

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное агентство по образованию

УНИВЕРСИТЕТ ИТМО

Факультет компьютерных технологий и управления

Кафедра систем управления и информатики

Студент: Артемов Кирилл

группа Р4135

Вариант №2

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №3

Построение дискретных генераторов задающих
воздействий

Преподаватель

_____ Ю. В. Литвинов

«___» _____ 2016 г.

Санкт-Петербург, 2016 г.

1 Цель работы

Ознакомление с принципами построения дискретных моделей внешних воздействий – сигналов задания и возмущения.

2 Порядок выполнения работы

а) в соответствии с вариантом задания (таблица 1) построить математическую модель командного генератора сигнала сканирования

$$g(k) = A \sin(\omega k T);$$

б) построить схемы моделирования дискретного генератора;

в) осуществить моделирование работы дискретного генераторов. На экран выводить $g(k)$;

г) Для уравнения (1) построить модель ВСВ дискретного ОУ и проделать пункты б)-в). Интервал дискретности выбрать равным 0,25. с

Таблица 1: Параметры командного генератора сигналов

№	T, с	A	ω
2	0.2	-1.42	0.02

Возмущающее воздействие:

$$2 \sin(2kT) + 3 \cos(5kT) \quad (1)$$

3 Ход работы

а) построение математической модели командного генератора

Дискретная модель внешнего воздействия описывается в пространстве состояний системой разностных уравнений:

$$\begin{cases} \xi(k+1) &= \Gamma \xi(k) \\ g(k) &= H \xi(k) \end{cases}$$

где $\xi(k)$ – n -мерный вектор состояния дискретного командного генератора, $\Gamma – n \times n$ матрица динамических свойств дискретного генератора, $H – 1 \times n$ матрица выхода модели.

Найдем первую и вторую разности для $g(k)$:

$$g(k+1) = A \sin(\omega(k+1)T) = A \sin(\omega kT) \cos(\omega T) + A \cos(\omega kT) \sin(\omega T); \quad (2)$$

Учитывая $A \sin(\omega kT) = g(k)$, получим:

$$g(k+1) = A \sin(\omega(k+1)T) = g(k) \cos(\omega T) + A \cos(\omega kT) \sin(\omega T); \quad (3)$$

$$g(k+2) = g(k+1) \cos(\omega T) + \sin(\omega T) [A \cos(\omega kT) \cos(\omega T) + A \sin(\omega kT) \sin(\omega T)]. \quad (4)$$

Выразим из (6):

$$A \cos(\omega kT) = \frac{g(k+1) - g(k) \cos(\omega T)}{\sin(\omega T)} \quad (5)$$

Подставим (8) в (7) и, упростив, получим:

$$g(k+2) = 2g(k+1) \cos(\omega T) - g(k). \quad (6)$$

Пимем в качестве вектора состояния следующие уравнения:

$$\xi_1(k) = g(k); \quad (7)$$

$$\xi_2(k) = \xi_1(k+1) + g(k+1); \quad (8)$$

$$\xi_3(k) = \xi_2(k+1) + g(k+2). \quad (9)$$

Составив из полученных уравнений систему, получим модель в пространстве состояний:

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \xi_1(k+1) \\ \xi_2(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 2\cos(\omega T) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_1(k) \\ \xi_2(k) \end{bmatrix} \\ g(k) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_1(k) \\ \xi_2(k) \end{bmatrix} \end{cases} \quad (10)$$

с начальными условиями:

$$\xi_1(0) = A \sin(0) = 0; \quad (11)$$

$$\xi_2(0) = A \sin(0) \cos(\omega T) + A \cos(0) \sin(\omega T) = A \sin(\omega T). \quad (12)$$

Учитывая параметры командного генератора из таблицы 1, получим:

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \xi_1(k+1) \\ \xi_2(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1.9999 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_1(k) \\ \xi_2(k) \end{bmatrix} \\ g(k) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_1(k) \\ \xi_2(k) \end{bmatrix} \end{cases} \quad (13)$$

$$\xi_1(0) = 0; \quad (14)$$

$$\xi_2(0) = -0.0056800 \quad (15)$$

б) схема моделирования полученного генератора

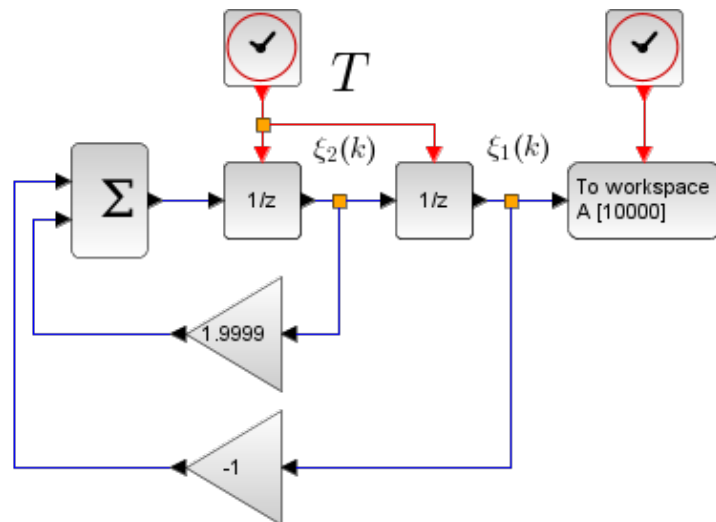


Рис. 1: Схема моделирования дискретного генератора

в) моделирование дискретного генератора

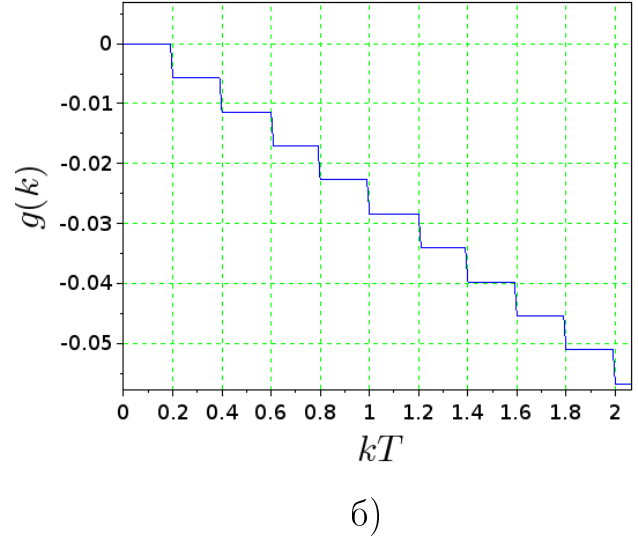
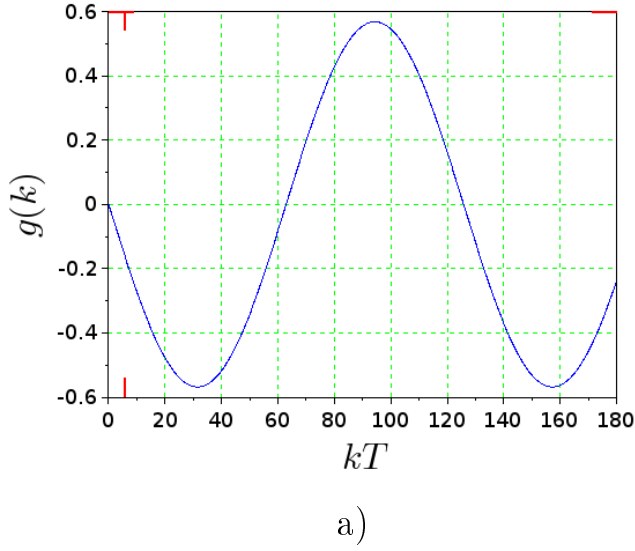


Рис. 2: Результаты моделирования в течение : а) 180 сек.; б) 2 сек.

г) построение модели ВСВ дискретного объекта управления

В соответствии с вариантом, объект управления описывается выражением:

$$y(k) = 2\sin(2kT) + 3\sin(5kt) \quad (16)$$

где $T = 0.25$. – интервал дискретности равный.

Для упрощения задачи расчета представим ОУ в виде суммы двух составляющих:

$$y(k) = y_1(k) + y_2(k) = 2\sin(2kT) + 3\cos(5kT) \quad (17)$$

где

$$y_1(k) = 2\sin(2kT) \quad (18)$$

$$y_2(k) = 3\cos(5kT) \quad (19)$$

Построим модель ВСВ для (18). Найдём первую и вторую разности для $y_1(k)$:

$$y_1(k+1) = 2\sin(2(k+1)T) = 2\sin(2kT)\cos(2T) + 2\cos(2kT)\sin(2T) \quad (20)$$

Учитывая $2\sin(2kT) = y_1(k)$, получим:

$$y_1(k+1) = y_1(k)\cos(2T) + 2\cos(2kT)\sin(2T) \quad (21)$$

Выразим из (20):

$$2\cos(2kT) = \frac{y_1(k+1) - y_1(k)\cos(2T)}{\sin(2T)} \quad (22)$$

Подставим (22) в (21) и, упростив, получим:

$$y_1(k+2) = 2y_1(k+1)\cos(2T) - y_1(k). \quad (23)$$

Пимем в качестве вектора состояния следующие уравнения:

$$\xi_{11}(k) = y_1(k); \quad (24)$$

$$\xi_{12}(k) = \xi_{11}(k+1) + y_1(k+1); \quad (25)$$

$$\xi_{13}(k) = \xi_{12}(k+1) + y_1(k+2). \quad (26)$$

Составив из полученных уравнений систему, получим модель в пространстве состояний:

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \xi_{11}(k+1) \\ \xi_{12}(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 2\cos(2T) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{11}(k) \\ \xi_{12}(k) \end{bmatrix} \\ y_1(k) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{11}(k) \\ \xi_{12}(k) \end{bmatrix} \end{cases} \quad (27)$$

с начальными условиями:

$$\xi_{11}(0) = 2\sin(0) = 0; \quad (28)$$

$$\xi_{12}(0) = 2\sin(0)\cos(2T) + 2\cos(0)\sin(2T) = 2\sin(2T). \quad (29)$$

Для заданного $T = 0.25$., имеем:

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \xi_{11}(k+1) \\ \xi_{12}(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1.7551 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{11}(k) \\ \xi_{12}(k) \end{bmatrix} \\ y_1(k) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{11}(k) \\ \xi_{12}(k) \end{bmatrix} \end{cases} \quad (30)$$

$$\xi_{11}(0) = 0; \quad (31)$$

$$\xi_{12}(0) = 0.9589 \quad (32)$$

Продельвая тоже для y_2 , получим следующую модель ВСВ:

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \xi_{21}(k+1) \\ \xi_{22}(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 2\cos(5T) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{21}(k) \\ \xi_{22}(k) \end{bmatrix} \\ y_2(k) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{21}(k) \\ \xi_{22}(k) \end{bmatrix} \end{cases} \quad (33)$$

с начальными условиями:

$$\xi_{21}(0) = 3\cos(0) = 3; \quad (34)$$

$$\xi_{22}(0) = 3\cos(0)\cos(5T) - 3\sin(0)\sin(5T) = 3\cos(5T) \quad (35)$$

При подстановке интервала дискретности, получим:

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} \xi_{21}(k+1) \\ \xi_{22}(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0.6307 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{21}(k) \\ \xi_{22}(k) \end{bmatrix} \\ y_2(k) = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_{21}(k) \\ \xi_{22}(k) \end{bmatrix} \end{cases} \quad (36)$$

с начальными условиями:

$$\xi_{21}(0) = 3; \quad (37)$$

$$\xi_{22}(0) = 0.9459 \quad (38)$$

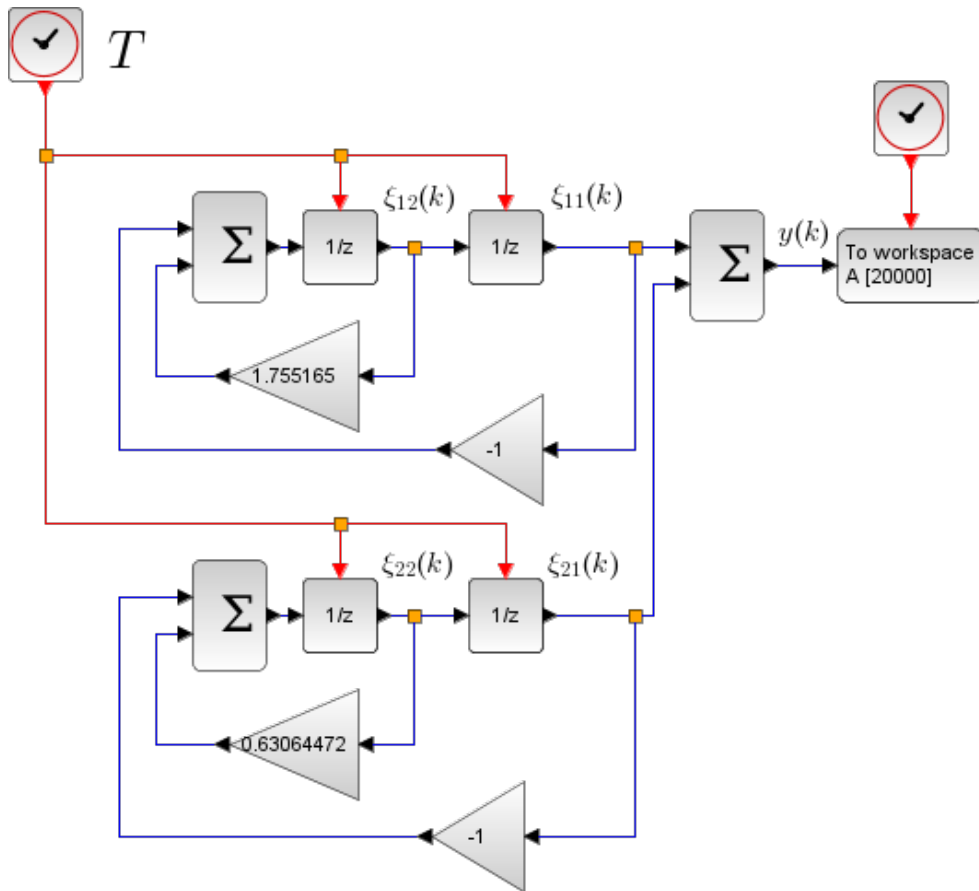


Рис. 3: Схема моделирования дискретного объекта

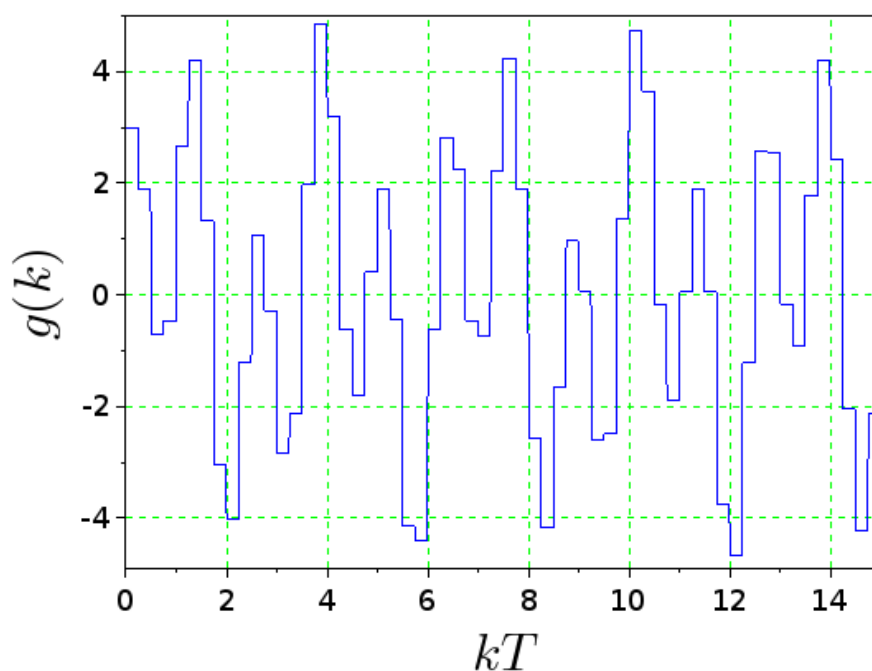


Рис. 4: Результаты моделирования дискретного объекта

Вывод

В ходе работы было произведено ознакомление с принципами построения дискретных моделей внешних воздействий. Методики построения аналогичны непрерывным системам (методу последовательного дифференцирования, дискретный аналог – метод последовательного взятия разностей).