МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра физики

ОТЧЕТ

по лабораторной работе № 🕹

по дисциплине «физика»

Тема: Проверка Теорешы Рюйгенуа- Цетейнера летодом вращательных колебаний

Студент гр. 9892

Преподаватель

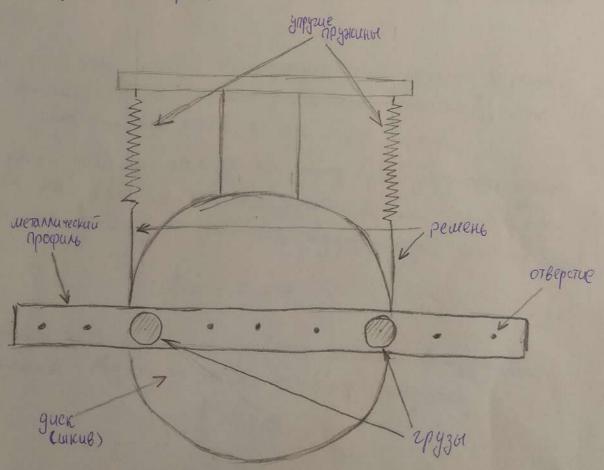
_ Secrum K.d.

Санкт-Петербург 2020 Уель работы

Определение мошента инеруши эталонного диска методом вращательных колебаний и эксперишентальная проверка теореши Рюйгенца-Итейнера.

Приборы и принадленсности

Лаборагорная установна включает коребательную систему вращающу и ней в горизонтанной проскости грие. 1)



Рие. 1 - Габораторной установка

Основине теоретические положения

Теореша Рюйгенса - Игейнера гласит, что момент инеруши I тела относительно произвольной оси равен сумме момента инеруши I этого тела относительно парамельной ей оси, проходящей через центр масс тела, и произведений массы тела та ка расстояще между осеми Ув квадрате.

$$\bar{I} = \bar{I}_c + m J^2 \tag{1}$$

Учовы проверить теорему методом вронцательных колебаний, необаодимо Вывести зависимость моменты инерсум части колебательной системы I от Периода колебаний Т подвижной части колебательной системы.

Улуеть F_0 - сила, которай характерезует силы упругости пружин и нат имения нити в положении равновесий. Уграчем F_0 сила слева равна F_0 сила справа, то есть F_0 = F_0 = F_0 = F_0 .

Отклонив диск на угол ф по закону Гука сульну ругости изшеисты на КАФ (к- жёсткого пружины, в-диаметр шкива). 5/ри этом на диск будет действовать возвращающий момент силы;

$$M = -\frac{J^2}{2} \kappa \varphi \tag{2}$$

Pogerabub y(2) β οсновное уравнение динашихи вращательного движиемий $M= J \varepsilon$, учитывые, что $\varepsilon= i \dot{\varphi}$, получини: $J \varphi + J^2 K \varphi = 0$

Собственная частога колебаний маютника с:

$$\omega = \sqrt{\frac{J^2 K^7}{2I}} \tag{3}$$

3

Tpolopka teopewa Prouverya-Wreavepa werogow browgaterwan Kentrakuwa
Crygent 2p. 9892 Seckuh K.V.

Perrogabatero Lypranoba C.C.

Data 24.02.2020

N	1	2	3	4	5	Полонише уплиндров	0, c
t,c	2,85	2,40	2,80	2,73	2,49	0-0	0,01
	2,95	2,99	2,94	2,94	2,95	1-1	
	3,99	4,02	3,98	4,00	4,00	2-2	
	4,65	4,40	4,43	4,69	4,72	3-3	
	5,50	5,44	5, 56	5,50	5,49	4-4	

M, 2	d, mu	R, was
200±2	138 ± 2	16±2 .

$$T_0 = \frac{2.77}{5} = 0.55$$
; $T_1 = \frac{2.96}{5} = 0.59$; $T_2 = \frac{3.98}{5} = 0.79$; $T_3 = \frac{4.69}{5} = 0.94$; $T_4 = \frac{5.49}{5} = 1.09$

$$T_{04} = \frac{2 \cdot 0.20036}{\left(\frac{0.59}{0.55}\right)^2 - 1} \cdot \frac{0.1449}{0.1449} = 0.029 ; T_{03} = \frac{2 \cdot 0.2 \cdot 0.196}{\left(\frac{0.94}{0.55}\right)^2 - 1} = \frac{0.0784}{1.920681} = 0.040$$

$$T_{02} = \frac{2 \cdot 0, 2 \cdot 0, 1}{\left(\frac{0.79}{0.55}\right)^2 - 1} = \frac{0.04}{1,0620} = 0.036 ; T_{04} = \frac{2 \cdot 0, 2 \cdot 0, 324}{\left(\frac{1.09}{0.55}\right)^2 - 1} = \frac{0,1296}{2,924361} = 0.044$$

Мохем убедиться, тто при разном положении ципиндров значения Ты-Тоу при их положении относительно осно вращения пропорчионально принирко одинаковы, то есть теорига Гюйинса- Штейнера справедпива.

$$2. S_{I0} = \frac{\sqrt{(-0.008)^2 + (0.004)^2 + (0.003)^2 + (0.004)^2}}{\sqrt{12}} = \sqrt{0.000026 + 0.000024 + 0.000009 + 0.0000}$$

$$z\sqrt{0.000758} = 0.0025$$

4. Ото: Логарирмируя формулу для нахохдения момента инеруши Ті, помучаем формулу для определения приборных погрешностей:

13 этой формуле Вт-погрешност массо, Вт-погрешность расстояния, вт-пощиминост дажина вретени. Тогда 1 $67_1 = 0.029 \left(\frac{0.002}{0.2} + \frac{2.0.002}{0.06} + \frac{0.59}{(0.59)^2 + 0.55} \right) \left(2 - \frac{0.59}{2.0.55} \right) cos = 0.029 \left(0.01 + 0.03 + 0.03 + 0.03 \right) z$ 20,007 $\int_{12}^{1} = 0.036 \left(\frac{0.02}{0.2} + \frac{2.0,002}{0.1} + \frac{0.79}{(0.79)^{2} + 0.55}^{2} \left(2 - \frac{0.79}{1.1} \right) 0.01 \right) = 0.036 \left(0.01 + \frac{0.79}{1.1} \right) 0.01$ + 0,04 + 0.03) = 0.003 . $\Theta_{13} = 0.04 \left(\frac{0.02}{0.2} + \frac{2.0.002}{0.14} + \frac{0.94}{(0.94)^2 - (0.55)^2} \left(\frac{1}{2} - \frac{0.94}{1.1} \right) 0.01 \right) = 0.04 (0.01 + 0.03 + 0.02) =$ = 0.0024 $\Theta_{T_{4}} = 0,044 \left(\frac{0.02}{0.2} + \frac{2.002}{0.18} + \frac{1.09}{(1.09)^{2}(0.55)^{2}} \left(2 - \frac{1.09}{1.1} \right) 0.01 \right) = 0,044 \left(0.01 + 0.02 + 0.01 \right) = 0,0018$ 3 HA4UT OT = 0.007+0.008+0.0018 = 0.004 5. DI = V(0.008)2+(0.004)2 = V0,00008 = 0,009 6. I = To I DTo = 0.037 ±0.009 , p = 05/. 7. 0 To = 100/ Do = 0.03 -100/ = 2,43% 3) Рассичтать Ідиска изпользуя Іо и тя? Метод перенова погрешя. · Iz = Io-mp2 = 0.037 - 0.2.0,036 = 0.0299 · A Ig = V(AIo) + (R2Am) + (2mRAR) 2 = (0.009) + (0.036.0.002) + (2.0,2.0,016.0,002) = = (0,00081+0,0000005+0,000000016 = 0.00900023 5 = 0.009 · Is = Ig + AIg = 0.0299 ±0,009 08Ig = AIg 1001 = 0.301 4) Ucnoresys populyry (9), Hauru $k = \overline{k} \pm sk$ (nenoresolar $s\overline{k} + \overline{k} | \left(\frac{s\overline{l_0}}{T_0}\right)^2 \left(\frac{s\overline{l_0}}{T_0}\right)^2$ · K = $\frac{8\pi^2 I_0}{J^2 T_0^2} = \frac{8.9,86.0.037}{(0,018496)(0.55)^2} = \frac{2,01856}{0.005595} = 1 0.44521,63414605 × 521,6 44$ · AK = 521,6 \ \(\frac{10.009}{0.034} \)^2 + \(\frac{0.002}{0.138} \)^2 \(\frac{0.007}{0.55} \)^2 = 521,6 \ \(0.0592 + 0.00021 + 0.00003 \) = 12,9147924756 \(\tau 12,4 \)

· K = K + DK = 521,6 + 12,7

УЗопросе и подготовие

1. No rance prééexact nonédoteauser encreuse u nuvolt éé Эшзический смыех ?!

Местность в одном из случаев Монено отреденить Исхода из мошента инеруши. Простетивая ислебательный система - пружинный мантик, которым Πρεσεταθιαθεί εδού γρησικά μας εδύ πη πρυκρεππέμκου κ πρητιανίε ε κορορορια η μεντοία η γρησικά α κιθετικοίτα το εξε πεθένεια - χαρακτεριετακά. Εμετικά. Ενόδοι μας τικητό πεθετικήνο πρητιανία μητικοπίατο είνη.

2. Определения мошента што, импунка, инеризи абсолютно твердого Тела от посительно непоторой осиг

MOMENT CULOR OTROCUTEROUS OCH - CHORSPHAN GENTURG, MABRIER PROCKYMI HA STY ОСЬ МОМЕНТА СИЛЕТ ОТ ИОСИТЕЛЬНО Произвельной гочки данной оси. Узелечена не зависит ет выборь точии на оси, т.к. Можент сим при переносе точки приножения силы вдоль лиши действий не идменяетах

Можент импульса отноштельно неподвижной оси смай точкий - векториях верешина навнал векторному произведению рендине вектор импунска в

Можент инеризи тела представлеет адатичению велечину, равную произведению массы точки и квадрата расстояния от ней до оси врандений относительно этой расстойния этих точек до рассматриваниюй оси.

3. Сороринулируйте Георену Гройтенса- Изейнера для вычисления иношента

unepopula tera oTuocuTereno prouzboquet ocu bracuenue.

Менент инеризии I относительно произвольной оне равен сумия мерция 1 с относительно оси Паралленьной данной и Проходищей через уситр шасс тела и произведению массы тела на квадрат растолния клюжеду осеми.

 $I = I_c + mr^2$

И, прорации руботе основной замон динанный времедатольного движнения Суммарина можент сих деле ввующей на вращогогрего воприр некоторый оси теле гавен произведения можента имеричин тела от помотяться gargioù ou un yrheboe y enepenne rona: M=IE

Э. Согорищи руба в методиму измерений, непользуемую в работе и

вращительных полебоший и экспериментамый проверия честин Повления Инектора

Махматрине уставка (рис. 3) включает нелебательную систаму, вращающующе в серь зеления простоени, гостомуст из запреплениего на вергинальной сть стиг рания когорого ин связан с угругими прухинами, задепрейными за стику об даст жесть припреплен металический продиль с отверстими для ундов. и без запримине дообреренущимини чровнения парионических колебоний с запрашиний The zangemente experience amedical incesor bug: x(t) = Acos (wt + 40), age А - ампритуда нем бини, ит + 40 - диза коледаний, 40-ка чаннай диза в кульвой межент, » - emergenne Um 109 + 00°9 =0, 290 9 - amoungen constancie. βοτραφούρια τοριωσιατείταε απεδοπιατε ιπάκοτ δια $\frac{1^2 x}{11^2} + 2 \beta \frac{1}{17} + 4 \beta \frac{1}{17}$ 7 December, 800 gigangens 4(1)=46 cos(wt+2) Muletul penunua gagop yabnenud 4+624=0 Bozsaica gropmyny iz brapoca NB, ege x(t) = A cos(w++40). Echi acconjenue x(t) una x(t) uzbectno, so guargrepenyu pya woseene natru enegocite u yengune rena: 5(+) = x'(+) = - Awsin (wt + 40) " a(+) = x"(+) = - Aw 2005(wt + 40). Othoga bugue, У х(f) (смещение) и х"(+) (допорение) удволетво рогот дидоререну. Укавиению ў+шгу=0, которые называетья уравнением гармонических коледаний. Решением этого уравнения Itanora grazantile cos u sin В Выведите формулу (8) для расчета постоянной части манента инеризам колебительной Спочения в данной рабоче

υποπικώ δων γραδικεινώ δοχοραιμαιώψε το ποινευτά ενώλι, ζακόν Γγκα и οсновной урабисний динания με δραμματελιμού βουσμενικ, πολιγιαθώ дидергеренциольной урабисний динания для (y) ενών το μερισμαίων το ενών το καινέτων το ενών το ενών

Из этого следует, что отношение можентов инеруши составшет равентво:

 $\frac{T}{I_o} = \left(\frac{\omega_o}{\omega}\right)^2 = \left(\frac{T}{T_o}\right)^2$

Если радине наминаров R, масса - m, то при устоновке уминдов на расстегонии r от ехи вращения ей молмент инеруши рабон: $I = I_g + 2 \left(\frac{1}{2} \text{ mR}^2 + \text{mR}^2\right) = I_0 + 2 \text{ m} r^2$, где $I_g - \text{момент инеруши одного диска.}$ Эта трежина представляет часть постолению момента инеруши келебательной системы. Учены выше перечисленное, каходим дюринум дле I_0 , сведойню с теорешой I_0 гой чене - Ига пера: $I_0 = \frac{2 \text{ m} r^2}{\left(\frac{1}{2}\right)^2 - 1}$

9. Выведите доринуму расчёта приборной погрешности В 101 постоянной части меня инерозни колевательной системы

Древ расчёта приборной погрешности использують велечины меобходимого расчета, в данной емучас, ч.к. речь идёт о постоянию части момента инеруши $10^{-2} \, \mathrm{mr}^2$, в расчёте приборной погрешности делячный бать часие единичы, как масса - m, период келебаций - 1, рас положение грузов - 1 от оси вращение. Из них только мысса ввляеты констаитой, то есть она не зависит от намера опыта и от перемещения учинарнов. Таким образом, приборном погрешность 0_{10} , $10^{-2} \, \mathrm{m}^2$ $10^{-2} \, \mathrm{m}^2$

OTO: = Joi (Om + 20r + Ti (2-Ti) OT)

10. Выведите дермуру (9) для рас гова жовствени колобоченной сстемы

На моде выводения дерицин для момения грузов в устре шкива:

Io = Jek = Jek T2

T.K. $\omega = \sqrt{\frac{J^2K}{2L}}$ ucxoque uz этой върширировки томученем дроршуру дле расчёта этой стекости волебостельной системы при известном во:

 $K = \frac{851^{2}}{1^{2}7_{0}}$

29е в-диашетр шкива и То-период кожебаний при грузах в уснере икива

Marlog

При виполнении лабораторной работы были экспериментально определения моменты инфруми этолонного диска методом вращательных коле опий при различных положениях грузов. В резутальте вичислений, выполненных на основании экспери ментальных данных, были получени значения, позволяющие говорить остраведливости теорения Рюйчена— Интейнера.