# Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого

Физико-механический иститут

Кафедра «Прикладная математика»

# Отчёт по лабораторной работе №1 по дисциплине «Анализ данных с интервальной неопределённостью»

Выполнил студент: Куксенко Кирилл Сергеевич группа: 5040102/20201

Проверил: к.ф.-м.н., доцент Баженов Александр Николаевич

Санкт-Петербург 2023 г.

# Содержание

1	Постановка задачи	2
2	Теория         2.1       Индекс Жаккара	2 2 2
3	Реализация	3
4	Результаты	3
5	Обсуждение	5
C	Список иллюстраций	
	1 Исходные интервальные выборки	3
	2 Зависимость индекса Жаккара от значения $R$	4
	$3$ Объединённая выборка $X_1 \cup R_{opt}X_2$	

# 1 Постановка задачи

Имеется две вещественные выборки  $\overline{X_1}, \overline{X_2}$ . Необходимо построить из них две интервальные выборки  $X_1, X_2$  и найти такой вещественный коэффициент R, что выборка  $X_1 \cup RX_2$  будет наиболее совместной в смысле индекса Жаккара.

## 2 Теория

#### 2.1 Индекс Жаккара

Индекс Жаккара определяет степень совместности двух интервалов x,y.

$$JK(x,y) = \frac{wid(x \wedge y)}{wid(x \vee y)} \tag{1}$$

Здесь  $\land$ ,  $\lor$  представляют собой операции взятия минимума и максимума по включению в полной арифметике Каухера. Формула 1 легко может быть обобщена на случай интервальной выборки  $X = \{x_i\}_{i=1}^n$ .

$$JK(X) = \frac{wid(\wedge_{i=1,n}x_i)}{wid(\vee_{i=1,n}x_i)}$$
(2)

Видно, что  $JK(X) \in [-1,1]$ . Для удобства перенормируем значение JK(X) так, чтобы оно было в интервале [0,1].

$$JK(X) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}JK(X)$$
 (3)

#### 2.2 Нахождение оптимального значения R

Для нахождения оптимального R необходимо сначала найти верхнюю и нижнюю границы  $R,\overline{R}.$ 

$$\underline{R} = \frac{\min_{i=1,n} \underline{x_{1i}}}{\max_{i=1,n} \overline{x_{2i}}} \tag{4}$$

$$\overline{R} = \frac{\max_{i=1,n} \overline{x_{1i}}}{\min_{i=1,n} x_{2i}}$$
(5)

Затем оптимальное значение R может быть найдено методом половинного деления.

#### 3 Реализация

Весь код написан на языке Python (версии 3.7.3). Ссылка на GitHub с исходным кодом.

### 4 Результаты

Данные были взяты из файлов  $data/dataset1/+0_5V/+0_5V_85.txt$  и  $data/dataset/-0_5V/-0_5V_6.txt$ . Обынтерваливание было произведено следующим образом.

$$x = [x_0 - \varepsilon, x_0 + \varepsilon], \varepsilon \in U(0.01, 0.05)$$
(6)

где  $x_0$  - точечное значение, U(0.01,0.05) - равномерное распределение. Сначала посмотрим на исходные интервальные выборки  $X_1,X_2$ .

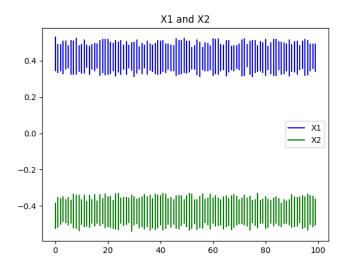


Рис. 1: Исходные интервальные выборки

Посчитаем индекс Жаккара обеих выборок.  $JK(X_1) = 0.746, JK(X_2) = 0.738$ . Верхняя и нижняя границы  $\underline{R} = -0.978, \overline{R} = -0.944$ . Найдем оптимальное значение R (для наглядности на графике 2 изображён более широкий интервал значений R).

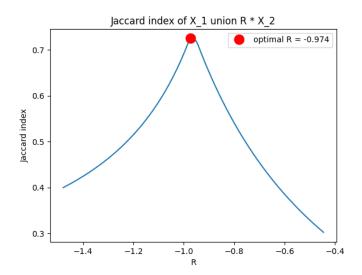


Рис. 2: Зависимость индекса Жаккара от значения R

Оптимальное значение R оказалось равно  $R_{opt}=-0.974$  Построим объединённую выборку  $X=X_1\cup R_{opt}X_2.$ 

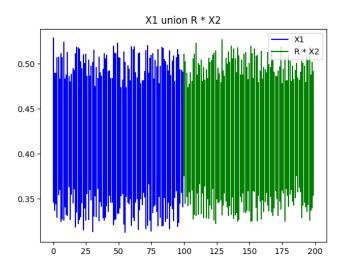


Рис. 3: Объединённая выборка  $X_1 \cup R_{opt} X_2$ 

Индекс Жаккара полученной выборки равен JK(X) = 0.725.

# 5 Обсуждение

Из полученных результатов можно заметить следующее. Как видно на рисунке 2 график значений индекса Жаккара в зависимости от параметра R имеет один локальный минимум. Также видно, что индекс Жаккара объединённой выборки  $X=X_1\cup RX_2$  для любого значения R не превосходит значения индексов Жаккара для каждой выборки  $X_1,X_2$  по отдельности, что вполне ожидаемо. Несмотря на это JK(X) не сильно отличается от значений  $JK(X_1),JK(X_2)$ , скорее всего это связано с тем, что интервалы из  $X_1$  и  $RX_2$  имеют примерно одинаковую длину, что видно на рисунке 3.