P1958 上学路线 NOI导刊2009普及(6)

题目描述

你所在城市的街道好像一个棋盘,有a条南北方向的街道和b条东西方向的街道。南北方向的a条街道从西到东依次编号为l到a,而东西方向的b条街道从南到北依次编号为l到b,南北方向的街道i和东西方向的街道j的交点记为(i,j)。

你住在(1,1)处,而学校在(a,b)处,你骑自行车去上学,自行车只能沿着街道走,而且为了缩短时间只允许沿着向东和北的方向行驶。

现在有N个交叉路口在施工(X1, YI)、(X2, Y2).....,(Xn, Yn),这些路口是不能通车的。

问你上学一共有多少走法?

输入输出格式

输入格式:

第一行包含两个整数a和b,并且满足1≤a,b≤16。

第二行包含一个整数N,表示有N个路口在维修(1≤N≤40)。

接下来N行,每行两个整数X_i,Y_i,描述路口的位置。

输出格式:

输出一个整数表示从(1,1)到(a,b)的行车路线总数。

输入输出样例

输入样例#1:

复制

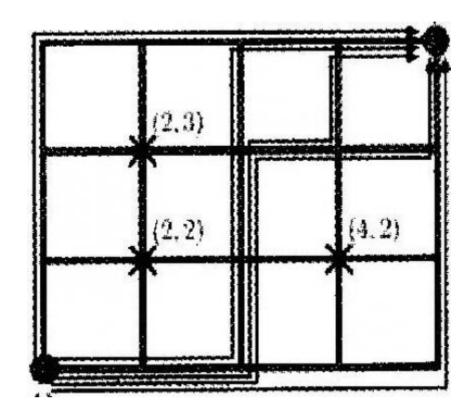
输出样例#1:

复制

1 | 5

说明

【样例解释】



思路

用数学方法

数学老师的讲法是标数法,具体就是: 第一格有一种走法, 然后每一格都有两种走法: 从上面走过来和从左面走过来, 把它们标的数加起来得答案(上面/左面有障碍或没有的就算零), 最后统计a,b处标的数字

代码

```
1 //周子涵
2 #include<bits/stdc++.h>
 3
    using namespace std;
    int book[20][20],ans[20][20],a,b,n;
4
 5
    int main(){
 6
        cin>>a>>b>>n;
 7
        int x,y;
8
        for(int i=1;i<=n;i++){</pre>
9
             cin>>x>>y;
10
             book[x][y]=-1;
11
         for(int i=1;i \le a;i++){
12
             for(int j=1; j <= b; j++){
13
14
                 if(i==1&&j==1){
15
                      ans[i][j]=1;
16
                      continue;
17
                 if (book[i][j]==-1){
18
19
                      ans[i][j]=0;
20
                      continue;
```

```
21
22
             ans[i][j]=ans[i-1][j]+ans[i][j-1];
23
          }
24
       }
25
       cout<<ans[a][b];</pre>
26
       return 0;
27
   }
   /*
28
29
   用数学方法
30
   数学老师的讲法是标数法,具体就是:
31
32
   第一格有一种走法,
   然后每一格都有两种走法:
33
34
   从上面走过来和从左面走过来,
35
   把它们标的数加起来得答案(上面/左面有障碍或没有的就算零),
36
   最后统计a,b处标的数字
37
   */
38
```

递归

```
1 //刘宇鑫
    #include<iostream>
    using namespace std;
 3
    int a,b,s,A[41],B[41],q[20][20],ans,x1[2]={0,1},y1[2]={1,0},x=1,y=1;
4
    void dfs(int x,int y)
 6
    {
 7
        if(x==a\&\&y==b) ans++;
8
        else
9
        {
            for(int i=0;i<2;i++)</pre>
10
11
12
                int newx=x+x1[i];
13
                int newy=y+y1[i];
14
                if(newx \ge 1\&newy \le 1\&newy \le b\&newy \le b\&newy \le b\&newy \le b.
15
                    dfs(newx,newy);
16
            }
17
        }
18
    }
19
    int main()
20
21
        cin>>a>>b;
22
        cin>>s;
23
        for(int i=1;i<=s;i++)
24
25
            cin>>A[i]>>B[i];
26
            q[A[i]][B[i]]=1;
27
28
        dfs(x,y);
29
        cout<<ans;
30
        return 0;
31
   }
    /*思路:先输入,并将施工的路口变成1(本来都是0),然后dfs,根据他说的向东和北进行移动(也就是左和下),并
32
    判断是否越界,如果没有,就继续dfs,如果到了,就ans++,最后输出ans。*/
33
1 //叶炜辰
    #include<bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   int a,b,k,x,y,sum;
```

```
bool s[20][20];
6
    void dfs(int x,int y){
7
       if(x==a&&y==b){//已经走完了
8
            sum++;//加一下次数
9
            return;//回溯
10
       }
       if(s[x][y+1]) dfs(x,y+1);//如果北面能走,就走
11
12
       if(s[x+1][y]) dfs(x+1,y);//如果东面能走,就走
13
   }
14
   int main(){
15
       cin>>a>>b;
        for(int i=1; i \le a; i++){
16
17
            for(int j=1; j<=b; j++){
18
               s[i][j]=true;//初始化,都为可以走
            }
19
20
       }
21
       cin>>k;
22
       while(k--){
23
           cin>>x>>y;
24
           s[x][y]=false;//不能走的地方
25
        }
26
        dfs(1,1);//搜索
27
        cout<<sum;</pre>
28
        return 0;
29
   }
30
```