Лабораторная работа №7

Научное программирование

Таубер Кирилл Олегович 3 февраля 2024

Российский университет дружбы народов

Москва, Россия

Цель лабораторной работы

Изучить в Octave методы построения различных графиков и работы с комплексными числами и специальными функциями

Теоретическое введение

Гамма функция находит очень широкое применение в прикладном анализе. С гамма-функцией связаны функции Бесселя используемые при синтезе фильтров и спектральном анализе. В статистике широко используется гамма-распределение, частными случаями которого являются экспоненциальное распределение и распределение хи-квадрат.

Данная функция не выражается через элементарные функции, но может быть представлена как интеграл вида:

$$\Gamma(x) = \int_0^\infty t^{x-1} e^{-t} \, \mathrm{d}t.$$

Для натуральных значений аргумента гамма-функция совпадает со значением факториала:

3/11

• Параметрические уравнения для циклоиды:

$$x = r(t - sin(t)), y = r(1 - cos(t)).$$

Построили график трех периодов циклоиды радиуса 2



Figure 1: Рис.1: График трех периодов циклоиды радиуса 2

• Построили улитку Паскаля $r=1-2sin(\theta)$ в полярных осях

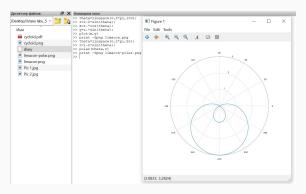


Figure 2: Рис.2: Улитка Паскаля в полярных осях

• Построили функцию, неявно определенную уравнением вида f(x,y)=0, в частности, кривую, определяемую уравнением $-x^2-xy+x+y^2-y=1$.

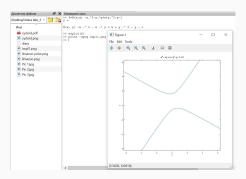


Figure 3: Рис.3: График кривой $-x^2 - xy + x + y^2 - y = 1$

• Нашли уравнение касательной к графику окружности $(x-2)^2+y^2=25$ в точке (-1,4) и построили график окружности и касательной

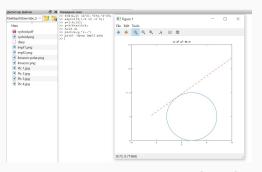


Figure 4: Рис.4: График окружности $(x-2)^2+y^2=25$ и касательной к нему в точке (-1,4)

• Вывели основные арифметические операции с комплексными числами $z_1=1+2i, z_2=2-3i$

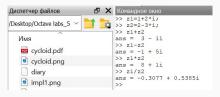


Figure 5: Рис.5: Арифметические операции с комплексными числами

• Построили графики $z_1, z_2, z_1+z_2, z_1+z_2+2$ в комплексной плоскости

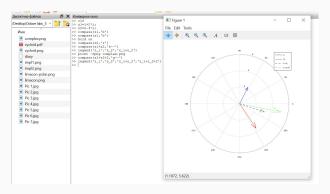


Figure 6: Рис.7: График в комплексной плоскости

• Построили функции $\Gamma(x+1)$ и n! на одном графике

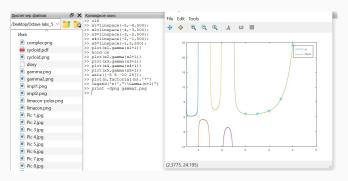


Figure 7: Рис.8: Гамма-функция и факториал

Вывод

• В ходе выполнения данной лабораторной работы я изучила в Octave методы построения различных графиков и работы с комплексными числами и специальными функциями