

Санкт-Петербургский политехнический университет
Петра Великого

Физико-механический институт

Кафедра «Прикладная математика»

**Отчёт по лабораторной работе №1
по дисциплине «Анализ данных с интервальной
неопределённостью»**

Выполнил студент:
Куксенко Кирилл Сергеевич
группа: 5040102/20201

Проверил:
к.ф.-м.н., доцент
Баженов Александр Николаевич

Санкт-Петербург
2023 г.

Содержание

1	Постановка задачи	2
2	Теория	2
2.1	Индекс Жаккара	2
2.2	Нахождение оптимального значения R	2
3	Реализация	3
4	Результаты	3
5	Обсуждение	5

Список иллюстраций

1	Исходные интервальные выборки	3
2	Зависимость индекса Жаккара от значения R	4
3	Объединённая выборка $X_1 \cup R_{opt}X_2$	4

1 Постановка задачи

Имеется две вещественные выборки $\overline{X_1}, \overline{X_2}$. Необходимо построить из них две интервальные выборки X_1, X_2 и найти такой вещественный коэффициент R , что выборка $X_1 \cup R X_2$ будет наиболее совместной в смысле индекса Жаккара.

2 Теория

2.1 Индекс Жаккара

Индекс Жаккара определяет степень совместности двух интервалов x, y .

$$JK(x, y) = \frac{wid(x \wedge y)}{wid(x \vee y)} \quad (1)$$

Здесь \wedge, \vee представляют собой операции взятия минимума и максимума по включению в полной арифметике Каухера. Формула 1 легко может быть обобщена на случай интервальной выборки $X = \{x_i\}_{i=1}^n$.

$$JK(X) = \frac{wid(\wedge_{i=1,n} x_i)}{wid(\vee_{i=1,n} x_i)} \quad (2)$$

Видно, что $JK(X) \in [-1, 1]$. Для удобства перенормируем значение $JK(X)$ так, чтобы оно было в интервале $[0, 1]$.

$$JK(X) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} JK(X) \quad (3)$$

2.2 Нахождение оптимального значения R

Для нахождения оптимально R необходимо сначала найти верхнюю и нижнюю границы $\underline{R}, \overline{R}$.

$$\underline{R} = \frac{\min_{i=1,n} \underline{x_{1i}}}{\max_{i=1,n} \underline{x_{2i}}} \quad (4)$$

$$\overline{R} = \frac{\max_{i=1,n} \overline{x_{1i}}}{\min_{i=1,n} \overline{x_{2i}}} \quad (5)$$

Затем оптимальное значение R может быть найдено методом половинного деления.

3 Реализация

Весь код написан на языке Python (версии 3.7.3). [Ссылка на GitHub с исходным кодом](#).

4 Результаты

Данные были взяты из файлов *data/dataset1/+0_5V/+0_5V_85.txt* и *data/dataset/-0_5V/-0_5V_6.txt*. Обынтерваливание было произведено следующим образом.

$$x = [x_0 - \varepsilon, x_0 + \varepsilon], \varepsilon \in U(0.01, 0.05) \quad (6)$$

где x_0 - точечное значение, $U(0.01, 0.05)$ - равномерное распределение.

Сначала посмотрим на исходные интервальные выборки X_1, X_2 .

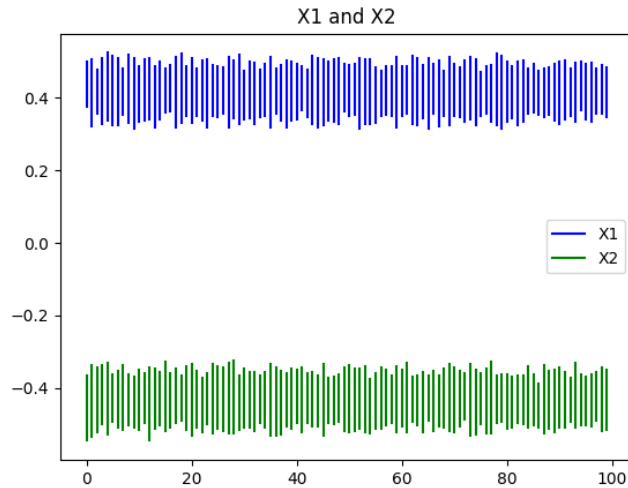


Рис. 1: Исходные интервальные выборки

Посчитаем индекс Жаккара обеих выборок. $JK(X_1) = 0.734$, $JK(X_2) = 0.721$. Верхняя и нижняя границы $\underline{R} = -0.967$, $\overline{R} = -0.961$. Найдем оптимальное значение R (для наглядности на графике 2 изображён более широкий интервал значений R).

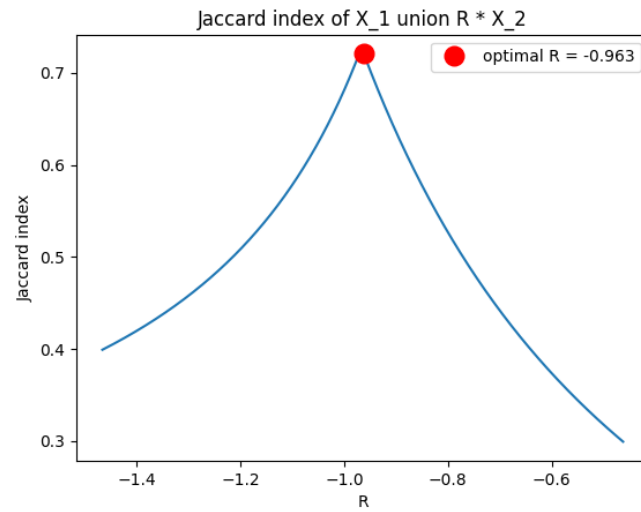


Рис. 2: Зависимость индекса Жаккара от значения R

Оптимальное значение R оказалось равно $R_{opt} = -0.963$. Построим объединённую выборку $X_1 \cup R_{opt}X_2$.

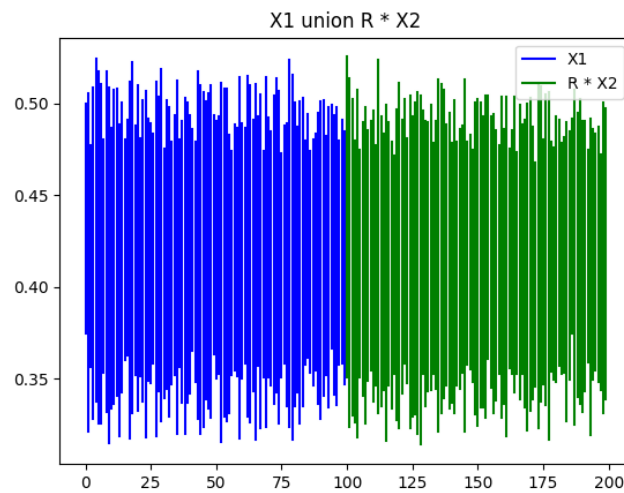


Рис. 3: Объединённая выборка $X_1 \cup R_{opt}X_2$

5 Обсуждение