МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №1 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Поиск с возвратом

Студент гр. 8303	Гришин К. И.
Преподаватель	Фирсов М. А.

Санкт-Петербург

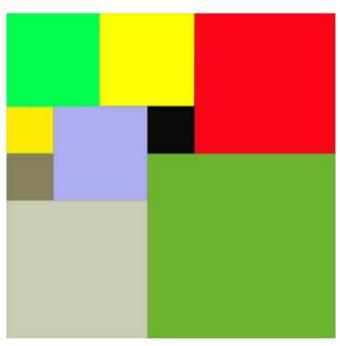
2020

Цель работы

Изучить алгоритм «Backtracking» (он же «Поиск с возвратом») на примере замещения квадратной столешницы заданного размера наименьшим числом квадратов.

Задание

У Вовы много квадратных обрезков доски. Их стороны (размер) изменяются от 1 до N-1, и у него есть неограниченное число обрезков любого размера. Но ему очень хочется получить большую столешницу – квадрат N. Он может получить ee, собрав ИЗ уже имеющихся обрезков(квадратов). Например, столешница размера 7×7 может быть построена из 9 обрезков.



Внутри столешницы не должно быть пустот, обрезки не должны выходить за пределы столешницы и не должны перекрываться. Кроме того, Вова хочет использовать минимально возможное число обрезков.

Входные данные

Размер столешницы – одно целое число N (2≤N≤20).

Выходные данные

Одно число K, задающее минимальное количество обрезков(квадратов), из которых можно построить столешницу (квадрат) заданного размера N. Далее должны идти K строк, каждая из которых должна содержать три целых числа x, y и w, задающие координаты левого верхнего угла $(1 \le x, y \le N)$ и длину стороны соответствующего обрезка (квадрата).

Пример входных данных	Соответствующие выходные данные
7	9
	1 1 2
	1 3 2
	3 1 1
	4 1 1
	3 2 2
	5 3 1
	4 4 4
	1 5 3
	3 4 1

Индивидуальное задание: вариант 5р. Рекурсивный бэктрекинг. Возможность задать список квадратов (от 0 до N^2 квадратов в списке), которые обязательно должны быть использованы в покрытии квадрата со стороной N.

Код приведен в приложениях A, B и C к лабораторной работе.

Описание работы программы

При запуске требуется указать тип ввода: <u>«из файла»</u> - < *file>* или <u>«вручную»</u> - < *тибо* имя файла, либо уже непосредственно данные. Оформления ввода из файла ничем не отличается от ручного ввода.

Ввод	Соответствующий выход
Размер квадрата Кол-во обязательных частей Квадрат 1	Изображение замощенного квадрата Количество полученных частей Квадрат 1
 Квадрат п	 Квадрат k >= n

Описание алгоритма

Алгоритм имеет постоянный контроль уже вписанных квадратов и обновляет лучшую конфигурацию, если вся область квадрата занята и количество вписанных частей меньше, чем предыдущее (изначально это количество инициализируется числом size * size — по количеству максимально возможных частей квадрата).

Если в момент неполного заполнения квадрата частей уже больше, чем в лучшем результате, то дальше не имеет смысла продолжать построение, производится выход из функции

Алгоритм:

- 1. Вводится количество обязательных квадратов.
- 2. Построчно вводятся определяющие квадратов «*x y w*», где x и у положение на поле, w размер.
- 3. Введенные квадраты размещаются на пустом поле функцией $setSquare(int \ x, int \ y, int \ w)$.

Основной ход функции backtracking:

- 4. Найти ближайший к левому верхнему углу свободный квадрат.
- 5. Если такого квадрата нет, столешница замощена, запоминается результат.
- 6. Уменьшить размер полученного квадрата на 1, если он занимает исходный квадрат целиком.
 - 6. Отобразить квадрат на исходном поле, если его размер больше 0.
- 7. Рекурсивно войти в функцию бэктрекинга, сообщив ей об увеличении квадратов на поле.

- 8. Удалить квадрат с поля
- 9. Уменьшить размер квадрата на единицу вернуться к п. 6.

Каждый добавленный и удаленный квадрат логируются. Также сохраняются в файл все лучшие конфигурации.

Описание функций и классов

«Point» - класс точки, содержит два целых числа $int\ x,\ y$ для хранения координат.

«SquareData» - класс для хранения частей квадрата отдельно от самого квадрата, содержит поле Point для хранения координат и целое число w — размер. Класс имеет перегруженный оператор <<, выводит через пробелы значения полей классов, после чего ставит перенос строки.

«Square» - основной класс хранения заданного квадрата. Содержит в себе матрицу целых чисел *iArray*, лучшую конфигурацию *bestConfiguration*, результирующее количество квадратов *iColors* и вспомогательную переменную *res*, которая контролирует выход из функции бэктрекинга. Содержит поле файлового дескриптора для логирования данных.

Методы класса:

Конструктор(int iSize) — на вход получает размер квадрата для обработки, выделяет память под матрицу, создает файл логирования, .

Деструктор — закрывает файл лога, освобождает память матрицы.

SquareData findPotentialSquare() — находит ближайшую к верхнему левому углу свободную точку, от которой начинает отсчет для поиска размера свободного квадрата. Если квадрат найден не был, возвращает обнуленную структуру.

SquareData findSquare(int Color) — на вход получает цвет (номер части квадрата), выводит структуру определяющую его положение. Если квадрата с таким номером не найдено, возвращает пустую структуру.

float proceed(bool logger = 1) — на вход получает флаг логирования, определяющий нужна ли запись в логов, настраивает и инициализирует метод бэктрекинга. Запоминает текущее количество тиков перед вызовом метода, а затем считает прошедшее количество тиков, после чего возвращает время, затраченное на функцию бэктрекинга.

void setSquare(int x, int y, int w) — получает на вход координаты квадрата и размер. Устанавливает в заданную позицию квадрат с заданным размером, устанавливается цвет следующий за текущим. Количество квадратов увеличивается на 1.

void delSquare(int x, int y) — получает на вход координаты, по которым находит квадрат, обнуляет его, уменьшает количество квадратов, а все квадраты с номерами больше удаленного уменьшают их на 1.

const vector<SquareData>& configuration() — выдает доступ к чтению лучшей конфигурации.

void setConfiguration() — очищает текущую лучшую конфигурацию,
 после чего находит все квадраты и помещает их в лучшую конфигурацию.
 Квадраты пронумерованы от 1 до iColors, следовательно легко находятся.

void updateMatrix() — восстанавливает значения матрицы по вектору лучшей конфигурации.

long long int getBacktrackCallsCount() — возвращает количество вызовов функции бэктрекинга.

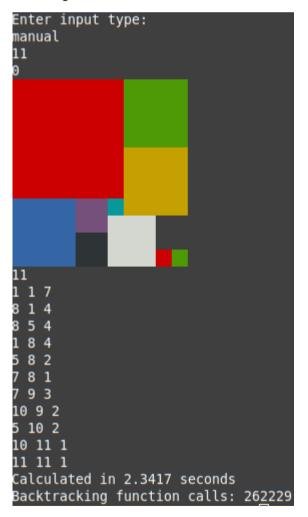
Хранение решения

Временное заполнение квадрата хранится в матрице N*N *int* ***iArray*. Лучшие конфигурации хранятся в виде вектора *vector*<*SquareData*> определяющих частей квадрата.

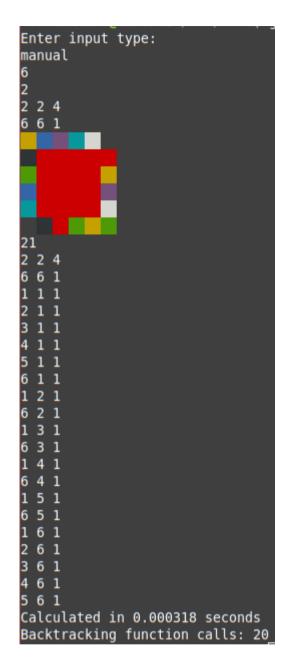
Использованные оптимизации

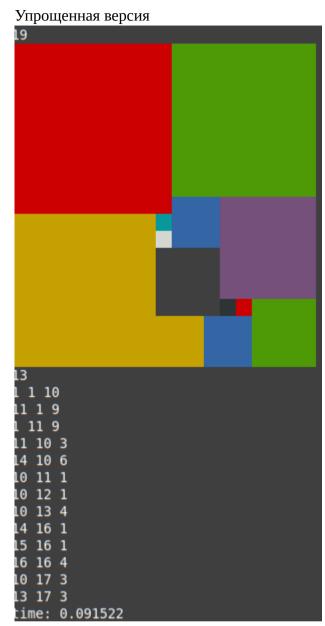
- 1. Каждый раз, когда при входе в функцию бэктрекинга обнаруживается, что текущее количество квадратов больше, чем при лучшей конфигурации, производится выход из функции.
- 2. Проверяется делимость стороны квадрата на простые числа 2, 3, 5, если сторона делится, то квадрат заполняется как квадрат размером с соответствующий делитель, без вызова функции бэктрекинга.
- 3. В упрощенной версии программы используется апостериорная оптимизация. При первом вызове функции бэктрекинга, в квадрат сразу помещается три части: в левый верхний угол размером iSize/2+1, верхний правый и левый нижний размером iSize/2.

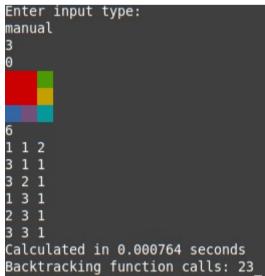
Тестирование



```
Enter input type:
manual
5
1
3 3 2
13
3 3 2
1 1 2
3 1 2
5 1 1
5 2 1
1 3 2
5 3 1
5 4 1
1 5 1
2 5 1
3 5 1
4 5 1
5 5 1
Calculated in 0.005496 seconds
Backtracking function calls: 190
```







Вывод

В ходе выполнения работы была изучена идея бэктрекинга. Описан алгоритм замощения квадрата при помощи поиска с возвратом. Алгоритм имплементирован на языке C++.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Код программы

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <ctime>
#include <fstream>
#include <string>
#include "atr.h"
struct Point
       int x;
       int y;
};
struct SquareData
     Point pos;
       friend std::ostream& operator<<(std::ostream& os, const SquareData& sq){ os << sq.pos.x << " " << sq.pos.y << " " << sq.w << std::endl;
void setColor(int matrixColor) {
   switch(matrixColor % 9) {
       case 0:
    set_display_atr(B_BLACK);
              break;
       case 1:
    set_display_atr(B_RED);
              break;
       case 2:
    set_display_atr(B_GREEN);
              break;
       case 3:
               set_display_atr(B_YELLOW);
              break;
       case 4:
    set_display_atr(B_BLUE);
              break;
       case 5:
               set_display_atr(B_MAGENTA);
              break;
       case 6:
              set_display_atr(B_CYAN);
break;
       case 7:
               set_display_atr(B_WHITE);
              break;
       case 8:
              resetcolor();
class Square
private:
     std::vector<SquareData> bestConfiguration;
     const int iSize;
     int **iArray;
int iColors = 0;
int res;
long long int ops = 0;
       std::ofstream log;
bool logger = 1;
      SquareData findPotentialSquare() const{
   int x = -1;
   int y = -1;
   for(int i = 0; i < iSize; i++) {
      bool b = 0;
      for(int j = 0; j < iSize; j++) {
        if(iArray[i][j] == 0) {
            y = i;
            x = j;
            b = 1;
            break;
      }
}</pre>
                                   break;
```

```
if(b) break;
      if(x == -1 && y == -1) {
    return SquareData{Point{0, 0}, 0};
     int s;
for(s = 0; s <= iSize - std::max(x, y); s++) {
   bool b = 0;
   for(int i = y; i < y+s; i++) {
      if(iArray[i][x+s-1] != 0) {
       b = 1;
      break;
   }
}</pre>
                    }
             for(int i = x; i < x+s; i++) {
    if(iArray[y+s-1][i] != 0) {
        b = 1;</pre>
                           break;
             if(b) break;
       return SquareData{Point{x, y}, s};
SquareData findSquare(int color){
      areData findSquare(int color){
  int x = -1;
  int y = -1;
  for(int i = 0; i < iSize; i++){
    bool b = 0;
    for(int j = 0; j < iSize; j++){
        if(iArray[i][j] == color){
            y = i;
            x = j;
            b = 1;
            break;
        }
}</pre>
                           break;
             if(b) break;
      if(x == -1 && y == -1)
return SquareData{Point{0, 0}, 0};
      int s;
for(s = x; s < iSize; s++) {
    if(iArray[y][s] != color)
        break;</pre>
      s -= x;
return SquareData{Point{x, y}, s};
}
void backtrack(int iCurSize) {
      log << std::endl << "Enter backtracking function: " << std::endl;
ops++;</pre>
      if(iCurSize >= res) {
   log << "Current squares quantity cause function out" << std::endl << std::endl;</pre>
             log << '
return;</pre>
      auto emptySquare = findPotentialSquare();
      if(emptySquare.w == iSize)
              emptySquare.w--;
      if(emptySquare.w == 0) {
    res = std::min(res, iCurSize);
             res = std::min(res, tcdrs1ze);
setConfiguration();
log << "\nNew best conf set: " << std::endl;
for(auto sq: bestConfiguration){
    log << sq;</pre>
              log << std::endl;
      }
      else{
             et
int w = emptySquare.w;
log << "Position for square found: " << std::endl;
             while (w > 0) {
                    setSquare(emptySquare.pos.x, emptySquare.pos.y, w);
                    if(logger){
   log << "square added: ";
   log << emptySquare.pos.x << " " << emptySquare.pos.y << " " << w << std::endl;
`</pre>
                    backtrack(iCurSize+1);
                    if(logger){
    log << "Square deleted: ";
    log << emptySquare.pos.x << " " << emptySquare.pos.y << " " << w << std::endl;
    .</pre>
                    delSquare(emptySquare.pos.x, emptySquare.pos.y);
                     w--; if (w > 0) log << "Decrease square in pos: " <<
```

```
emptySquare.pos.x << " " << emptySquare.pos.y << std::endl;</pre>
          log << "function out\n" << std::endl;
  void setConfiguration(){
         a setConfiguration(){
bestConfiguration.clear();
for(int i = 1; i <= iColors; i++){
   auto square = findSquare(i);
   if(square.w != 0)
        bestConfiguration.emplace_back(square);</pre>
  }
  void updateMatrix(){
         c++;
          }
  }
  int checkOptimalSolution(){
          if (iSize % 2 == 0)
                 div2();
setConfiguration();
          else if (iSize % 3 == 0)
                 div3();
                 setConfiguration();
                 return 1;
          else if (iSize % 5 == 0)
                 div5();
setConfiguration();
          return 0;
  }
  void div2(){
   setSquare(0, 0, iSize/2);
   setSquare(iSize/2, 0, iSize/2);
   setSquare(0, iSize/2, iSize/2);
   setSquare(iSize/2, iSize/2, iSize/2);
  }
  void div3(){
         i div3(){
setSquare(0, 0, iSize/3*2);
setSquare(iSize/3*2, 0, iSize/3);
setSquare(iSize/3*2, iSize/3, iSize/3);
setSquare(0, iSize/3*2, iSize/3);
setSquare(iSize/3, iSize/3*2, iSize/3);
setSquare(iSize/3, iSize/3*2, iSize/3);
  }
 void div5(){
    setSquare(0, 0, iSize/5*3);
    setSquare(iSize/5*3, 0, iSize/5*2);
    setSquare(iSize/5*3, iSize/5*2, iSize/5*2);
    setSquare(iSize/5*3, iSize/5*2);
    setSquare(iSize/5*2, iSize/5*3, iSize/5);
    setSquare(iSize/5*2, iSize/5*4, iSize/5);
    setSquare(iSize/5*3, iSize/5*4, iSize/5);
    setSquare(iSize/5*4, iSize/5*4, iSize/5);
}
Square(int iSize):
iSize(iSize)
         }
~Square(){
         delete iArray;
```

```
int getSize() const {
             return iSize;
     float proceed(bool logger = 1) {
   this->logger = logger;
   res = iSize*iSize;
          auto t = clock();
          backtrack(0);
          t = clock() - t;
          updateMatrix();
          logger = 0;
          log << std::endl;</pre>
          return (float)t/CLOCKS_PER_SEC;
     void setSquare(int x, int y, int w){
          for(int i = y; i < y + w && i < iSize; i++) {
   for(int j = x; j < x + w && j < iSize; j++) {
      iArray[i][j] = iColors+1;</pre>
          iColors++;
     }
     void setSquareVector(const std::vector<SquareData> &vec) {
   for(auto square: vec) {
      setSquare(square.pos.x, square.pos.y, square.w);
}
     void delSquare(int x, int y) {
          }
          }
          }
          }
          iColors--;
     }
     const std::vector<SquareData>&
configuration(){
          return bestConfiguration;
    long long int getBacktrackCallsCount() const {
    return ops;
     friend std::ostream& operator<<(std::ostream& os, const Square& sq){</pre>
          for(int y = 0; y < sq.iSize; y++) {
    for(int x = 0; x < sq.iSize; x++) {
        setColor(sq.iArray[y][x]);
        os << " ";
               resetcolor();
             os << '\n';
          resetcolor();
     }
};
int main(){
     std::string type;
std::cout << "Enter input type:" << std::endl;</pre>
    std::cin >> type;
```

```
int size;
std::vector<SquareData> enterData;
 int squaresCount;
 if(type == "quit")
    return 0;
 if(type == "manual"){
      .ype -- manual ) {
std::cin >> size;
std::cin >> squaresCount;
for(int i = 1; i <= squaresCount; i++) {</pre>
           int x, y, w;
std::cin >> x >> y >> w;
            x--;
           if(x+w-1 >= size || y+w-1 >= size){
    std::cout << "Square " << i << " out of bounds" << std::endl;</pre>
                 return 0;
            enterData.emplace_back(SquareData{Point{x, y}, w});
 }
 if(type == "file"){
    std::cout << "File name: ";
    std::string fname;
    std::cin >> fname;
       std::ifstream fs(fname.c str());
      if(!fs.is_open()){
    std::cout << "Unable to open" << std::endl;</pre>
      fs >> size;
fs >> squaresCount;
for(int i = 1; i <= squaresCount; i++) {
   int x, y, w;
   fs >> x >> y >> w;
           x--;
y--;
           if(x+w-1 >= size || y+w-1 >= size || x-1 < 0 || y-1 < 0) {
    std::cout << "Square " << i << " out of bounds" << std::endl;</pre>
            enterData.emplace_back(SquareData{Point{x, y}, w});
 }
 Square square(size);
 if(!enterData.empty()){
    square.setSquareVector(enterData);
 float t = square.proceed();
std::cout << square;</pre>
 return 0;
```

14

приложение в

Код графического консольного дополнения atr.h

#ifndefATR #defineATR					
#define ESC "\033"					
#define RESET #define BRIGHT #define DIM #define UNDERSCORE #define BLINK #define REVERSE #define HIDDEN	3	0 1 2 4 5 6			
//foreground					
#define F_BLACK #define F_RED #define F_GREEN #define F_YELLOW #define F_BLUE #define F_MACENTA #define F_CYAN #define F_WHITE		30 31 32 34 36 37			
//background					
#define B_BLACK #define B_RED #define B_GREEN #define B_YELLOW #define B_BLUE #define B_MAGENTA #define B_CYAN #define B_WHITE	43 45	40 41 42 44 46 47			
<pre>#define home() #define clrscr() #define gotoxy(x, y #define visible_cur #define resetcolor #define set_display</pre>	sor()		print: printf(ESC "[? print:	f(ESC "[0m")	
#endif					

ПРИЛОЖЕНИЕ С Код упрощенной версии программы

```
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <vector>
struct Point
                   int x;
                    int v;
struct SquareData
                    Point pos;
                   int w;
                  friend std::ostream& operator<<(std::ostream& os, const SquareData& sq){
    os << sq.pos.x << " " << sq.pos.y << " " << sq.w << std::endl;</pre>
class Square
private:
                                       int **iBestConfiguration;
                                         const int iSize;
                                        int **iArray;
                  int iColors = 0;
int res;
                  SquareData findPotentialSquare() const{
   int x = -1;
   int y = -1;
   for(int i = 0; i < iSize; i++) {
      bool b = 0;
      for(int j = 0; j < iSize; j++) {
        if(iArray[i][j] == 0) {</pre>
                                                                                         y = i;
x = j;
b = 1;
                                                                                                  break;
                                                                              }
                                                            if(b) break;
                                       if(x == -1 && y == -1) {
    return SquareData{Point{0, 0}, 0};
                                      int s;
for(s = 0; s <= iSize - std::max(x, y); s++){
  bool b = 0;
  for(int i = y; i < y+s; i++){
    if(iArray[i][x+s-1] != 0){
      b = 1;
                                                                                                 break;
                                                                             }
                                                           for(int i = x; i < x+s; i++) {
    if(iArray[y+s-1][i] != 0) {</pre>
                                                                                                  b = 1:
                                                                                                  break;
                                                           if(b) break;
                                        return SquareData{Point{x, y}, s};
                  SquareData findSquare(int color) {
   int x = -1;
   int y = -1;
   for(int i = 0; i < iSize; i++) {
      bool b = 0;
      for(int j = 0; j < iSize; j++) {
        if(iArray[i][j] == color) {
            v = i;
            v = i;

                                                                                               y = i;
x = j;
b = 1;
                                                                                                  break;
                                                                               }
                                                           if(b) break;
                                        }
                                       if(x == -1 && y == -1)
    return SquareData{Point{0, 0}, 0};
                                       int s;
for(s = x; s < iSize; s++){
```

```
if(iArray[y][s] != color)
       s -= x;
       return SquareData{Point{x, y}, s};
void backtrack(int iCurSize) {
   if(iCurSize >= res)
             return:
       auto emptySquare = findPotentialSquare();
       if(emptySquare.w == iSize){
  emptySquare.w /= 3;
  emptySquare.w *= 2;
       if(emptySquare.w == 0){
   res = std::min(res, iCurSize);
   setConfiguration();
       else{
              int w = emptySquare.w;
              while (w > 0) {
                     .e(w > 0){
setSquare(emptySquare.pos.x, emptySquare.pos.y, w);
if(emptySquare.pos.x == 0 && emptySquare.pos.y == 0){
   if(w < iSize/2+1) return;
   setSquare(w, 0, iSize - w);
   setSquare(0, w, iSize - w);
   backtrack(3);</pre>
                     else
                            backtrack(iCurSize+1);
                     delSquare(emptySquare.pos.x, emptySquare.pos.y);
if(emptySquare.pos.x == 0 && emptySquare.pos.y == 0 && w >= iSize/2+1){
    delSquare(w, 0);
    delSquare(0, w);
                     w--;
              }
      }
}
}
int checkOptimalSolution(){
       if (isize % 2 == 0)
              div2();
return 1;
       else if (iSize % 3 == 0)
              div3();
              return 1;
       else if (iSize % 5 == 0)
             div5();
              return 1;
       return 0;
void div2(){
       d div2(){
setSquare(0, 0, iSize/2);
setSquare(iSize/2, 0, iSize/2);
setSquare(0, iSize/2, iSize/2);
setSquare(iSize/2, iSize/2, iSize/2);
void div3(){
       d div3(){
setSquare(0, 0, iSize/3*2);
setSquare(iSize/3*2, 0, iSize/3);
setSquare(iSize/3*2, iSize/3, iSize/3);
setSquare(0, iSize/3*2, iSize/3);
setSquare(iSize/3, iSize/3*2, iSize/3);
setSquare(iSize/3, iSize/3*2, iSize/3);
void div5(){
```

```
setSquare(0, 0, iSize/5*3);
setSquare(iSize/5*3, 0, iSize/5*2);
setSquare(iSize/5*3, iSize/5*2, iSize/5*2);
setSquare(0, iSize/5*3, iSize/5*2);
setSquare(iSize/5*2, iSize/5*3, iSize/5);
setSquare(iSize/5*2, iSize/5*4, iSize/5);
setSquare(iSize/5*3, iSize/5*4, iSize/5);
setSquare(iSize/5*4, iSize/5*4, iSize/5);
public:
                Square(int iSize):
                                  iSize(iSize)
                delete [] iBestConfiguration; delete [] iArray;
                 int getSize() const {
                               return iSize;
       float proceed(){
    if(!checkOptimalSolution()){
       res = iSize*iSize;
       backtrack(0);
                       iColors = res;
updateMatrix();
        }
        void setSquare(int x, int y, int w){
                for(int i = y; i < y + w && i < iSize; i++) {
   for(int j = x; j < x + w && j < iSize; j++) {
      iArray[i][j] = iColors+1;</pre>
                iColors++;
       void delSquare(int x, int y) {
   int color = iArray[y][x];
   for(int i = y; i < iSize; i++) {
      for(int j = x; j < iSize; j++) {
        if(iArray[i][j] == color)
            iArray[i][j] = 0;
        else break;
}</pre>
                       }
                }
                iColors--;
       void printConfiguration(std::ostream &os){
   os << iColors << std::endl;
   for(int i = 1; i <= iColors; i++) {
      auto sq = findSquare(i);
      os << sq.pos.x+1 << " " << sq.pos.y+1 << " " << sq.w << std::endl;
}</pre>
        }
};
int main(){
       int size;
std::cin >> size;
        Square square(size);
        square.proceed();
         square.printConfiguration(std::cout);
        return 0;
```