0.1 Алгоритм

С учетом вышесказанного можно построить следующий алгоритм. Алгоритмы 1, 2 демонстрируют обратный и прямой проход для получения оптимальной поправки. Алгоритм 3 демонстрирует общий алгоритм построения управления.

Продемонстрируем работу алгоритма для классической задачи перехода в целевое состояние $x^{\rm final}$ без фазовых ограничений. Для этого будем использовать следующие компоненты функции цены:

$$q^{\text{final}}(x) = \|x - x^{\text{final}}\|^2, \qquad q(x) \equiv 0.$$
 (0.1)

Начальным референсным управлением выберем

$$\bar{u}^k = 0, \ k = \overline{1, N}. \tag{0.2}$$

Алгоритм 1: Обратный проход

```
function BackwardPass(\bar{u}, \bar{x})
begin
\begin{array}{c|c} S_{N+1}, v^{N+1} \leftarrow (??) \\ \text{for } k \leftarrow N \text{ to } 1 \text{ do} \\ & S_k, v^k \leftarrow (??) \\ \text{end} \\ & \text{return } S, v \\ \text{end} \end{array}
```

Алгоритм 2: Прямой проход

```
\begin{array}{c|c} \textbf{function } \textit{ForwardPass}(\bar{u}, \, \bar{x}, \, J_{\text{prev}}) \\ \textbf{begin} \\ \hline & \eta \leftarrow 1 \\ \textbf{do} \\ \hline & \delta x^0 \leftarrow 0 \\ \textbf{for } k \leftarrow 1 \textbf{ to } N \textbf{ do} \\ \hline & \delta u^k, \delta x^{k+1} \leftarrow (??), \, (??) \\ \hline & u^k \leftarrow \bar{u}^k + \delta u^k \\ \hline & \textbf{end} \\ \hline & J \leftarrow (??) \\ & \eta \leftarrow \gamma \eta \\ \textbf{while } \frac{J_{\text{prev}} - J}{J_{\delta}(0) - J_{\delta}(\delta u)} \notin [\xi_1, \xi_2] \\ \textbf{return } u, \, J \\ \textbf{end} \\ \hline \end{array}
```

Алгоритм 3: Синтез управления

```
\begin{array}{c|c} \mathbf{function} \; Synthesis(\bar{u}) \\ \mathbf{begin} \\ & J \leftarrow (??) \\ & \mathbf{do} \\ & | J_{\mathrm{prev}} \leftarrow J \\ & \bar{x} \leftarrow (??) \\ & S, v \leftarrow \mathrm{BackwardPass}(\bar{u}, \bar{x}) \\ & u, J \leftarrow \mathrm{ForwardPass}(S, v, J_{\mathrm{prev}}) \\ & \mathbf{while} \; |J - J_{\mathrm{prev}}| \geqslant \varepsilon \\ & \mathbf{return} \; u \\ \mathbf{end} \end{array}
```

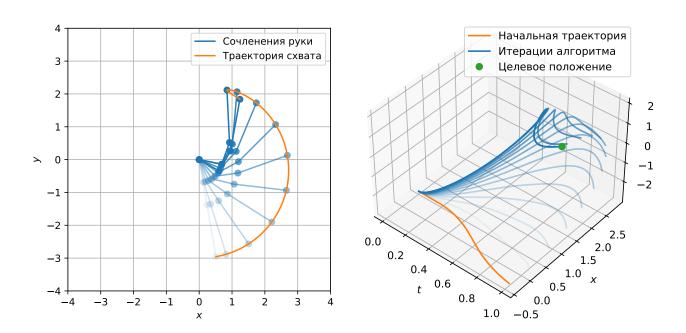


Рис. 1: Решение задачи перехода в целевое состояние (0.1) с начальным референсным управлением (0.2). Слева: поведение системы при полученном управлении. Справа: траектории схвата на каждой итерации алгоритма, более ранние итерации показаны бледнее. Алгоритм сошелся на 14 итерации.