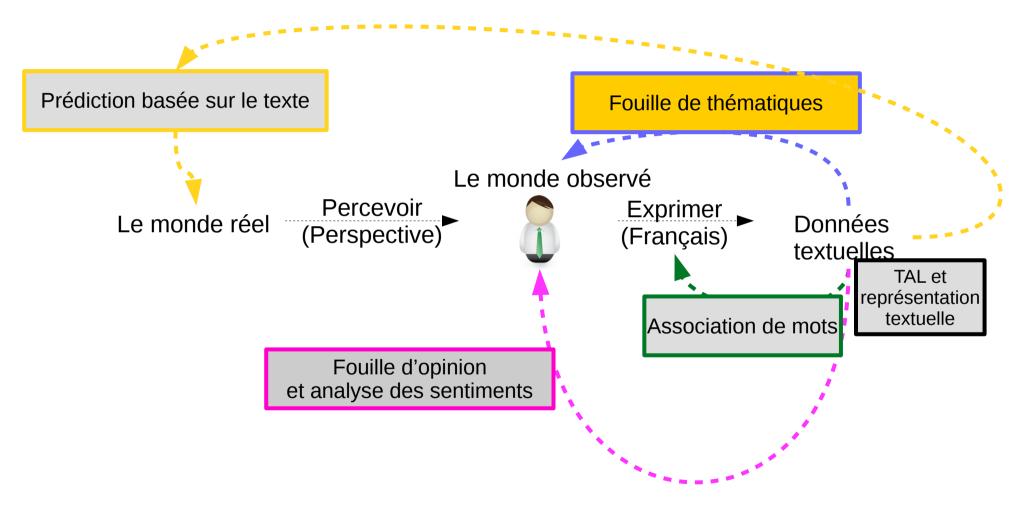
# Algorithmes de classification, data mining et text mining

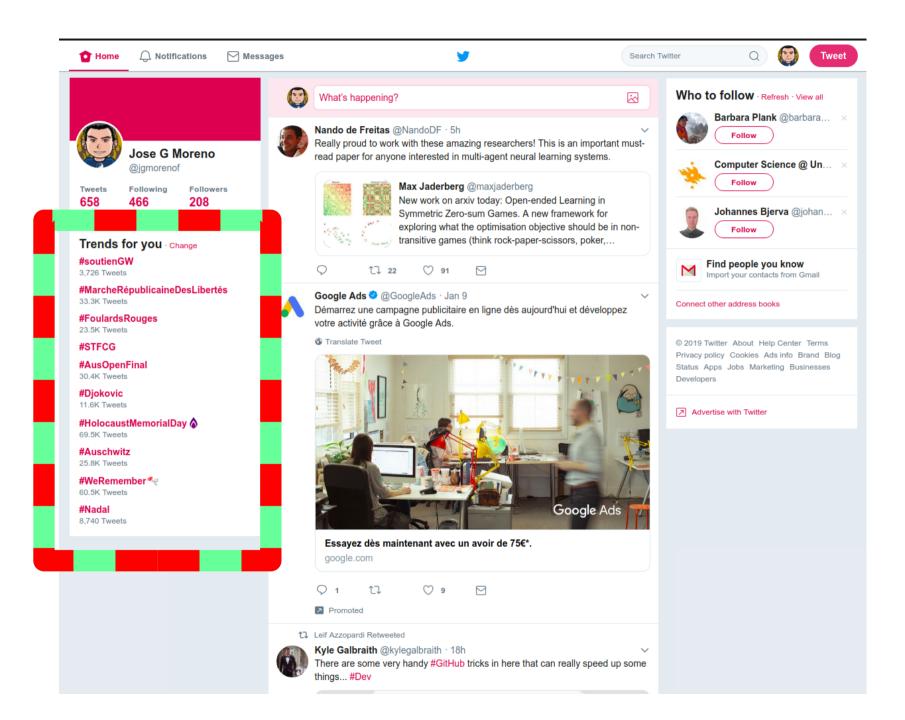
- M1 SID
- 2018-2019
- J. G. Moreno et Y. Pitarch

# Paysage de la fouille et de l'analyse de textes

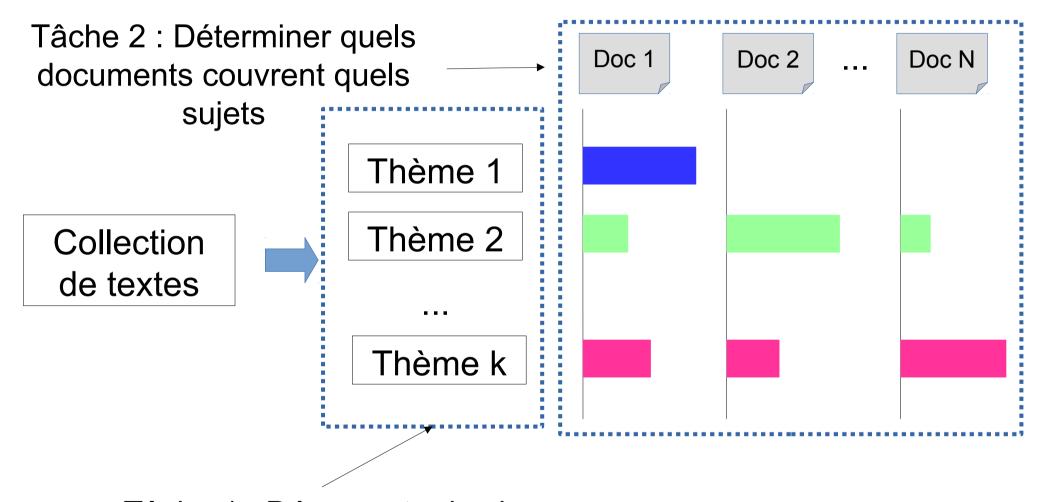


### Fouille et modèles thématiques : Motivation

- Sujet~ idée principale discutée dans une collection de textes
  - Thème/sujet d'une discussion ou d'une conversation
  - Différentes granularités (p. ex. le sujet d'une phrase, d'un article, etc.)
- De nombreuses applications nécessitent la découverte de sujets dans le texte
  - De quoi parlent les utilisateurs de Twitter aujourd'hui ?
  - Quels sont les sujets de recherche actuels en data mining ?
     En quoi sont-ils différents de ceux d'il y a 5 ans ?
  - Qu'est-ce que les gens aiment de l'iPhone X ? Qu'est-ce qu'ils n'aiment pas ?
  - Quels ont été les principaux sujets débattus lors de l'élection présidentielle de 2016 ?

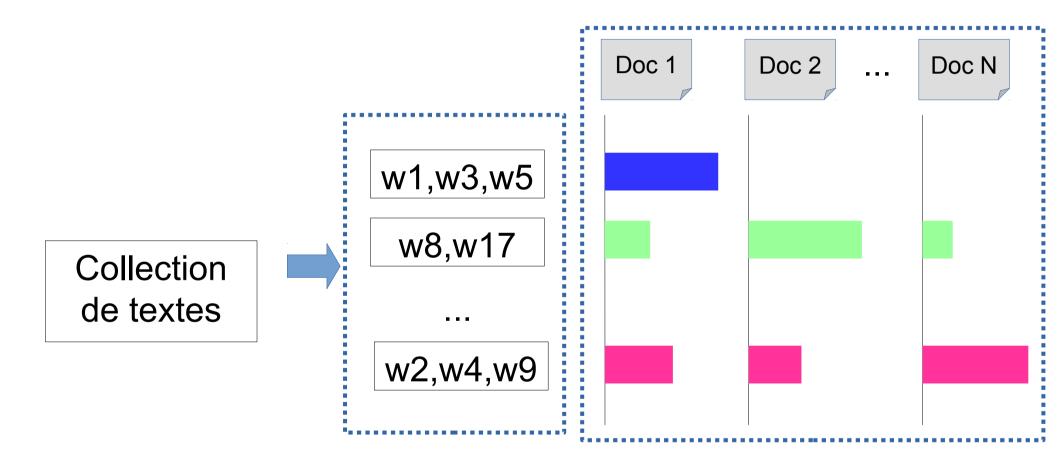


### Extraction et de l'analyse du sujet



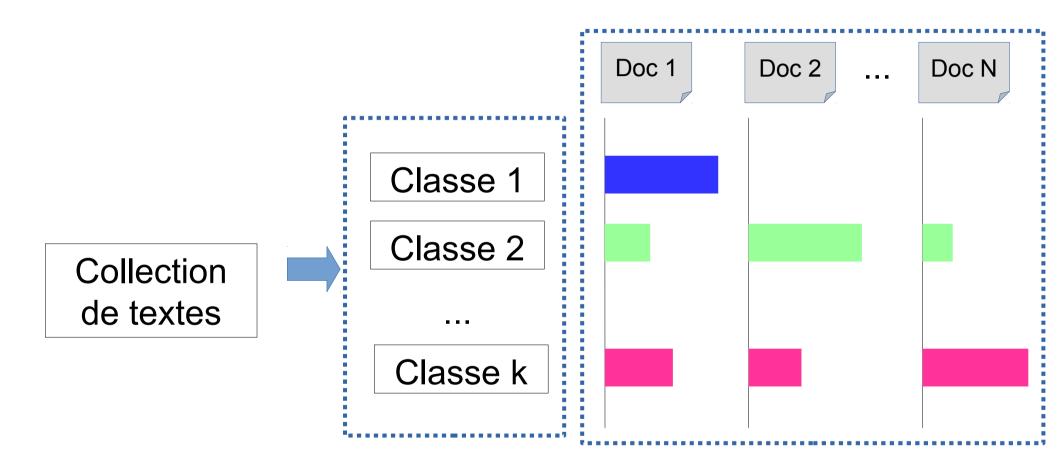
Tâche 1 : Découverte des k sujets/thème/thématiques/topiques

### Extraction et de l'analyse du sujet



Problème non supervisé (Clustering)

### Extraction et de l'analyse du sujet



Problème supervisé (Classification)

### Exploration et analyse du sujet

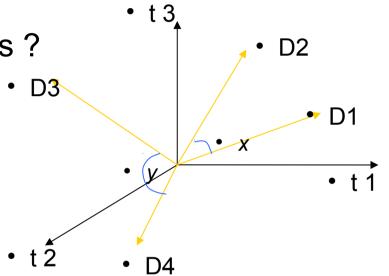
- Groupe de documents (non supervisé)
  - Regroupement
- Groupe de documents mais en classes (supervisé)
  - Classification
- ? Groupe de mots réduction de la dimensionnalité (Nous allons les voir dans la partie non supervisée)
  - NNMF, LDA, PLSA, etc.

### Regroupement/Clustering

- Le regroupement de documents est un moyen de découvrir des documents et des sujets connexes.
- C'est le processus de regroupement d'un ensemble d'objets en classes d'objets similaires.
  - Les documents au sein d'une groupe doivent être similaires.
  - Les documents provenant de différents groupes devraient être dissemblables.
- De nombreux algorithmes existants
  - K-means, E.M., etc.
- Une représentation pour chaque document est exigée (ou similitude de document)
  - Matrice document-terme ou matrice terme-document
  - La fréquence est fréquemment utilisée, mais de nombreux autres modèles de pondération existent (tf-idf). Leur utilisation dépend de l'algorithme choisi (pas toujours tf-idf).

### Défis du clustering

- Représentation pour le clustering
  - Quelle représentation de documents ?
  - Espace vectoriel ?
  - Normalisation ?
  - Besoin d'une notion de similarité/distance
- Combien de clusters ?
  - Défini a priori ?
  - Entièrement piloté par les données ?
    - Évitez les groupes "triviales"
      - trop grandes ou trop petites.



#### Matrice terme-document

	Antoine et Cléopâtr e	Jules César	La Tempête	Hamlet	Othello	Macbeth
anthony	1	1	0	0	0	1
brutus	1	1	0	1	0	0
césar	1	1	0	1	1	1
calpurnia	0	1	0	0	0	0
cléopâtre	1	0	0	0	0	0
pitié	1	0	1	1	1	1
pire	1	0	1	1	1	0

	Antoine et Cléopâtr e	Jules César	La Tempête	Hamlet	Othello	Macbeth
anthony	5.25	3.18	0.0	0.0	0.0	0.35
brutus	1.21	6.10	0.0	1.0	0.0	0.0
césar	8.59	2.54	0.0	1.51	0.25	0.0
calpurnia	0.0	1.54	0.0	0.0	0.0	0.0
cléopâtre	2.85	0.0	0.0	0.0	0.0	0.0
pitié	1.51	0.0	1.90	0.12	5.25	0.88
pire	1.37	0.0	0.11	4.15	0.25	1.95

Matrice binaire TF-IDF

Les valeurs utilisées dans ces matrices sont connues sous le nom de schéma de pondération. Ils modifient les résultats obtenus (regroupement ou classification). La fréquence est souvent utilisée, mais d'autres options sont également disponibles :

#### Matrice terme-document

Term frequency		Docum	ent frequency	Normalization		
n (natural)	$tf_{t,d}$	n (no)	1	n (none)	1	
I (logarithm)	$1 + \log(tf_{t,d})$	t (idf)	$\log \frac{N}{\mathrm{df}_t}$	c (cosine)	$\frac{1}{\sqrt{w_1^2 + w_2^2 + \ldots + w_M^2}}$	
a (augmented)	$0.5 + \frac{0.5 \times tf_{t,d}}{max_t(tf_{t,d})}$	p (prob idf)	$\max\{0,\log rac{N-\mathrm{d}f_t}{\mathrm{d}f_t}\}$	u (pivoted unique)	1/u	
b (boolean)	$\begin{cases} 1 & \text{if } \operatorname{tf}_{t,d} > 0 \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$			b (byte size)	$1/\mathit{CharLength}^{lpha}, \ lpha < 1$	
L (log ave)	$\frac{1 + \log(\operatorname{tf}_{t,d})}{1 + \log(\operatorname{ave}_{t \in d}(\operatorname{tf}_{t,d}))}$					

Pourquoi la fréquence n'est pas la meilleure option ?

En utilisant la fréquence, nous obtenons le vecteur {73, 157, 227, 10, 0, 0, 0, 0} pour représenter le document Jules César.

La taille du document affecte fortement les valeurs de similarité !!!!

#### Documents en tant que vecteurs

- Nous avons donc un espace vectoriel de taille
   |V|
- Les termes sont des axes de l'espace
- Les documents sont des points ou des vecteurs dans cet espace
- Très haute dimension : des millions de dimensions lorsque vous l'appliquez à de grandes collections.
- Ce sont des représentations creuse car la plupart des entrées sont nulles.

#### Notion de similitude/distance

- Idéal : similitude sémantique (dans nos rêves)
- Pratique : similitude terme-statistique
  - Similitude cosinus
  - Docs comme vecteurs
  - Pour de nombreux algorithmes, il est plus facile de penser en termes de distance (plutôt que de similarité) entre les documents.
  - Il est plus facile de parler de distance euclidienne, mais les implémentations réelles utilisent la similarité cosinus

### Clustering dur vs clustering flou

- Regroupement dur : Chaque document appartient à un seul groupe de documents
  - Plus courant et plus facile à implementer
- Regroupement flou : Un document peut appartenir à plusieurs clusters.
  - Plus utile pour les applications telles que la création de hiérarchies navigables.
  - Vous voudrez peut-être mettre une paire de baskets en deux groupes : (i) vêtements de sport et (ii) chaussures
  - Vous ne pouvez le faire qu'avec une approche de clustering flou (soft clustering).

# Qu'est-ce qu'un bon regroupement?

- Critère interne : Un bon clustering produira des clusters de haute qualité dans lesquels :
  - la similarité intra-classe est élevée
  - la similarité entre les classes est faible
  - La qualité mesurée d'un regroupement dépend à la fois de la représentation du document et de la mesure de similarité utilisée.
- Critère externe : La qualité d'un clustering se mesure aussi par sa capacité à découvrir tout ou partie des motifs cachés ou des classes latentes.
  - Évaluable à l'aide des données annotées

### Algorithmes de clustering

- K-means
- Analyse sémantique latente (LSA)
- Factorisation matricielle non négative
- Allocation de Dirichlet latente
- Beaucoup d'autres, mais ce sont les principaux utilisés dans la mise en place d'un systhème de regroupement de textes

#### K-means

- C'est un algorithme de cluster dur
- Suppose que les documents sont des vecteurs de valeur réelle
- Regroupement basé sur des centroïdes (c'est-à-dire le centre de gravité ou la moyenne) de points d'un groupe

$$\vec{\mu}(c) = \frac{1}{|c|} \sum_{\vec{x} \in c} \vec{x}$$

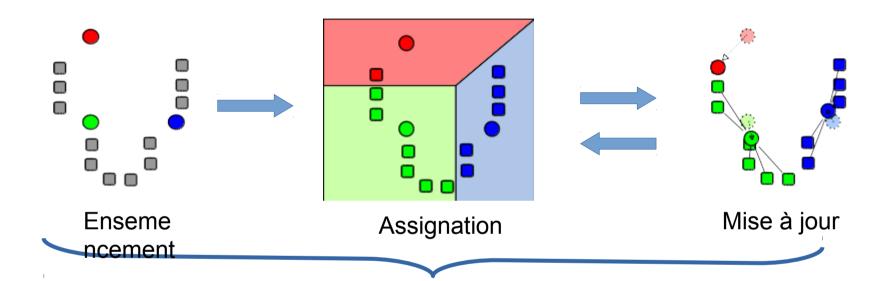
 La réaffectation des instances aux clusters est basée sur la distance par rapport aux centroïdes des clusters actuels (ou on peut l'exprimer de manière équivalente en termes de similarités).

#### Algorithme *K*-means

- Sélectionnez K documents aléatoires {s\_1, s\_2,... s\_K} (ou points) comme graines ou centroïdes.
- Jusqu'à que le regroupement converge (ou un autre critère d'arrêt) :
  - Pour chaque doc d\_i :
    - Affectez d\_i au cluster c\_j de sorte que dist(x\_i, s\_j) soit minimal
  - Ensuite, mettre à jour les centroïdes de chaque groupe. Pour chaque groupe c\_j

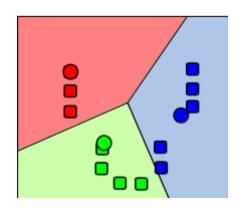
$$s_j = \vec{\mu}(c_j)$$

#### Itérations



Quand s'arrêter?

- Basé sur des itérations
- Basé sur des critères d'optimisation



Partition finale

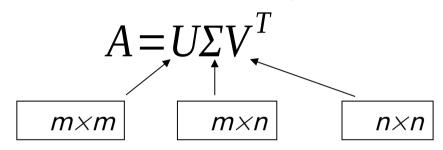
L'implementation par défaut dans sklearn utilise K-means+++.

### Message à emporter

- Facile à implémenter (déjà implémenté dans de nombreux frameworks, outils, bibliothèques, etc.)
- L'initialisation est une question importante (utiliser k-means+++)
- La distance est aussi importante!
- Chaque groupe est considéré comme un sujet/thématique de la collection. Cependant, les termes sont inconnus
- Il a été étendu de nombreuses façons (soft, étiquettes, similarité, etc.)
- Comment introduire la similarité sémantique ?

# Décomposition en valeurs et vecteurs propres

Pour une matrice mxn, A, de rang r, il existe une factorisation (Singular value decomposition = SVD) comme suit :



Les colonnes de U sont des vecteurs propres orthogonaux à  $AA^{T}$ .

Les colonnes de V sont des vecteurs propres orthogonaux à  $A^TA$ .

Les valeurs propres  $\lambda_1 ... \lambda_r$  à  $AA^T$  sont aussi des valeurs propres à  $A^TA$ .

$$\sigma_i = \sqrt{\lambda_i}$$
 
$$\Sigma = diag(\sigma_1...\sigma_r)$$
 valeurs propres

# Décomposition en valeurs et vecteurs propres

 Illustration des dimensions SVD et de la faible densité

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\underbrace{\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}}_{A} = \underbrace{\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & *
\end{bmatrix}}_{U} = \underbrace{\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & *
\end{bmatrix}}_{VT}$$

### Approximation de rang inférieur

- L'UDS peut être utilisée pour calculer des approximations optimales de bas rang.
- Problème d'approximation : Trouver <sub>Ak</sub> de rang
   k tel que

$$A_k = \min_{X: rank \, (X) = k} \left\| A - X \right\|_F \qquad \text{Frobenius norm} \\ \left\| \mathbf{A} \right\|_F \equiv \sqrt{\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n |a_{ij}|^2} \, .$$

 $A_k$  et X sont deux matrices mxn. Il est souhaité

• k<< r.

### Approximation de rang inférieur

Solution via SVD

$$A_k = U \operatorname{diag}(\sigma_1, \dots, \sigma_k, \underbrace{0, \dots, 0}) V^T$$
set smallest r-k
singular values to zero

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
* & * & * & * & * & * \\
* & * & * & * & *
\end{bmatrix}$$

$$A_k = \sum_{i=1}^k \sigma_i u_i v_i^T \underbrace{\qquad \text{notation par colonne : somme}}_{\text{des matrices de rang 1}}$$

### Erreur d'approximation

- Dans quelle mesure cette approximation est-elle bonne (mauvaise)?
- C'est le meilleur possible, mesuré par la norme de Frobenius de l'erreur :

$$\min_{X: rank (X)=k} \left\| A - X \right\|_F = \left\| A - A_k \right\|_F = \sigma_{k+1}$$

où les  $\sigma_i$  sont ordonnés de telle sorte que  $\sigma_i \geq \sigma_{i+1}$ . Suggère pourquoi l'erreur de Frobenius diminue à mesure que k augmente.

### Projections aléatoires

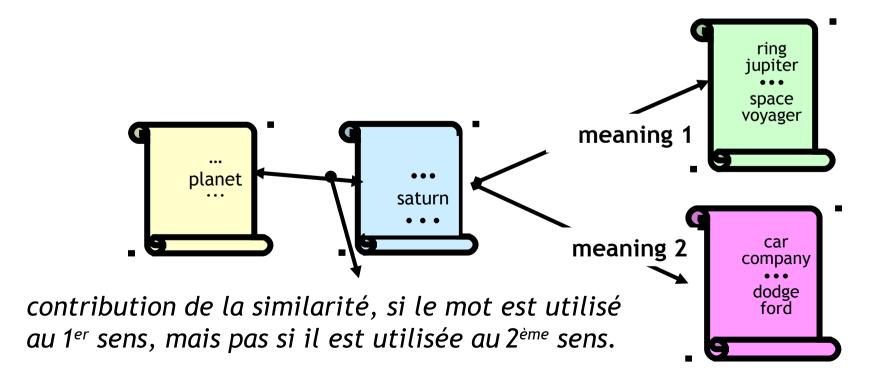
- Méthode complètement différente pour l'approximation de rang inférieur
- Les données étaient-elles imprécises ?
  - L'approximation basée sur le SVD dépend des données.
- L'erreur de projection aléatoire ne dépendait que de la dimensionnalité de début et de fin.
  - Pour chaque distance
- L'erreur pour l'approximation basée sur le SVD est pour la norme de Frobenius, et non pour les distances individuelles.

### Analyse de sémantique latente

- A partir de la matrice terme-document A, nous calculons l'approximation  $A_k$
- If y a une ligne pour chaque terme et une colonne pour chaque document dans  $A_k$
- Ainsi, les documents vivent dans un espace de dimensions k<<r/i>
  - Ces dimensions ne sont pas les axes d'origine

## Problèmes de sémantique lexicale

- Ambiguïté et association dans le langage naturel
  - Polysémie: Les mots ont souvent une multitude de significations et d'usages différents (plus utile pour des collections très hétérogènes).
  - Synonymie : Des termes différents peuvent avoir un sens identique ou similaire (mots indiquant le même sujet).



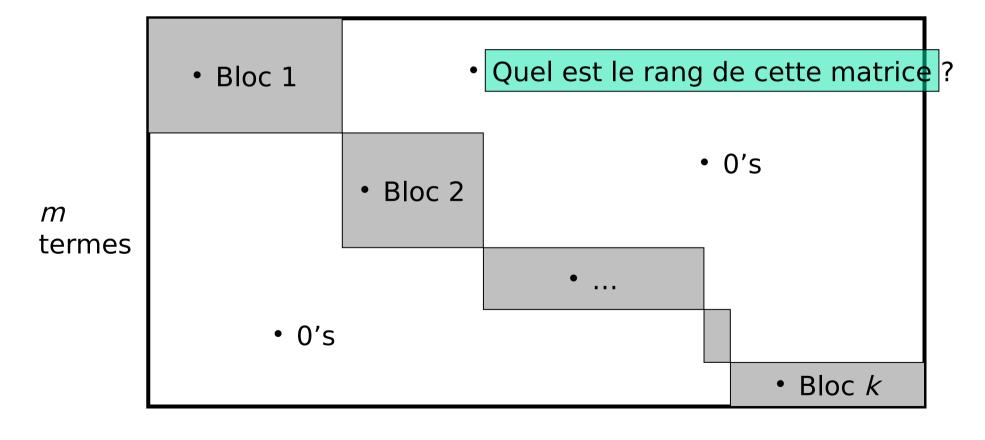
#### Analyse sémantique latente

- Effectuer une approximation de rang inférieur de la matrice document-terme (rang type 100-300)
- Idée générale
  - Projeter les documents (et les termes) à une représentation à faible dimension
  - Concevoir une projetion de telle sorte que l'espace à faible dimension reflète les associations sémantiques (espace de sémantique latent).
- Objectifs
  - Des termes similaires correspondent à un emplacement similaire dans l'espace à faible dimension.
  - Réduction du bruit par réduction dimensionnelle

# Mais pourquoi cela est du regroupement?

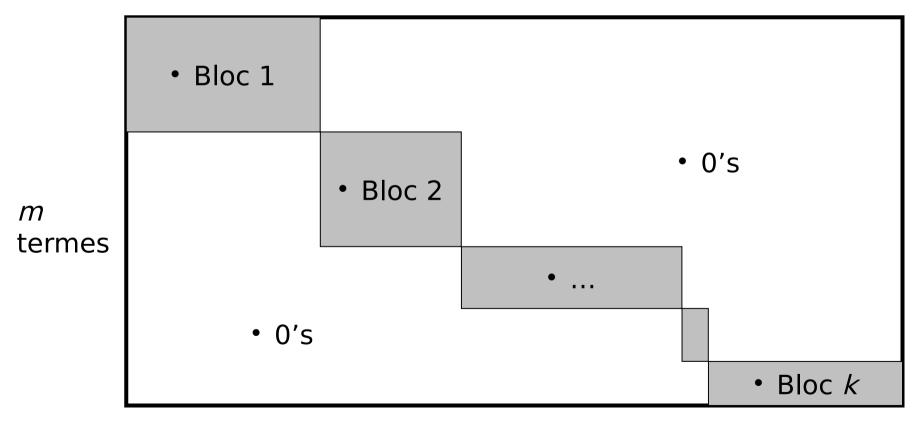
- Nous avons parlé des documents et de la LSA.
- Qu'est-ce que cela a à voir avec le clustering ?
  - L'intuition : La réduction dimensionnelle par LSI permet de regrouper les axes "connexes" dans l'espace vectoriel.
- Appliquer l'algorithme k-means dans l'espace à faible dimension

#### *n* documents



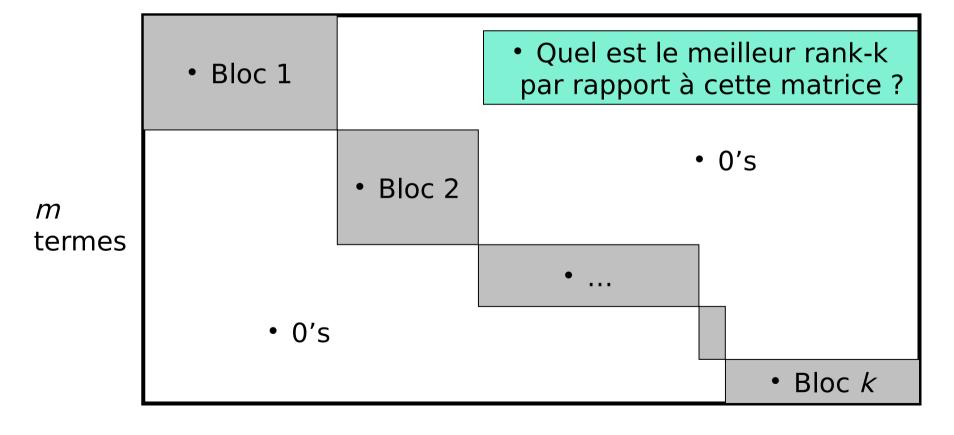
= entrées non nulles.

#### *n* documents



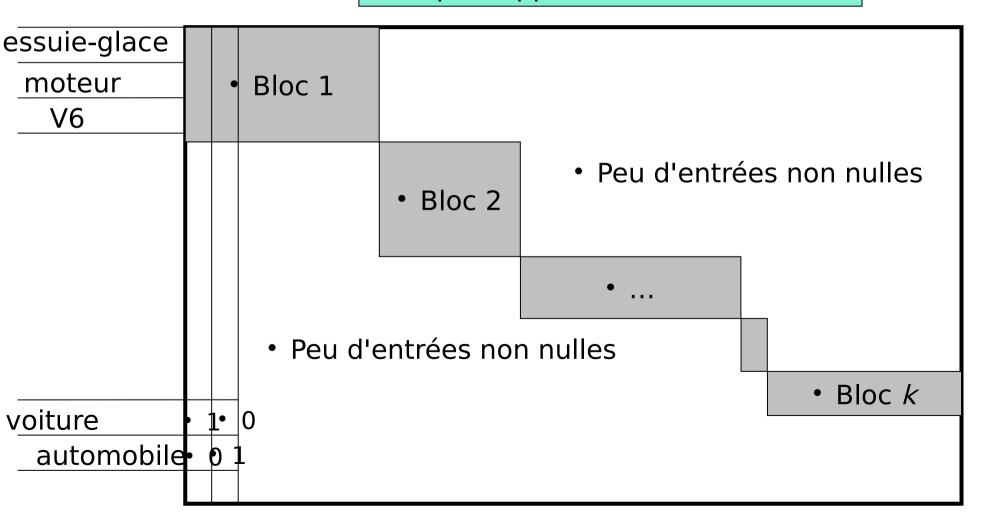
• Vocabulaire divisé en *k* sujets (clusters) ; chaque document ne traite que d'un seul sujet.

#### *n* documents

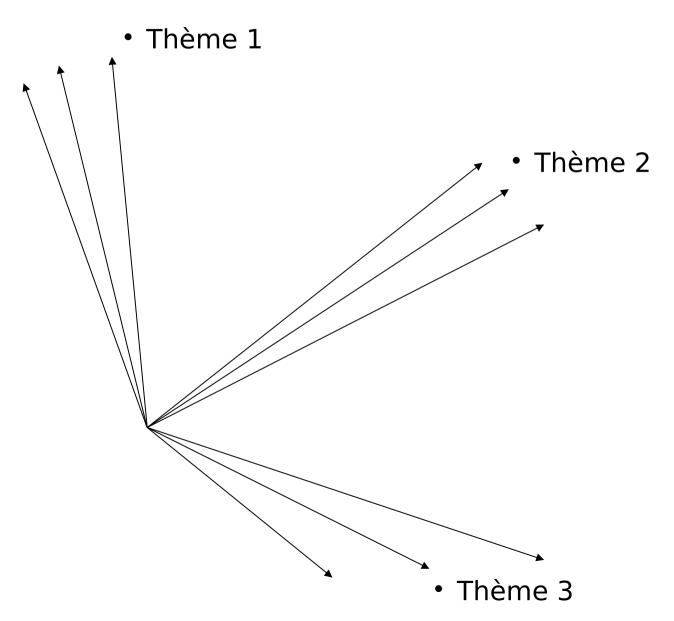


• = entrées non nulles.

Il y a probablement un bon rank-k par rapport à cette matrice.



### Une image simpliste



# Quelques extrapolations sauvages

- La "dimensionnalité" d'un corpus est le nombre de sujets distincts qui y sont représentés.
- Plus d'extrapolation mathématique sauvage
  - si A a une approximation de rang k de l'erreur de Frobenius basse, alors il n'y a pas plus de k sujets distincts dans le corpus.

## LSA probabiliste

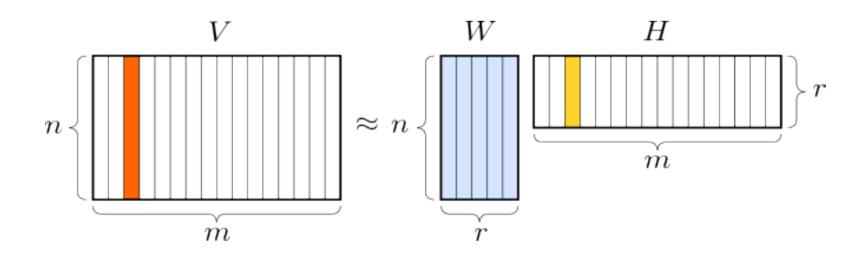
- Version probabiliste de LSA
- LSA a des facteurs négatifs, PLSA seulement positifs
- Plus facile à expliquer (qu'est-ce qu'une association de -0.8 à "maison" signifie ?)
- Sous certains conditions spécifiques, il est similaire au NMF
- Elle n'est pas déterministe comme pourrait l'être la LSA (selon l'algorithme de SVD).

## Message à emporter

- LSA réduit la collection de texte à un espace sémantique où les dimensions sont des sujets liés à la collection.
- Après l'application de la LSA, la collection peut être regroupée à l'aide de k-means
- Si le LSA est utilisé seul, la matrice terme-document doit être réduite au nombre de clusters souhaités.
- Si LSA est combiné avec K-means, le nombre de dimensions pour représenter les documents doit être plus élevé que le nombre souhaité de clusters
- Si une explication est nécessaire, mieux vaut utiliser PLSA.

# Factorisation par matrices non négatives

- Approximation de rang inférieur de grandes matrices creuses
- Préserver la non-négativité des données
- Introduit le concept de la représentation basée sur des pièces



### LSA vs. NMF

#### LSA

- Produire des vecteurs de base avec des entrées négatives
- Les combinaisons additives et soustractives de vecteurs de base donnent des vecteurs de document originaux.

#### **NMF**

- Produit des vecteurs de base non négatifs
- Combinaison additive de vecteurs de base permettant d'obtenir un vecteur de document original
- Les vecteurs de base sont interprétés comme des caractéristiques ou des sujets sémantiques.
- Documents regroupés sur la base de fonctionnalités partagées

### NMF: Définition

#### Le NMF est défini comme suit :

- Étant donné
  - S : Collection de textes
  - V<sub>mxn</sub>: matrice terme par document
  - m : nombre de termes (dictionnaire)
  - n : nombre de documents en S
  - Approximation de rang inférieur de V<sub>mxn</sub> en termes de certaines métriques
- V comme le produit WH
  - W<sub>mxk</sub>: Contient les bases (vecteurs)
  - H<sub>kyn</sub>: Contient les combinaisons linéaires
  - k : nombre de sujets ou bases sélectionnés,
  - k << min(m,n)</pre>

## NMF : Approche simplifié

Minimiser la fonction objectif :

$$\min_{W,H} ||V - WH||_F^2 \qquad V_{i\mu} \approx (WH)_{i\mu} = \sum_{a=1}^r W_{ia} H_{a\mu}$$

$$V_{i\mu} \approx (WH)_{i\mu} = \sum_{a=1} W_{ia} H_{a\mu}$$

$$W_{ia} \leftarrow W_{ia} \sum_{\mu} \frac{V_{i\mu}}{(WH)_{i\mu}} H_{a\mu}$$

$$W_{ia} \leftarrow \frac{W_{ia}}{\sum_{i} W_{ja}}$$

$$H_{a\mu} \leftarrow H_{a\mu} \sum_{i} W_{ia} \frac{V_{i\mu}}{(WH)_{i\mu}}$$

$$H_{a\mu} \leftarrow H_{a\mu} \sum_{i} W_{ia} \frac{V_{i\mu}}{(WH)_{i\mu}}$$

### **NMF**

#### Méthode multiplicative (MM)

- · Basé sur des règles de mise à jour multiplicatives
- ||V WH|| est monotone non croissant et constant si et seulement si W,H sont au point fixe
- Version du schéma d'optimisation de la descente de gradient (GD)
- Encodage à faible densité
  - Basé sur l'étude des réseaux de neurones
  - Augmente la rareté statistique de la matrice H
  - Minimise la somme des valeurs non nulles de H
- Initalisation : par défaut, elle est aléatoire mais peut être améliorée en utilisant SVD

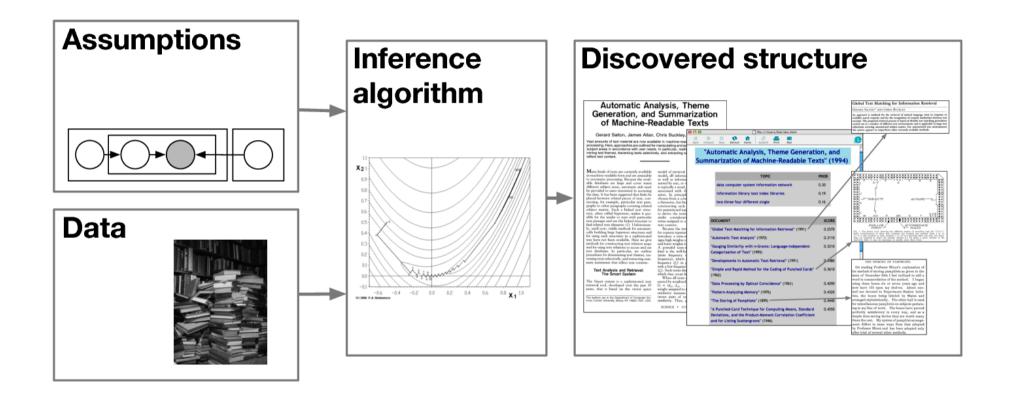
## Message à emporter

- NMF peut être vu comme une LSA mais seulement avec des valeurs positives (en effet PLSA et NMF sont des méthodes liées).
- L'association positive à las thématiques rend inutile l'étape k-means utilisée pour la LSA
- Le nombre de thématiques peut être directement le nombre de groupes désirés où l'assignation de document est définie par la valeur la plus élevée parmi les thématiques.
- L'initialisation correcte améliore fortement les résultats obtenus (cas similaire à k-means++)

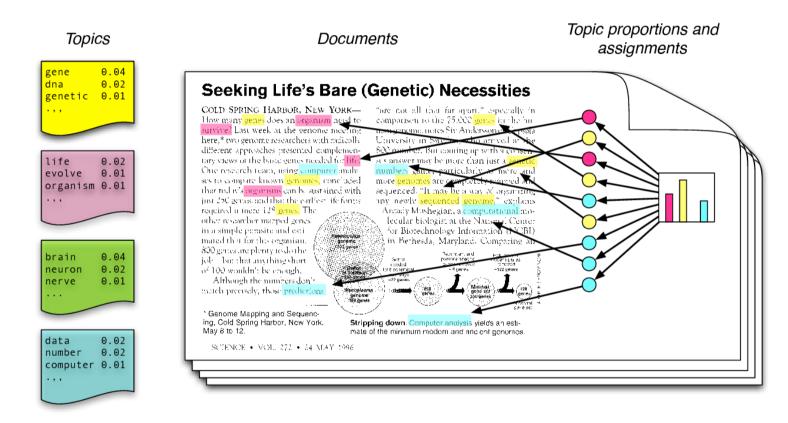
### Allocation de Dirichlet latente

- Les modèles thématiques sont une suite d'algorithmes permettant de découvrir les principaux thématiques qui imprègnent une vaste collection de documents non structurés.
- Parmi ces algorithmes, la technique LDA, basée sur la modélisation bayésienne, est la plus couramment utilisée de nos jours.
- Les modèles thématiques peuvent être appliqués à des collections massives de documents pour organiser, comprendre, rechercher et résumer automatiquement de grandes archives électroniques.
- Particulièrement pertinent dans l'environnement "Big Data" d'aujourd'hui.

# Motivation pour les modèles thématiques

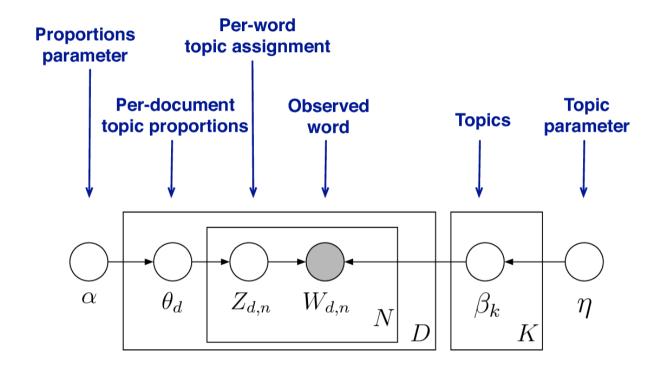


### LDA



- Chaque thématique est une distribution de mots ; chaque document est un mélange de thématiques à l'échelle du corpus ; et chaque mot est tiré d'un de ces thématiques.
- Le but est de déduire les variables cachées
   Calculer leur distribution conditionnée par les documents p(thématique, proportions, affectations | documents)

### modèle LDA



$$\prod_{i=1}^{K} p(\beta_i \mid \eta) \prod_{d=1}^{D} p(\theta_d \mid \alpha) \left( \prod_{n=1}^{N} p(z_{d,n} \mid \theta_d) p(w_{d,n} \mid \beta_{1:K}, z_{d,n}) \right)$$

- Notation
  - Les nœuds sont des variables aléatoires ; les arcs indiquent une dépendance
  - Les nœuds ombragés sont observés
  - Les plaques indiquent les variables répliquées

## Histoire générative de LDA

- Si  $\theta_d$  et  $\beta_k$  sont connus (définis par les paramètres), nous pouvons construire n'importe quel document en suivant :
  - 1. Sélectionnez autant de thématiques que la taille du document selon une distribution multinomiale définie par  $\theta_d$
  - 2. Pour chaque thématique sélectionnée, sélectionnez un mot pour représenter la thématique selon une distribution multinomiale définie par  $\beta_k$

## Calcul analytique

$$p(Z, \theta, \beta | w; \alpha, \eta) = \frac{p(w, Z, \theta, \beta; \alpha, \eta)}{p(w; \alpha, \eta)}$$

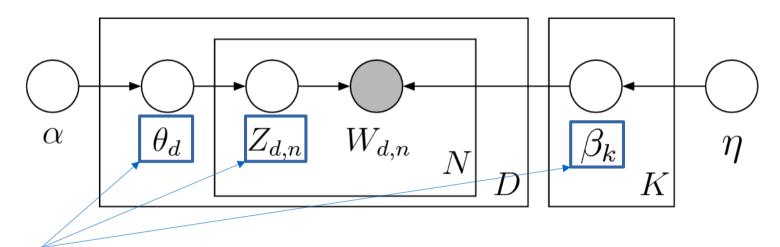
$$p(w, Z, \theta, \beta; \alpha, \eta) = \left\{ \prod_{d=1}^{D} \prod_{n=1}^{N} p(w_{dn} | \beta_{Z_{dn}}) p(Z_{dn} | \theta_d) \right\} \left\{ \prod_{d=1}^{D} p(\theta_d; \alpha) \right\} \left\{ \prod_{k=1}^{K} p(\beta_k; \eta) \right\}$$



$$p(w; \alpha, \eta) = \int_{\theta} \int_{\beta} \sum_{Z} p(w, Z, \theta, \beta; \alpha, \eta) d_{\beta} d_{\theta}$$



### Estimation du modèle



- Algorithmes approximatifs d'inférence postérieure
  - Méthodes variationnelles de champ moyen
  - Propagation des attentes
  - Échantillonnage de Gibbs effondré\*
  - Inférence variationnelle effondrée
  - Inférence variationnelle en ligne

## Message à emporter

- LDA est un modèle thématique basé sur la version probabiliste de LSI
- L'estimation des paramètres dans le modèle est effectuée sur la base des données observées et des paramètres.
- Le regroupement peut être effectué à l'aide de LDA en choisissant le sujet le plus représentatif et en fixant le nombre désiré de sujets comme le nombre de regroupements.

## En savoir plus sur le clustering

- De nombreux algorithmes sont disponibles pour le regroupement, mais beaucoup d'entre eux ne sont pas adaptés au texte
- Les algorithmes classiques fonctionnent généralement bien, mais les algorithmes de l'état de l'art peuvent fonctionner beaucoup mieux s'ils sont bien paramétrés (le théorème no-free-lunch).
- Le regroupement est une tâche difficile et peu d'algorithmes s'adaptent bien à de grandes collections de textes. Si des hiérarchies sont nécessaires, des stratégies ascendantes ou descendantes peuvent être appliquées (combinées avec les algorithmes présentés).
- Il existe des problèmes pour lesquels des étiquettes sont nécessaires !!!! LDA est une bonne solution mais d'autres algorithmes plus simples peuvent faire l'affaire (STC, Lingo, etc.)
- Comme toute autre tâche d'exploration de données, le meilleur algorithme de clustering sera dessiné par le problème et non en choisissant le plus populaire.

## Comment évaluer le clustering ?

- L'évaluation est une tâche difficile.
- Meilleur scénario : une collection annotée est disponible
  - Des paires de documents sont utilisées pour évaluer les partitions en demandant si elles appartiennent à la même partition dans les données annotées et dans la partition obtenue (pour tout algorithme de clustering).
- Les cas extrêmes sont difficiles à évaluer
  - Tous les documents appartiennent à un seul cluster
  - Tous les documents appartiennent à des clusters individuels

# Comparaison des métriques d'évaluation de clustering

	C. Homogenity			C. Completeness			Rag Bag			C. size vs q.			Unbalanced			4 + 1 F.C.
Purity	0.71	0.79	<b>_</b>	0.79	0.79	X	0.56	0.56	X	1.00	1.00	X	0.96	0.96	X	×
Inv. Purity	0.79	0.79	X	0.79	0.79	X	1.00	1.00	X	0.69	0.92	<b>√</b>	0.96	0.96	X	×
F&M	0.47	0.49	<b>✓</b>	0.47	0.53	<b>✓</b>	0.61	0.61	X	0.85	0.85	X	0.95	0.94	X	×
RandIndex	0.68	0.70	<b>✓</b>	0.68	0.70	<b>\</b>	0.72	0.72	X	0.95	0.95	X	0.94	0.94	X	×
Adj.RandIndex	0.25	0.28	<b>✓</b>	0.24	0.31	<b>\</b>	0.40	0.40	X	0.80	0.80	X	0.79	0.79	X	×
Jaccard	0.31	0.33	<b>✓</b>	0.31	0.36	<b>✓</b>	0.38	0.38	X	0.71	0.71	X	0.90	0.89	X	×
F-measure	0.71	0.79	✓	0.79	0.79	X	0.56	0.56	X	1.00	1.00	X	0.96	0.96	X	×
$P_{b^3}$	0.60	0.69	<b>✓</b>	0.69	0.69	X	0.49	0.56	<b>✓</b>	1.00	1.00	X	0.93	0.95	<b>✓</b>	×
$R_{b^3}$	0.70	0.70	X	0.71	0.76	<b>✓</b>	1.00	1.00	X	0.69	0.88	<b>✓</b>	0.96	0.93	X	×
$F_{b^3}$	0.64	0.69	<b>✓</b>	0.70	0.72	<b>✓</b>	0.55	0.71	<b>✓</b>	0.82	0.93	<b>✓</b>	0.94	0.93	X	×
$P_{b^3}^{mod}$	0.60	0.69	<b>✓</b>	0.69	0.69	X	0.49	0.56	<b>✓</b>	1.00	1.00	X	0.93	0.95	<b>✓</b>	×
$R_{k3}^{mod}$ ( $ \vec{x}  = 3$ )	0.45	0.45	X	0.56	0.57	<b>√</b>	1.00	1.00	X	0.46	0.77	<b>✓</b>	0.93	0.86	X	×
$F_{b^3}^{mod\&0.9}$	0.58	0.66	<b>✓</b>	0.67	0.68	<b>√</b>	0.52	0.58	<b>√</b>	0.90	0.97	<b>√</b>	0.93	0.95	<b>✓</b>	<b>✓</b>
$F_{b^3}^{0.9}$	0.61	0.70	<b>√</b>	0.69	0.70	<b>√</b>	0.52	0.58	<b>√</b>	0.96	0.99	<b>√</b>	0.93	0.94	<b>√</b>	<b>✓</b>

## Message à emporter

- Évaluer si vous avez des données annotées
  - La sélection de la métrique est une question importante
  - Essayez de comprendre le problème abordé pour sélectionner une métrique adaptée à celui-ci.
- Les outils implémentent également des métriques d'évaluation
  - Module d'évaluation des performances de clustering dans scikit-learn
  - Clusteval en R