

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**Санкт-Петербургский государственный**  
**электротехнический университет «ЛЭТИ»**  
**им. В.И. Ульянова (Ленина)**  
**Кафедра САПР**

**ОТЧЁТ**  
**ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №3**  
**по дисциплине «Алгоритмы и структуры**  
**данных»**  
**Тема: Двоичные деревья (вариант 1)**

Студент гр. 9892 \_\_\_\_\_ Лескин К.А.

Преподаватель \_\_\_\_\_ Тутуева А.В.

Санкт-Петербург  
2021

## Задача

Требуется реализовать класс двоичного дерева поиска.

Класс должен включать следующие методы:

1. `bool contains(int)` — поиск элемента в дереве по ключу
2. `void insert(int)` — добавление элемента в дерево по ключу. Должен работать за  $O(\log N)$
3. `void remove(int)` — удаление элемента дерева по ключу
4. `Iterator create_dft_iterator()` — создание итератора, реализующего один из методов обхода в глубину (depth-first traverse)
5. `Iterator create_bft_iterator()` — создание итератора, реализующего методы обхода в ширину (breadth-first traverse)

Оценить временную сложность реализуемых методов.

Написать unit-тесты.

## Описание реализуемого класса и методов

Для выполнения задания будут реализованы два класса.

`BstNode` будет являться узлом дерева. Каждый узел дерева является объектом класса `BstNode`. `BstNode` содержит в себе данные и ссылки на левого и правого потомков.

Основной класс `BST` предназначен для работы с деревом. В нём будут реализованы все методы, требуемые в задании. Класс `BST` содержит только ссылку на корневой узел дерева.

Для выполнения задания используется язык Python3 версии 3.9

Дополнительно будут реализованы следующие методы:

`def get(self, value, default=None) -> Optional[BstNode]:` — Метод для получения узла дерева по значению.

`def get_parent(self, value, default=None) -> Optional[BstNode]:` — Метод для получения родительского узла к узлу с переданным значением.

`def _height(self, node) -> int:` — Метод для получения высоты дерева.

`def get_str(self, node: BstNode = _MISSING, indent=0, arrow='--->')`  
`-> Generator:` — Метод для получения строки, отображающей дерево.

`def __check_type(value: Any, t: Type = int) -> None:` — Метод для проверки `value` на соответствие типу `t`.

`def get_max_node(node) -> Optional[BstNode]:` — Метод для получения узла с максимальным значением в дереве с корнем в `node`.

## Оценка сложности

Метод	Оценка сложности
<code>contains(self, value: int) -&gt; bool:</code>	$O(\log n)$
<code>insert(self, value: int) -&gt; BstNode:</code>	$O(\log n)$
<code>remove(self, value: int) -&gt; None:</code>	$O(\log n)$
<code>get(self, value, default=None) -&gt; Optional[BstNode]:</code>	$O(\log n)$
<code>get_parent(self, value, default=None) -&gt; Optional[BstNode]:</code>	$O(\log n)$
<code>dft(self, type: str = 'inorder') -&gt; Generator:</code>	-
<code>bft(self) -&gt; Generator:</code>	$O(n)$
<code>_inorder(self, node) -&gt; Generator:</code>	$O(n)$
<code>_preorder(self, node) -&gt; Generator:</code>	$O(n)$
<code>_postorder(self, node) -&gt; Generator:</code>	$O(n)$
<code>_height(self, node) -&gt; int:</code>	$O(n)$
<code>get_max_node(node) -&gt; Optional[BstNode]:</code>	$O(\log n)$

## Тесты

Были реализованы следующие тесты:

`bst` — тест, проверяющий корректное поведение при выполнении метода .

`test_bst_contains` — тест, проверяющий корректное поведение при выполнении метода `contains`.

`test_bst_contains_with_exception` — тест, проверяющий, что произошло ожидаемое исключение при выполнении метода `contains`.

`test_bst_insert` — тест, проверяющий корректное поведение при выполнении метода `insert`.

`test_bst_insert_with_exception` — тест, проверяющий, что произошло ожидаемое исключение при выполнении метода `insert`.

`test_bst_remove` — тест, проверяющий корректное поведение при выполнении метода `remove`.

`test_bst_remove_with_exception` — тест, проверяющий, что произошло ожидаемое исключение при выполнении метода `remove`.

`test_bst_bft` — тест, проверяющий корректное поведение при выполнении метода `bft`.

`test_bst_dft` — тест, проверяющий корректное поведение при выполнении метода `dft`.

## Пример работы

На рисунке 1 представлен пример выполнения программы

```
1 from bst import BST
2
3
4 def main():
5     bst = BST(10, 10, 5, 3, 20, 15, 70, 30, 8, 7, 4, 9, 2, 2)
6     print(bst)
7     print(f'height: {bst.height}')
8     print(f'bft: {tuple(bst.bft())}')
9     print(f'dft inorder: {tuple(bst.dft("inorder"))}')
10    print(f'dft preorder: {tuple(bst.dft("preorder"))}')
11    print(f'dft postorder: {tuple(bst.dft("postorder"))}')
12
13
14 if __name__ == '__main__':
15     main()
```

main()

Run: example x

```
      .-->70
      `-->30
    .-->20
    `-->15
  ---->10
      .-->9
      .-->8
      `-->7
      .-->5
      .-->4
      `-->3
      `-->2

height: 4
bft: (10, 5, 20, 3, 8, 15, 70, 2, 4, 7, 9, 30)
dft inorder: (2, 3, 4, 5, 7, 8, 9, 10, 15, 20, 30, 70)
dft preorder: (10, 5, 3, 2, 4, 8, 7, 9, 20, 15, 70, 30)
dft postorder: (2, 4, 3, 7, 9, 8, 5, 15, 30, 70, 20, 10)
```

Рис. 1 – Пример выполнения демонстрационной программы

## Листинг

Исходный код программы доступен по ссылке:

<https://github.com/kira607/3lab-algo-3-1>