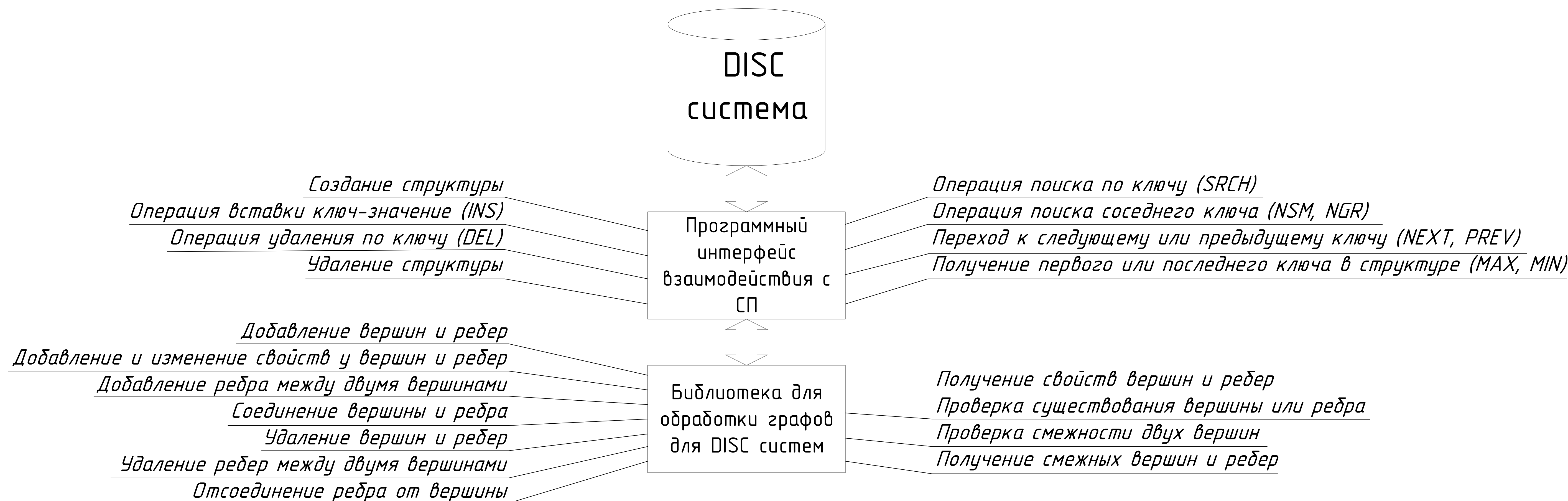


Библиотека элементов программного интерфейса
для обработки графов



ЦЕЛИ

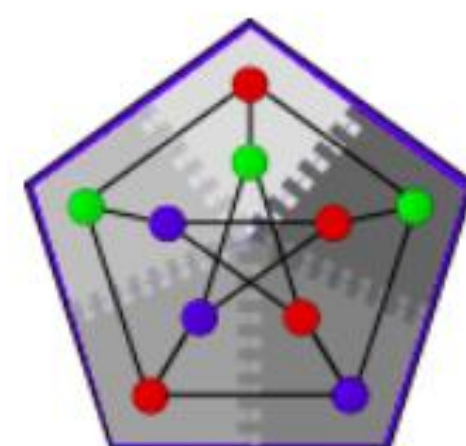
Создание библиотеки элементов программного интерфейса для обработки графов для системы с дискретным набором команд.

ЗАДАЧИ

- Анализ и исследование программной модели процессора с набором команд дискретной математики
- Анализ программного интерфейса процессора обработки структур
- Анализ технологий хранения и обработки графов
- Исследование принципов обработки графовых моделей систем с дискретным набором команд
- Разработка графовых моделей хранения графов для таких систем
- Разработка программной части компонентов системы
- Разработка симулятора для программного интерфейса процессора обработки структур
- Разработка библиотеки для обработки ультраграфов для систем с дискретным набором команд
- Обеспечение качества и надёжности

Выпускная квалификационная работа магистра				Библиотека элементов программного интерфейса для обработки графов			
Имя	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	Лит	Масса	Масштаб
Разраб.	Курьяченко А.В.			25.05.2025	Цели и задачи		
Провер.	Попов А.В.			25.05.2025			
Т. контроль	Ерёмин Д.В.						
Реценз.							
И. контроль					Лист 1	Листов 10	
Упр.					МГТУ им. Н.Э. Баумана группа ИУ6-41М		

Анализ технологий хранения и обработки графов



Boost – собрание библиотек классов, использующих функциональность языка C++ и предоставляющих удобный кроссплатформенный высокоуровневый интерфейс для решения различных задач программирования (работа с данными, алгоритмами, файлами, потоками и т. п.). Свободно распространяются по лицензии Boost Software License вместе с исходным кодом.

Boost Graph Library предоставляет гибкую и эффективную реализацию концепций графов.

Можно выбрать представление графа:

- список смежности (adjacency_list);*
- матрица смежности (adjacency_matrix).*

В библиотеке имеется большая база алгоритмов, среди которых:

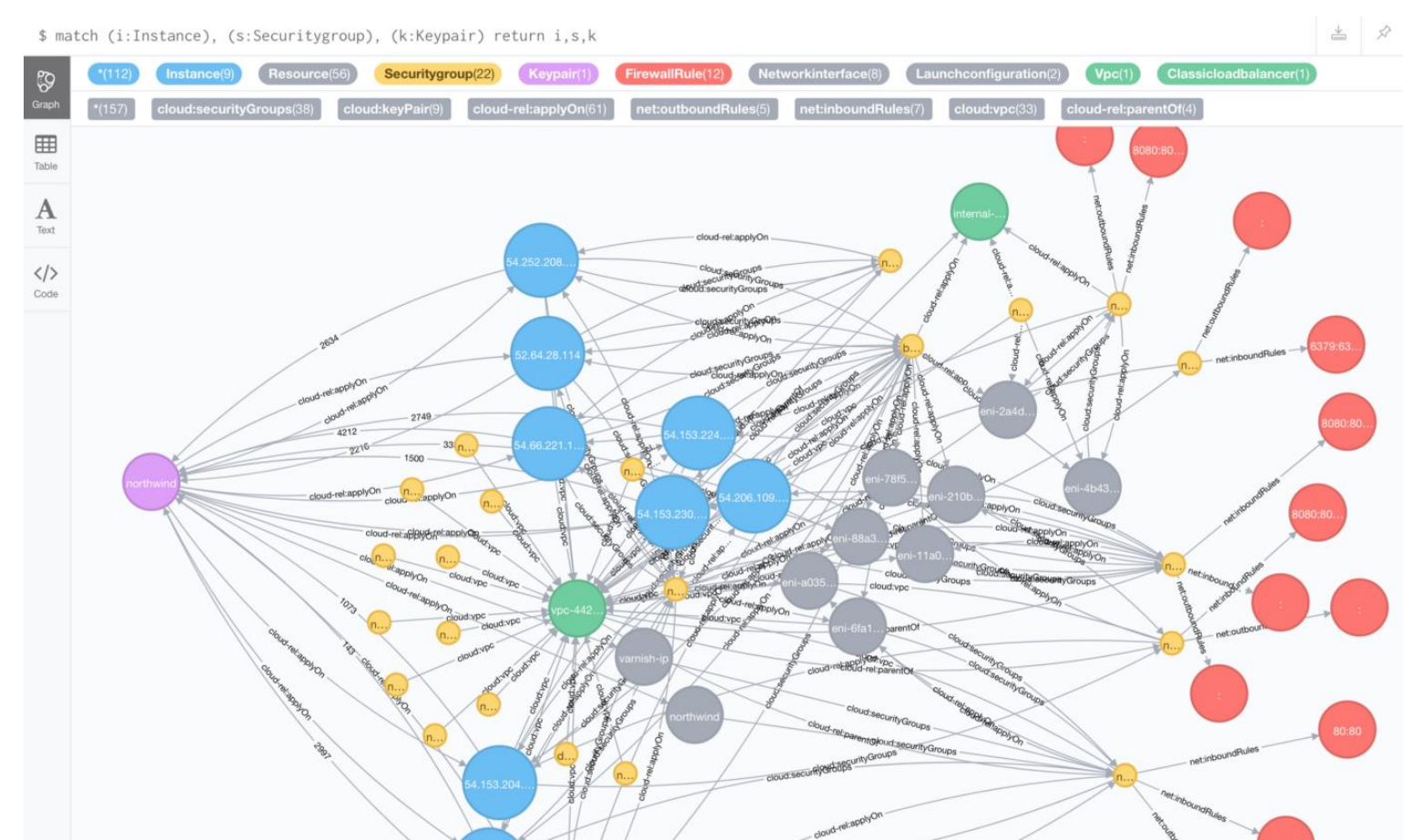
- поиск в ширину;*
- поиск в глубину;*
- алгоритм Беллмана-Форда;*
- алгоритм Дейкстры;*
- алгоритм Прима;*
- алгоритм Краскала;*
- нахождение компонент связности графа;*
- задача о максимальном потоке;*
- обратный алгоритм Катхилла-Макки;*
- алгоритм топологической сортировки.*



Neo4j – графовая система управления базами данных с открытым исходным кодом, реализованная на Java. По состоянию на 2019 год считается самой распространённой графовой СУБД.

Язык запросов – Cypher

Интерфейс программирования приложений для СУБД реализован для многих языков программирования, включая Java, Python, Clojure, Ruby, PHP, также реализовано API в стиле REST.

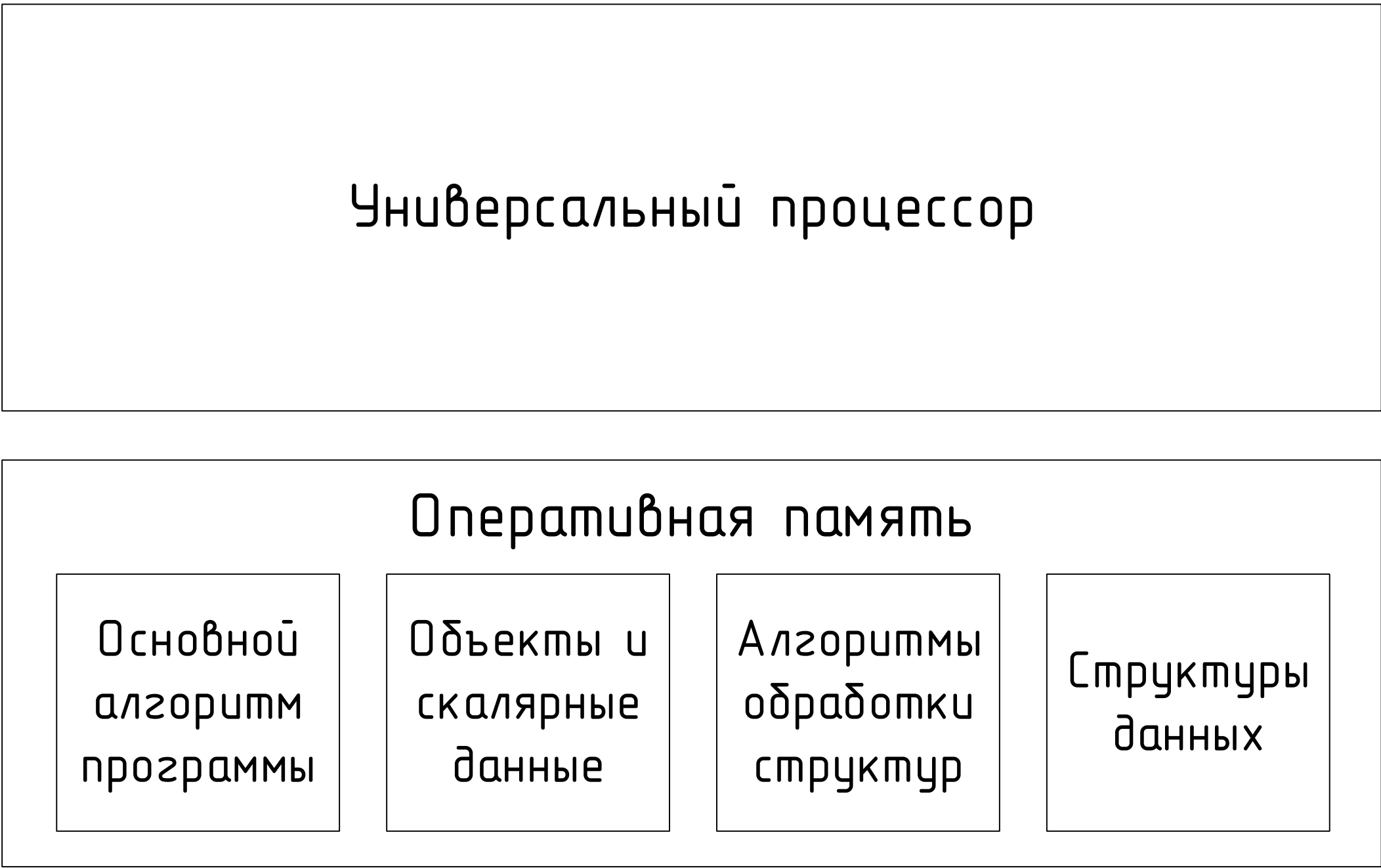


LEDA – это библиотека классов C++ от AlgoSol для эффективной обработки типов данных и алгоритмов. LEDA предоставляет алгоритмическую базу в области графовых и сетевых задач, геометрических вычислений, комбинаторной оптимизации и других.

Также LEDA включает интерфейс для ввода и вывода графов для различных платформ, что позволяет делать визуализацию графов, и анимацию работы графовых алгоритмов.

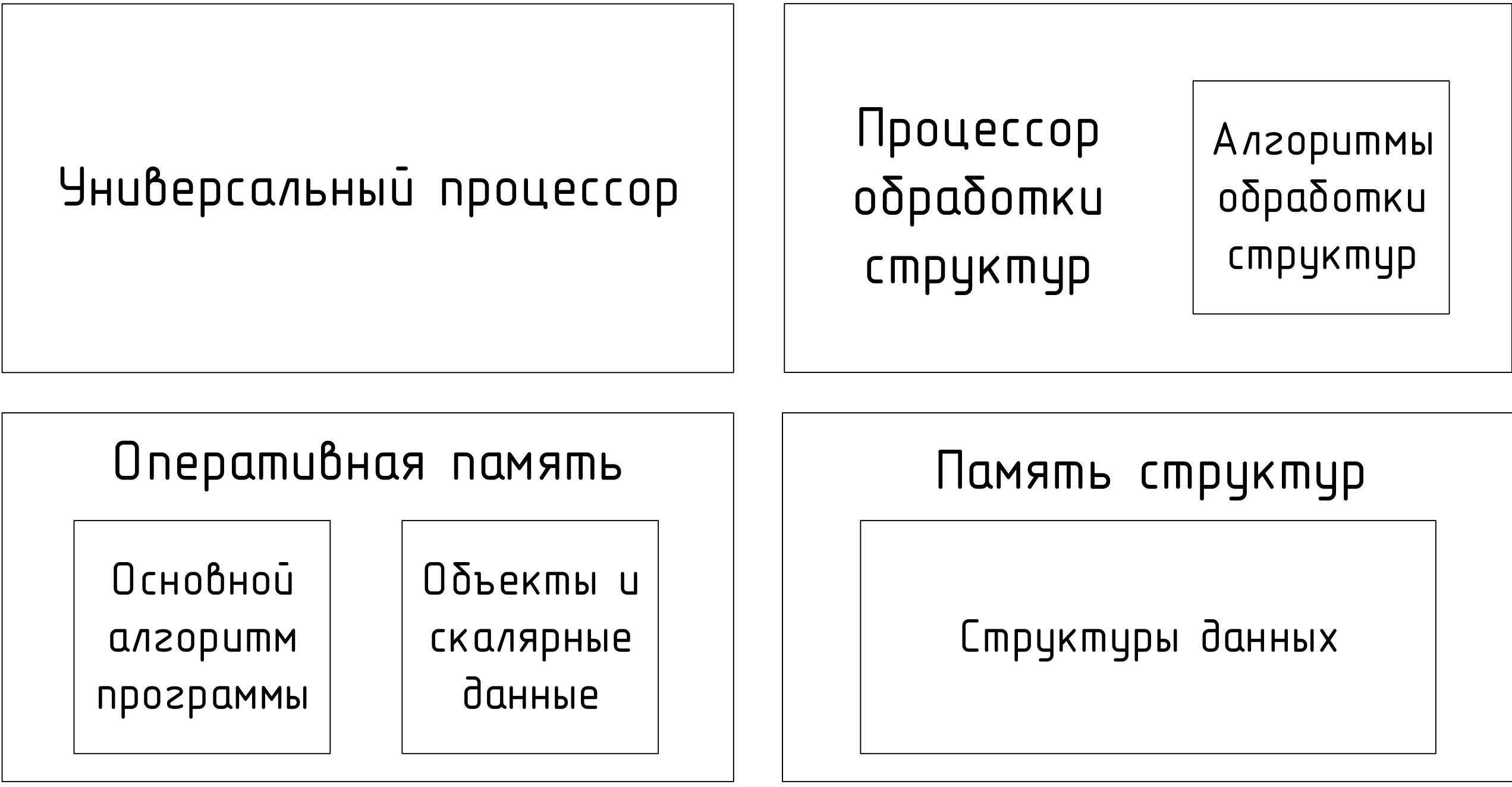
Выпускная квалификационная работа магистра					Библиотека элементов программного интерфейса для обработки графов			
Имя	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	Анализ технологий хранения и обработки графов			
Разработчик	Курьяченко А.В.			25.05.2025				
Проверен	Попов А.В.			25.05.2025				
Технический контроль	Ершова О.В.							
Рецензент								
Итого								
					Лист 2 из 10			
					МГТУ им. Н.Э. Баумана группа ИУ6-41М			

Универсальный микропроцессор



- Обрабатывает числа.
- Аппаратно реализует арифметическую и логическую обработку.
- Обработка сложных моделей данных (деревьев, графов) выполняется на конвейере микропроцессора последовательно.
- Использует ОЗУ для хранения программ, данных структур данных, множеств и т.д.
- Распределение памяти для хранения структур данных осуществляется программно.

Микропроцессор Leonhard



- Обрабатывает множества.
- Аппаратно реализует математический аппарат дискретной математики.
- Микроархитектура Leonhard обеспечивает параллельную обработку множеств, структур данных, графов.
- Использует независимую память для хранения структур данных, множеств, графов.
- Распределение памяти осуществляется аппаратными механизмами микропроцессора Leonhard.

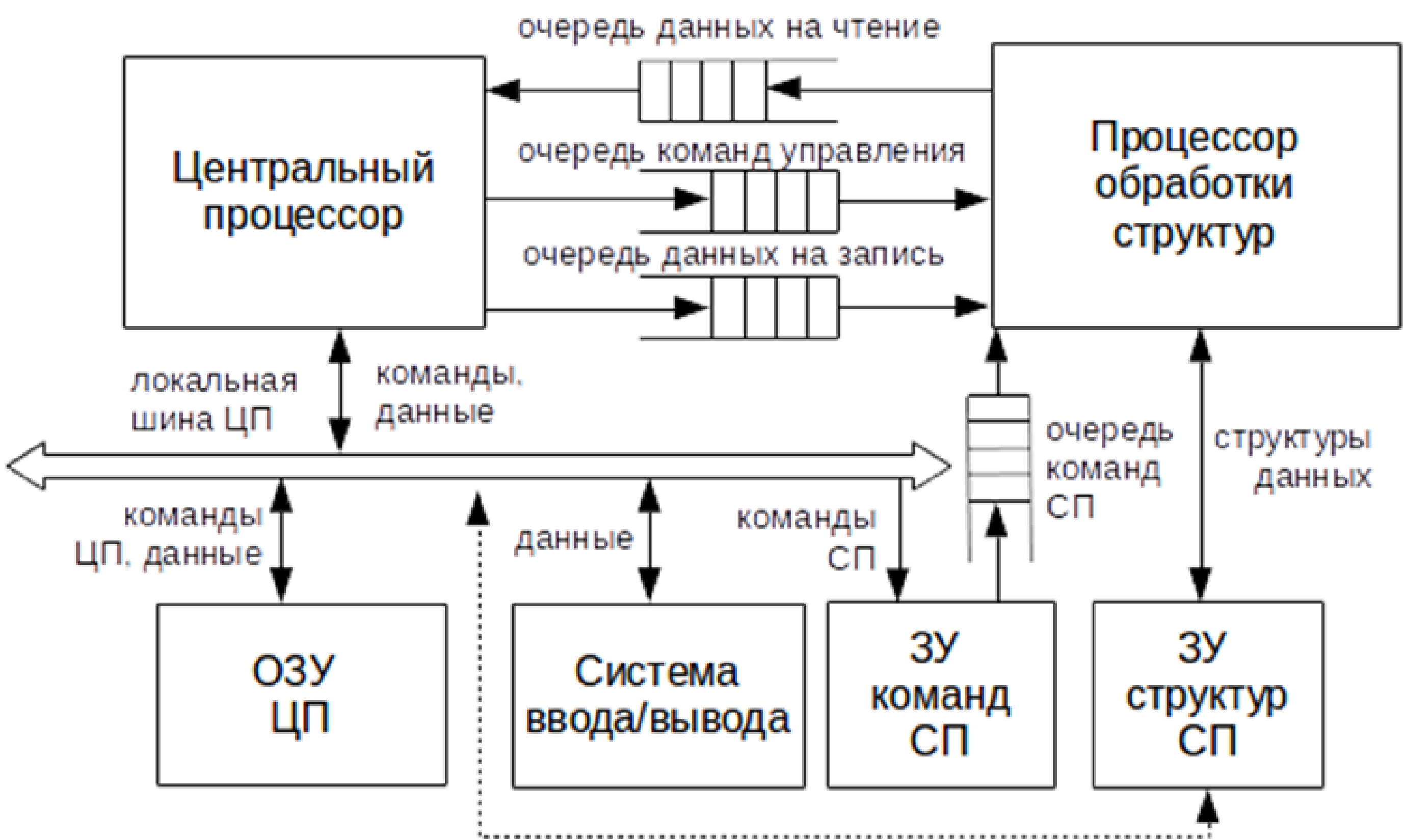
Программная модель процессора с набором команд дискретной математики

Формат данных Leonhard x64

Структура	Ключ	Значение
3 бита	64 бита	64 бита

Команды дискретной математики:

- *Search (SRCH)* – поиск значения по ключу.
- *Insert (INS)* – вставляет пару ключ-значение в структуру. SPU обновляет значение, если указанный ключ уже находится в структуре.
- *Delete (DEL)* – удаляет указанный ключ из структуры данных.
- *Neighbors (NSM, NGR)* – поиск соседнего ключа, который меньше (или больше) заданного и возвращает его значение.
- *Maximum / minimum (MAX, MIN)* – поиск первого или последнего ключа в структуре данных.
- *Cardinality (CNT)* – определяет количество ключей, хранящихся в структуре.
- *AND, OR, NOT* – выполняют объединения, пересечения и дополнения в двух структурах данных.
- *Срезы (LS, GR, LSEQ, GREQ)* – извлекают подмножество одной структуры данных в другую.
- *Переход к следующему или предыдущему (NEXT, PREV)* – находят соседний (следующий или предыдущий) ключ в структуре данных относительно переданного ключа (исходный ключ должен обязательно присутствовать в структуре).
- *Удаление структуры (DELS)* – очищает все ресурсы, используемые заданной структурой.
- *Squeeze (SQ)* – дефрагментирует блоки памяти DSM, используемые структурой.
- *Jump (JT)* – указывает SPU код ветвления, который должен быть синхронизирован с CPU.



Параметры Leonhard x64

Параметр	Значение
Максимальный размер команды в локальной памяти команд СП (LCM)	144 бит
Максимальный размер команды из ЦП	160 бит
Максимальный размер результата из СП в ЦП	64 бит
Количество разрядов поля ключа	64 бит
Количество разрядов поля значения	64 бит
Расположение байт в памяти	Младший байт по младшему адресу
Размер внешней памяти структур	4 ГБайта
Максимальное количество ключей в структуре	100 663 296
Кратность вершины В+ дерева	8
Количество ключей на нижнем уровне дерева	6
Максимальное количество хранимых структур	7

Модели хранения графов для систем с дискретным набором команд

Модель для ориентированного остовного графа

Ключ		Значение
id вершины	0..0	Данные вершины
id вершины	id смежной вершины	

Модель для взвешенного ориентированного остовного графа

Ключ			Значение
id вершины	0..0		Данные вершины
id вершины	0..0	id смежной вершины	Вес ребра
id вершины	Вес	id смежной вершины	

Модель для ориентированного мультиграфа

Ключ			Значение
0..0	id ребра	id смежной вершины 1	id смежной вершины 2
id вершины	0..0		Данные вершины
id вершины	id ребра	id смежной вершины	

Модель для взвешенного ориентированного мультиграфа

Ключ				Значение
0..0	id ребра	id смежной вершины 1	id смежной вершины 2	
id вершин	0..0			Данные вершины
id вершины	Вес	id ребра	id смежной вершины	

Модель для гиперграфа

Ключ		Значение
id вершины	0..0	Данные вершины
id вершины	id ребра	

Ключ		Значение
id ребра	0..0	Вес ребра
id ребра	id вершины	

Модель для ультраграфа

Ключ			Значение
0	id вершины	0..0	Данные вершины
Бит инцидентности	id вершины	id ребра	

Ключ			Значение
0	id ребра	0..0	Вес ребра
Бит инцидентности	id ребра	id вершины	

Модель для взвешенного ультраграфа

Ключ			Значение
0	0..0		Общее кол-во вершин
0	id вершины	0..0	Данные вершины
0	id вершины	1..1	Кол-во входящих ребер
Бит инцидентности	id вершины	Вес ребра	id ребра
1	id вершины	1..1	Кол-во исходящих ребер

Ключ			Значение
0	0..0		Общее кол-во ребер
0	id ребра	0..0	Вес ребра
0	id ребра	1..1	Кол-во вершин, в кот. входит ребро
Бит инцидентности	id ребра	id вершины	
1	id ребра	1..1	Кол-во вершин, из кот. выходит ребро

Модель ультраграфа с атрибутами для ребер

Ключ		Значение		
0	0..0			Общее кол-во вершин
0	id вершины	0..0		Данные вершины
0	id вершины	1..1		Кол-во входящих ребер
Бит инцидентности	id вершины	id атрибута	Значение атрибута	id ребра
1	id вершины	1..1		Кол-во исходящих ребер

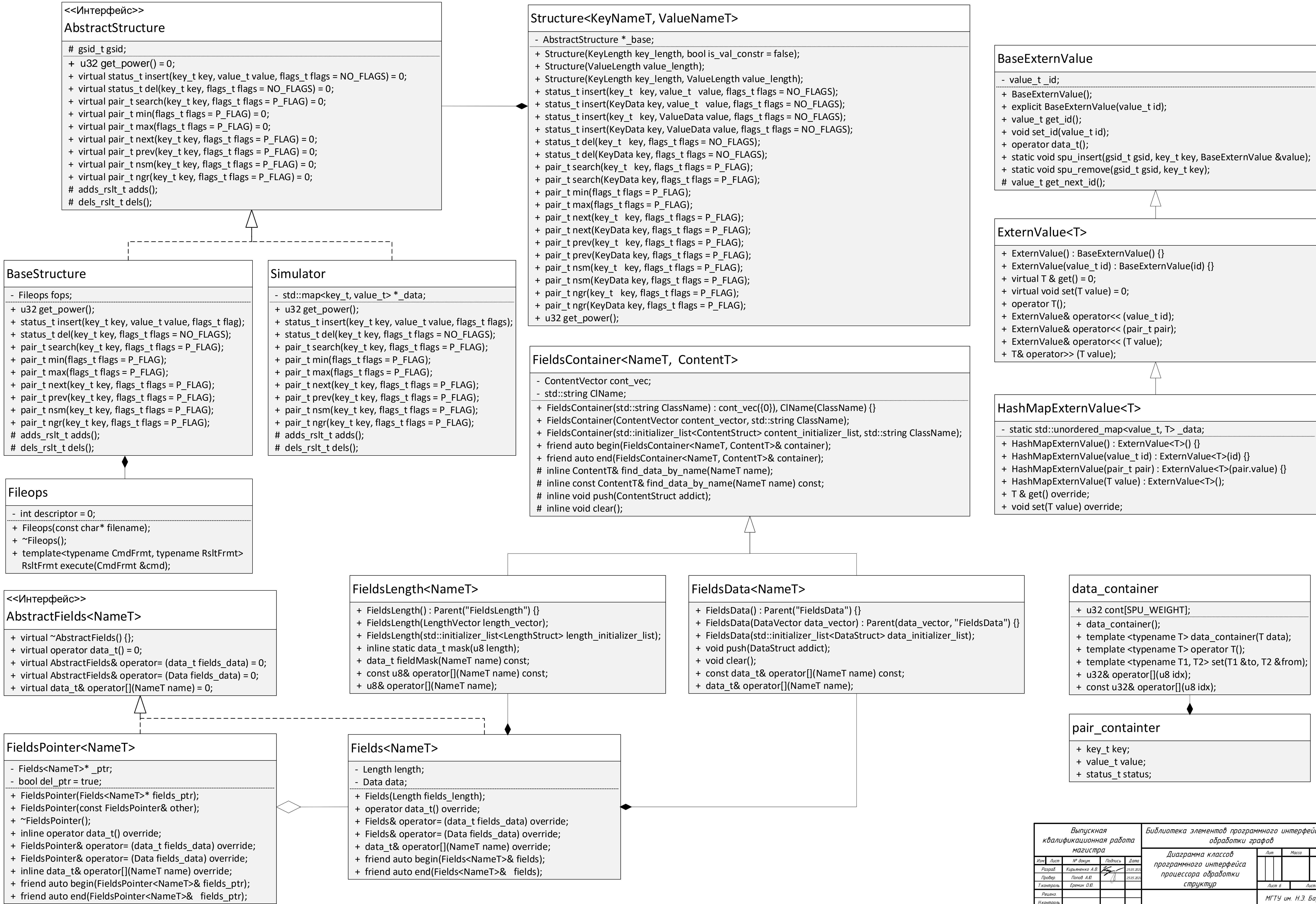
Ключ			Значение
0	0..0		Общее кол-во ребер
0	id ребра	0..0	id атрибута
0	id ребра	1..1	Кол-во вершин, в кот. входит ребро
Бит инцидентности	id ребра	id вершины	0..0
1	id ребра	1..1	Кол-во вершин, из кот. выходит ребро

Реализованная модель ультраграфа

Ключ				Значение
id графа	Бит инцидентности	id вершины	id ребра	
id графа	0	0 ... 0		Общее кол-во вершин
id графа	0	id вершины	0 ... 0	Данные вершины
id графа	0	id вершины	1 ... 1	Кол-во исходящих ребер
id графа	1	id вершины	1 ... 1	Кол-во входящих ребер

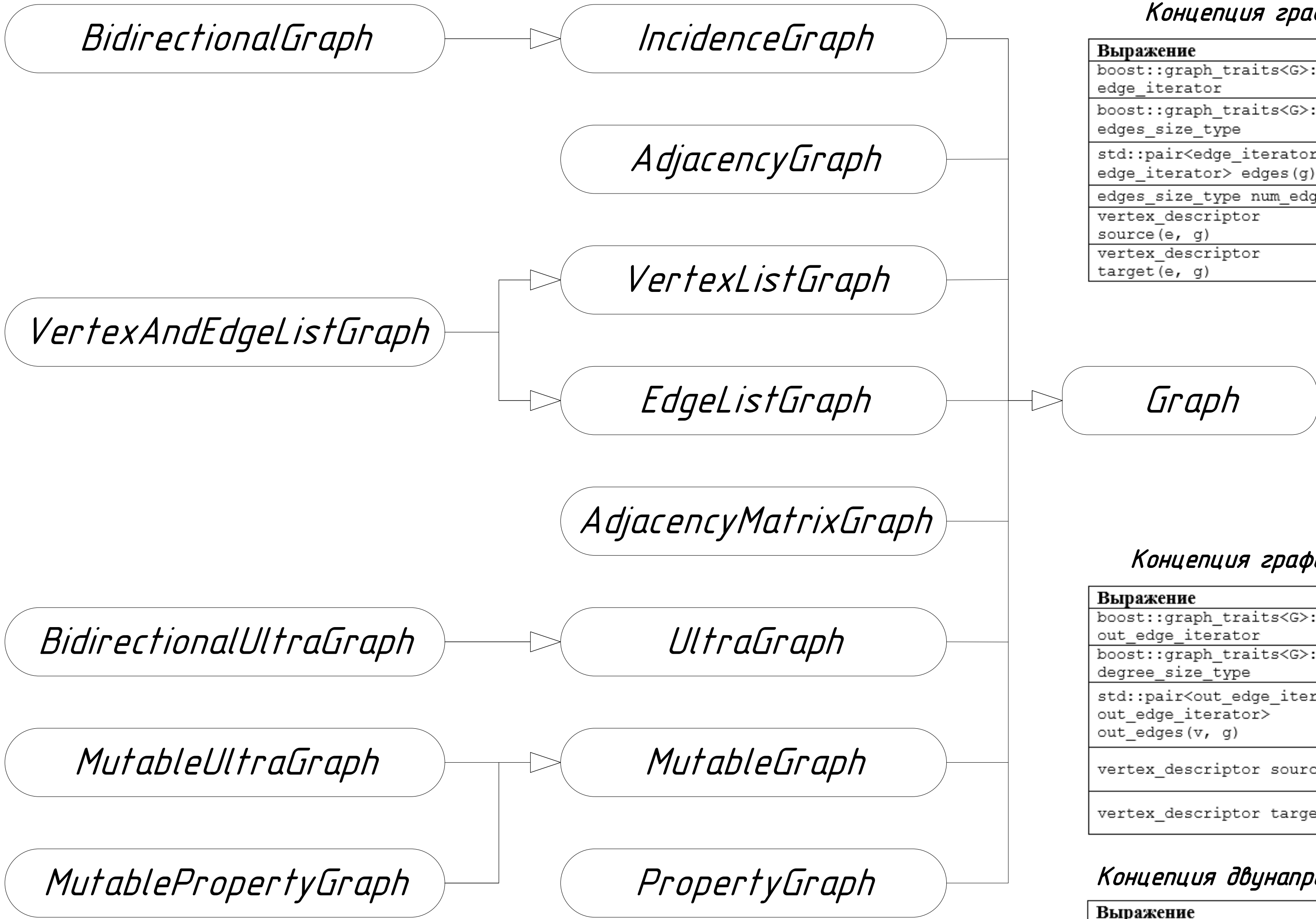
Ключ				Значение
id графа	Бит инцидентности	id ребра	id вершины	
id графа	0	0 ... 0		Общее кол-во ребер
id графа	0	id ребра	0 ... 0	Данные ребра
id графа	0	id ребра	1 ... 1	Кол-во вершин, из кот. выходит ребро
id графа	1	id ребра	1 ... 1	Кол-во вершин, в кот. входит ребро

Диаграмма классов программного интерфейса процессора обработки структур



Выпускная квалификационная работа магистра				Библиотека элементов программного интерфейса для обработки графов			
Имя	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	Диаграмма классов программного интерфейса процессора обработки структур	Лист 6	Листов 10
Разработ	Кирьяченко А.В.			25.05.2025			
Провер	Попов А.В.			25.05.2025			
Т. контроль	Еремин О.В.						
Реценз							
И. контроль							
Умб							

Концепции представления графов



Концепция графа списка ребер (EdgeListGraph)

Выражение	Описание
boost::graph_traits<G>::edge_iterator	Итератор по всем ребрам.
boost::graph_traits<G>::edges_size_type	Целочисленный тип для обозначения количества ребер в графе.
std::pair<edge_iterator, edge_iterator> edges(g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ ко всем ребрам.
edges_size_type num_edges(g)	Количество ребер в графе g.
vertex_descriptor source(e, g)	Возвращает источник для ребра e.
vertex_descriptor target(e, g)	Возвращает сток для ребра e.

Концепция графа инцидентности (IncidenceGraph)

Выражение	Описание
boost::graph_traits<G>::out_edge_iterator	Итератор по исходящим ребрам.
boost::graph_traits<G>::degree_size_type	Целочисленный тип степени вершины.
std::pair<out_edge_iterator, out_edge_iterator> out_edges(v, g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ к исходящим ребрам вершины v в графе g.
vertex_descriptor source(e, g)	Возвращает дескриптор источника для ребра e.
vertex_descriptor target(e, g)	Возвращает дескриптор стока для ребра e.

Концепция двунаправленного графа (BidirectionalGraph)

Выражение	Описание
boost::graph_traits<G>::in_edge_iterator	Итератор по входящим ребрам.
std::pair<in_edge_iterator, in_edge_iterator> in_edges(v, g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ к входящим ребрам для вершины v в графе g.
degree_size_type in_degree(v, g)	Возвращает количество входящих ребер.
degree_size_type degree(e, g)	Возвращает степень вершины.

Концепция ультраграфа (UltraGraph)

Выражение	Описание
graph_traits<G>::target_iterator	Итератор по вершинам «стокам».
std::pair<target_iterator, target_iterator> targets(e, g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ к стокам для ребра e в графе g.
degree_size_type targets_cnt(e, g)	Возвращает количество вершин «стоков» для ребра e.

Концепция двунаправленного ультраграфа (BidirectionalUltraGraph)

Выражение	Описание
graph_traits<G>::source_iterator	Итератор по вершинам «источникам».
std::pair<source_iterator, source_iterator> sources(e, g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ к источникам для ребра e в графе g.
degree_size_type sources_cnt(e, g)	Возвращает количество вершин «источников» для ребра e.

Концепция графа списка вершин (VertexListGraph)

Выражение	Описание
boost::graph_traits<G>::vertex_iterator	Итератор по всем вершинам.
boost::graph_traits<G>::vertices_size_type	Целочисленный тип для обозначения количества вершин в графе.
std::pair<vertex_iterator, vertex_iterator> vertices(g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ ко всем вершинам в графе g.
vertices_size_type num_vertices(g)	Количество вершин в графе g.

Концепция изменяемого графа (MutableGraph)

Выражение	Описание
vertex_descriptor add_vertex(g)	Добавляет вершину в граф g.
void clear_vertex(v, g)	Удаляет все ребра смежные с вершиной.
void remove_vertex(v, g)	Удаляет вершину v из графа g.
std::pair<edge_descriptor, bool> add_edge(u, v, g)	Вставляет ребро в граф g между вершинами u и v. Если граф запрещает параллельные ребра, то флаг устанавливается в значение false.
void remove_edge(u, v, g)	Удаляет все ребра между вершинами.
void remove_edge(e, g)	Удаляет ребро e из графа g.

Концепция изменяемого графа свойств (MutablePropertyGraph)

Выражение	Описание
vertex_descriptor add_vertex(vp, g)	Добавляет вершину со свойствами vp в граф g.
std::pair<edge_descriptor, bool> add_edge(u, v, ep, g)	Добавляет ребро со свойствами ep между вершинами u и v в граф g.

Концепция графа свойств (PropertyGraph)

Выражение	Описание
boost::property_map<G, Property>::type	Тип изменяемой карты свойств.
boost::property_map<G, Property>::const_type	Тип неизменяемой карты свойств.
get(property, g)	Возвращает объект карты свойства для графа g.
get(property, g, x)	Получить значение свойства для вершины или ребра x.
put(property, g, x, v)	Установить значение свойства для вершины или ребра x.

Концепция изменяемого ультраграфа (MutableUltraGraph)

Выражение	Описание
void connect_source(e, v, g)	Присоединяет как «источник» вершину v к ребру e.
void connect_target(e, v, g)	Присоединяет как «сток» вершину v к ребру e.
void disconnect_source(e, v, g)	Отсоединяет вершину «источник» v от ребра e.
void disconnect_target(e, v, g)	Отсоединяет вершину «сток» v от ребра e.

Концепция абстрактного графа (Graph)

Выражение	Описание
boost::graph_traits<G>::vertex_descriptor	Тип дескриптора вершины.
boost::graph_traits<G>::edge_descriptor	Тип дескриптора ребра.
boost::graph_traits<G>::directed_category	Указывается является ли граф ориентированным.
boost::graph_traits<G>::edge_parallel_category	Здесь описывается, допускает ли класс графа вставку параллельных ребер (ребер с одинаковым источником и стоком).
boost::graph_traits<G>::traversal_category	Здесь описываются способы посещения вершин и ребер графа.

Концепция матрицы смежности (AdjacencyMatrix)

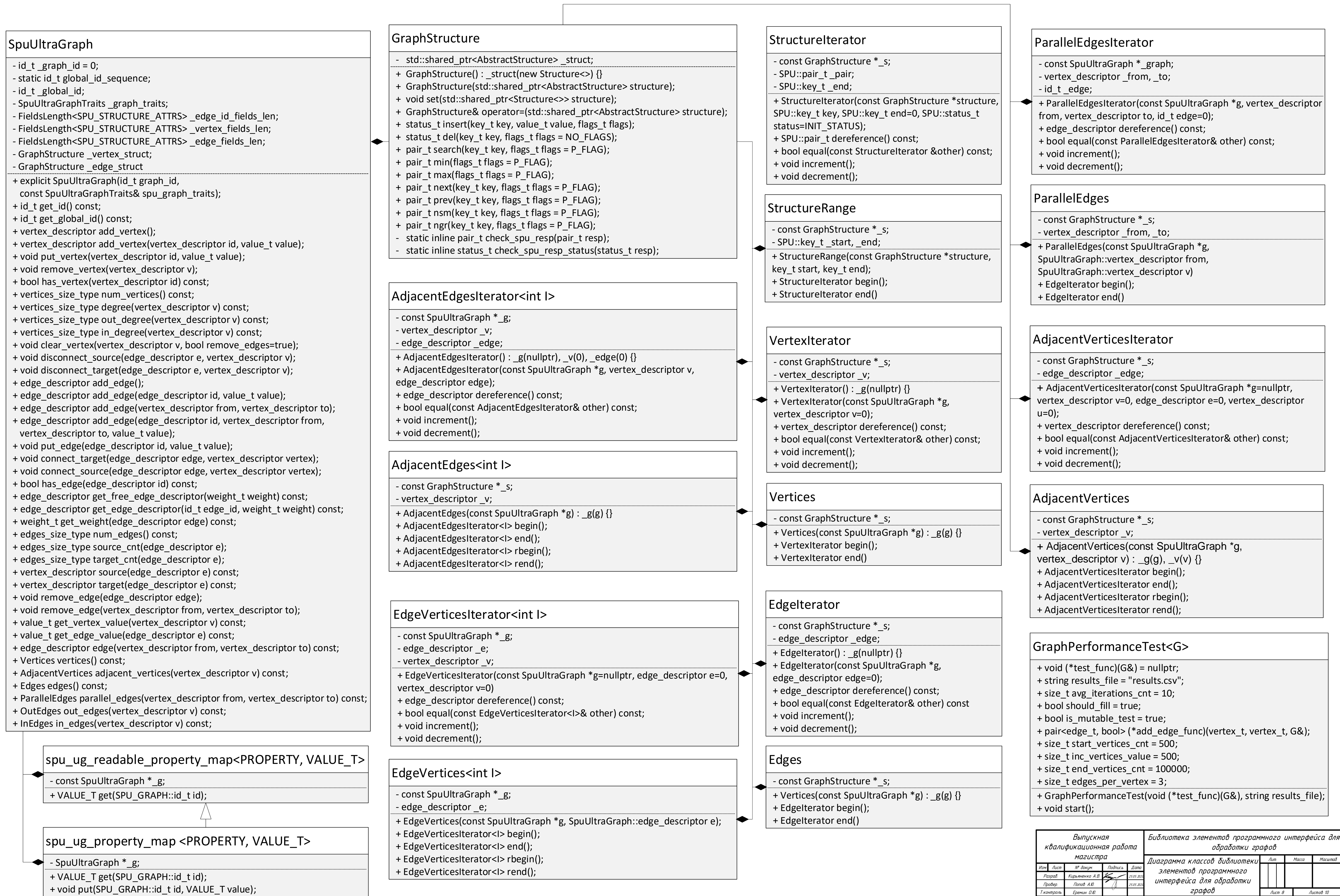
Выражение	Описание
std::pair<edge_descriptor, bool> edge(u, v, g)	Возвращает пару, состоящую из флага, указывающего, существует ли ребро между u и v в графе g, и дескриптора ребра.

Концепция графа смежности (AdjacencyGraph)

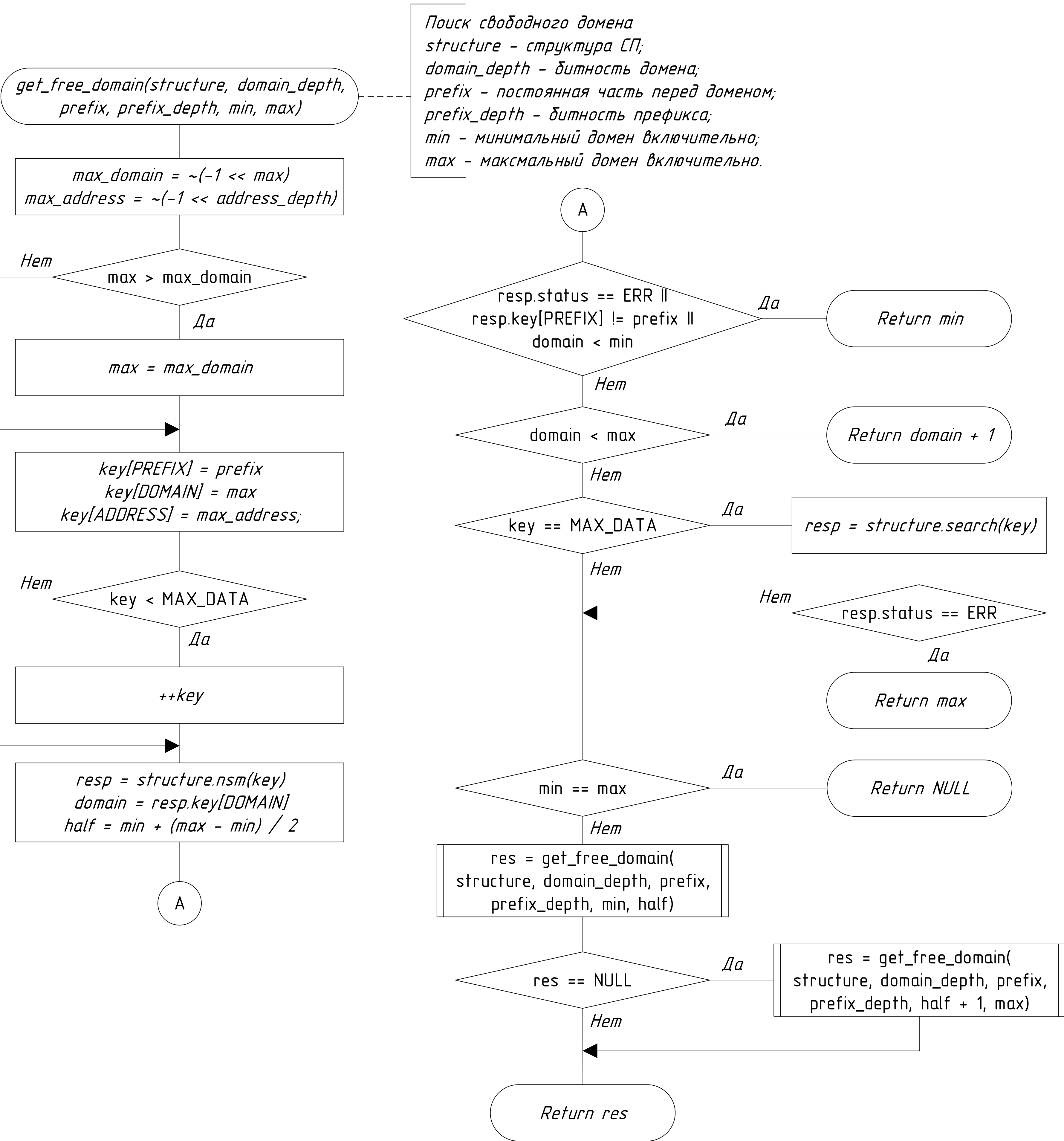
Выражение	Описание
boost::graph_traits<G>::adjacency_iterator	Итератор по смежным вершинам.
std::pair<adjacency_iterator, adjacency_iterator> adjacent_vertices(v, g)	Возвращает диапазон итераторов, обеспечивающий доступ к смежным вершинам для вершины v в графе g.

Выпускная квалификационная работа магистра					Библиотека элементов программного интерфейса для обработки графов		
Имя	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	Концепции представления графов		
Разраб.	Кирилленко А.В.			25.05.2025			
Пробир.	Попов А.В.			25.05.2025			
Т. контроль	Евсеев Д.В.						
Реценз.					Лист 7		Листов 10
И. контроль					МГТУ им. Н.Э. Баумана группа ИУ6-41М		
Упр.							

Диаграмма классов библиотеки элементов программного интерфейса для обработки графов



Алгоритм поиска свободного домена



Организация хранения данных в СП

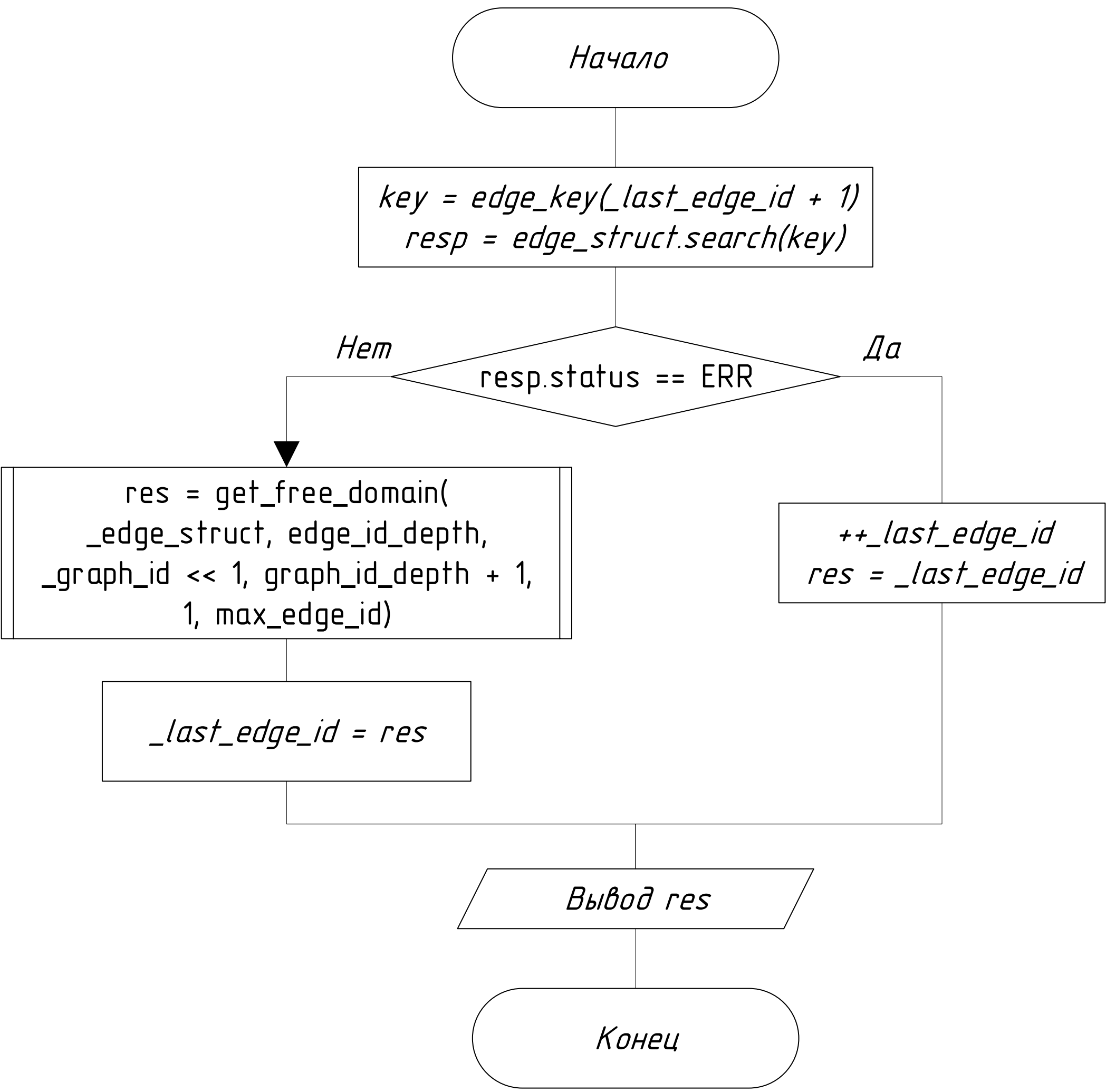
Ключ (64 бит)			Значение (64 бит)
Префикс	Домен	Адрес	

Асимптотическая сложность:

$O(\log_2(2^{D_{domain}}) * \log_8(n)) = O(D_{domain} * \log_8(n))$

D_{domain} - битность домена
 n - количество записей в структуре СП
 $\log_2(n)$ - асимптотическая сложность команд поиска СП

Алгоритм поиска свободного ID ребра



Выпускная квалификационная работа магистра				Библиотека элементов программного интерфейса для обработки графов		
Имя	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	Лит	Масштаб
Разраб.		Корыченко А.В.		25.05.2025		
Провер.		Попов А.В.		25.05.2025		
Т. контроль		Еремеев О.В.				
Реценз.						
И. контроль						
Упр.						
Схемы алгоритмов					Лист 9	Листов 10
					МГТУ им. Н.Э. Баумана группа ИУ6-41М	

Тестирование библиотеки элементов программного интерфейса для обработки графов

Параметры тестирования производительности

Параметр	Значение
Вид графа	Граф решетки
Начальное количество вершин	1000
Инкремент количества вершин	1000
Конечное количество вершин	100000
Начальное количество ребер	2000
Инкремент количества ребер	2000
Конечное количество ребер	200000
Количество тестов производительности	99
Количество повторных тестов для подсчета среднего	10
Общее количество тестов	990

Для обеспечения качества и надежности в общем случае было написано 42 юнит-теста. Также для тестирования графовых концепций использовались тесты, предоставляемые библиотекой Boost Graph Library.

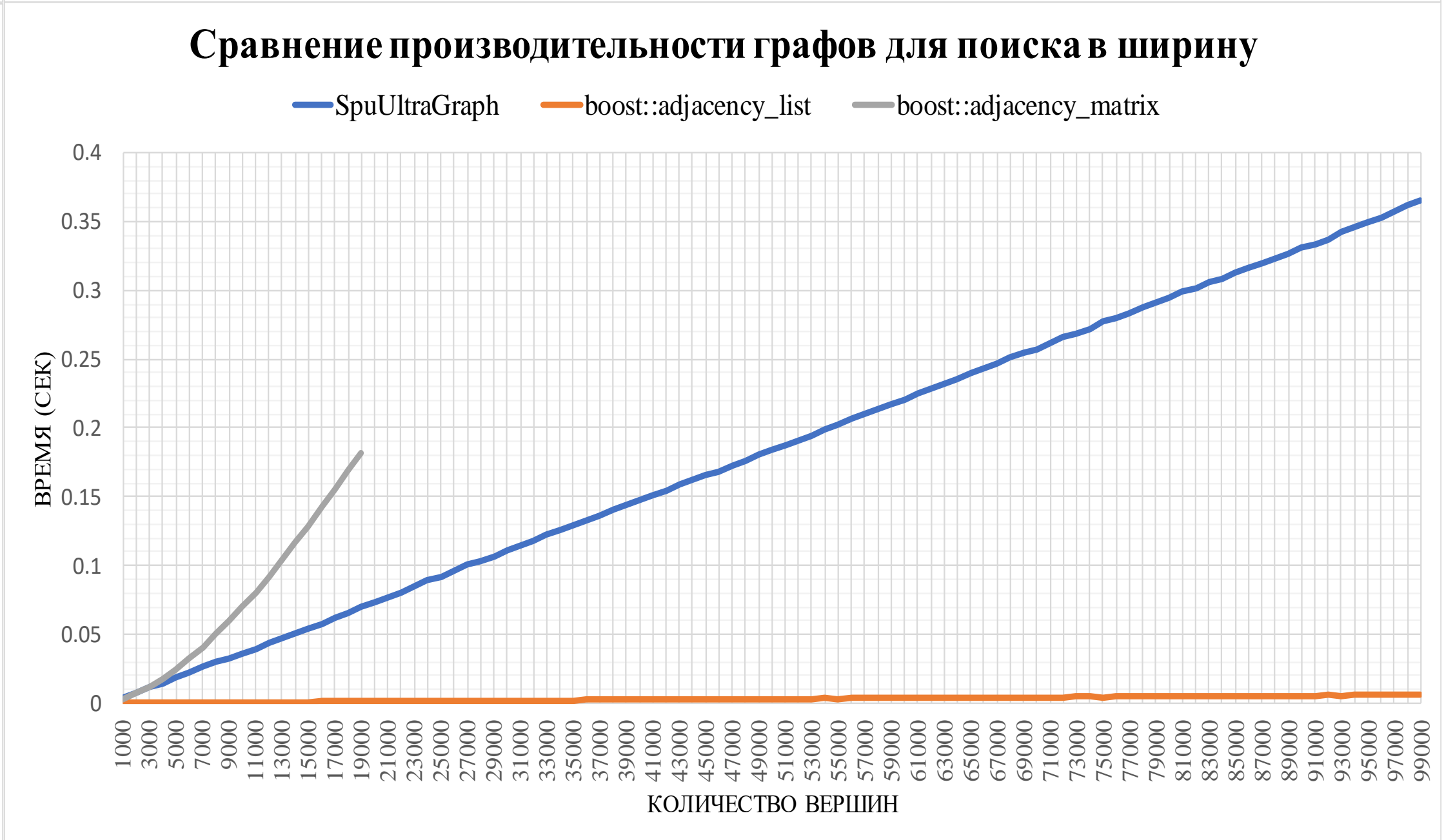
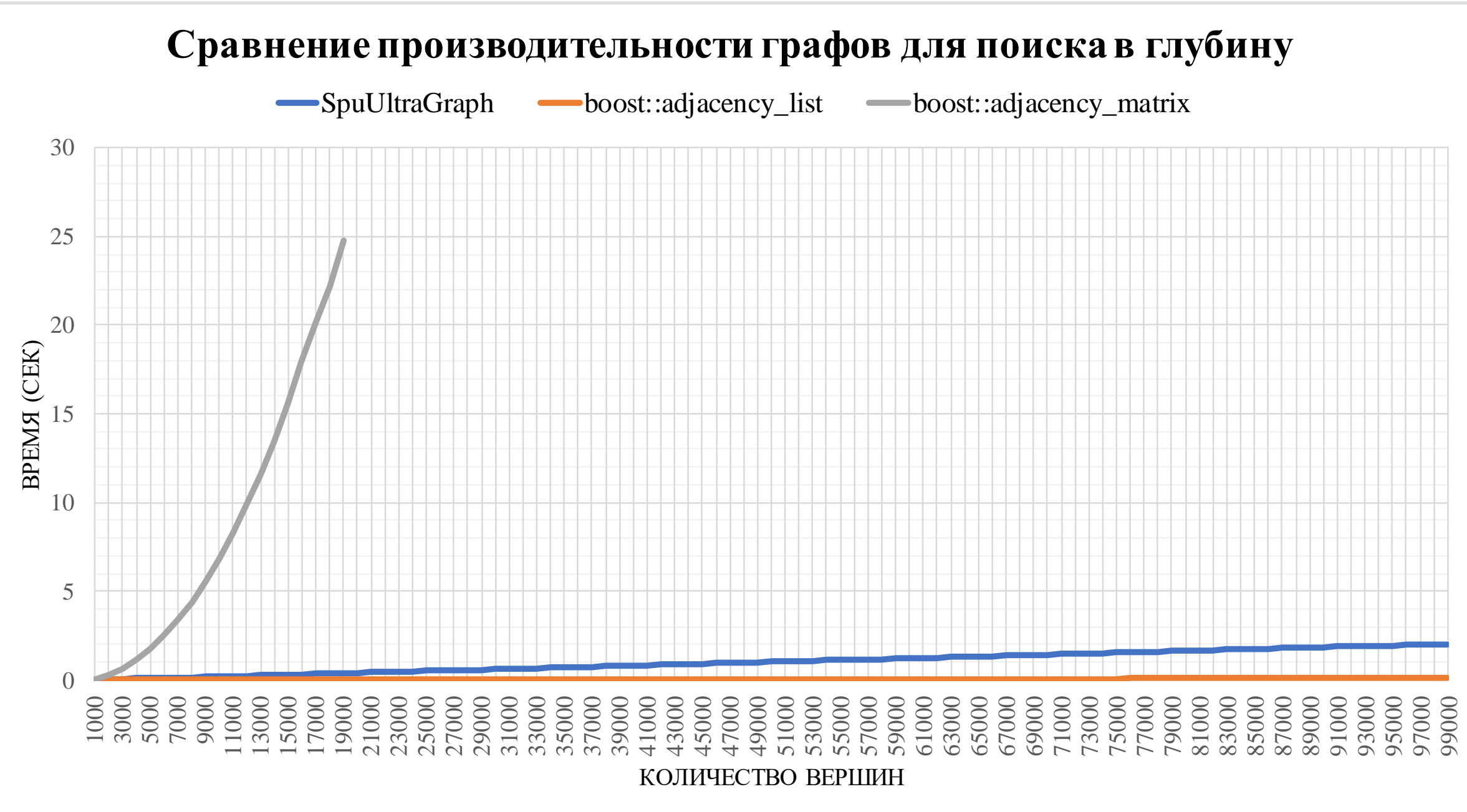
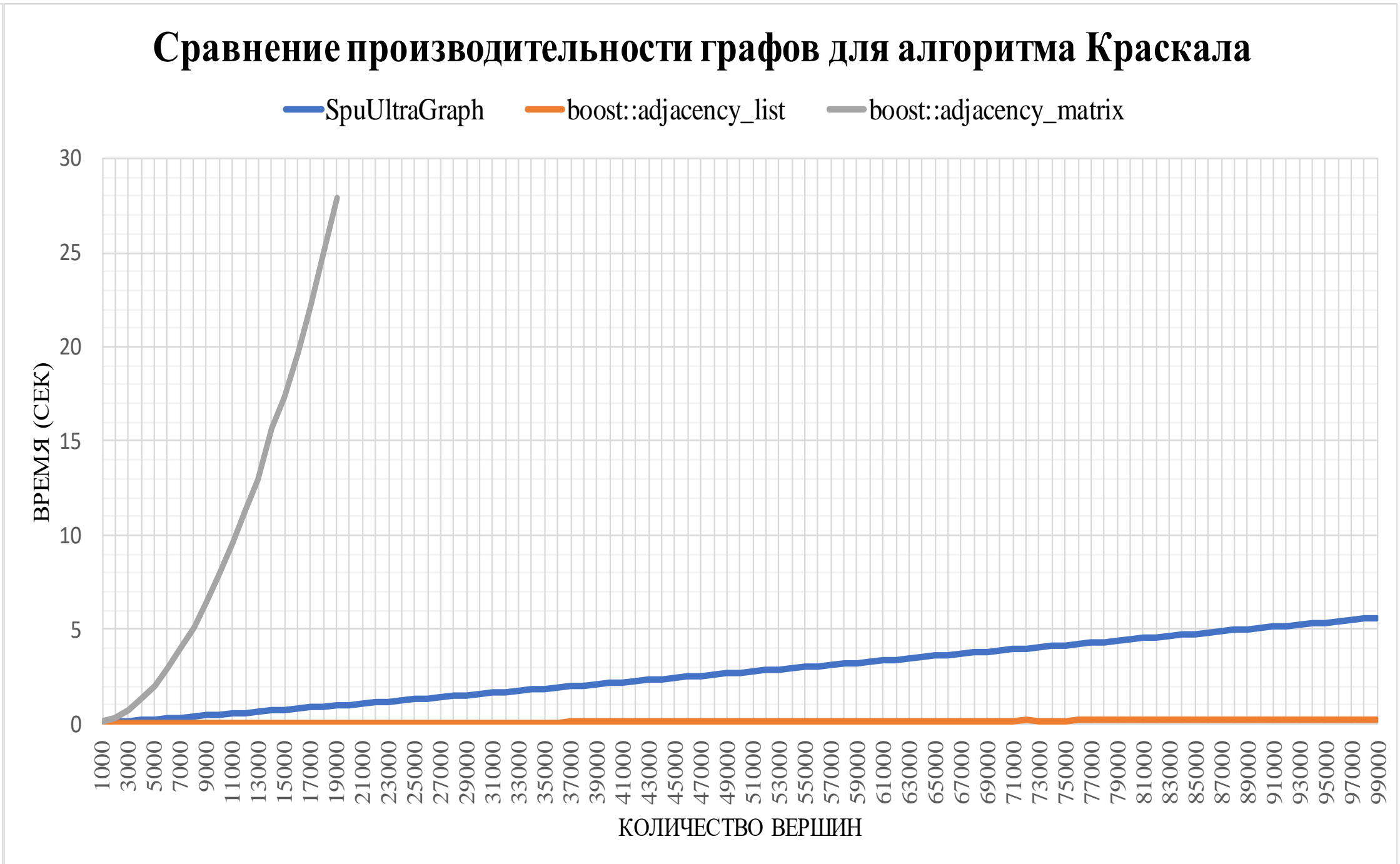
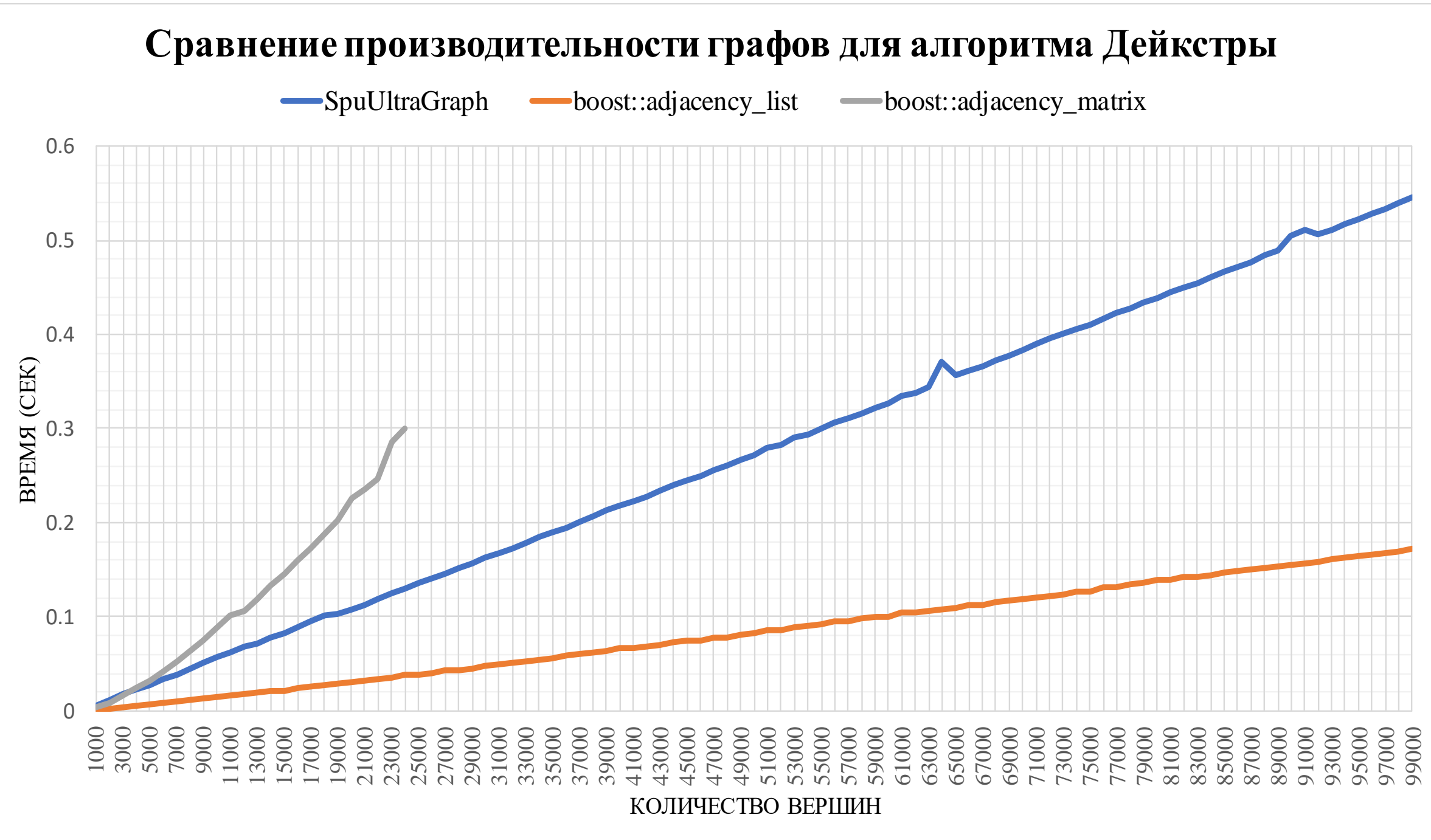
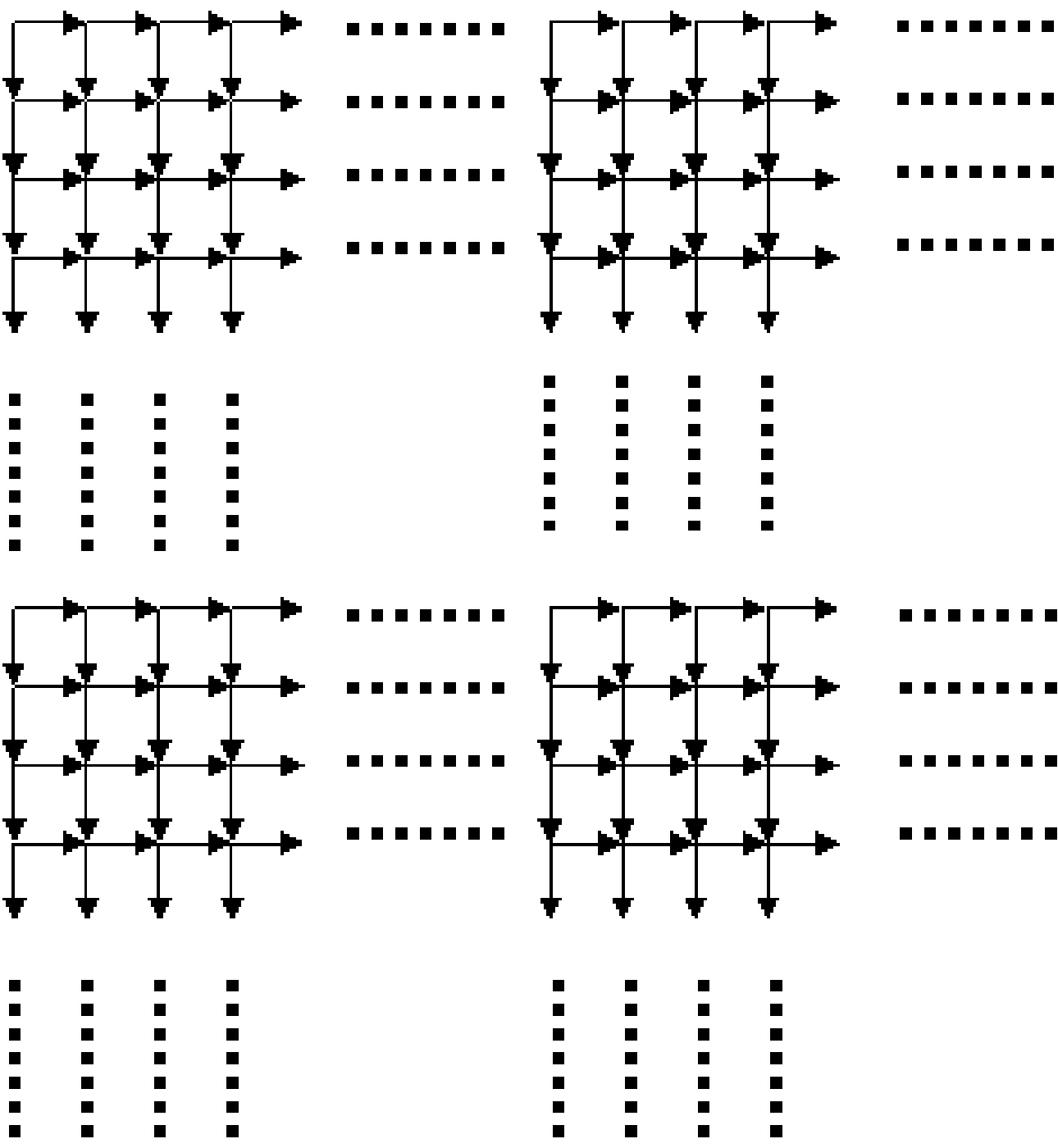
Была проведена оценка покрытия тестами, в ходе которой было выяснено, что тесты покрывают 82% исходного кода.

В результате проведенного тестирования было выяснено, что разработанная библиотека для обработки графов соответствует всем предъявляемым требованиям.

Технические характеристики ЭВМ

Параметр	Значение
Процессор	Intel Core i5-6600
Тактовая частота процессора	3,3 ГГц
Объем ОЗУ	8 Гб
Операционная система	Ubuntu 18.04

При тестировании производительности строился двумерный граф решетки



Выпускная квалификационная работа магистра				Библиотека элементов программного интерфейса для обработки графов		
Имя	Лист	№ докум.	Подпись	Дата	Тестирование библиотеки элементов программного интерфейса для обработки графов	
Разработчик	Карамышев А.В.			25.05.2025	Лист 10	Листов 10
Проверен	Попов А.В.			25.05.2025		
Т. контроль	Ермиш О.В.					
Рецензент						
И. контроль						
Уч.б.						