## Лабораторная работа №5

Научное программирование

Таубер Кирилл Олегович

# Содержание

1	Цель работы	4
2	Теоретическое введение	5
3	Выполнение лабораторной работы	6
4	Вывод	14

# Список иллюстраций

3.1	Построение на графике точек из матрицы	7
3.2	Подгонка полиномиальной кривой	8
3.3	Подгонка полиномиальной кривой	Ç
3.4	Подгонка полиномиальной кривой	ç
3.5	Подгонка полиномиальной кривой	(
3.6	Подгонка с помощью встроенных функций	1
3.7	Построение изображения по матрице	1
3.8	Поворот изображения	2
3.9	Поворот изображения	2
	Отражение изображения	7
3.11	Дилатация изображения	7

### 1 Цель работы

Изучить в Octave методы подгонки полиномиальной кривой, способы представления изображения в виде матрицы и действия над ним: вращение, отражение и дилатацию.

#### 2 Теоретическое введение

**Интерполяция** - способ нахождения промежуточных значений величины по имеющемуся дискретному набору известных значений. Интерполяция функций часто встречается при ограниченности возможностей при проведении эксперимента. В частности из-за дороговизны и трудоемкости проведения эксперимента размер соответствующей выборки может быть достаточно мал.

**Аппроксимация** - замена одних математических объектов другими, в том или ином смысле близкими к исходным. При интерполировании интерполирующая функция строго проходит через узловые точки таблицы вследствие того, что количество коэффициентов в интерполирующей функции равно количеству табличных значений. Аппроксимация – метод приближения, при котором для нахождения дополнительных значений, отличных от табличных данных, приближенная функция проходит не через узлы интерполяции, а между ними.

Более подробно см. в [@Octave 1:bash] и [@Octave 2:bash].

#### 3 Выполнение лабораторной работы

Найдем параболу по методу наименьших квадратов для набора точек, заданных матрицей

$$D = egin{bmatrix} 1 & 1 \ 2 & 2 \ 3 & 5 \ 4 & 4 \ 5 & 2 \ 6 & -3 \end{bmatrix}$$

В матрице заданы значения x в столбце 1 и значения y в столбце 2. Введем матрицу данных в Octave и извлечем вектора x и y, затем нарисуем точки на графике (рис. fig. 3.1).

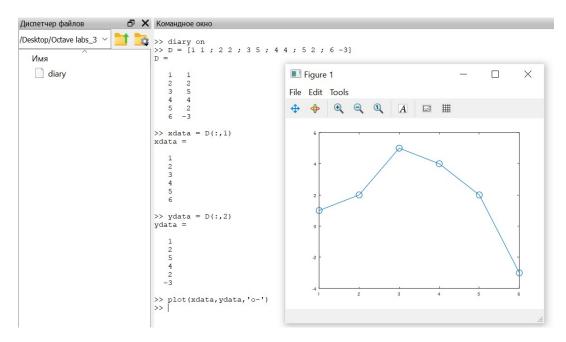


Рис. 3.1: Построение на графике точек из матрицы

Строим уравнение вида  $y=ax^2+bx+c$ . Подставляя данные, получаем следующую систему линейных уравнений

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 4 & 2 & 1 \\ 9 & 3 & 1 \\ 16 & 4 & 1 \\ 25 & 5 & 1 \\ 36 & 6 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 5 \\ 4 \\ 2 \\ -3 \end{bmatrix}.$$

Решение по методу наименьших квадратов получается из решения уравнения  $A^TAb=A^Ty$ , где b - вектор коэффициентов полинома. Строим соответствующие уравнения. Затем решаем задачу методом Гаусса, записав предварительно расширенную матрицу

$$B = \begin{bmatrix} 2275 & 441 & 91 & 60 \\ 441 & 91 & 21 & 28 \\ 91 & 21 & 6 & 11 \end{bmatrix}.$$

В итоге получаем искомое квадратное уравнение вида:

$$y = -0.89286x^2 + 5.65x - 4.4.$$

Строим соответствующий график параболы (рис. fig. 3.2) - (рис. fig. 3.5).

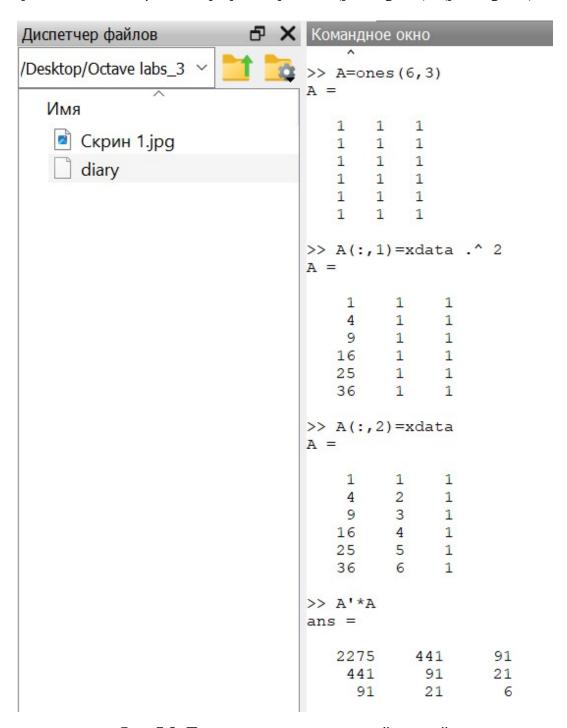


Рис. 3.2: Подгонка полиномиальной кривой

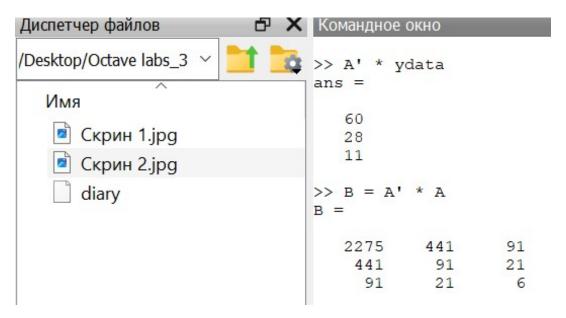


Рис. 3.3: Подгонка полиномиальной кривой

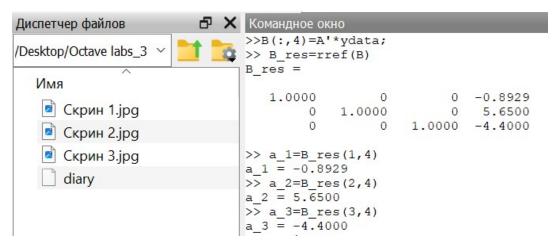


Рис. 3.4: Подгонка полиномиальной кривой

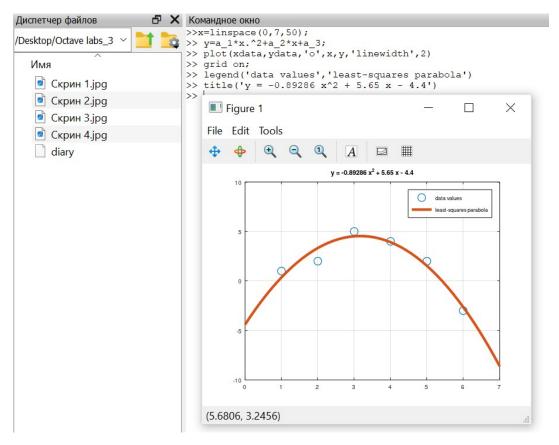


Рис. 3.5: Подгонка полиномиальной кривой

Процесс подгонки может быть автоматизирован встроенными функциями Octave. Для этого используется встроенная функция для подгонки полинома polyfit. Значения полинома P в точках, задаваемых вектором-строкой х можно получить с помощью функции polyval. Получим подгоночный полином и рассчитаем значения полинома в точках, а затем построим исходные и подгоночные данные на графике (рис. fig. 3.6).

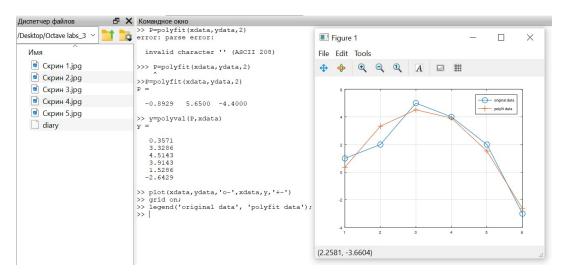


Рис. 3.6: Подгонка с помощью встроенных функций

Строим граф-домик с помощью матрицы, выбрав путь, который проходит по каждому ребру ровно один раз (цикл Эйлера) (рис. fig. 3.7):

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 & 3 & 2 & 1 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 2 & 3 & 2 & 2 \end{bmatrix}.$$

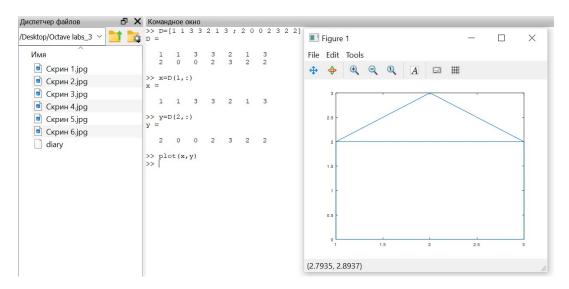


Рис. 3.7: Построение изображения по матрице

Осуществим поворот графа дома на 90 и 225 градусов, переведя углы в радианы, и построим соответствующие графики (рис. fig. 3.8) и (рис. fig. 3.9).

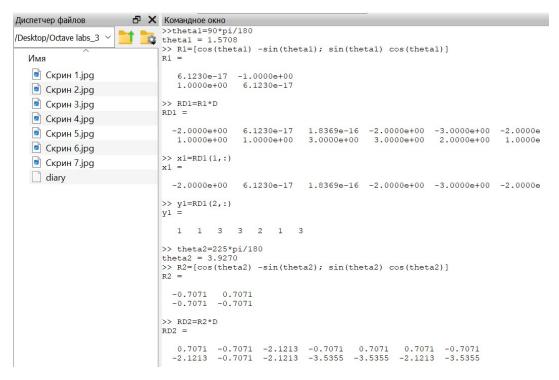


Рис. 3.8: Поворот изображения

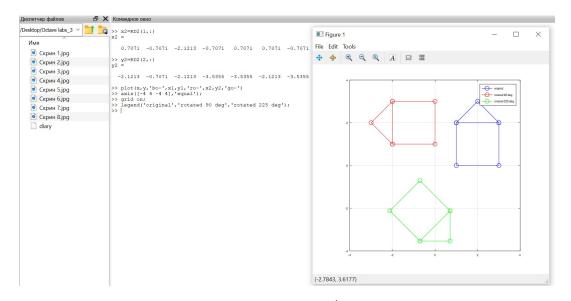


Рис. 3.9: Поворот изображения

Осуществим отражение графа дома относительно прямой y=x, задав матрицу отражения (рис. fig. 3.10).

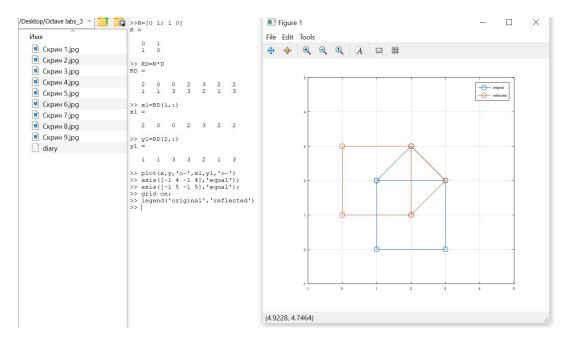


Рис. 3.10: Отражение изображения

Увеличим граф дома в 2 раза (рис. fig. 3.11).

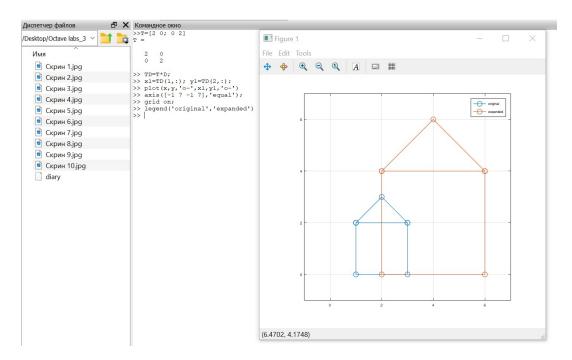


Рис. 3.11: Дилатация изображения

### 4 Вывод

В ходе выполнения данной лабораторной работы я изучил в Octave методы подгонки полиномиальной кривой, способы представления изображения в виде матрицы и действия над ним: вращение, отражение и дилатацию.