

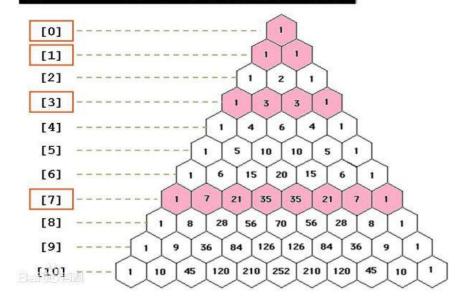
# 列表习题

讲师: Wayne

从业十余载,漫漫求知路

- □ 求100内的素数
  - □ 从2开始到自身的-1的数中找到一个能整除的=》从2开始到自身开平方的数中找到一个能整除的
  - □ 一个合数一定可以分解成几个素数的乘积,也就是说,一个数如果能被一个素数整除就是合数
- □ 计算杨辉三角前6行
  - □ 第n行有n项, n是正整数
  - □ 第n行数字之和为2<sup>n-1</sup>

只要求打印出杨辉三角的数字即可



```
□ 求100内的素数
一个数能被从2开始到自己的平发根
的正整数整数整除,就是合数
import math
n = 100
for x in range(2, n):
  for i in range(2,
math.ceil(math.sqrt(x))):
    if x \% i == 0:
      break
  else:
    print(x)
```

```
□ 求100内的素数
合数一定可以分解为几个质数的乘积
import math
n = 100
primenumber = []
for x in range(2, n):
  for i in primenumber:
    if x \% i == 0:
      break
  else:
    print(x)
    primenumber.append(x)
```

```
□ 求100内的素数
进一步缩小取模的范围
import math
primenumber = []
flag = False
for x in range(2,100000):
  for i in primenumber:
     if x \% i == 0:
       flag = True
       break
    if i >= math.ceil(math.sqrt(x)):
       flaq = False
       break
  if not flag:
     print(x)
    primenumber.append(x)
```

## 杨辉三角

$$1 = 2^{0}$$

$$1 + 1 = 2 = 2^{1}$$

$$1 + 2 + 1 = 4 = 2^{2}$$

$$1 + 3 + 3 + 1 = 8 = 2^{3}$$

$$1 + 4 + 6 + 4 + 1 = 16 = 2^{4}$$

$$1 + 5 + 10 + 10 + 5 + 1 = 32 = 2^{5}$$

$$1 + 6 + 15 + 20 + 15 + 6 + 1 = 64 = 2^{6}$$

$$1 + 7 + 21 + 35 + 35 + 21 + 7 + 1 = 128 = 2^{7}$$

$$1 + 8 + 28 + 56 + 70 + 56 + 28 + 8 + 1 = 256 = 2^{8}$$

$$1 + 9 + 36 + 84 + 126 + 126 + 84 + 36 + 9 + 1 = 512 = 2^{9}$$

$$1 + 10 + 45 + 120 + 210 + 252 + 210 + 120 + 45 + 10 + 1 = 1,024 = 2^{10}$$

$$1 + 11 + 55 + 165 + 330 + 462 + 462 + 330 + 165 + 55 + 11 + 1 = 2048 = 2^{11}$$

$$1 + 12 + 66 + 220 + 495 + 792 + 924 + 792 + 495 + 220 + 66 + 12 + 1 = 4,096 = 2^{12}$$

$$1 + 13 + 78 + 186 + 715 + 1287 + 1716 + 1716 + 1287 + 715 + 186 + 78 + 13 + 1 = 8,192 = 2^{13}$$

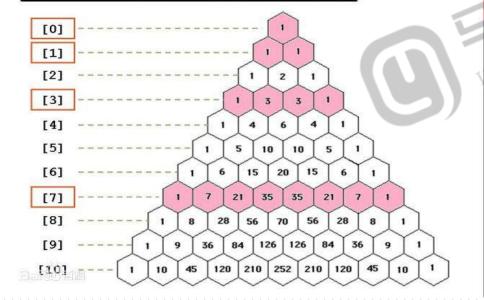
$$1 + 14 + 91 + 364 + 1001 + 2002 + 3003 + 3432 + 3003 + 2002 + 1001 + 364 + 91 + 14 + 1 = 16,384 = 2^{14}$$

$$1 + 15 + 105 + 455 + 1365 + 3003 + 5005 + 6435 + 6435 + 5005 + 3003 + 1365 + 455 + 105 + 15 + 1 = 32,768 = 2^{15}$$



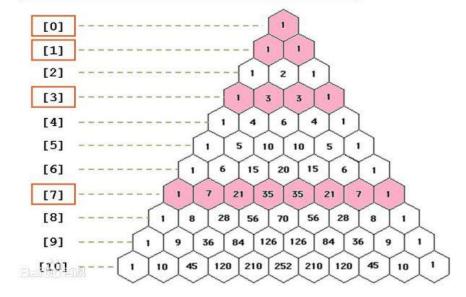
□ 计算杨辉三角前6行(方法1)

最朴素的想法,下一行依赖上一行所有元素,是上一行所有元素的两两相加的和,再在两头各加1。

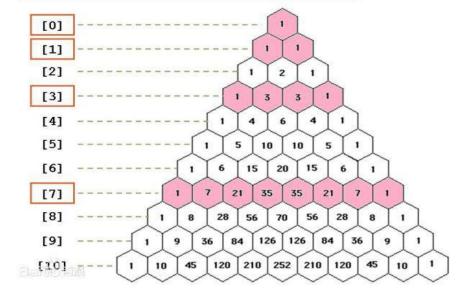




```
□ 计算杨辉三角前6行(方法1)
下一行依赖上一行所有元素,是上一行所有元素的两两相加的和,再在两头各加1。
triangle=[[1], [1,1]]
for i in range(2,6):
  cur = [1]
  pre = triangle[i-1]
  for j in range(len(pre)-1):
    cur.append(pre[j]+pre[j+1])
  cur.append(1)
  triangle.append(cur)
print(triangle)
```

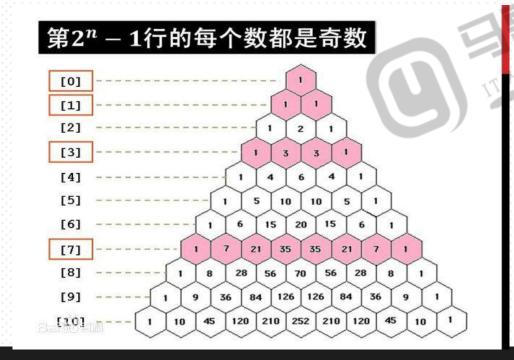


```
□ 计算杨辉三角前6行(方法1变体)
triangle=[]
n = 6
for i in range(n):
  row = [1]
  triangle.append(row)
  if i==0:
    continue
  for j in range(i-1):
    row.append(triangle[i-1][j]+triangle[i-1][j+1])
  row.append(1)
print(triangle)
```



□ 计算杨辉三角前6行(方法2)

除了第一行以外,每一行每一个元素(包括两头的1)都是由上一行的元素相加得到。如何得到两头的1呢?目标是打印指定的行,所以算出一行就打印一行,不需要用一个大空间存储所有已经算出的行。





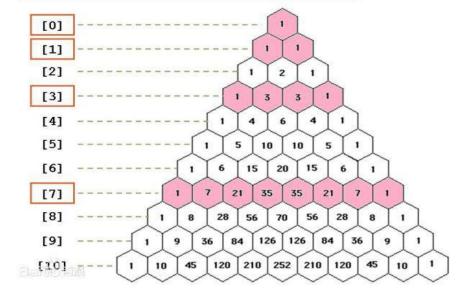
```
□ 计算杨辉三角前6行(方法2-while)
n = 6
```

newline = [1] # 相当于计算好的第一行 print(newline)

```
for i in range(1, n):
```

oldline = newline.copy() # 浅拷贝并补0
oldline.append(0) # **尾部补0相当于两端补**0
newline.clear() # 使用append , 所以要清除

```
offset = 0
while offset <= i:
    newline.append(oldline[offset-1] + oldline[offset])
    offset += 1
print(newline)</pre>
```



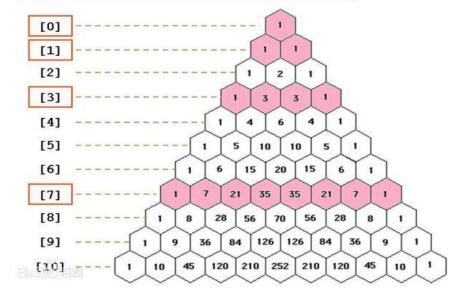
```
□ 计算杨辉三角前6行(方法2-for)
```

n = 6 newline = [1] # 相当于计算好的第一行 print(newline)

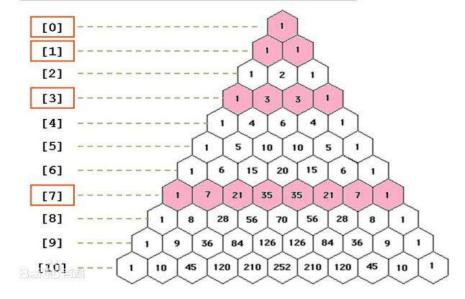
for i in range(1, n):

oldline = newline.copy() # 浅拷贝并补0 oldline.append(0) # 尾部补0相当于两端补0 newline.clear() # 使用append , 所以要清除

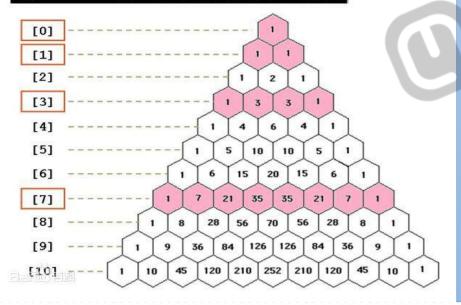
for j in range(i+1):
 newline.append(oldline[j - 1] + oldline[j])
print(newline)



- □ 计算杨辉三角前6行(方法3)
  - □能不能一次性开辟每一行空间
    - □ 列表解析式
    - □ 循环迭代
    - □ \* , 乘法效率最高 , 减少每一次追加元素 扩展带来的性能损耗
  - □ 能不能少算一半的数字(对称性)

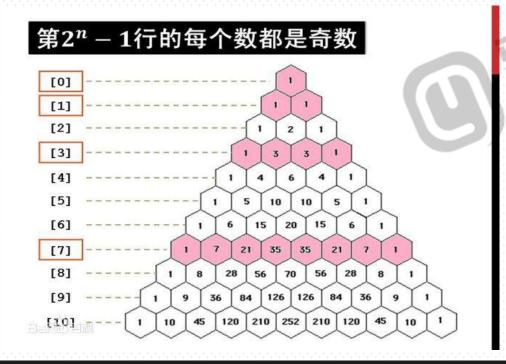


□ 计算杨辉三角前6行(方法3)



```
triangle = []
n = 6
for i in range(n):
  row = [1] # 开始的1
  for k in range(i): #中间填0, 尾部填1
    row.append(1) if k == i-1 else row.append(0)
  triangle.append(row)
  if i == 0:
    continue
  for j in range(1,i//2+1): # i=2第三行才能进来
    #print(i, j)
    val = triangle[i - 1][j-1] + triangle[i - 1][j]
    row[j] = val
    # i为2, j为012, 循环1次
    # i为3, j为0123, 循环1次
    # i为4, j为01234, 循环2次
    if i!= 2*j: # 奇数个数的中点跳过
      row[-j-1] = val
print(triangle)
```

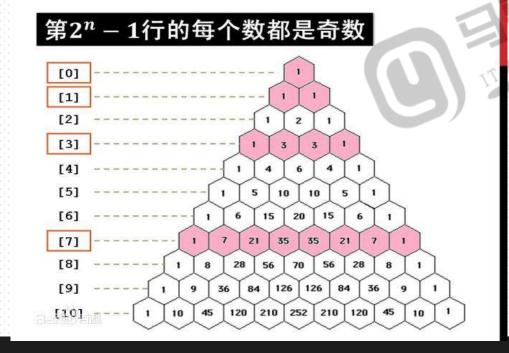
□ 计算杨辉三角前6行(方法3-变形)



```
triangle = []
n = 6
for i in range(n):
  row = [1] * (i+1) # 一次性开辟
  triangle.append(row)
  for j in range(1,i//2+1): # i=2第三行才能进来
  #print(i, j)
  val = triangle[i - 1][j-1] + triangle[i - 1][j]
  row[j] = val
  if i != 2*j: # 奇数个数的中点跳过
  row[-j-1] = val
print(triangle)
```



- □ 计算杨辉三角前6行(方法4)
  - □ 用上对称性
  - □ 方法3中为每一行都开辟空间,是否一次性开辟足够空间,只开辟一行重复利用





# 谢谢

咨询热线 400-080-6560

