return cap;}

int size() {return num;}

bool empty() {return num==0;}

void pop\_back() {if(num>0) num--;}

void extend(int newcap){

if(newcap<cap) return;

cap=newcap;

T \*temp=new T[cap];

for(int i=0;i<num;i++) temp[i]=buff[i];

if(buff) delete []buff;

buff= temp;

}

T &back() {return buff[num-1];}

void push\_back(T x){

if(num==cap) extend(cap\*2+5);

buff[num++]=x;

}

T &operator[](int k) {return buff[k];}

void insert(int k,T x){

if(cap==num) extend(cap\*2+5);

for(int i=num-1;i>=k;i--) buff[i+1]=buff[i];

buff[k]=x;

num++;

}

Vector &operator=(Vector<T> V){

this->num=V.num;

this->cap=V.cap;

if(cap){

this->buff=new T[cap];

for(int i=0;i<num;i++) this->buff[i]=V.buff[i];

}

else this->buff=0;

return \*this;

}

typedef T \*iterator;

iterator begin() {return buff;}

iterator end() {return buff+num;}

typedef vector\_reverse\_iterator<T> reverse\_iterator;

reverse\_iterator rbegin() {return reverse\_iterator(buff+num-1);}

reverse\_iterator rend() {return reverse\_iterator(buff-1);}

};

#endif

### 4.1.6. Phát triển mảng:

Khi thực hiện phép toán. Nếu mảng đầy sẽ dẫn đến xảy ra lỗi. Để có thể thêm phần tử đó vào ta phải mở rộng mảng.

Có hai chiến lược để có thể mở rộng mảng:

* Chiến lược phát triển theo hằng số: Tăng thêm kích thước mảng theo một hằng số c
* Chiến lược gấp đôi: Tăng gấp đôi số phần tử hiện có của mảng

**Chiến lược phát triển theo hằng số:**

Khi mảng cần mở rộng, kích thước của mảng mới được tăng thêm một số lượng cố định (c) phần tử.

Ưu điểm:

* Dễ dàng cài đặt: Cài đặt chiến lược này thường đơn giản hơn vì chỉ cần thêm một số phần tử cố định.
* Dự đoán kích thước: Có thể dễ dàng dự đoán kích thước của mảng mới sau mỗi lần mở rộng.

Nhược điểm:

* Hiệu suất kém: Thao tác mở rộng mảng có thể xảy ra thường xuyên hơn, dẫn đến nhiều thao tác sao chép hơn. Ví dụ, nếu bạn mở rộng mảng mỗi lần thêm 10 phần tử, và bạn liên tục thêm nhiều phần tử, bạn sẽ phải sao chép mảng nhiều lần.
* Tài nguyên bộ nhớ: Khi mảng mở rộng, bạn có thể cấp phát nhiều bộ nhớ hơn cần thiết, dẫn đến lãng phí bộ nhớ.

**Chiến lược gấp đổi:**

Khi mảng cần mở rộng, kích thước của mảng mới được gấp đôi so với kích thước hiện tại.

Ưu điểm:

* Hiệu suất tốt hơn: Chiến lược này giảm số lần mở rộng mảng cần thiết. Vì mảng được gấp đôi kích thước mỗi lần mở rộng, số lần mở rộng sẽ ít hơn nhiều so với chiến lược phát triển theo hằng số.
* Tối ưu hóa tài nguyên: Mảng sẽ có kích thước lớn hơn cần thiết ít hơn, dẫn đến ít lãng phí bộ nhớ hơn so với việc mở rộng theo hằng số.

Nhược điểm:

* Cài đặt phức tạp hơn: Cần phải tính toán kích thước mới của mảng mỗi lần mở rộng, điều này có thể phức tạp hơn một chút so với việc mở rộng theo hằng số.
* Sự lãng phí đôi lúc tạo mảng: Mặc dù có thể tiết kiệm bộ nhớ tổng thể, nhưng mỗi lần mở rộng có thể dẫn đến việc cấp phát một lượng bộ nhớ lớn hơn cần thiết, gây lãng phí bộ nhớ tạm thời.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Yếu tố | Chiến lược phát triển theo hằng số | Chiến lược gấp đôi |
| Tần số mở rộng | Mở rộng thường xuyên | Mở rộng ít hơn |
| Hiệu suất | Thấp do sao chép nhiều lần | Cao hơn do ít lần sao chép hơn |
| Lãng phí bộ nhớ | Cấp phát bộ nhớ lớn hơn cần thiết | Cấp phát gần đúng kích thước |
| Dễ cài đặt | Đơn giản hơn | Phức tạp hơn |
| Dự đoán kích thước | Dễ dàng dự đoán | Kích thước mới khó dự đoán |

### 4.1.7. Iterator (Bộ lặp)

Iterator, hay còn gọi là bộ lặp, là một đối tượng trong lập trình cung cấp cách để duyệt qua các phần tử trong một cấu trúc dữ liệu, chẳng hạn như mảng, danh sách, hay vector, mà không cần biết chi tiết về cách dữ liệu được tổ chức bên trong.

Iterator cho phép người dùng truy cập và duyệt qua các phần tử của một cấu trúc dữ liệu theo cách tuần tự và nhất quán. Nó tách biệt việc duyệt qua các phần tử khỏi cấu trúc dữ liệu cụ thể, do đó hỗ trợ việc thay đổi cấu trúc dữ liệu mà không làm thay đổi mã duyệt qua.

Iterator thường có các thành phần sau:

* begin(): Trả về một iterator trỏ đến phần tử đầu tiên của cấu trúc dữ liệu.
* end(): Trả về một iterator trỏ đến vị trí ngay sau phần tử cuối cùng của cấu trúc dữ liệu (thường được sử dụng để xác định điểm dừng của vòng lặp).
* operator\*: Truy cập giá trị của phần tử mà iterator đang trỏ đến.
* operator++: Di chuyển iterator đến phần tử tiếp theo trong cấu trúc dữ liệu.
* operator!=: So sánh hai iterator để kiểm tra xem chúng có trỏ đến cùng một vị trí hay không.

Ví dụ: vector<int> V(7, 6);

vector<int>::iterator it;

for(it = V.begin(); it != V.end(); ++it){

cout << \*it << "\t";

}

Iterator được sử dụng để có thể chèn hoặc loại bỏ phần tử khỏi cấu trúc dữ liệu:

* Chèn thêm phần tử:
* iterator insert (const\_iterator position, const value\_type& val)
* Chúng ta cần tạo một ô mới có chỉ số r bằng cách đẩy n - r phần tử từ V[r], ..., V[n - 1] về sau 1 vị trí
* Trong trường hợp xấu nhất (r = 0), phép toán thực hiện trong thời gian O(n)
* Loại bỏ phần tử:
* Phép toán iterator erase (const\_iterator position) chúng ta cần đẩy n - r – 1 phần tử từ V[r + 1], ..., V[n - 1] về trước một vị trí
* Trong trường hợp xấu nhất (r = 0), phép toán thực hiện trong thời gian O(n)

## 4.2. Danh sách liên kết (Linked List)

### 4.2.1. Mô hình cấu trúc danh sách liên kết

Danh sách liên kết (Linked List) là một cấu trúc dữ liệu động bao gồm một chuỗi các phần tử, trong đó mỗi phần tử chứa dữ liệu và một hoặc nhiều tham chiếu (liên kết) tới các phần tử khác. Điều này cho phép danh sách có thể mở rộng hoặc thu gọn một cách linh hoạt mà không cần cấp phát bộ nhớ cố định từ đầu.

Các loại danh sách liên kết:

* Danh sách liên kết đơn: Mỗi nút (node) trong danh sách chứa một phần tử dữ liệu và một con trỏ đến nút tiếp theo trong danh sách.
* Danh sách liên kết kép: Mỗi nút chứa một phần tử dữ liệu, một con trỏ tới nút tiếp theo và một con trỏ tới nút trước đó.

### 4.2.2. Cấu trúc danh sách trong thư viện STL C++

Trong thư viện Standard Template Library (STL) của C++, danh sách liên kết được cung cấp thông qua lớp std::list. Lớp này cung cấp các tính năng và thao tác cần thiết để làm việc với danh sách liên kết mà không cần phải tự cài đặt từ đầu.

Mô tả:

* std::list là một danh sách liên kết kép, trong đó mỗi phần tử chứa một con trỏ đến phần tử trước đó và một con trỏ đến phần tử kế tiếp.
* Cho phép truy cập và sửa đổi phần tử ở cả hai đầu của danh sách một cách hiệu quả.
* Hỗ trợ việc chèn (insert) và xóa (erase) các phần tử ở bất kỳ vị trí nào trong danh sách với độ phức tạp O(1), giả sử đã có con trỏ tới vị trí đó.

Tính năng chỉnh của danh sách liên kết:

|  |  |
| --- | --- |
| * Xem phần tử * front * back * Thêm phần tử * push\_back * push\_front * insert * Bớt phần tử * pop\_back * pop\_front * erase | * Bộ lặp xuôi * begin * end * Bộ lặp ngược * rbegin * rend * Thao tác khác * size * empty |

### 4.2.3. Danh sách liên kết đơn

Các nút (node) được cài đặt bao gồm:

* Phần tử lưu trữ trong nó
* Một liên kết đến nút kế tiếp

Để cài đặt một danh sách liên kết đơn, ta cần sử dụng môt con trỏ header trỏ vào node đầu danh sách và con trỏ trailer trỏ vào node cuối danh sách.

**Cấu trúc của một nút (node) trong danh sách liên kết đơn:**

* Các thuộc tính
* Element elem;
* Node \*next;
* Các phương thức
* Node \*getnext() //Trả lại địa chỉ của nút kế tiếp
* Element getElem() //Trả lại giá trị phần tử lưu trữ trong nút
* void setNext(Node \*) //Gán địa chỉ cho thuộc tính next
* void setElem(Element e) //Gán giá trị e cho thuộc tính elem

**Cấu trúc danh sách liên kết đơn:**

|  |  |
| --- | --- |
| * Các thuộc tính: * Node \*header * Node \*trailer * Các phương thức chung: * int size() * bool empty() * Các phương thức truy cập: * front() * back() * Chèn và xóa: * insert * erase | * Các phương thức cập nhật: * void push\_front(T e) * void push\_back(T e) * void pop\_front() * void pop\_back() * Bộ lặp xuôi: * begin * end * = * != * ++ * \* |

### 4.2.4. Danh sách liên kết kép

Các nút (node) được cài đặt bao gồm:

* Phần tử lưu trữ trong nó
* Một liên kết đến nút trước nó
* Một liên kết đến nút kế tiếp

Để cài đặt một danh sách liên kết kép, ta cũng cần sử dụng môt con trỏ header trỏ vào node đầu danh sách và con trỏ trailer trỏ vào node cuối danh sách.

**Cấu trúc của một nút (node) trong danh sách liên kết kép:**

* Các thuộc tính
* Element elem;
* Node \*next, \*pre;
* Các phương thức
* Node \*getnext() //Trả lại địa chỉ của nút kế tiếp
* Node \*getPre() //Trả lại địa chỉ của nút trước đó
* Element getElem() //Trả lại địa chỉ của phần tử lưu trong nút
* void setNext(Node \*) //Đặt thuộc tính Next trỏ đến địa chỉ của phần tử là đối của phương thức
* void setPre(Node \*) //Đặt thuộc tính Prior trỏ đến địa chỉ của phần tử là đối của phương thức
* void setElem(Element e) //Đặt phần tử e vào nút

**Cấu trúc danh sách liên kết kép:**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| * Các thuộc tính: * Node \*header * Node \*trailer * Các phương thức chung: * int size() * bool empty() * Các phương thức truy cập: * front() * back() * Chèn và xóa: * insert * erase | * Các phương thức cập nhật: * void push\_front(T e) * void push\_back(T e) * void pop\_front() * void pop\_back()  |  |  | | --- | --- | | * Bộ lặp xuôi: * begin * end * = * != * ++ * \* | * Bộ lặp ngược: * rbegin * rend * = * != * ++ * \* | |

**Thuật toán chèn (insert):**

insert (p,e): //Bổ sung phần tử e vào phần tử nút p

Tạo ra một nút mới q

q->setElement(e) //Đặt gia trị e vào nút q

q->setNext(p->getNext())//liên kết với phần tử sau nó

p->getNext()->setPrev(q)//Liên kết phần tử sau p với q

q->setPrev(p) //liên kết q với phần tử trước nó

p->setNext(q) //liên kết p với q

return q //trả lại vị trí của q

**Thuật toán xóa (erase):**

erase(p): //Xóa nút p

//kết nối phần tử trước p với phần tử sau p

p->getPre()->setNext(p->getNext())

//kết nối phần tử sau p với pần tử trước p

p->getNext()->setPre(p->getPre())

//bỏ kết nối p với phần tử trước và sau nó

p->setPre(NULL)

p->setNext(NULL)

delete p

### 4.2.5. So sánh mảng và danh sách liên kết:

Những đặc trưng của mảng và danh sách liên kết:

|  |  |
| --- | --- |
| Mảng | Danh sách liên kết |
| * Bộ nhớ sử dụng lưu trữ phụ thuộc vào việc cài đặt chứ không phải số lượng thực sự cần lưu. * Mối quan hệ giữa phần tử đầu và các phần tử khác là rất ít * Các phần tử được sắp xếp cho phép tìm kiếm rất nhanh * Việc chèn và xóa phần tử đòi hỏi phải di chuyển các phần tử. | * Bộ nhớ sử dụng để lưu trữ tương ứng với số lượng các phần tử thực sự cần lưu tai bất kỳ thời điểm nào. * Sử dụng một con trỏ để lưu phần tử đầu, từ đó đi đến các phần tử khác. * Việc bổ sung và xóa bỏ các phần tử không phải di chuyển các phần tử * Truy nhập đến các phần tử chỉ có thể thực hiện được bằng cách đi dọc theo chuỗi mắt xích từ phần tử đầu. Vì vậy đối với danh sách liên kết đơn thì thời gian tìm kiếm một phần tử sẽ là O(n). |

## 4.3. Cấu trúc dữ liệu ngăn xếp (Stack)

### 4.3.1. Định nghĩa ngăn xếp

Ngăn xếp (stack) là cách tổ chức lưu trữ các đối tượng dưới dạng một danh sách tuyến tính mà việc bổ sung đối tượng và lấy các đối tượng ra được thực hiện ở cùng một đầu của danh sách.

Ngăn xếp (stack) được gọi là danh sách kiểu LIFO (Last In, First Out), tức là phần tử được đưa vào cuối cùng sẽ được lấy ra đầu tiên.

### 4.3.2. Cấu trúc dữ liệu trừu tượng Stack

Cấu trúc dữ liệu Stack (Ngăn xếp) là một cấu trúc dữ liệu trừu tượng được sử dụng để lưu trữ và truy cập dữ liệu theo nguyên tắc LIFO (Last In, First Out), tức là phần tử được đưa vào cuối cùng sẽ được lấy ra đầu tiên.

Các thao tác cơ bản trong Stack:

* push(Object o): bổ sung đối tượng o vào cuối Stack.
* pop(): xóa phần tử cuối cùng của Stack.
* top(): trả lại tham chiếu đến phần tử được bổ sung vào cuối cùng của Stack.
* size(): trả lại số phần tử hiện lưu trữ trong Stack.
* empty(): trả lại giá trị kiểu boolean để xác định Stack có lưu trữ phần tử nào hay không.

***Chú ý: Với Stack rỗng thì phép toán pop() và top() không thể thực hiện được.***

Một số ứng dụng của Stack:

* Ứng dụng trực tiếp của Stack:

Quay lại và hoàn tác: Trong các ứng dụng như trình soạn thảo văn bản và trình duyệt web, stack được sử dụng để lưu trữ các hành động đã thực hiện, cho phép người dùng quay lại trạng thái trước đó (Undo) hoặc thực hiện lại các hành động (Redo).

Duyệt cây và đồ thị: Các thuật toán duyệt cây như duyệt theo chiều sâu (Depth-First Search) và duyệt đồ thị sử dụng stack để lưu trữ các đỉnh hoặc các nút đang được duyệt.

Phân tích biểu thức: Trong việc phân tích biểu thức toán học hoặc ngôn ngữ lập trình, stack được sử dụng để xử lý các biểu thức hậu tố (postfix) hoặc tiền tố (prefix), cũng như để kiểm tra các dấu ngoặc mở và đóng.

Quản lý ngăn xếp hàm: Trong các ngôn ngữ lập trình, stack được sử dụng để quản lý các khung ngăn xếp (stack frames) trong quá trình gọi và trả về từ các hàm hoặc phương thức, giúp lưu trữ thông tin về các biến cục bộ và địa chỉ quay lại.

* Ứng dụng gián tiếp của Stack:

Tính toán đệ quy: Trong các thuật toán đệ quy, stack được sử dụng để lưu trữ trạng thái và thông tin về các cuộc gọi đệ quy. Mặc dù điều này thường được ẩn sau lớp trừu tượng của ngôn ngữ lập trình, nó vẫn là một phần quan trọng của cơ chế thực thi đệ quy.

Lưu trữ tạm thời: Trong một số hệ thống và thuật toán, stack có thể được sử dụng như một khu vực lưu trữ tạm thời để giữ dữ liệu hoặc trạng thái trong quá trình thực thi mà không yêu cầu cấu trúc lưu trữ lâu dài.

Tối ưu hóa bộ nhớ: Stack có thể giúp tối ưu hóa việc sử dụng bộ nhớ trong một số ứng dụng bằng cách cung cấp cách tổ chức dữ liệu hiệu quả cho các thao tác cần thực hiện nhanh chóng và đơn giản.

Hỗ trợ các cấu trúc dữ liệu khác: Một số cấu trúc dữ liệu phức tạp hơn, như danh sách liên kết hoặc bảng băm, có thể sử dụng stack như một phần của cơ chế hoạt động của chúng, giúp giải quyết các vấn đề phức tạp một cách hiệu quả hơn.

### 4.3.3. Cài đặt Stack bằng mảng

Code mẫu cài đặt Stack bằng mảng:

#include<bits/stdc++.h>

using namespace std;

#ifndef stack\_\_cpp

#define stack\_\_cpp

template <class T>

class Stack{

int num, cap; //Lưu trữ số lượng phần tử hiện tại và sức chứa trong stack;

T \*elem; //Con trỏ đến mảng động chứa các phần tử của stack.

public:

Stack() {num = cap = 0; elem = NULL;} //Constructor

int size() {return num;}

bool empty() {return num == 0;}

T &top() {return elem[num-1];}

void pop() {num--;}

void push(T x){

if(cap == num){

cap = cap ? cap \* 2 : 1;

T \*tem = new T[cap];

for(int i = 0; i < num; i++) tem[i] = elem[i];

if(elem) delete []elem;

elem = tem;

}

elem[num++] = x;

}

void clear() {

delete[] elem;

elem = NULL; num = cap = 0;

}

};

#endif

Trong đoạn code trên, chiến lược mở rộng gấp đôi đã được sử dụng để tăng kích thước của mảng trong Stack. Điều này giúp duy trì hiệu suất tối ưu cho các thao tác thêm phần tử vào stack bằng cách giảm số lần phải cấp phát lại bộ nhớ và sao chép dữ liệu. Khi mảng đầy, kích thước của nó được tăng gấp đôi, giúp giảm thiểu số lần cần phải mở rộng mảng trong tương lai gần. Điều này không chỉ cải thiện tốc độ hoạt động của stack mà còn giúp quản lý bộ nhớ hiệu quả hơn, tránh các thao tác cấp phát và giải phóng bộ nhớ tốn kém.

Bên cạnh đó, ta cũng có thể cài đặt Stack bằng danh sách liên kết đơn, giúp loại bỏ vấn đề liên quan đến việc phải mở rộng kích thước mảng khi stack trở nên đầy. Sử dụng danh sách liên kết đơn cho phép chúng ta thêm và loại bỏ các phần tử một cách linh hoạt mà không cần phải thay đổi kích thước cấu trúc lưu trữ. Mỗi phần tử được lưu trữ trong một nút của danh sách liên kết, với con trỏ đến nút tiếp theo, giúp việc thao tác với đỉnh stack trở nên đơn giản và hiệu quả. Phương pháp này cung cấp sự linh hoạt trong việc quản lý bộ nhớ và tránh các vấn đề liên quan đến giới hạn kích thước mảng. Nguồn tham khảo: <https://ideone.com/s6RpaH>

### 4.3.4. Ký pháp Ba Lan – Ứng dụng Stack tính giá trị biểu thức

Trong toán học, các biểu thức thường được viết theo ký pháp trung tố, nơi các toán tử nằm giữa các toán hạng. Ví dụ, biểu thức a\*(b+c)-(d\*a) được viết với các toán tử \* và - đặt giữa các toán hạng như a, b, c, và d. Tuy nhiên, nhà toán học người Ba Lan Jan Łukasiewicz đã đề xuất hai dạng ký pháp khác để biểu diễn các biểu thức toán học: ký pháp tiền tố (prefix) và ký pháp hậu tố (postfix).

**Ký pháp tiền tố (Prefix Notation)** là cách viết mà các toán tử được đặt trước các toán hạng. Ví dụ, biểu thức a\*(b+c)-(d\*a) trong ký pháp tiền tố sẽ được viết là -\*a+bc\*da. Ở đây, toán tử - đứng trước, tiếp theo là \*a+bc và \*da, thể hiện rõ thứ tự các phép toán mà không cần dấu ngoặc.

**Ký pháp hậu tố (Postfix Notation)**, ngược lại, đặt các toán tử sau các toán hạng. Ví dụ, cùng biểu thức a\*(b+c)-(d\*a) trong ký pháp hậu tố sẽ được viết là abc+\*da\*-. Ở dạng này, các phép toán được thực hiện ngay sau khi các toán hạng của chúng được cung cấp, cũng loại bỏ nhu cầu về dấu ngoặc đơn.

Cả hai dạng ký pháp tiền tố và hậu tố đều được gọi chung là ký pháp Ba Lan (Polish Notation). Các biểu thức viết theo ký pháp Ba Lan có một số ưu điểm quan trọng. Thứ nhất, chúng không sử dụng các dấu ngoặc đơn, giúp tránh được sự phức tạp và nhầm lẫn khi xác định thứ tự ưu tiên các phép toán. Thứ hai, chúng dễ dàng hơn trong việc lập trình và tính toán giá trị của các biểu thức, do không cần phải xử lý các ưu tiên toán tử và ngoặc đơn. Điều này làm cho chúng đặc biệt hữu ích trong các hệ thống máy tính và ngôn ngữ lập trình.

**Dưới đây là thuật toán chuyển đổi biểu thức dạng trung tố về dạng ký pháp hậu tố:**

* Khởi tạo: Tạo hai stack: Opr để lưu các toán tử và BLExp để lưu các phần của biểu thức hậu tố.
* Đọc biểu thức: Đọc lần lượt từng ký tự từ trái qua phải của biểu thức trung tố.
* Xử lý các ký tự:
  + Nếu gặp dấu ( : PUSH dấu ( vào stack Opr.
  + Nếu gặp toán hạng (chữ cái hoặc số): PUSH toán hạng đó vào stack BLExp.
  + Nếu gặp dấu ):
  + POP các toán tử từ Opr và PUSH vào BLExp cho đến khi gặp dấu (.
  + POP dấu ( ra khỏi Opr và bỏ qua nó.
  + Nếu gặp toán tử (như +, -, \*, /):
  + Nếu Opr rỗng: PUSH toán tử vào Opr.
  + Nếu không rỗng:
    - Nếu toán tử ở đỉnh Opr có mức ưu tiên cao hơn hoặc bằng toán tử hiện tại, POP các toán tử từ Opr và PUSH vào BLExp cho đến khi gặp toán tử có mức ưu tiên thấp hơn hoặc Opr rỗng. Sau đó, PUSH toán tử hiện tại vào Opr.
    - Nếu toán tử ở đỉnh Opr có mức ưu tiên thấp hơn, chỉ PUSH toán tử hiện tại vào Opr.
* Hoàn tất: Khi đã đọc hết biểu thức, POP tất cả các toán tử còn lại trong Opr và PUSH vào BLExp.
* Kết quả: BLExp hiện tại chứa biểu thức dạng hậu tố.

***Chú ý: Thứ tự ưu tiên giảm dần: (, ), /, \*, -, +.***

Ví dụ: Biểu thức trung tố: a\*(b+c)-(d\*a)

* Bước 1: Đọc a, PUSH vào BLExp.
* Bước 2: Gặp \*, PUSH vào Opr.
* Bước 3: Gặp (, PUSH vào Opr.
* Bước 4: Gặp b, PUSH vào BLExp.
* Bước 5: Gặp +, PUSH vào Opr.
* Bước 6: Gặp c, PUSH vào BLExp.
* Bước 7: Gặp ), POP + từ Opr vào BLExp, sau đó POP ( và bỏ qua.
* Bước 8: Gặp -, xử lý tương tự cho đến hết.

Kết quả cuối cùng trong BLExp: abc+\*da\*-

**Thuật toán tính giá trị biểu thức dạng hậu tố:**

* Khởi tạo:
  + Sử dụng stack BLExp chứa biểu thức hậu tố.
  + Tạo một stack phụ T để lưu trữ các toán hạng và kết quả trung gian.
* Xử lý biểu thức: Thực hiện POP từng phần tử từ BLExp cho đến khi BLExp rỗng.
* Xử lý các phần tử:
  + Nếu phần tử là toán hạng:
    - PUSH toán hạng đó vào stack T.
  + Nếu phần tử là toán tử:
    - POP hai phần tử đầu từ stack T (lần lượt là operand2 và operand1).
    - Thực hiện phép toán với hai toán hạng này, sử dụng toán tử vừa đọc: Ví dụ, với toán tử +, thực hiện phép tính operand1 + operand2.
    - PUSH kết quả của phép toán trở lại vào stack T.
* Hoàn tất: Khi BLExp rỗng, giá trị cuối cùng còn lại trong stack T chính là giá trị của biểu thức.

## 4.4. Cấu trúc dữ liệu hàng đợi (Queue)

### 4.4.1. Định nghĩa danh sách kiểu hàng đợi

Queue là một cấu trúc dữ liệu trừu tượng, tổ chức lưu trữ các đối tượng dưới dạng một danh sách tuyến tính mà việc bổ sung đối tượng được thực hiện ở đầu này danh sách và việc lấy đối tượng ra được thực hiện đầu kia của danh sách (FIFO – first in first out).

Queue còn được gọi là danh sách kiểu FIFO (First In First Out - vào trước ra trước)

### 4.4.2. Cấu trúc dữ liệu trừu tượng Queue

Cấu trúc dữ liệu Queue (Hàng đợi) là một cấu trúc dữ liệu trừu tượng được sử dụng để lưu trữ và truy cập dữ liệu theo nguyên tắc FIFO (First In, First Out), tức là phần tử được đưa vào đầu tiên sẽ được lấy ra đầu tiên.

Các thao tác cơ bản trong Queue:

* push(Object o): bổ sung đối tượng o vào cuối Queue.
* pop(): xóa phần tử đầu tiên của Queue.
* front(): trả lại phần tử đầu Queue nhưng không xóa
* back(): trả lại phần tử cuối Queue nhưng không xóa
* size(): trả lại số phần tử hiện lưu trữ trong Queue.
* empty(): trả lại giá trị kiểu boolean để xác định Queue có lưu trữ phần tử nào hay không.

***Chú ý: Queue rỗng thì phép toán pop(), front()*** và ***back()*** ***không thể thực hiện được.***

Một số ứng dụng của hàng đợi:

* Ứng dụng trực tiếp của Queue

Danh Sách Hàng Đợi: Quản lý lượt chờ của khách hàng tại quầy dịch vụ, trung tâm hỗ trợ, hoặc các tác vụ đợi xử lý trong hệ thống điều hành.

Truy Cập Nguồn Dùng Chung: Quản lý việc truy cập đến các tài nguyên chung như máy in hoặc máy chủ, đảm bảo thứ tự xử lý và tránh xung đột.

Đa Lập Trình: Hệ điều hành sử dụng hàng đợi để quản lý và sắp xếp các tiến trình đang chờ tài nguyên CPU, tối ưu hóa sử dụng CPU.

* Ứng dụng gián tiếp của Queue

Hỗ Trợ Thuật Toán: Sử dụng trong thuật toán tìm kiếm theo chiều rộng (BFS) và các hệ thống xử lý ngôn ngữ tự nhiên, quản lý nhiệm vụ và phân phối công việc.

Thành Phần Cấu Trúc Dữ Liệu: Làm nền tảng cho các cấu trúc dữ liệu phức tạp hơn như hàng đợi ưu tiên, hàng đợi vòng, và hàng đợi hai đầu, cung cấp các tính năng đặc biệt cho các ứng dụng cụ thể.

### 4.4.3. Cài đặt Queue bằng mảng

Code mẫu cài đặt Queue bằng mảng:

#include<bits/stdc++.h>

using namespace std;

#ifndef queue\_\_cpp

#define queue\_\_cpp

template <class T>

class Queue{

int num, cap; //Lưu trữ số lượng phần tử hiện tại và sức chứa trong stack;

int F, L; //Lưu trữ vị trí của phần tử front và back

T \*elem; //Con trỏ đến mảng động chứa các phần tử của stack.

public:

Queue() {num = F = L = cap = 0; elem = NULL;}

~Queue() {if(elem) delete[] elem;}

int size() {return num;}

bool empty() {return num == 0;}

T &front() {return elem[F];}

T &back() {return L == 0 ? elem[cap-1] : elem[L-1];}

void pop() {F = (F+1) % cap; num--;}

void push(T x){

if(num == cap){

cap = cap ? cap \* 2 : 1;

T \*tem = new T[cap];

for(int i = 0,j = F; j < F + num; j++, i++) tem[i] = elem[j % num];

if(elem) delete[] elem;

elem = tem;

F = 0; L = num;

}

elem[L] = x ; L = (L + 1) % cap;

num++;

}

};

#endif

Trong đoạn code trên, chiến lược mở rộng gấp đôi đã được sử dụng để tăng kích thước của mảng trong Queue. Điều này giúp duy trì hiệu suất tối ưu cho các thao tác thêm phần tử vào Queue bằng cách giảm số lần phải cấp phát lại bộ nhớ và sao chép dữ liệu. Khi mảng đầy, kích thước của nó được tăng gấp đôi, giúp giảm thiểu số lần cần phải mở rộng mảng trong tương lai gần. Điều này không chỉ cải thiện tốc độ hoạt động của Queue mà còn giúp quản lý bộ nhớ hiệu quả hơn, tránh các thao tác cấp phát và giải phóng bộ nhớ tốn kém.

Bên cạnh đó ta cũng có thể cài đặt Queue bằng danh sách liên kết đơn. Nguồn tham khảo: <https://ideone.com/4fIzIm>

# Chương V. Cấu trúc dữ liệu cây