

# Recursion. 遞迴.

Date NO.

\* 主要觀念: 遞迴的問題有兩大要點: "同樣的條件" & "越來越小的問題"  
滿足此二條件就可以用遞迴解題.

\* Practice 1-1. (輸出  $a=100, b=90, a$  到  $b, 100$  到  $90$ ).

```
int sum(int a, int b) {  
    if (b == a).  
        return a;  
    return sum(a, b+1) + b;  
}
```

100, 90  
↓  
100, 91  
↓  
...

\* 遞迴定義:

$$\text{sum}(a+...b) = \text{sum}(a+...b+1) + b.$$

\* 問題簡化:  $b \Rightarrow b+1$ .

\* 終止條件:  $b, b+1, \dots a \Rightarrow b=a$

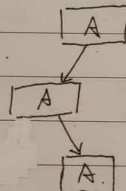
\* 保證終止: natural numbers  $a > b$ .

\* 沒效率的遞迴如果產生太大量可能會導致卡死.

\* Linear Recursion.

⇒ 只有一邊要走.

ex. 2).



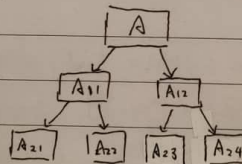
像找第k小的. 要的资料一定在.

Pivot item 的左..右邊. 所以可以  
樞紐. 只往遞迴的一邊走.

\* Binary Recursion.

⇒ 有兩邊要走.

ex. 2)



\* 遞迴形式的題目

⇒ 河內塔, 費式數列, 找第k小的數值, 尾端遞迴.

\* Four questions about recursion.

1. 遞迴定義: 找出如何量化此遞迴.

2. 問題簡化: 看如何把問題縮小.

3. 終止條件: 設定 base case. 終止條件.

4. 保證終止: 確保所有情況都能停止, 沒有例外.

## Data Abstraction. 資料抽象化.

Date

NO.

屬性

運算

\* 主要觀念: class 裡面會有 Attributes  $\Rightarrow$  data members, 以及 Behaviors  $\Rightarrow$  methods

三大性質: Encapsulation、Inheritance、Polymorphism.

封裝

繼承

多型

### \* Operation Contracts.

$\Rightarrow$  運算合約, 把這個程式要怎麼運行寫出來, 分為四點.

$\Rightarrow$  purpose、Assumptions、Input、Output.

### \* Abstract Data Type (ADT).

描述

實做

$\Rightarrow$  模組化 (Modularity): 分層管理, 有 "Specifications" 及 "Implementation".

$\Rightarrow$  Specification: 定義 Operation 給其他程式使用. 要求解決問題.

$\Rightarrow$  Implementation: 從 Data Structure 去選適合的來解決問題. 要求效率.

### \* Class.

$\Rightarrow$  Constructors: 和 Class 同名, 不用 return, 也不用 void. (建構).

$\Rightarrow$  在記憶體內宣告一個空間用.

$\Rightarrow$  Destructors: 清記憶體空間用.  $\sim$ Class(); (解構).

$\Rightarrow$  子類別: 在大 Class (父類別) 內再宣告一次 Class, 就是子類別.

$\Rightarrow$  可以繼承父類別內的東西. (protected 內的). ex. class Int: public Ration

### \* Namespace.

$\Rightarrow$  把自己常用的放在 namespace 內.

```
namespace smallNamespace {
```

```
    int count = 0;
```

```
    void abc();
```

```
}
```

```
using namespace smallNamespace;
```

```
count += 1;
```

```
abc();
```

### \* Exceptions.

$\Rightarrow$  try & catch.

```
try { ... throw (type)... }.
```

```
catch (type) { class.
```

```
    statements(s);
```

```
}
```

## Linked List. 鏈結串列.

Date

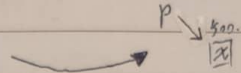
NO.

\* 主要觀念: 像是一台火車, 每個資料接到下一個資料, 然後尾端擋著.

\* pointer.

⇒ 指標 = 門牌. ( $\text{int} * p$  (存門牌號碼))

$p = \&X$ . ( $\&X \Rightarrow$  房子 X 的門牌).



設為 NULL 前  $\rightarrow$  delete p; (歸還房子).

一定要 delete.  $\rightarrow$   $p = \text{NULL}$ ; (徹底遺忘門牌).



\* 如果把有存東西的指標在 delete 之前指向 NULL, 則稱為 "Memory Leak."

\* Arrays.

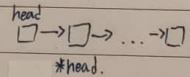
⇒ 動態配置陣列.  $\text{int arraySize} = 50;$

$\text{double *anArray} = \text{new double}[\text{arraySize}];$

\* Linked List.

⇒ 結構.

```
struct Node {
    int item;
    Node *next;
};
```



⇒ 新增.  $\text{head} = \text{new Node};$  After  $\text{head} = \text{NULL}; \Rightarrow$

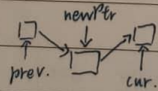
⇒ 刪除. ①  $\text{prev} \rightarrow \text{next} = \text{cur} \rightarrow \text{next}.$    
都接.  $\text{cur} \rightarrow \text{next} = \text{NULL};$

delete cur; &  $\text{cur} = \text{NULL};$

⇒ 插入.

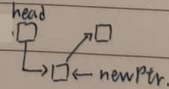
$\text{newPtr} \rightarrow \text{next} = \text{cur};$

$\text{prev} \rightarrow \text{next} = \text{newPtr};$



$\text{newPtr} \rightarrow \text{next} = \text{head};$

$\text{head} = \text{newPtr};$



\* pointer 的順序很重要.