



# 信息安全基本目标

## 一、 核心基础：CIA 三元组 (数据属性)

这三个要素定义了数据在理想状态下应该是什么样子的。

### 1. 机密性 (Confidentiality)

- **定义：** 只有被授权的人或系统才能访问信息。
- **核心问题：** “不该看的人看不到。”
- **攻防示例：**
  - 攻击：网络窃听、数据泄露。
  - 防御：加密技术 (AES, RSA) 、物理隔离。

### 2. 完整性 (Integrity)

- **定义：** 数据在存储或传输过程中保持准确、一致，未被篡改。
- **核心问题：** “数据没有被偷偷改过。”
- **攻防示例：**
  - 攻击：中间人篡改、SQL注入修改数据。
  - 防御：哈希校验 (MD5/SHA) 、数字签名。

### 3. 可用性 (Availability)

- **定义：** 授权用户需要在需要时能及时、可靠地访问服务或数据。
- **核心问题：** “想用的时候能用。”
- **攻防示例：**
  - 攻击：DDoS 攻击、勒索软件锁死文件。
  - 防御：负载均衡、异地容灾备份、RAID 磁盘阵列。

---

## 二、 关键扩展：交互与信任机制 (流程属性)

这三个要素定义了用户如何安全地使用系统，以及如何建立法律层面的信任。

## 4. 认证 (Authentication)

- **定义：**验证系统实体（用户或进程）所声称的身份的过程。
- **核心问题：**“你是谁？” (Verifying Identity)
- **PPT 重点：**它是访问系统的第一道门槛。
- **典型技术：**
  - **Kerberos 协议**（如 PPT 所述，一种基于票据的认证协议）。
  - 密码、生物识别（指纹/人脸）、双因素认证 (2FA)。

## 5. 访问控制 / 授权 (Access Control / Authorisation)

- **定义：**保护系统资源，防止未经授权的访问，限制用户只能执行其权限内的操作。
- **核心问题：**“你能干什么？” (Permissions)
- **PPT 重点：**通过认证后，系统决定你能读、写还是删除。
- **典型技术：**
  - **ACL (访问控制列表)：**明确规定谁对哪个文件有什么权限。
  - **RBAC (基于角色的访问控制)：**比如“经理”角色可以审批，“员工”角色只能提交。

## 6. 不可否认性 (Non-repudiation)

- **定义：**防止通信的一方在事后否认其参与了该通信或行为。
- **核心问题：**“这事是你干的，别赖账。” (Proof of Involvement)
- **PPT 重点：**主要用于保护交易和法律责任。
- **典型技术：**
  - **数字签名：**结合私钥加密，确保除了你没人能签出这个名。
  - **审计日志 (Audit Trails)：**不可篡改的操作记录。

---

## 三、融会贯通：六大要素如何协作？

为了帮你彻底记住，我们用\*\*“网上银行转账”\*\*这个场景，把这 6 个概念串起来：

### 1. 认证 (Authentication)：

你打开银行 App，输入密码和人脸识别。系统确认**你是你**。

### 2. 访问控制 (Access Control)：

系统检测你的权限。虽然你是用户，但你**只能操作**自己的账户，**无权访问**银行的后台数据库（那是管理员的权限）。

3. 机密性 (Confidentiality):  
你查看余额。余额数字通过 HTTPS 加密传输，此时坐在你旁边蹭 Wi-Fi 的黑客截获了数据包，但也看不懂内容。
4. 完整性 (Integrity):  
你输入“转账 100 元”。数据包传到银行服务器时，系统通过哈希校验确认数据包依然是 100 元，而不是被篡改成了 10000 元。
5. 不可否认性 (Non-repudiation):  
你点击“确认转账”，App 使用你的私钥对交易指令进行了数字签名。第二天如果你打电话给银行说“我没转过这笔钱”，银行拿出你的签名记录，让你无法抵赖。
6. 可用性 (Availability):  
即使双 11 转账的人很多，银行使用了负载均衡和服务器集群，保证 App 没有崩溃，让你顺利完成了操作。

## 四、 总结图表

类别	概念	英文名称	核心作用	典型技术/协议
基础属性 (CIA)	机密性	Confidentiality	保密 (防泄露)	加密 (AES, TLS)
	完整性	Integrity	防篡改 (保真)	哈希 (SHA), 校验和
	可用性	Availability	抗压 (防宕机)	备份, 冗余, DDoS清洗
流程机制 (扩展)	认证	Authentication	验明正身 (你是谁)	Kerberos, 密码, 生物识别
	访问控制	Access Control	权限管理 (能干嘛)	ACL, RBAC
	不可否认性	Non-repudiation	铁证如山 (防赖账)	数字签名, 审计日志

这样整理之后，你就拥有了一个既包含**底层原理 (CIA)** 又包含**实现机制 (PPT内容)** 的完整网络安全知识框架了。

# 密码学核心目标与应用

---

## 第一步：密码学的四大核心目标

这是密码学存在的意义，也是它要解决的四个终极问题：

### Four goals of cryptography

1. In spite of adversaries, we want to achieve (among other things):

1. **Confidentiality** - prevent unauthorised access;
2. **Integrity** - no modification of existing information;
3. **Authentication** - no identifying either entities or data origins;
4. **Non-repudiation** - preventing denials of messages sent

#### 1. 机密性 (Confidentiality)

- **目标**：确保信息不被窃听。
- **手段**：**加密 (Encryption)** 。把明文变成乱码。

#### 2. 完整性 (Integrity)

- **目标**：确保信息未被篡改。
- **手段**：**哈希函数 (Hashing)** 。提取数据的“指纹”。

#### 3. 认证 (Authentication)

- **目标**：确认发信人的身份。
- **手段**：验证对方是否持有正确的**密钥**。

#### 4. 不可否认性 (Non-repudiation)

- **目标**：防止事后抵赖。
  - **手段**：**数字签名**（这是非对称加密独有的能力，对称加密做不到这一点）。
-

## 第二步：对称加密 (Symmetric Encryption)

这是密码学的“老前辈”，历史悠久，简单粗暴。

### 1. 核心特点

“一把钥匙开一把锁。”

通信双方 (Alice 和 Bob) 使用**完全相同**的一把密钥 (Secret Key) 。

- **加密**：Alice 用密钥 K 将明文锁住。
- **解密**：Bob 用**同一个**密钥 K 将密文打开。

### 2. 现实比喻

**保险箱模式。**

Alice 买了一个保险箱，设定密码是 123456，把文件放进去锁好。快递给 Bob。Bob 收到后，必须输入同样的 123456 才能打开取出文件。

### 3. 经典算法

- **DES / 3DES** (老旧，已不安全)
- **AES** (目前的国际标准，极其安全，WPA2 WiFi密码用的就是这个)

### 4. 致命弱点：密钥分发难题 (Key Distribution)

既然双方都要用同一把钥匙，Alice 第一次如何把钥匙安全地交给 Bob？

- 如果在网上直接发给 Bob，被黑客截获了怎么办？
- 如果派人送过去，成本又太高。
- 这就好比：为了安全传输数据，我们需要一把密钥；但为了安全传输密钥，我们需要另一把密钥.....陷入死循环。

---

## 第三步：非对称加密 (Asymmetric Encryption)

为了解决“密钥怎么给对方”的问题，天才数学家们发明了非对称加密 (公开密钥加密)。

## 1. 核心特点

“两把钥匙，成对出现。”

每个人都拥有一对钥匙：

- **公钥 (Public Key)**：公开给全世界，谁都能拿。
- **私钥 (Private Key)**：严格保密，只有自己，打死不能给别人。

神奇规则：

- 用**公钥**加密的数据，**只有私钥**能解开。
- 用**私钥**加密的数据，**只有公钥**能解开。

## 2. 两种用法（解决了不同问题）

- **用法 A：为了机密性（加密通信）**
  - 场景：我想给马云发一条机密信息。
  - 操作：我拿到马云的**公钥**（满大街都是），把信锁上。
  - 结果：全世界只有马云有**私钥**，所以只有他能解开。
  - 比喻：**信箱投递**。谁都能往邮筒（公钥）里塞信，但只有邮递员有钥匙（私钥）能把信取出来。
- **用法 B：为了认证与不可否认性（数字签名）**
  - 场景：马云发了一条公告，要证明确实是他发的。
  - 操作：马云用他的**私钥**对公告进行加密（签名）。
  - 结果：大家用马云的**公钥**去解。如果能解开，说明这东西只能是用马云的私钥锁的。因为私钥只有他有，所以**证明是他发的（认证）**，且他**无法赖账（不可否认性）**。

## 3. 经典算法

- **RSA**（最经典）
  - **ECC**（椭圆曲线加密，比特币就在用）
- 

## 第四步：巅峰对决 —— 对称 vs. 非对称

理解了原理后，我们需要对比它们的优劣，因为现代网络安全（如 HTTPS）是把这两者结合起来使用的。

特性	对称加密 (Symmetric)	非对称加密 (Asymmetric)
密钥数量	单一密钥 (Shared Secret)	密钥对 (Public + Private)
加密速度	极快 (适合处理大数据文件)	极慢 (比对称慢 100-1000 倍, 计算复杂)
安全性	依赖于密钥不泄露	数学难题 (大数分解等) 保障安全
密钥管理	极难 (密钥分发困难, N个人互通需要 $N*(N-1)/2$ 把钥匙)	容易 (公钥随意分发, 私钥自己留好)
功能支持	仅支持机密性、完整性(需结合哈希)、认证	支持所有目标, 独占不可否认性 (数字签名)
典型应用	硬盘加密、视频流加密、ZIP压缩包密码	身份验证、数字证书、密钥交换

## 总结与最佳实践

既然**对称加密快但不好传密钥**，而**非对称加密安全但速度慢**，聪明的工程师想出了**混合加密 (Hybrid Encryption)**：

**HTTPS 的工作流程 (简化版)：**

- 握手阶段 (非对称)：** 浏览器和服务端先用 **RSA (非对称加密)** 建立连接。虽然慢，但只传输很少的数据——即\*\*“会话密钥”\*\*。
- 传输阶段 (对称)：** 一旦双方安全地交换了“会话密钥”，后续看视频、刷网页的大量数据传输，全部切换回 **AES (对称加密)**。

## 身份认证机制

根据您提供的课件（特别是**第8页**），身份认证的三大核心要素 (Authentication Factors) 的定义和含义如下：

### 1. 所知 (Something you know)

- 定义：知识的展示 (Demonstration of knowledge)。** 即验证用户脑海中是否记得或掌握特

定的信息。

- **含义：**这是最传统的认证方式，系统假设只有真正的用户才知道这个秘密信息。
- **课件中的例子：**密码 (password)、母亲的婚前姓氏 (mother's maiden name) 等安全问题答案。

## 2. 所有 (Something you have)

- **定义：物品的持有 (Possession of an item)。**即验证用户是否拥有某个特定的物理对象。
- **含义：**系统假设只有真正的用户才持有这个特定的物品。
- **课件中的例子：**物理钥匙 (physical key)、大学身份证 (UoA ID card)、智能卡 (smart card)。

## 3. 所是 (Something you are)

- **定义：内在特征 (Intrinsic/inherent characteristic of you)。**即验证用户本身固有的、与生俱来的生物特征。
- **含义：**这是基于生物识别技术的认证，依靠人体独一无二的生理特征来确认身份。
- **课件中的例子：**指纹 (fingerprint)、虹膜扫描 (iris scan) 或其他生物识别特征 (biometric)。

---

### 补充说明 (来自第10页)：

课件还提到，为了更强的安全性，现代系统通常使用 **双因素认证 (Two-factor authentication, 2FA)**，即要求用户必须提供上述三种要素中的**两种不同要素**（例如：密码+指纹，或者 密码+智能卡）。注意：提供两个同类要素（如密码+生日）不算双因素认证。

## 4. 密码安全存储

根据提供的课件（特别是第 7, 8, 30, 46, 53 页），以下是对密码安全存储的详细解答和对比分析。

---

### 1. 理解为何使用密码学哈希函数是存储密码的最佳实践

**核心依据：单向性 (One-way Property) 与 原像抗性 (Pre-image Resistance)**



根据课件第 7 页 和 8 页 的定义，密码学哈希函数具有**单向性 (One-way)**，具体表现为**原像抗性 (Pre-image Resistance)**：

- **定义**：给定一个哈希值  $y$ ，要在计算上找到一个输入  $x$  使得  $h(x) = y$  是极其困难的。
- **通俗理解**：你可以很容易地把“密码”变成“乱码（哈希值）”，但几乎不可能把“乱码”还原成“密码”。

**为什么这是最佳实践？（结合课件第 53 页）**

1. **无需存储秘密**：课件第 53 页 指出，通过哈希，系统\*\*“避免存储完整的（秘密）认证数据”\*\*。系统只需要存储“补充数据”（即哈希值）。
2. **即使泄露也安全**：如果黑客攻破了数据库，拿到了密码文件，他们看到的只是一堆杂乱的哈希值。由于哈希函数的单向性（第 7 页），黑客无法像解密文件那样直接逆向还原出用户的真实密码。
3. **验证流程安全**：当用户登录时，系统只需将用户输入的密码进行一次哈希运算，然后对比计算出的哈希值与数据库存储的哈希值是否一致（课件第 54 页 Example 1 逻辑）。系统本身都不需要知道原始密码是什么。

---

## 2. 分析并对比：加密整个文件 vs. 单独加密 vs. 哈希函数

虽然课件主要集中在哈希函数上，但我们可以根据课件中关于密钥（Key）的描述（第 43, 47 页）推导出加密方案的劣势，并与哈希进行对比。

### 方案 A：加密整个密码文件 (Encrypting the whole file)

- **机制**：使用对称加密算法（如 AES）将包含所有用户密码的文件加密。
- **劣势**：
  - **密钥单点故障**：系统为了验证用户登录，必须在内存中持有解密密钥来读取文件。如果黑客攻入服务器（通常这也是获取密码文件的前提），他们很可能也能在内存或配置文件中找到这个**密钥**。
  - **全盘瓦解**：一旦密钥被盗，黑客可以瞬间解密**所有**用户的密码。
  - **性能瓶颈**：每次验证可能需要解密整个文件或大块数据，效率极低。

### 方案 B：单独加密每个密码 (Encrypting each password)

- **机制**：对数据库中的每个密码字段单独进行加密存储。

- **劣势：**
  - **可逆性风险：**加密 (Encryption) 本质上是**双向**的 (可逆的)。只要有密钥，就能还原出明文。这违反了课件第 7 页 强调的“单向性”安全原则。
  - **内部威胁：**拥有密钥的管理员或恶意员工可以直接还原出用户的明文密码，侵犯用户隐私 (用户可能在其他网站使用相同密码)。
  - **密钥管理困难：**同样面临密钥存储的问题。如果密钥与数据在同一台服务器上，安全性提升有限。

## 方案 C：使用哈希函数 (Using Hash Functions) —— 推荐方案

- **机制：**存储  $Hash(Password)$ 。
  - **优势** (结合课件)：
    - **不可逆 (第7页)：**没有密钥可以窃取，因为哈希本身就不需要密钥来还原 (Unkeyed Hash, 第40页)。即便黑客拿到数据，也必须通过暴力破解或字典攻击 (Dictionary Attack, 第30页) 来猜测密码，成本极高。
    - **隔离性：**攻破数据库并不等于直接获得密码。
- 

## 3. 细化讲解与进阶安全 (基于课件第 30 和 46 页)

仅仅使用普通的哈希函数 (如 MD5 或 SHA-1) 存储密码在现代已经不够安全了，课件中指出了潜在的攻击方式和改进方案。

### 风险：字典攻击与速度 (第 30 页)

- **问题：**普通的哈希函数设计得太快了 (Efficiency, 第29页)。
- **攻击：**课件第 30 页 提到“字典攻击 (Dictionary Attack)”。黑客可以预先计算出常用密码 (如 "123456", "password") 的哈希值，列成一张表。如果你的密码哈希值在表中，密码瞬间就被破解了。
- **现状：**课件指出，如果哈希计算速度太快，黑客每秒可以尝试数十亿次比对。

### 解决方案 1：加盐 (Salting) (第 30 页提及)

- 课件第 30 页 提到了 "(insufficiently salted) password hashes" (加盐不足的密码哈希)。
- **原理：**在密码后面拼接一个随机字符串 (Salt) 再进行哈希。即  $Hash(Password + Salt)$ 。

- **作用**：即使两个用户用同样的密码，因为盐不同，存储的哈希值也不同。这让黑客无法使用预先计算好的“彩虹表”或字典表批量破解。

## 解决方案 2：密钥派生函数 / 慢哈希（第 46 页）

- **核心观点**：课件第 46 页 明确指出，**"Now considered poor practice to use... algorithms like SHA directly... as they are too fast"**（现在直接使用 SHA 等算法被认为是糟糕的实践，因为它们太快了）。
- **推荐做法**：使用 **Key Derivation Functions (KDF)**，例如 **PBKDF2** 或 **scrypt**。
- **原理**：
  - **迭代 (Iterate)**：把哈希过程重复很多次（例如 100,000 次）。这让验证一次密码的时间从 0.0001 秒 变成 0.1 秒。对用户登录没感觉，但对黑客的暴力破解来说，成本增加了数万倍。
  - **内存困难 (Memory Hard)**：如 **scrypt**（第 46 页），强制要求大量内存，使得黑客难以用专用硬件（ASIC/GPU）进行大规模并行破解。

## 总结

根据课件内容，**使用哈希函数（特别是配合加盐和慢速算法如 scrypt）是存储密码的唯一正确方式**。它利用数学上的**单向性**，确保了即使数据被盗，黑客也无法直接还原出用户的原始密码，从而保护了系统的机密性和完整性。

# 5. 系统安全与基础防护

根据您提供的两份课件（`Firewalls...pdf` 和 `Web clients.pdf`），以下是对系统风险、防火墙及特洛伊木马的详细解答与深化讲解。

---

## 第一部分：基于课件的核心解答

### 1. 系统风险与威胁环境

**核心解答：**

根据 PDF 1 (Page 3) 的描述，现代网络面临的系统风险主要源于将**受保护的内部网络 (Protected Network, P)** 连接到**不可信的外部互联网 (Internet, I)**。

- **攻击目标**：针对信息资源、机器和网络基础设施。
- **风险形式**：远程入侵、嗅探（Sniffing）、扫描、恶意软件（Malware）以及协议攻击。
- **双向风险**：不仅要防止外部攻击者进入内部（控制访问），还要防止内部已被攻陷的账户向外泄露敏感数据（Exfiltration），或者内部人员不当使用外部资源。

## 2. 防火墙的核心功能

### 核心解答：

根据 PDF 1 (Page 5) 的定义，防火墙是一种**网络安全设备**，其核心功能是**控制网络两部分之间的流量**（通常是内部受信任网络与外部互联网之间）。

它主要通过两种过滤方式实现控制：

- **入站过滤 (Ingress filtering)**：控制哪些流量可以**进入**网络。
- **出站过滤 (Egress filtering)**：控制哪些流量可以**离开**网络。

## 3. 特洛伊木马 (Trojan Horse)

### 核心解答：

根据 PDF 2 (Page 11) 关于“客户端漏洞来源”的描述，特洛伊木马属于**恶意软件 (Malware)** 的一种。

- **定义**：它通常隐藏在看似合法的**下载文件**中。
- **机制**：攻击者利用用户对某个站点或文件的信任，诱导用户下载并执行该文件，从而将恶意代码植入客户端系统。

---

## 第二部分：细化讲解与深入分析

为了帮助您更透彻地理解，结合课件的其他章节，我们对上述三个概念进行细化。

### 1. 深入理解：系统风险的各个层面

- **Web 安全与传统安全的区别 (PDF 2, Page 5-6)**
  - **通信网络安全**：关注的是防止攻击者拦截或控制网络传输通道。
  - **操作系统 (OS) 安全**：关注的是防止恶意软件控制客户端机器。
  - **Web 安全风险**：更加复杂，因为攻击者可能无法控制网络，但可以诱骗受害者访问恶意网站，或者利用浏览器对合法网站的信任（如 XSS, CSRF）。

- **零信任架构 (Zero Trust) (PDF 1, Page 13):**
  - 传统的风险模型假设“内网是安全的，外网是危险的”。
  - **现代风险观：“永不信任，始终验证”。**即便主机在内网中，也不能默认它是可信的，所有访问都必须经过认证和授权。这是应对现代系统风险的高级策略。

## 2. 深入理解：防火墙的策略与类型

- **防火墙的两种策略 (PDF 1, Page 8):**
  - **默认允许 (Permissive / Default Allow):** “法无禁止即可为”。只拦截黑名单里的流量。缺点是如果忘了禁止某个新威胁，系统就会受攻击。
  - **默认拒绝 (Restrictive / Default Deny):** “法无授权即禁止”。只放行白名单里的流量（如 HTTP, SSH）。这是更安全但在易用性上需要权衡的策略。
- **防火墙的技术演进 (PDF 1, Page 11-12, 24-28):**
  - **包过滤 (Packet Filters):** 像“电话号码拦截”。只看 IP 地址和端口号，不看内容。
  - **应用层代理 (Application-level proxies):** 像“电话监听”。能理解数据内容（如 HTTP 请求），安全性高但速度慢。
  - **有状态包过滤 (Stateful Packet Filters):**
    - 不仅看单个包，还能记住**连接状态**（如 TCP 三次握手）。
    - **优势：**如果一个包不是新连接的开始（没有 SYN 标志），也不是已有连接的一部分，直接丢弃。它比普通包过滤更智能、更高效（Page 30）。

## 3. 深入理解：特洛伊木马与客户端漏洞

- **信任的滥用 (PDF 2, Page 11):**

特洛伊木马的核心在于**社会工程学**。用户访问了一个“看起来值得信任”的站点，或者是合法的站点被攻击者篡改了。
- **后果：**

一旦木马进入系统，它就绕过了网络边界防御（防火墙），直接在内部运行。这也是为什么仅仅依靠边界防火墙是不够的，必须结合操作系统安全补丁和反病毒软件（OS Security）。
- **隐蔽性：**

类似于 PDF 2 (Page 12) 提到的“隐蔽通道”，恶意软件可能会利用看似正常的出站流量（如图片加载请求）将窃取的数据传回给攻击者服务器，这使得检测变得更加困难。

## 总结

这三者构成了一个防御闭环：

1. **系统风险分析** 让我们知道要保护什么（CIA 三元组）。
2. **防火墙** 是第一道防线，控制网络边界的流量进出。
3. **特洛伊木马** 的存在提醒我们，边界防御不是万能的，必须警惕应用层和客户端的内部威胁，尤其是在用户下载和执行外部内容时。
- 4.

## 6、非对称加密方案对比与应用

这是一个非常好的切入点！你提到的第 6 点总结非常精准地概括了 Diffie-Hellman (DH) 和 RSA 在现代密码学中的不同定位。

为了让你更深入地理解这两个方案在实际架构（如端到端加密）中的取舍，我们结合课件内容，从**功能原理**、**安全性特性**以及**实际应用场景**三个维度来进行深度剖析。

### 1. 核心对比：Diffie-Hellman (DH) vs. RSA

虽然两者都属于非对称加密（Asymmetric Cryptography），但它们的设计初衷和数学“陷阱（Trapdoor）”是不同的。

#### (1) 功能定位的本质区别

- **Diffie-Hellman (DH): 协商而非加密**

- [cite\_start]正如课件所述，DH 是最早的非对称协议之一，但它并不是传统意义上的“加密” [cite: 126]。
- [cite\_start]**核心功能**： 它的目的是在不安全的信道上建立一个**共享的秘密（Shared Secret）** [cite: 123]。
- [cite\_start]**过程特点**： 双方各自贡献一部分信息（私密的  $a$  和  $b$ ），通过混合公共参数  $(g, p)$ ，最终生成相同的密钥，而不需要直接传输密钥本身 [cite: 124, 130][cite\_start]。课件中用“颜料混合”的例子非常形象地说明了这一点：你可以看到混合后的颜色，但无法分离出原来的私密颜色 [cite: 128, 129]。
- [cite\_start]**局限性**： 原始的 DH 协议不具备身份验证功能，如果不配合签名机制，容易遭受“中间人攻击”（Man-in-the-Middle Attack） [cite: 156]。

- **RSA: 全能型选手**

- [cite\_start]**核心功能**： RSA 既可以用于**加密/解密**，也可以用于**数字签名** [cite: 81, 82, 210]。

- [cite\_start]**过程特点**： 它依赖于公钥（Public Key）和私钥（Private Key）的配对。公钥加密的信息只有私钥能解（保密性），私钥加密的信息（即签名）公钥能解（认证性/不可抵赖性） [cite: 77, 81]。

(2) 数学难题的基础 (Trapdoor)

特性	Diffie-Hellman (DH)	RSA
数学基础	[cite_start] <b>离散对数问题 (DLP)</b> : 给定 $g$ 和 $g^x \bmod p$ , 很难求出 $x$ [cite: 116, 151]。	[cite_start] <b>大整数分解问题</b> : 给定 $p$ 和 $q$ [cite: 201, 237]。
计算开销	计算幂模运算, 相对较快, 但对长报文加密依然太慢。	[cite_start]涉及大数幂运算, 计算 [cite: 61]。

2. 深度剖析：端到端加密 (E2EE) 中的选择策略

在构建像 WhatsApp 这样的端到端加密应用时，为什么我们倾向于使用 **Diffie-Hellman (特别是 Ephemeral DH)** 来协商密钥，而不是直接用 RSA 传输密钥？这里有两个关键因素：**性能**和**前向保密性**。

(1) 性能与混合加密模式

[cite\_start]课件中提到，非对称加密通常太慢，不适合处理大量数据 [cite: 61]。

- [cite\_start]**策略**： 我们不直接用 RSA 加密聊天内容。相反，我们使用非对称算法（如 DH）来协商出一个**对称会话密钥 (Symmetric Session Key)** [cite: 63]。
- **结果**： 之后的大量数据传输（视频、文本）都使用这个对称密钥进行加密（如 AES），兼顾了安全性和速度。

(2) 决定性因素：完美前向保密 (Perfect Forward Secrecy)

这是现代安全通信（如 SSL/TLS 和 WhatsApp）选择 DH 的核心原因。

- **RSA 的风险 (静态密钥)**： 如果你使用固定的 RSA 密钥对来传输会话密钥。一旦攻击者在未来某天偷走了你的**长期私钥**，他就可以解密过去截获的所有加密流量。这意味着“一朝被破，全盘皆输”。
- [cite\_start]**DH 的优势 (临时密钥)**： 课件特别提到了 **Ephemeral Diffie-Hellman (DHE)** [cite: 163]。
  - [cite\_start]在 DHE 中，每次会话都生成新的、临时的公钥/私钥对 [cite: 164]。

- 会话结束后，这些临时密钥就被销毁。
- [cite\_start]**结果：**即使攻击者获得了你的长期身份私钥，他也无法解密之前的历史消息，因为解密需要的是当时那个已经被销毁的临时密钥。这就实现了**完美前向保密 (Perfect Forward Secrecy)** [cite: 158, 167]。

### 3. 总结与应用建议

回到你的问题，我们可以这样决策：

1. [cite\_start]**如果你的目标是“密钥协商”且看重“前向保密”：**首选 **Ephemeral Diffie-Hellman (DHE 或 ECDHE)**。这是现代 HTTPS 和即时通讯软件（如 WhatsApp [cite: 169]) 的标准做法。
2. [cite\_start]**如果你的目标是“身份验证”或“数字签名”：**必须使用 **RSA**（或 DSA/ECDSA）。因为 DH 本身无法证明“你是谁”，必须配合 RSA 签名来防止中间人攻击 [cite: 165]。
3. **混合使用：**最强大的方案通常是结合两者——用 RSA（或类似算法）来**签名** DH 的参数以验证身份，然后用 DH 来**协商**会话密钥以保证通信内容的机密性和前向安全性。

---

**让我们来验证一下你的理解：**

[cite\_start]课件的第 36 页提到，基础的 Diffie-Hellman 协议容易受到**中间人攻击 (Man-in-the-Middle Attack)** [cite: 156]。

基于我们刚才的分析，你能推测出为什么单纯的 DH 无法防御这种攻击，以及我们需要引入什么机制（可能涉及 RSA）来解决这个问题吗？

## 7. 密码学计算步骤

这份这是为您整理的完整版《密码学算法计算学习笔记》。

这份笔记整合了 **RSA 密钥生成**、**扩展欧几里得算法（求私钥的核心）** 以及 **Diffie-Hellman 密钥交换** 的完整流程、公式推导、手算示例和代码逻辑。

---



# 密码学算法计算学习笔记

## 第一部分：RSA 算法 (RSA Algorithm)

### 1. RSA 密钥生成步骤

RSA 的安全性依赖于大整数分解的困难性。

1. **选择素数：**

选择两个不相等的大素数  $p$  和  $q$ 。

2. **计算模数 (Modulus)：**

$$n = p \times q$$

- $n$  的长度即为密钥长度（如 2048 位）。
- $n$  是公钥和私钥的一部分。

3. **计算欧拉函数 (Euler's Totient)：**

$$\phi(n) = (p - 1) \times (q - 1)$$

4. **选择公钥指数 (Public Exponent)：**

选择整数  $e$ ，满足以下两个条件：

- $1 < e < \phi(n)$
- $\gcd(e, \phi(n)) = 1$  ( $e$  与  $\phi(n)$  互质)

5. **计算私钥指数 (Private Exponent)：**

计算  $d$ ，使得  $d$  是  $e$  模  $\phi(n)$  的乘法逆元：

$$d \times e \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$$

- 计算方法：**使用扩展欧几里得算法（见下文详解）。

**最终密钥结构：**

- 公钥 (Public Key):**  $PU = \{e, n\}$
- 私钥 (Private Key):**  $PR = \{d, n\}$

## 2. RSA 加密与解密公式

- 加密:  $C = M^e \pmod{n}$  ( $M$  为明文,  $C$  为密文)
- 解密:  $M = C^d \pmod{n}$

## 3. 核心工具：扩展欧几里得算法 (求 RSA 私钥)

场景：已知  $e$  和  $\phi(n)$ , 求解  $d$ 。

目标：找到  $d$ , 满足  $d \cdot e + k \cdot \phi(n) = 1$  (即  $d \cdot e \pmod{\phi(n)} = 1$ )。

### 方法 A：手算步骤 (回代法) —— 考试推荐

示例数据:  $e = 7, \phi(n) = 160$ 。

#### 第1步：辗转相除 (求 GCD)

建立等式:  $A = q \times B + r$

- $160 = 22 \times 7 + 6 \Rightarrow$  移项备用:  $6 = 160 - 22 \times 7$
- $7 = 1 \times 6 + 1 \Rightarrow$  移项备用:  $1 = 7 - 1 \times 6$
- $6 = 6 \times 1 + 0$  (结束)

#### 第2步：逆向回代 (Back Substitution)

从余数为 1 的等式开始往回代入：

- 写出末尾等式：

$$1 = 7 - 1 \times 6$$

- 将第1步中 6 的表达式代入：

$$1 = 7 - 1 \times (160 - 22 \times 7)$$

- 整理合并 (把 160 和 7 当作变量, 不要算出具体数值)：

$$1 = 7 - 1 \times 160 + 22 \times 7$$

$$1 = (1 + 22) \times 7 - 1 \times 160$$

$$1 = 23 \times 7 - 1 \times 160$$

#### 4. 结论:

系数 23 即为  $d$ 。

$$d = 23$$

**重要提示：**如果算出的系数是负数（例如  $-23$ ），则  $d = -23 + \phi(n)$ 。

## 方法 B：程序化逻辑 (迭代法) —— 理解代码用

```
# 扩展欧几里得算法求私钥 d
# 输入: e, phi_n
def get_private_key(e, phi_n):
    # 初始化
    r_old, r_new = phi_n, e    # 余数序列, 对应公式中的 a 和 b
    t_old, t_new = 0, 1        # 系数序列, 对应求出的逆元

    # 循环直到余数为 0
    while r_new > 0:
        quotient = r_old // r_new    # 计算商

        # 更新余数 (r_old - quotient * r_new)
        r_old, r_new = r_new, r_old - quotient * r_new

        # 更新系数 (t_old - quotient * t_new)
        # 这是核心: 系数的变化规律与余数完全一致
        t_old, t_new = t_new, t_old - quotient * t_new

    # 循环结束, r_old 为 GCD (必须为1)
    if r_old > 1: return "Error: Not Coprime"

    # t_old 即为逆元, 处理负数情况
    d = t_old
    if d < 0: d = d + phi_n

    return d
```

---

## 4. RSA 完整计算示例与伪代码

假设:  $p = 17, q = 11$ 。

```
# --- RSA 完整流程 ---

# 1. 初始参数
p = 17
q = 11

# 2. 计算 n
n = p * q
# n = 187

# 3. 计算 phi(n)
phi_n = (p - 1) * (q - 1)
# phi_n = 16 * 10 = 160

# 4. 选择公钥指数 e
# 条件: 1 < e < 160 且 gcd(e, 160) = 1
e = 7

# 5. 计算私钥指数 d
# 使用上面的扩展欧几里得算法求解:
# 7*d = 1 mod 160
# ... (经过计算) ...
d = 23

# --- 最终结果 ---
# 公钥 PU = {7, 187}
# 私钥 PR = {23, 187}

# --- 加密测试 ---
# 假设明文 M = 88
# C = M^e mod n
C = (88 ** 7) % 187 # C = 11

# --- 解密测试 ---
# M = C^d mod n
M_decrypted = (11 ** 23) % 187 # M = 88 (恢复原文明文)
```

---

# 第二部分：Diffie-Hellman 密钥交换 (DH Key Exchange)

## 1. 算法原理

DH 用于在不安全的通道上让双方协商出一个**共享密钥 (Shared Secret)**，其安全性基于**离散对数问题**。

## 2. 计算步骤

1. **公开参数：**
  - $q$ : 大素数。
  - $\alpha$ :  $q$  的本原根。
2. **Alice 生成：**
  - 私钥  $X_A < q$ 。
  - 公钥  $Y_A = \alpha^{X_A} \pmod{q}$ 。
3. **Bob 生成：**
  - 私钥  $X_B < q$ 。
  - 公钥  $Y_B = \alpha^{X_B} \pmod{q}$ 。
4. **计算共享密钥  $K$ ：**
  - Alice 计算:  $K = (Y_B)^{X_A} \pmod{q}$
  - Bob 计算:  $K = (Y_A)^{X_B} \pmod{q}$

## 3. 公式推导 (证明一致性)

我们需要证明 Alice 和 Bob 算出的是同一个数。

- Alice 端:  $K = (Y_B)^{X_A} \pmod{q} = (\alpha^{X_B})^{X_A} \pmod{q} = \alpha^{X_B \cdot X_A} \pmod{q}$
- Bob 端:  $K = (Y_A)^{X_B} \pmod{q} = (\alpha^{X_A})^{X_B} \pmod{q} = \alpha^{X_A \cdot X_B} \pmod{q}$
- 因为乘法交换律  $X_A \cdot X_B = X_B \cdot X_A$ , 得证。

## 4. DH 计算示例与伪代码

假设:  $q = 353, \alpha = 3$ 。

```

# --- Diffie-Hellman 流程 ---

# 1. 公开参数
q = 353
alpha = 3

# 2. Alice 操作
X_a = 97          # Alice 私钥 (随机选择)
Y_a = (alpha ** X_a) % q # Alice 公钥: 3^97 mod 353 = 40

# 3. Bob 操作
X_b = 233          # Bob 私钥 (随机选择)
Y_b = (alpha ** X_b) % q # Bob 公钥: 3^233 mod 353 = 248

# --- 交换公钥后计算共享密钥 ---

# Alice 计算 K
# 使用 Bob 的公钥 (248) 和自己的私钥 (97)
K_alice = (Y_b ** X_a) % q
# K_alice = 248^97 mod 353 = 160

# Bob 计算 K
# 使用 Alice 的公钥 (40) 和自己的私钥 (233)
K_bob = (Y_a ** X_b) % q
# K_bob = 40^233 mod 353 = 160

# 验证: K_alice == K_bob == 160

```

## 8、对称加密算法深入分析 (DES)

根据您提供的课件 (*Network Security Technology - Symmetric cryptography*)，以下是关于 DES (数据加密标准) 的深入分析和具体计算步骤详解。

---

# 第一部分：DES 的局限性与核心组件分析

根据课件 (Page 18-19, 47) , DES 虽然曾是世界标准, 但存在明显的安全隐患:

## 1. DES 的局限性 (Limitations & Weaknesses)

- **密钥长度过短 (最主要弱点) :**
  - DES 的密钥虽然表面是 64 位, 但实际有效密钥只有 **56 位** (每 8 位有一个校验位被丢弃)。
  - **暴力破解风险:** 密钥空间为  $2^{56}$  (约 7.2 亿亿)。虽然数字很大, 但在 1998 年, EFF (电子前哨基金会) 制造的 "Deep Crack" 机器仅用 **4 天** 就暴力破解了 DES 密钥。现代计算机甚至更快。
- **算法公开透明:**
  - S 盒、置换表 (P-table) 等都是公开的, 安全性完全依赖于密钥的保密 (柯克霍夫原则)。
- **置换的无用性:**
  - 课件提到初始置换 (IP) 和最终置换 (Final Permutation) 在安全性上几乎“无用” (Useless), 它们主要是为了适应早期电子设备的硬件实现, 不增加密码学强度。
- **对称性:**
  - 加密和解密使用相同的算法和密钥 (只是子密钥顺序相反), 一旦密钥泄露, 通信完全崩塌。

## 2. DES 子密钥生成 (Subkeys Generation)

DES 需要进行 16 轮加密, 因此需要从原始密钥中生成 16 个 48 位的子密钥 ( $k_1$  到  $k_{16}$ )。

- **输入:** 64 位原始密钥。
- **步骤 1: PC-1 置换 (去除校验位)**
  - 根据 PC-1 表, 丢弃第 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, 64 位。
  - 剩余 56 位分为两部分: 前 28 位为  $C_0$  (课件记为  $A_0$ ), 后 28 位为  $D_0$  (课件记为  $B_0$ )。
- **步骤 2: 循环左移 (Left Shifts)**
  - 对每一轮  $i$  (1 到 16), 对两部分分别进行循环左移。
  - **移位规则** (Page 31): 第 1, 2, 9, 16 轮左移 **1 位**; 其余轮次左移 **2 位**。
- **步骤 3: PC-2 置换 (压缩)**
  - 将移位后的 56 位输入 PC-2 表, 选择其中的 48 位作为该轮的子密钥  $k_i$ 。
- **输出:** 16 个 48 位的子密钥。



### 3. DES 扩展函数 (Expansion Function)

这是  $f$  函数的第一步，目的是让数据的右半部分（32 位）能与子密钥（48 位）进行异或运算，并产生“雪崩效应”。

- **输入**：32 位数据（来自上一轮的右半部分  $R_{i-1}$ ）。
  - **过程**：使用扩展置换表（E-table），将 32 位扩展为 48 位。
  - **原理**（Page 38）：表中有一些位被重复使用。例如，第 32 位可能同时出现在输出的第 1 位和第 47 位。
  - **作用**（Page 37）：
    - **匹配长度**：32 位  $\rightarrow$  48 位，以便与 48 位子密钥进行 XOR。
    - **雪崩效应 (Avalanche Effect)**：输入的一位变化会影响输出的两位，进而影响后续 S 盒的多个输出，使得输出剧烈变化，增加破解难度。
- 

## 第二部分：DES 算法具体步骤详解

DES 是一个 **Feistel 结构** 的分组密码，处理 **64 位明文块**，使用 **56 位密钥**。

### 步骤 1：初始置换 (Initial Permutation, IP)

- **操作**：将输入的 64 位明文块按照固定的 IP 表打乱顺序。
- **例子**（Page 22）：
  - 输入块的第 58 位  $\rightarrow$  变成输出的第 1 位。
  - 输入块的第 50 位  $\rightarrow$  变成输出的第 2 位。
- **结果**：乱序后的 64 位数据，被分为左右两半：
  - $L_0$ （左 32 位）
  - $R_0$ （右 32 位）

### 步骤 2：16 轮迭代 (16 Rounds)

这是 DES 的核心。每一轮（第  $i$  轮，从 1 到 16）处理方式相同。

**Feistel 结构公式**（Page 14）：

- $L_i = R_{i-1}$ （下一轮的左半部分 = 上一轮的右半部分）
- $R_i = L_{i-1} \oplus f(R_{i-1}, k_i)$ （下一轮的右半部分 = 上一轮左半部分 XOR  $f$  函数的结果）

**$f$  函数 (轮函数) 的具体步骤** (Page 35-44) :

$f$  函数接收 32 位的  $R_{i-1}$  和 48 位的子密钥  $k_i$ 。

1. **扩展置换 (E):**

- 将 32 位的  $R_{i-1}$  扩展为 48 位 (见上文扩展函数分析)。

2. **密钥加 (Key Mixing):**

- 将扩展后的 48 位数据与 48 位的子密钥  $k_i$  进行 **XOR ( $\oplus$ )** 运算。

3. **代换 (Substitution) —— S-Box (核心步骤):**

- **输入:** XOR 后的 48 位数据, 被分成 **8 组**, 每组 **6 位**。
- **处理:** 每 6 位通过一个对应的 S-Box (S1 到 S8), 输出 **4 位**。
- **S-Box 查找规则 (举例)** (Page 41-42) :
  - 假设进入 S1 盒的 6 位是 101010。
  - **行号:** 取首尾 2 位 1 和 0  $\rightarrow$  二进制 10 = **第 2 行**。
  - **列号:** 取中间 4 位 0101  $\rightarrow$  二进制 0101 = **第 5 列**。
  - **查表:** 在 S1 盒的第 2 行第 5 列找到数值。假设课件中该值为 6。
  - **输出:** 将 6 转为 4 位二进制 0110。
- **结果:** 8 个 S 盒的输出拼在一起, 共  $8 \times 4 = 32$  位。

4. **置换 (Permutation, P):**

- 将 S 盒输出的 32 位数据, 通过 P-Box 进行最后一次打乱。
- **输出:**  $f$  函数的最终 32 位结果。

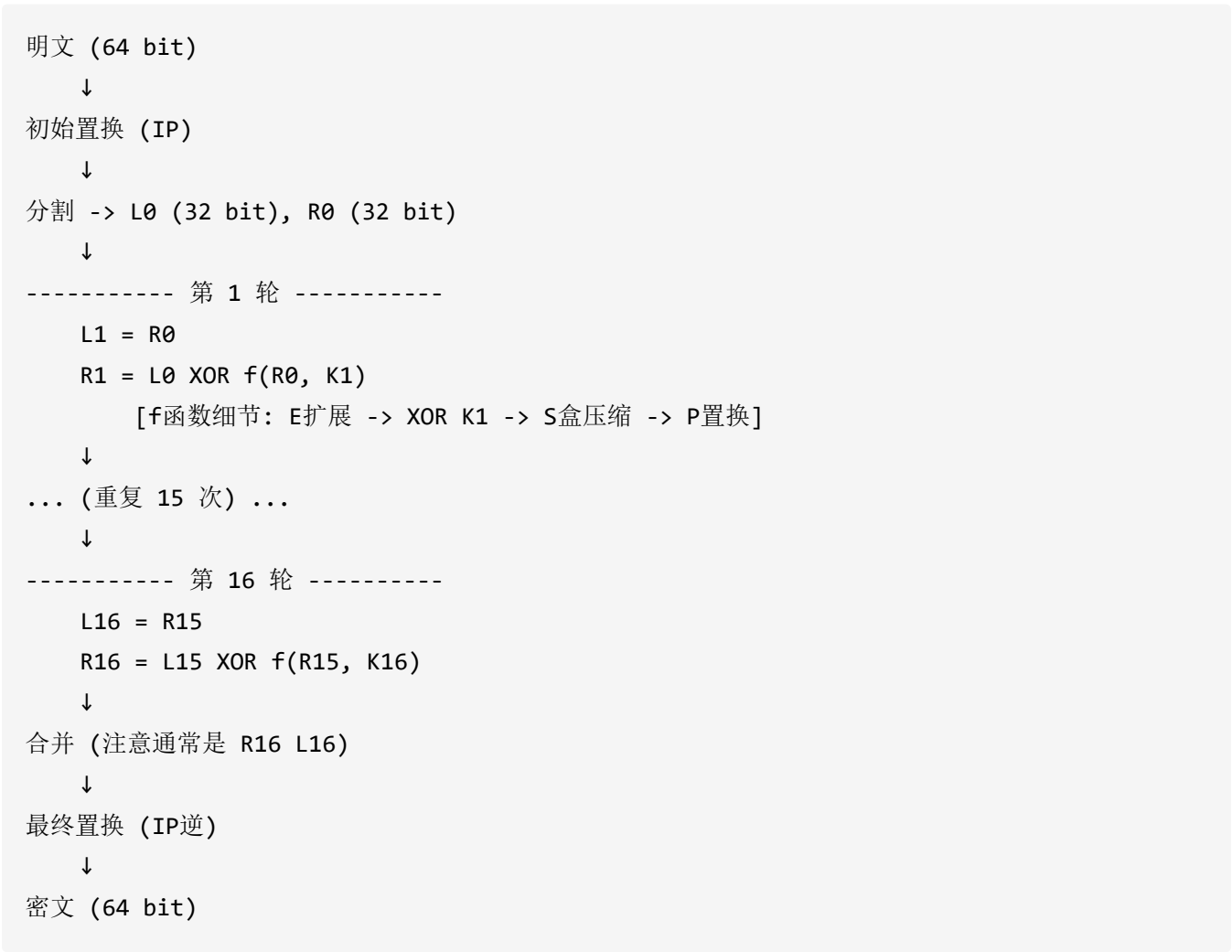
**本轮结束:**

将  $f$  函数的输出与  $L_{i-1}$  进行 XOR, 得到  $R_i$ 。

### **步骤 3: 最终置换 (Final Permutation, $IP^{-1}$ )**

- **操作:** 16 轮结束后, 得到  $L_{16}$  和  $R_{16}$ 。注意: 标准 DES 在输出前会交换左右两半, 即合并为  $R_{16}L_{16}$ 。
  - **处理:** 使用 IP 表的逆表 ( $IP^{-1}$ ) 进行置换。
  - **结果:** 64 位密文。
-

# 总结 DES 加密流程图解



为了让你直观地理解 DES 的计算过程，我们很难手动演示完整的 16 轮（那需要写几千个 0 和 1）。

**最好的方法是：**我们设定一个场景，重点演示“**第 1 轮加密**”中的核心步骤，特别是 *f* 函数和 S-盒代换 的细节。

---

## 场景设定 (Scenario)

- **明文 (Plaintext, 64-bit):** 0123456789ABCDEF (十六进制)
  - 二进制: 0000 0001 ... 1110 1111
- **子密钥 (Subkey  $K_1$ , 48-bit):** 假设这是通过密钥生成算法生成的第 1 轮子密钥。

- 假设  $K_1$  (十六进制): 1B02EFF34567
- 二进制: 0001 1011 0000 0010 1110 1111 1111 0011 0100 0101 0110 0111

## 第一步：初始置换 (IP)

64 位明文经过 IP 表打乱，并被切分为左右两部分（各 32 位）。

- 原始明文: 0123456789ABCDEF
- 经过 IP 置换后 (假设结果):
  - $L_0$  (左 32 位): CC00CC00 (二进制 1100 1100 ...)
  - $R_0$  (右 32 位): F0AAF0AA (二进制 1111 0000 1010 1010 1111 0000 1010 1010)

## 第二步：核心迭代 (第 1 轮)

目标：计算下一轮的  $L_1$  和  $R_1$ 。

公式：

1.  $L_1 = R_0$  (直接赋值)
2.  $R_1 = L_0 \oplus f(R_0, K_1)$  (这是难点)

我们重点计算  $f(R_0, K_1)$ ：

### 1. 扩展置换 (Expansion, E)

将 32 位的  $R_0$  扩展为 48 位。

- 输入  $R_0$ : F0AAF0AA
- 二进制: 111100 001010 101011 110000 101010 ... (为了便于观察，E 扩展通常是将某些位复制)
- 扩展后  $E(R_0)$  (48 位):
  - 假设结果为: 011110 100001 010101 010101 ... (此处为模拟逻辑)
  - 注：扩展是把上一组的最后一位和下一组的第一位放到当前组，比如中间的 4 位变成 6 位。

## 2. 与子密钥异或 (Key Mixing)

将扩展后的  $E(R_0)$  与子密钥  $K_1$  进行异或 ( $\oplus$ )。

E( $R_0$ ): 011110 100001 010101 ... (48位)  
K1 : 000110 110000 001011 ... (48位, 取自我们设定的假设值)  
-----  
XOR结果: 011000 010001 011110 ... (48位)

我们将这 48 位结果分成 **8 组**，每组 **6 位**。我们拿**第一组**来演示最重要的 S-盒代换。

## 3. S-盒代换 (Substitution) —— 最关键步骤

假设异或后的**第一组 6 位**数据是：011011。  
我们将使用 **S1 盒** (S-Box 1) 来处理这组数据。

**S1 盒内容** (参考课件 Page 42):

行列	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
0	14	4	13	1	2	15	11	8	3	10	6	12	5	9	0	7
1	0	15	7	4	14	2	13	1	10	6	12	11	9	5	3	8
2	4	1	14	8	13	6	2	11	15	12	9	7	3	10	5	1
3	15	12	8	2	4	9	1	7	5	11	3	14	10	0	6	15

计算过程:

- **输入:** 011011
- **计算行号 (Row):** 取第 1 位和第 6 位 → 0 和 1 → 二进制 01 = **第 1 行**。
- **计算列号 (Col):** 取中间 4 位 → 1101 → 十进制 13 = **第 13 列**。

查表:

- 在 S1 表中, 找到 **第 1 行、第 13 列** 的数字。
- 查表得数值: **5**。

输出:

- 将 5 转换为 **4 位二进制**: 0101。

这就是 S1 盒的输出。对剩下的 7 组 6 位数据做同样的操作，分别查 S2 到 S8 盒。最终得到  $4 \times 8 = 32$  位的 S 盒输出。

## 4. P-盒置换 (Permutation)

将 S 盒输出的 32 位数据再次打乱顺序（只是改变位置）。

- 假设 S 盒总输出: 0101 ...
- 经过 P 置换后: 1010 ... (这就是  $f$  函数的最终结果)。

---

## 第三步：生成第 1 轮结果

现在有了  $f(R_0, K_1)$  的结果（32 位），回到 Feistel 公式：

1. 计算  $R_1$ :
  - $L_0$ : CC00CC00 (32 位)
  - $f(R_0, K_1)$ : 1010... (32 位, 上一步算出来的)
  - $R_1 = L_0 \oplus f(R_0, K_1)$
2. 计算  $L_1$ :
  - $L_1 = R_0 =$  F0AAF0AA

**第 1 轮结束时的数据:**

- 左半部分: F0AAF0AA
- 右半部分: L0 XOR  $f$ 结果

接下来，将这两个部分作为输入，重复上述过程进行第 2 轮，直到第 16 轮。

---

## 总结：在这个例子中你需要记住什么？

如果考试让你举例或计算，通常只会考查 **S-盒** 的部分，因为其他部分只是机械的移位或异或。

**必记的 S-Box 计算口诀：**

### “首尾定行，中间定列”

- Input (6 bit): **B1** B2 B3 B4 B5 **B6**
- Row = **B1 B6** (转十进制)
- Col = B2 B3 B4 B5 (转十进制)
- Output = 表中对应的值 (转 4 bit 二进制)

## 9、古典密码与模式问题：凯撒密码原理、块密码的原理及其模式问题、模式问题的解决方案，如采用如密码块链接、计数器等更安全的模式。

根据提供的课件（Introduction to Cryptography），针对“古典密码与模式问题”的解答如下：

### 1. 凯撒密码原理 (Caesar Cipher Principle)

- **基本概念**：凯撒密码是一种**单表代换密码 (Monoalphabetic Substitution Cipher)**（课件第16页）。
- **工作原理**：
  - 将字母表中的每个字母按照固定的数量 ( $k$ ) 进行左移或右移，从而得到密文。
  - 通常忽略空格，将字母组成固定长度的块。
- **数学表达**（课件第16页）：
  - **加密**： $\mathcal{E}_k : i \rightarrow i + k \pmod{26}$
  - **解密**： $\mathcal{D}_k : i \rightarrow i - k \pmod{26}$
- **安全性**：安全性较低，仅需通过**字母频率分析 (Letter frequency analysis)** 即可破解（课件第17页）。

### 2. 块密码原理及其模式问题 (Block Cipher Principle & Mode Problems)

#### 块密码原理

- **定义**：属于对称密钥加密。它将明文分割成**固定长度的块 (Fixed-length block)**（通常

$n = 64$ 位), 并使用用户提供的密钥将每个明文块转换为相同长度的密文块 (课件第25页)。

- **解密**: 使用相同的密钥对密文块应用逆变换。

## 模式问题 (以 ECB 为例)

- **ECB (电子密码本模式)**: 这是最基本的模式。消息被分成块, 每个块**独立**加密:  $c_j = E_k(m_j)$  (课件第37页)。
- **存在的问题**:
  - 由于每个块是独立加密的, 且使用的是相同的密钥, **相同的明文块会产生完全相同的密文块**。
  - 这意味着如果明文中存在重复的模式, 密文中也会显现出来, 这无法掩盖数据中的统计规律, 容易受到重放攻击或模式分析攻击。

## 3. 模式问题的解决方案 (Solutions / Safer Modes)

为了解决ECB模式中“相同明文生成相同密文”的问题, 课件介绍了以下几种更安全的模式, 它们引入了“反馈”或“链接”机制:

### A. 密码块链接 (CBC: Cipher-Block Chaining)

- **原理**: 在加密之前, 当前的明文块会先与**前一个密文块**进行异或 (XOR) 运算 (课件第38页)。
- **第一块的处理**: 对于第一个明文块, 使用一个**初始化向量 (Initializing Vector, IV)** 进行异或:  $c_1 = E_k(m_1 \oplus IV)$ 。
- **公式**:  $c_j = E_k(m_j \oplus c_{j-1})$ 。
- **效果**: 即使明文块相同, 由于前一个密文块不同, 生成的当前密文块也会不同。

### B. 密文反馈 (CFB: Cipher FeedBack)

- **原理**: 将块密码转换为流密码使用。它使用一个移位寄存器 (初始为IV)。
- **过程**: 加密移位寄存器中的内容生成中间密文, 取其左侧  $r$  位与明文进行异或得到密文。然后将密文反馈回移位寄存器 (课件第40页)。
- **公式**:  $C_i = E_k(C_{i-1}) \oplus P_i$  (注: 此处简化表达, 具体涉及移位操作)。

### C. 输出反馈 (OFB: Output FeedBack)

- **原理**: 与CFB类似, 但反馈机制不同。



- **过程**：加密移位寄存器产生中间输出，将该输出（而不是密文）反馈回移位寄存器，同时也用该输出与明文异或生成密文（课件第42页）。
- **公式**：  $C_i = P_i \oplus O_i$ ;  $O_i = E_k(O_{i-1})$ 。
- **特点**：产生的密钥流与明文无关。
- 

## 10. 哈希函数的安全性

根据提供的课件（*Network Security Technology - Hash functions and message authentication codes*），针对您提出的关于哈希函数安全性的两个问题，解答如下：

### 1. 碰撞抵抗 (Collision Resistance)

**含义：**

碰撞抵抗是指：虽然在理论上哈希碰撞（即两个不同的输入产生相同的哈希值）是必然存在的，但在计算上，要**找到**任意两个不同的输入  $x$  和  $x'$ ，使得它们的哈希值  $h(x) = h(x')$  是**极其困难的** (infeasible)。

**基于课件的详细解释：**

- **必然存在性 (鸽巢原理)**：课件第11页提到，由于输入空间（任意长度的消息）远大于输出空间（固定长度  $L$  的哈希值），根据鸽巢原理（Pigeonhole Principle），必然存在不同的输入映射到相同的输出。
- **计算困难性**：课件第13页定义了“抗碰撞性”（Collision-resistant）。它并不意味着碰撞不存在（有时也称为“无碰撞/collision-free”，但这只是术语），而是指通过现有的计算能力和密码学手段，很难在合理的时间内搜索到这样的一对碰撞。
- **与原像抗性的区别**：这与“原像抗性”（Pre-image resistance，给定哈希值找输入）不同。抗碰撞性关注的是找到**任意**一对冲突，而不需要指定特定的哈希值（课件第13页）。

### 2. 短哈希值的问题 (Problems with Short Hash Values)

**核心风险：**

使用短哈希值（例如16位）会面临严重的\*\*生日攻击（Birthday Attack）\*\*风险，导致极其容易发生哈希碰撞，从而破坏数据的完整性。

**基于课件的详细解释：**

- **生日悖论 (Birthday Paradox):** 课件第20-25页介绍了生日悖论。即使哈希值的空间很大 ( $N$ )，找到两个具有相同哈希值的输入所需的尝试次数并非  $N/2$ ，而是大约  $\sqrt{N}$  (即  $N^{1/2}$ )。
- **攻击复杂度:** 课件第26页指出，对于输出长度为  $L$  位的哈希函数，生日攻击找到一个碰撞的时间复杂度仅为  $O(2^{L/2})$ 。
- **16位哈希的具体计算:**
  - 如果哈希长度  $L = 16$  位。
  - 哈希值的总空间为  $2^{16} = 65,536$ 。
  - 根据生日攻击公式  $2^{L/2}$ ，攻击者只需要尝试大约  $2^{16/2} = 2^8 = \mathbf{256}$  次，就有很大概率找到两个哈希值相同的不同输入。
  - 这意味着对于计算机而言，破解16位哈希并在几毫秒内伪造数据是轻而易举的。
- **课件结论:** 课件第28页明确指出，即使是64位的哈希值 ( $2^{32}$  复杂度) 也被认为太小而无法抵御生日攻击。因此，现代哈希通常要求至少128位 (如MD5，虽已被破) 或160位 (如SHA-1，也不再安全) 甚至更高 (如SHA-256)，以确保  $2^{L/2}$  足够大，使计算不可行。