# Лекция 1 Многопроцессорные вычислительные системы

#### Курносов Михаил Георгиевич

E-mail: mkurnosov@gmail.com WWW: www.mkurnosov.net

Курс «Параллельные вычислительные технологии» Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики (г. Новосибирск)



# Архитектура ЭВМ Дж. фон Неймана

#### Основные черты архитектуры ЭВМ Дж. Фон Неймана

- Принцип однородности памяти команды и данные хранятся в одной и той же памяти (внешне неразличимы)
- Принцип адресности память состоит из пронумерованных ячеек, процессору доступна любая ячейка
- Принцип программного управления вычисления представлены в виде программы, состоящей из последовательности команд
- Принцип двоичного кодирования вся информация, как данные, так и команды, кодируются двоичными цифрами 0 и 1

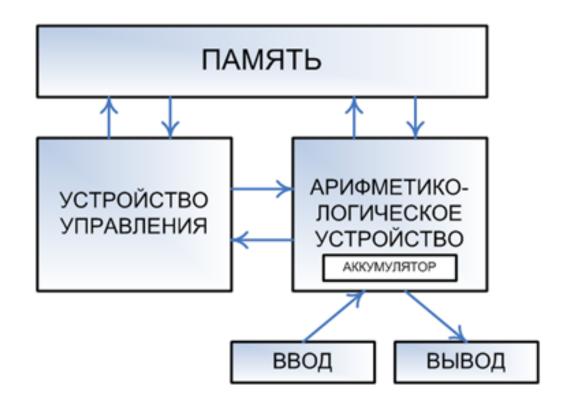
#### Первые ЭВМ с хранимой в памяти программой

■ EDVAC (1944-1951, США): Дж. Экерт, Дж. Мокли, <u>Дж. Фон Нейман</u>, Г. Голдсайн



The EDVAC as installed in Building 328 at the Ballistics Research Laboratory,
Maryland USA // Wikipedia

#### Архитектура ЭВМ Дж. фон Неймана



Узкое место архитектуры Дж. фон Неймана — совместное использование шины для доступа к памяти за данными и командами программы (это ограничивает пропускную способность между процессором и памятью)

#### Пути увеличения производительности ЭВМ

#### Совершенствование элементной базы

• Электромеханические реле, вакуумные лампы



Транзисторы



Микросхемы низкой степени интеграции



БИС, СБИС, микропроцессоры



• Оптические, квантовые, молекулярные процессоры

#### Пути увеличения производительности ЭВМ

#### Совершенствование архитектуры ЭВМ

- Совершенствование процесса выполнения инструкций
- Совершенствование архитектуры набора команд (Instruction Set Architecture ISA):
   RISC, CISC, MISC, VLIW
- Параллелизм уровня инструкций (Instruction Level Parallelism ILP):
   конвейерная архитектура, суперскалярная обработка, VLIW
- Параллелизм уровня потоков (Thread Level Parallelism TLP): многопроцессорные системы, одновременная многопоточность, многоядерные процессоры
- Параллелизм данных (Data Parallelism):
   векторная обработка данных (векторные процессоры/инструкции)

#### Пути увеличения производительности ЭВМ

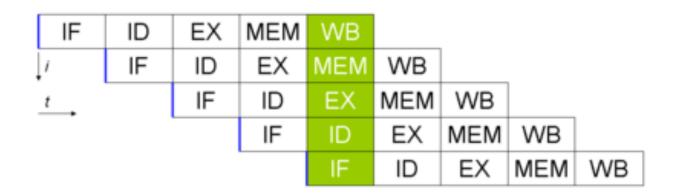
#### Совершенствование архитектуры ЭВМ

- Смена парадигмы организации вычислений
- Архитектура с управлением потоком команд (Control flow, классическая архитектура фон Неймана) последовательность выполнения инструкций задана программой
- Архитектура с управлением потоком данных (Data flow) —
  нет счетчика инструкций, команды выполняются по готовности входных данных
  (операндов), порядок выполнения операций заранее неизвестен

Бурцев В.С. *Новые принципы организации вычислительных процессов высокого параллелизма //* MCO-2003, URL: <a href="http://old.lvk.cs.msu.su/files/mco2003/burtsev.pdf">http://old.lvk.cs.msu.su/files/mco2003/burtsev.pdf</a>

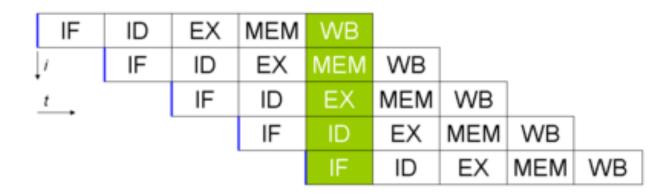
Параллелизм уровня инструкций (Instruction Level Parallelism — ILP)

### Вычислительный конвейер (Instruction pipeline)



- Микроконтроллеры Atmel AVR, PIC 2-этапный конвейер
- **Intel 80486** 5-stage (scalar, CISC)
- Intel Pentium 5-stage (2 integer execution units)
- Intel Pentium Pro 14-stage pipeline
- Intel Pentium 4 (Cedar Mill) 31-stage pipeline
- Intel Core i7 4771 (Haswell) 14-stage pipeline
- ARM Cortex-A15 15 stage integer/17–25 stage floating point pipeline

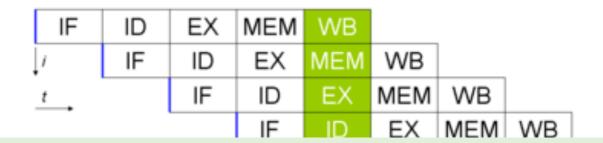
### Вычислительный конвейер (Instruction pipeline)



# Основные этапы обработки инструкций (RISC pipeline)

- IF (Instruction Fetch) загрузка инструкции из памяти (кэша инструкций, 1 такт)
- 2. ID (Instruction Decode) декодирование инструкции
- 3. **EX** (Execution) выполнение (Reg-Reg Op. 1 такт, Mem. ref. 2 такта; Div, Mul, FP Ops. >1 такта)
- 4. MEM (Memory access) доступ к памяти (чтение/запись)
- **5. WB** (Register Write Back) запись в регистры

### Вычислительный конвейер (Instruction pipeline)



# Максимальное ускорение (Pipeline speedup) равно числу этапов конвейера

- 1. IF (Instruction Fetch) загрузка инструкции из памяти (кэша инструкций, 1 такт)
- 2. ID (Instruction Decode) декодирование инструкции
- 3. **EX** (Execution) выполнение (Reg-Reg Op. 1 такт, Mem. ref. 2 такта; Div, Mul, FP Ops. >1 такта)
- 4. **MEM** (Memory access) доступ к памяти (чтение/запись)
- **5. WB** (Register Write Back) запись в регистры

### Конфликты данных (Data hazards)

- Текущий шаг конвейера не может быть выполнен,
   так как зависит от результатов выполнения предыдущего шага
- Возможные причины:
  - **Read After Write (RAW)** True dependency

```
i1: R2 = R1 + R3
i2: R4 = R2 + R3
```

Write After Read (WAR) – Anti-dependency

$$R4 = R1 + R3$$
  
 $R3 = R1 + R2$ 

○ Write After Write (WAW) — Output dependency

```
R2 = R4 + R7
R2 = R1 + R3
```

Для разрешения проблемы конвейер приостанавливается (pipeline stall, bubble)

## Конфликты данных (Data hazards)

- Текущий шаг конвейера не может быть выполнен,
   так как зависит от результатов выполнения предыдущего шага
- Возможные причины:
  - **Read After Write (RAW)** True dependency

○ Write After Read (WAR) — Anti-dependency

$$R4 = R1 + R3$$
  
 $R3 = R1 + R2$ 

Write After Write (WAW) – Output dependency

$$R2 = R4 + R7$$
  
 $R2 = R1 + R3$ 

Step	IF	ID	EX	ST
1	i1			
2	i2	i1		
3		i2	i1	
4			i2	i1
5				

Data Hazard – Read After Write (RAW)

Для разрешения проблемы конвейер приостанавливается (pipeline stall, bubble)

### Конфликты управления (Control hazards)

```
.text
    movl %ebx, %eax
    cmpl $0x10, %eax
    jne not equal
    mov1 %eax, %ecx
    jmp end
not equal:
   movl $-0x1, %ecx
end:
```

Step	IF	ID	EX	ST
1	movl			
2	cmpl	movl		
3	jne	cmpl	movl	
4	???	jne	cmpl	mov1
5				
6				
7				

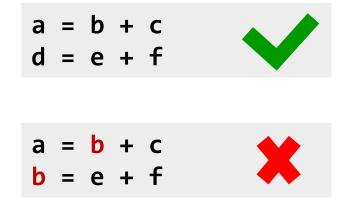
Какую инструкцию выбирать из памяти (IF) на шаге 4?

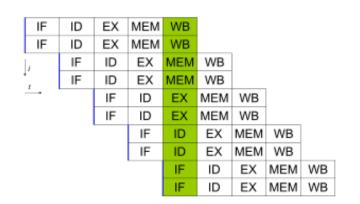
(инструкция јпе еще не выполнена)

В процессоре присутствует **модуль предсказания переходов** (Branch Prediction Unit – BPU), который управляет счетчиком команд

### Суперскалярные процессоры (Superscalar)

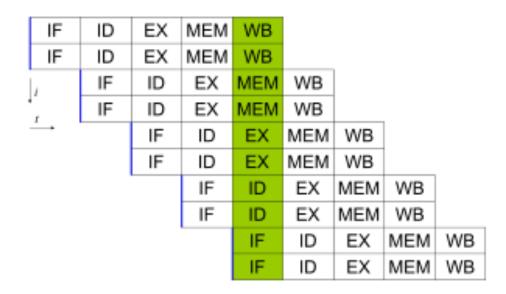
- Исполняющие модули конвейера присутствуют в нескольких экземплярах (несколько ALU, FPU, Load/Store-модулей)
- За один такт процессор выполняет параллельно несколько инструкций
- Процессор динамически проверяет входные инструкции на зависимость по данным динамический планирование выполнения инструкция (идеи dataflow-архитектуры)
- Внеочередное исполнение команд (Out-of-order execution) переупорядочивание команд для максимально загрузки ALU, FPU, Load/Store (минимизация зависимости по данным между инструкциями, выполнение инструкций по готовности их данных)
- Dynamic scheduling: scoreboarding (CDC 6600, 1965), алгоритм Р. Томасуло (IBM S/360, 1967)



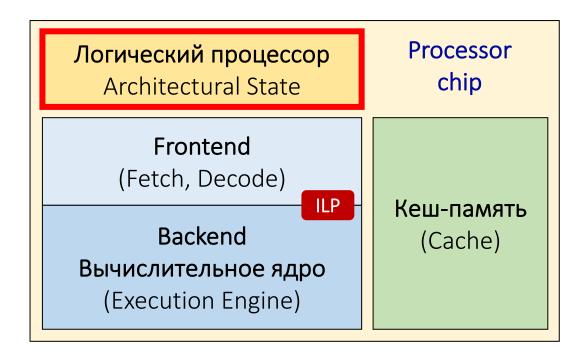


#### Суперскалярные процессоры (Superscalar)

- **CDC 6600** (1965)
- Intel i960CA (1988)
- **AMD 29000-series 29050** (1990)
- Intel Pentium первый суперскалярный х86 процессор, 2 datapaths (pipelines)



### Организация ядра процессора с архитектурой Intel 64

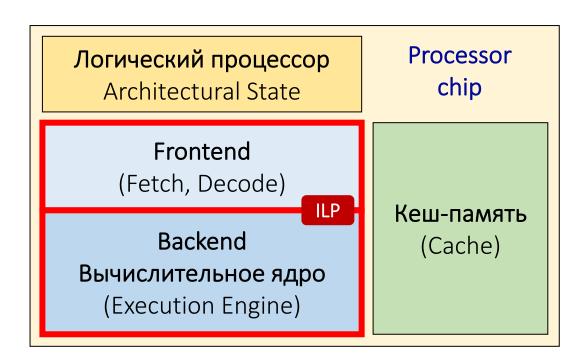


☐ Intel64 and IA-32 Architectures Software Developer Manuals //

https://software.intel.com/en-us/articles/intel-sdm

- Логический процессор (Logical processor) представлен архитектурным состоянием и контроллером прерываний (Interrupt controller, APIC)
- Архитектурное состояние
   (Architectural state, AS) включает:
  - □ регистры общего назначения (RAX, RBX, ...)
  - $\square$  сегментные регистры (CS, DS, ...),
  - □ управляющие регистры (RFLAGS, RIP, GDTR, ...)
  - X87 FPU-регистры, MMX/XMM/YMM-регистры
  - MSR-регистры (time stamp counter, ...)
- Логический процессор это то, что "видит" операционная система

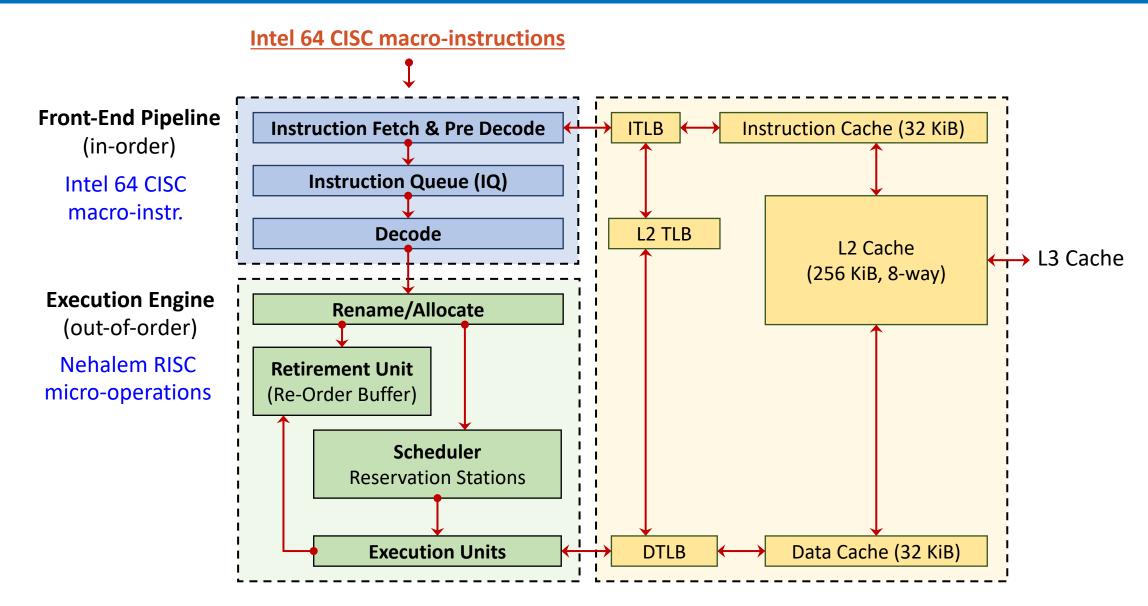
### Организация ядра процессора с архитектурой Intel 64



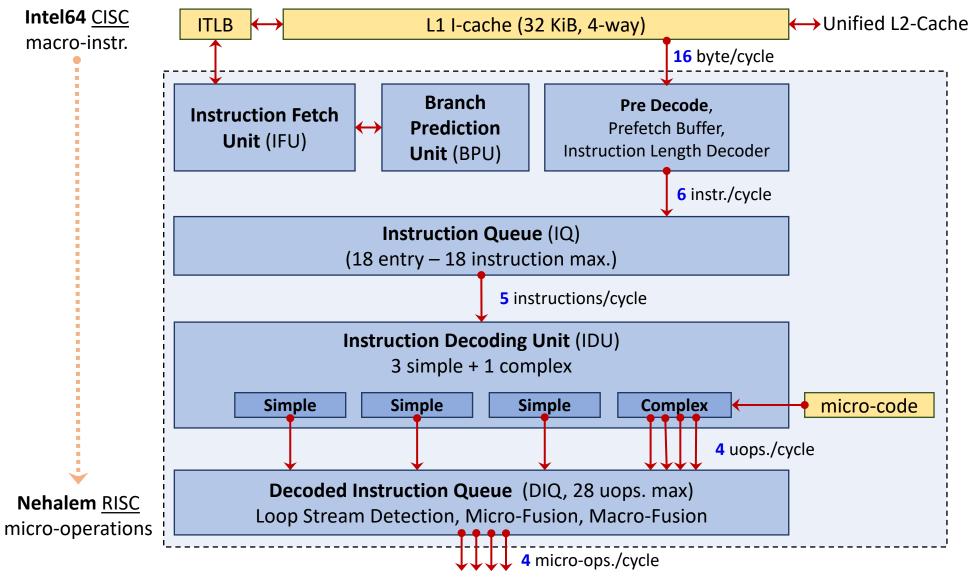
- Логический процессор использует ресурсы вычислительного ядра (Execution engine)
- Frontend реализует выборку, декодирование инструкций, поддерживает очередь для передачи инструкций в Backend

- **Backend** это вычислительное ядро; его динамический планировщик распределяет инструкции по исполняющим устройствам: ALU, FPU, Load/Store
- Backend реализует параллельное выполнение инструкций (Instruction level parallelism ILP)

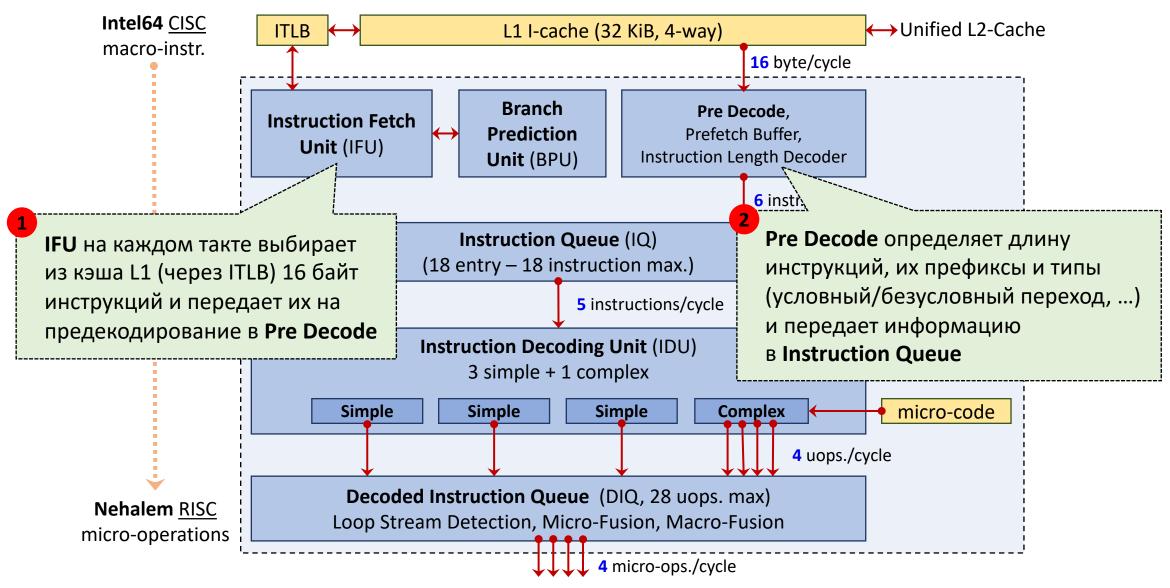
## Intel Nehalem Core Pipeline



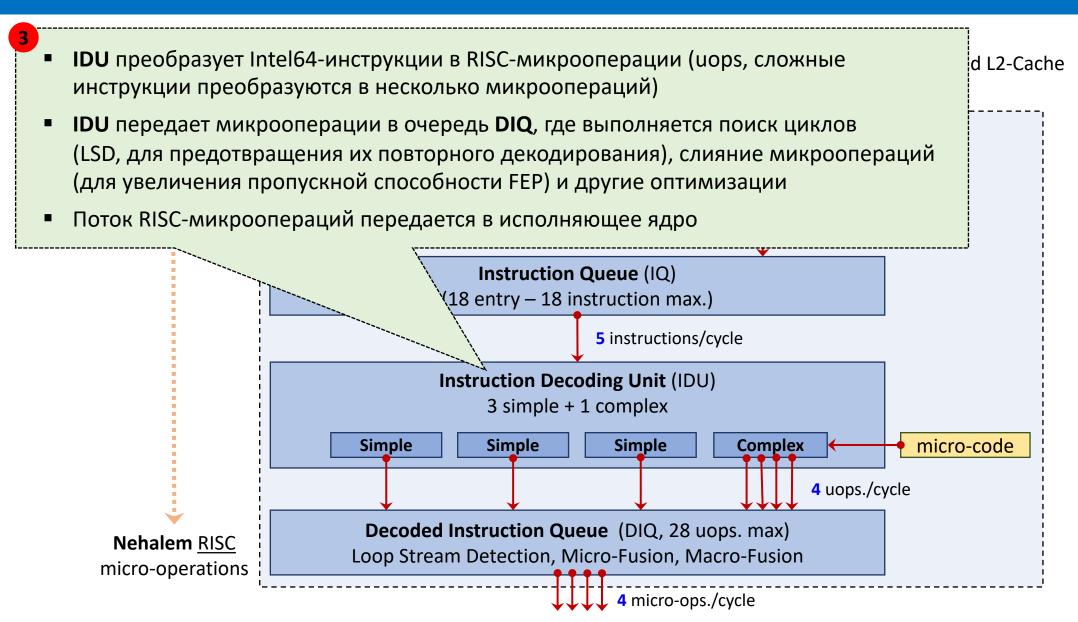
# Intel Nehalem Frontend Pipeline (in-order)

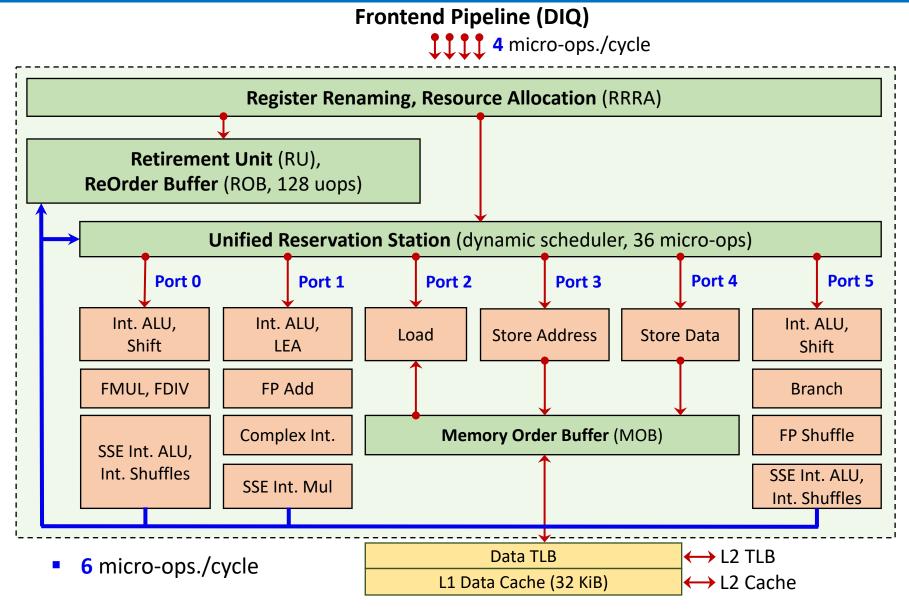


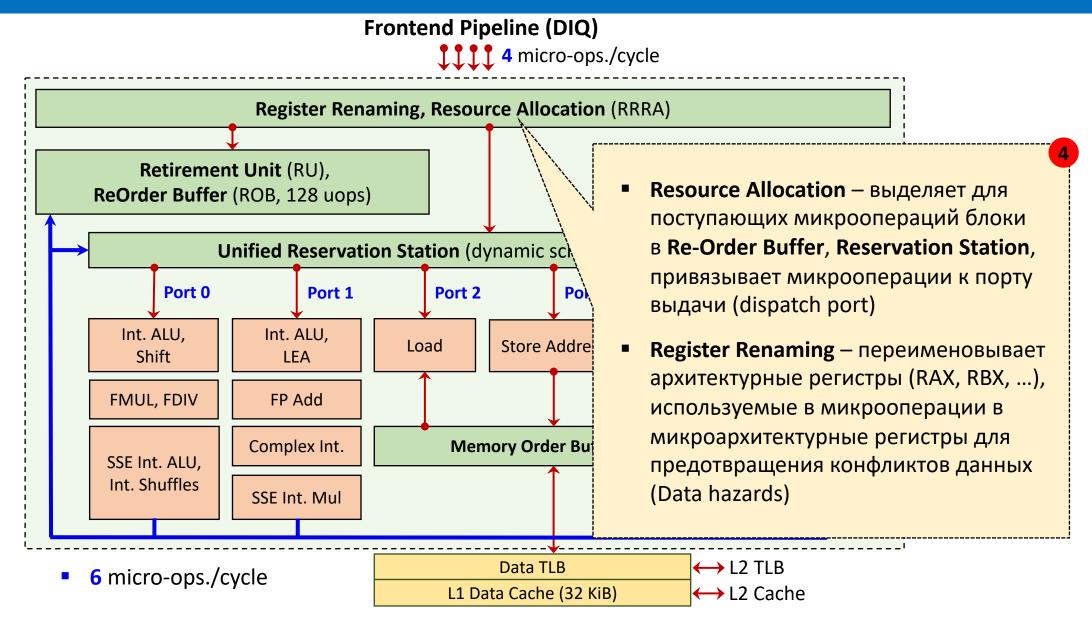
# Intel Nehalem Frontend Pipeline (in-order)

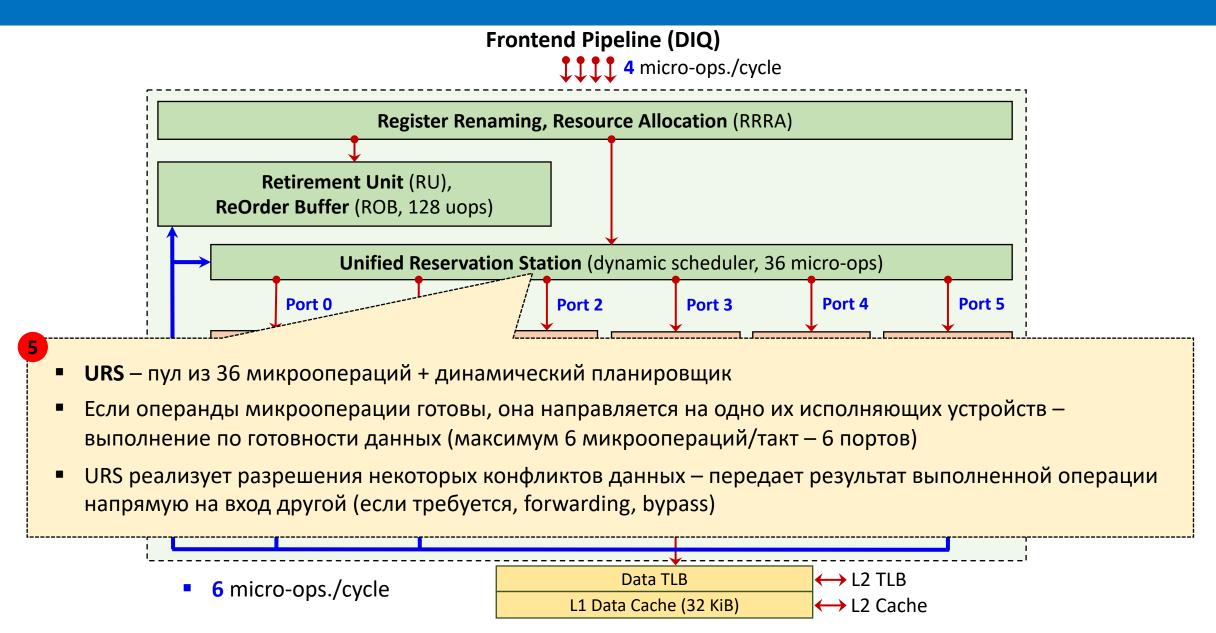


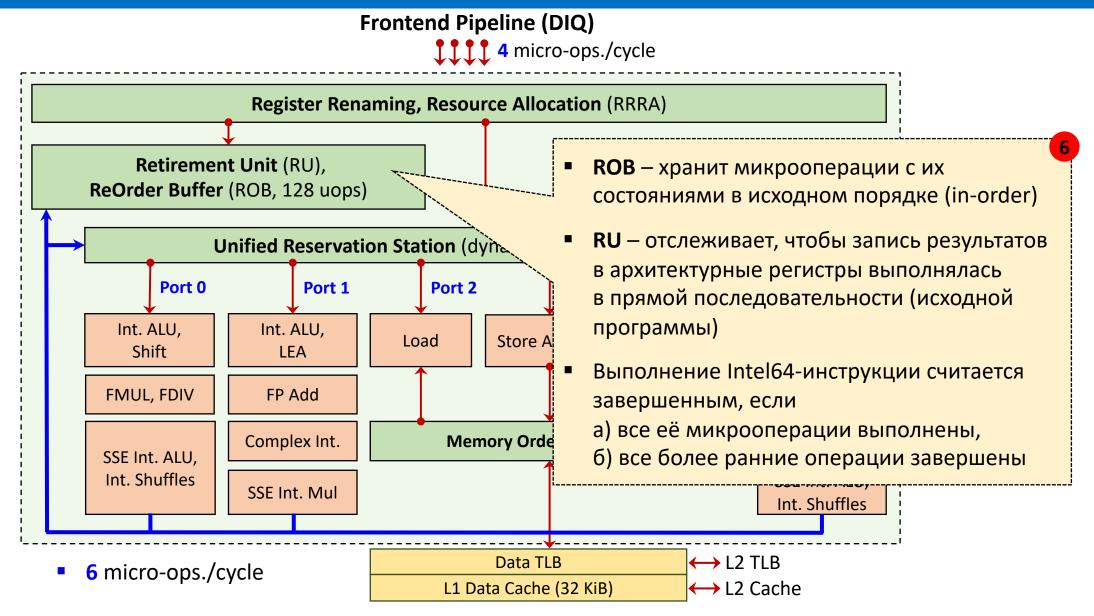
## Intel Nehalem Frontend Pipeline (in-order)



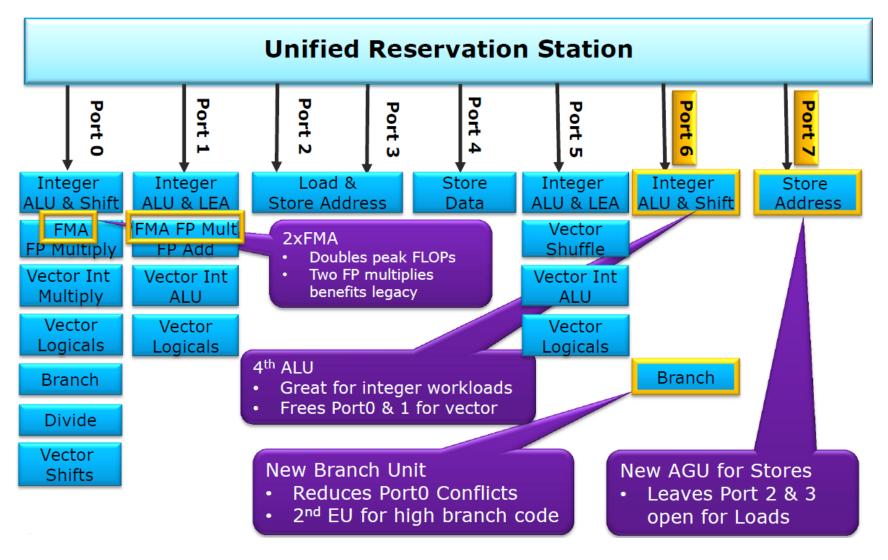








## Intel Haswell Execution Engine (backend)



http://arstechnica.com/gadgets/2013/05/a-look-at-haswell/2/

### Параллелизм уровня инструкций (Instruction level parallelism – ILP)

- Суперскалярный конвейер (Superscalar pipeline) исполняющие модули конвейера присутствуют в нескольких экземплярах (несколько ALU, FPU, Load/Store-модулей)
- Внеочередное исполнение команд (Out-of-order execution) переупорядочивание команд для максимально загрузки ALU, FPU, Load/Store (минимизация зависимости по данным между инструкциями, выполнение инструкций по готовности их данных элементы dataflow-архитектуры)

Intel 64

**CPI < 1** 

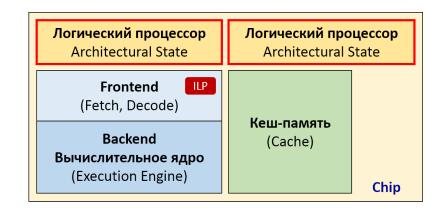
(Cycles per instruction)

- SIMD-инструкции модули ALU, FPU, Load/Store поддерживают операции над векторами (наборы инструкций SSE, AVX, AltiVec, NEON SIMD)
- VLIW-архитектура (Very Long Instruction Word) процессор с широким командным словом оперирует с инструкциями, содержащими в себе несколько команд, которые можно выполнять параллельно на ALU/FPU/Load-Store (Intel Itanium, Transmeta Efficeon, Texas Instruments TMS320C6x, 3AO "МЦСТ" Эльбрус)

# Одновременная многопоточность (Simultaneous multithreading)

- Одновременная многопоточность
  (Simultaneous multithreading SMT, hardware multithreading) технология, позволяющая выполнять инструкции из нескольких потоков выполнения (программ) на одном суперскалярном конвейере
- Потоки <u>разделяют</u> один суперскалярный конвейер процессора (ALU, FPU, Load/Store)
- SMT позволяет повысить эффективность использования модулей суперскалярного процессора (ALU, FPU, Load/Store) за счет наличия большего количества инструкций из разных потоков выполнения (ниже вероятность зависимости по данным)
- Примеры реализации:
  - □ IBM ACS-360 (1968 г.), DEC Alpha 21464 (1999 г., 4-way SMT)
  - ☐ Intel Pentium 4 (2002 г., Intel Hyper-Threading, 2-way SMT)
  - ☐ Intel Xeon Phi (4-way SMT), Fujitsu Sparc64 VI (2-way SMT), IBM POWER8 (8-way SMT)



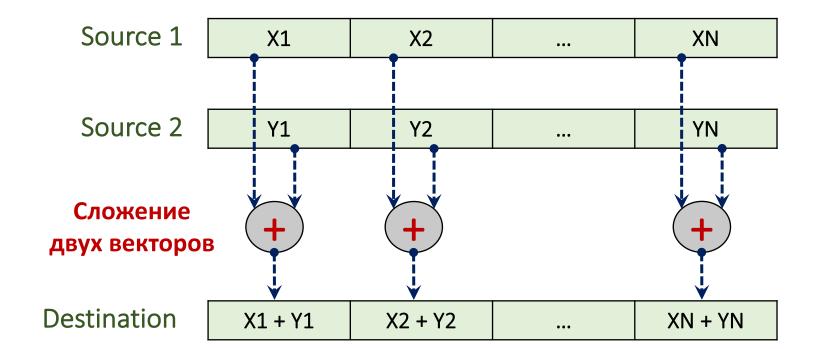


Разделение ресурсов ALU, FPU, Load/Store

# Параллелизм уровня данных (Data Parallelism – DP)

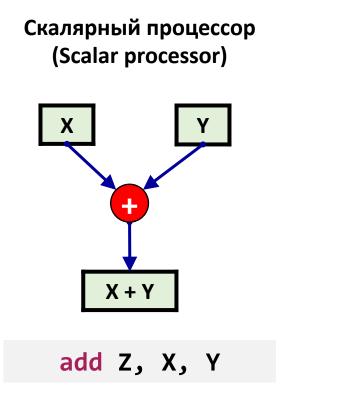
#### Векторные процессоры

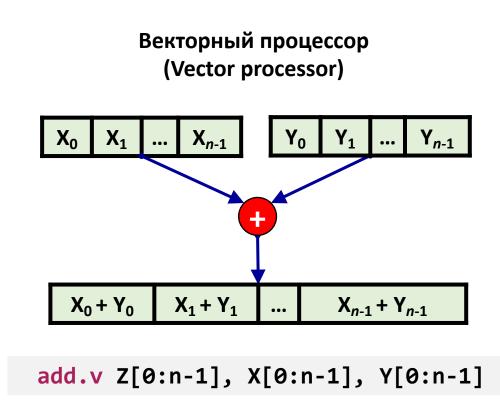
- **Векторный процессор (Vector processor)** процессор поддерживающий на уровне системы команд операции для работы с векторами (SIMD-инструкции)
- Векторные вычислительные системы
  - o CDC STAR-100 (1972 г., векторы до 65535 элементов)
  - O Cray Research Inc.: Cray-1 (векторные регистры), Cray-2, Cray X-MP, Cray Y-MP



#### Векторные процессоры

Векторный процессор (vector processor) – процессор, поддерживающий на уровне системы команд операции для работы с одномерными массивами (векторами)





#### Векторный процессор vs. Скалярный процессор

#### Поэлементное суммирование двух массивов из 10 чисел

#### Скалярный процессор (scalar processor)

```
for i = 1 to 10 do
    IF - Instruction Fetch (next)
    ID - Instruction Decode
    Load Operand1
    Load Operand2
    Add Operand1 Operand2
    Store Result
end for
```

#### Векторный процессор (vector processor)

```
IF - Instruction Fetch
ID - Instruction Decode
Load Operand1[0:9]
Load Operand2[0:9]
Add Operand1[0:9] Operand2[0:9]
Store Result
```

- Меньше преобразований адресов
- Меньше IF, ID
- Меньше конфликтов конвейера, ошибок предсказания переходов
- Эффективнее доступ к памяти (2 выборки vs. 20)
- Операция над операндами выполняется параллельно
- Уменьшился размер кода

#### SIMD-инструкции современных процессоров

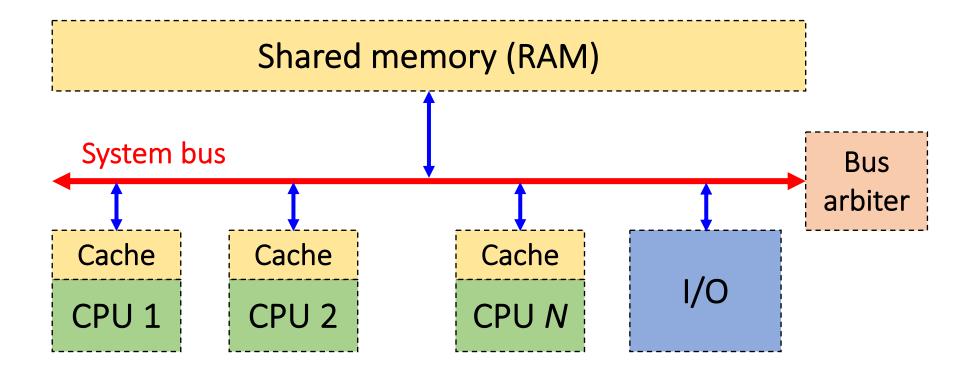
- Intel MMX: 1997, Intel Pentium MMX, IA-32
- AMD 3DNow!: 1998, AMD K6-2, IA-32
- Apple, IBM, Motorola AltiVec: 1998, PowerPC G4, G5, IBM Cell/POWER
- Intel SSE (Streaming SIMD Extensions): 1999, Intel Pentium III
- Intel **SSE2**: 2001, Intel Pentium 4, IA-32
- Intel SSE3: 2004, Intel Pentium 4 Prescott, IA-32
- Intel **SSE4**: 2006, Intel Core, AMD K10, x86-64
- AMD SSE5 (XOP, FMA4, CVT16): 2007, 2009, AMD Buldozzer
- Intel AVX: 2008, Intel Sandy Bridge
- ARM Advanced SIMD (NEON): ARMv7, ARM Cortex A
- MIPS **SIMD Architecture (MSA)**: 2012, MIPS R5
- Intel AVX2: 2013, Intel Haswell
- Intel AVX-512: 2013, Intel Xeon Skylake, Intel Xeon Phi
- ARMv8 -- Scalable Vector Extension (SVE, 2016)

#### Пример использования SSE-инструкций

```
void add sse asm(float *a, float *b, float *c)
    __asm__ volatile
       "movaps (%[a]), %%xmm0 \n\t"
       "movaps (%[b]), %%xmm1 \n\t"
       "addps %%xmm1, %%xmm0 \n\t"
       "movaps %%xmm0, %[c] \n\t"
       : [c] "=m" (*c)
       : [a] "r" (a), [b] "r" (b)
       : "%xmm0", "%xmm1"
```

# Параллелизм уровня потоков (Thread Level Parallelism – TLP)

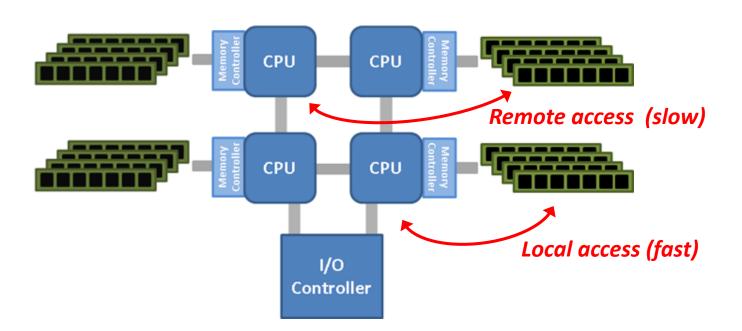
### Многопроцессорные SMP-системы (Symmetric multiprocessing)



- Процессоры SMP-системы находятся на одинаковом «расстоянии» от разделяемой памяти (симметричный доступ)
- Системная шина (System bus) это узкое место, ограничивающее масштабируемость вычислительного узла

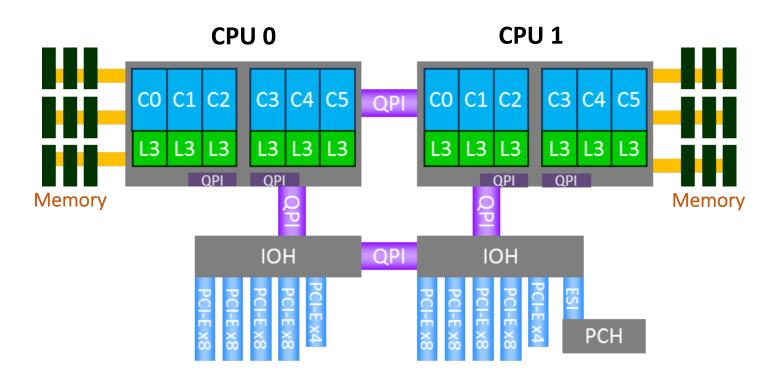
## Многопроцессорные NUMA-системы (AMD)

- **NUMA** (Non-Uniform Memory Architecture) это архитектура вычислительной системы с неоднородным доступом к разделяемой памяти
- Процессоры сгруппированы в NUMA-узлы со своей локальной памятью
- Доступ к локальной памяти NUMA-узла занимает меньше времени по сравнению с временем доступом к памяти удаленных процессоров



- 4-х процессорная NUMA-система
- Каждый процессор имеет интегрированный контроллер и несколько банков памяти
- Процессоры соединены шиной
   Hyper-Transport
   (системы на базе процессоров AMD)
- Доступ к удаленной памяти занимает больше времени (для Hyper-Transport ~ на 30%, 2006 г.)

## Многопроцессорные NUMA-системы (Intel)

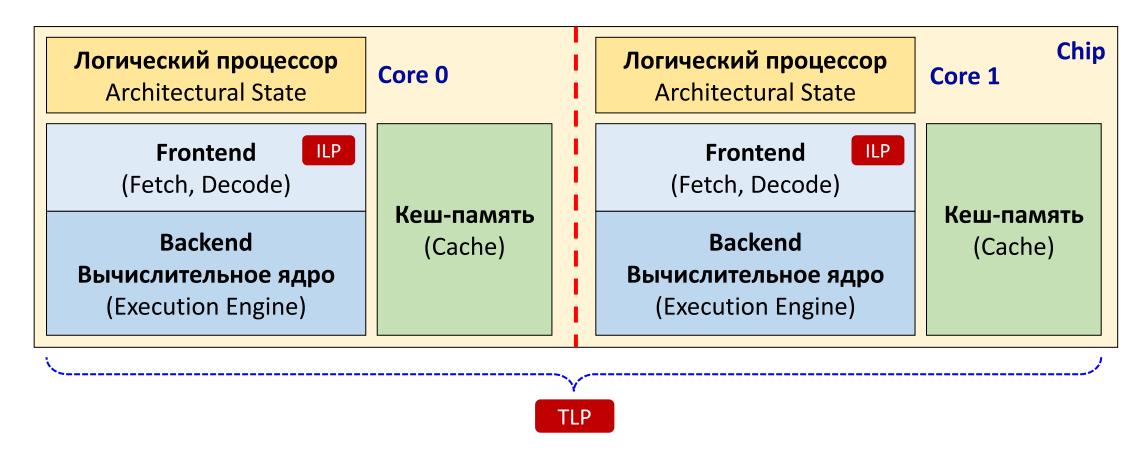


**Intel Nehalem based systems with QPI** 

2-way Xeon 5600 (Westmere) 6-core, 2 IOH

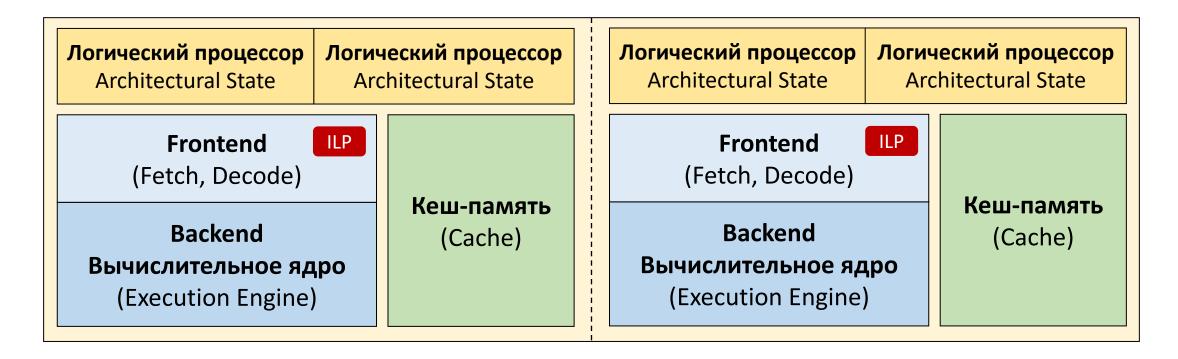
- 4-х процессорная
   NUMA-система
- Каждый процессор имеет интегрированный контроллер и несколько банков памяти
- Процессоры соединены шиной
   Intel QuickPath Interconnect (QPI)
   решения на базе процессоров
   Intel

## Многоядерные процессоры (Multi-core processors)



- Процессорные ядра размещены на одном чипе (Processor chip)
- Ядра процессора могу разделять некоторые ресурсы (например, кеш-память)
- Многоядерный процессор реализует параллелизм уровня потоков (Thread level parallelism TLP)

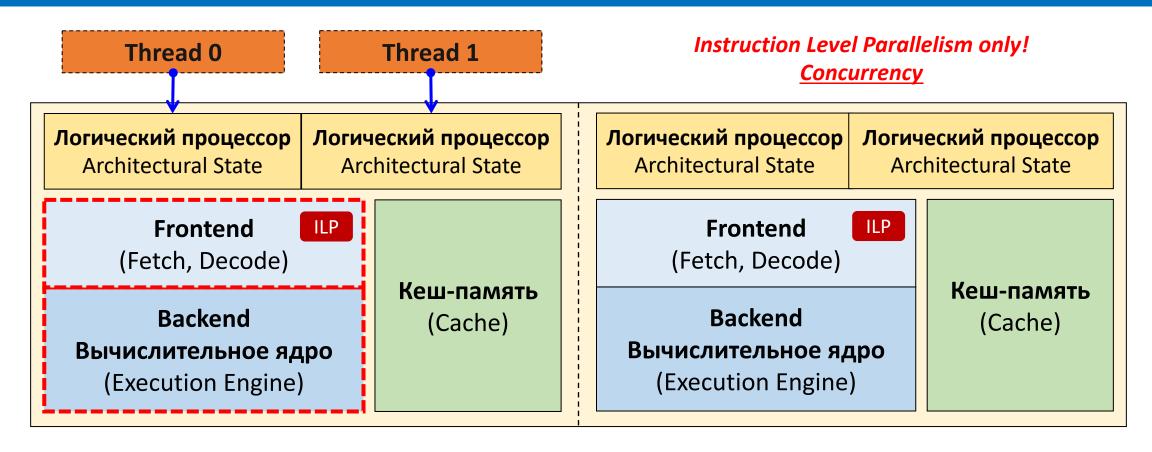
## Многоядерные процессоры с поддержкой SMT



- Многоядерный процессор может поддерживать одновременную многопоточность
  (Simultaneous multithreading SMT, Intel Hyper-threading, Fujitsu Vertical Multithreading)
- Каждое ядро может выполнять несколько потоков на своем суперскалярном конвейере (2-way SMT, 4-way SMT, 8-way SMT)

Операционная система представляет каждый SMT-поток как логический процессор

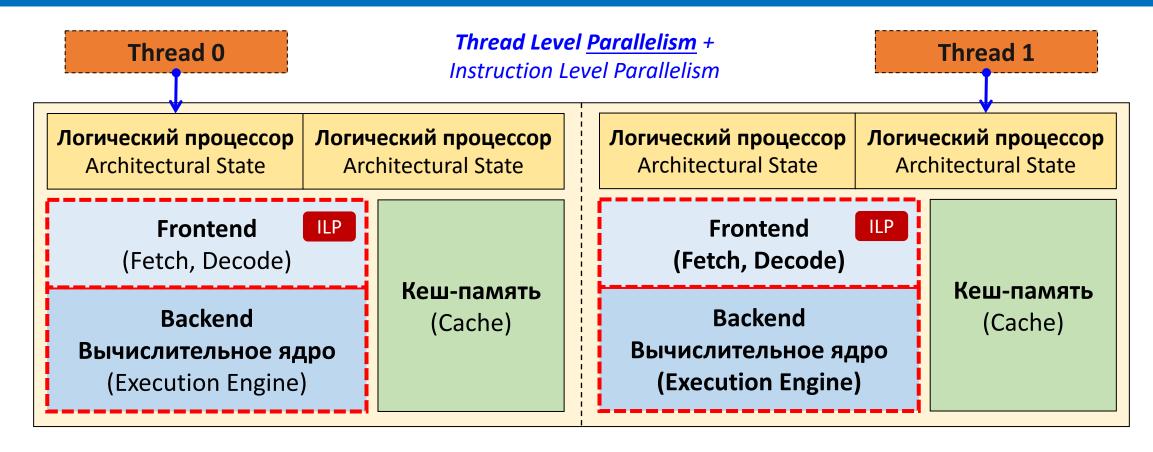
## Многоядерные процессоры с поддержкой SMT



- Операционная система видит 4 логических процессора
- Потоки 0 и 1 выполняются на ресурсах одного ядра привязаны к логическим процессорам SMT

 Оба потока разделяют ресурсы одного суперскалярного конвейера – конкурируют за ресурсы (только параллелизм уровня инструкций – ILP)

## Многоядерные процессоры с поддержкой SMT



- Операционная система видит 4 логических процессора
- Потоки 0 и 1 выполняются на суперскалярных конвейерах разных ядер
- Задействован параллелизм уровня потоков (TLP) и инструкций (ILP)

## Смартфоны

#### **Apple iPhone 6**

- SoC Apple A8
  - Dual-core CPU A8 1.4 GHz (64-bit ARMv8-A)
  - Quad-core GPU PowerVR
- SIMD: 128-bit wide NEON
- L1 cache:

per core 64 KB L1i, 64 KB L1d

- L2 cache: shared 1 MB
- L3 cache: 4 MB
- Technology process: 20 nm (manufactured by TSMC)



## Смартфоны

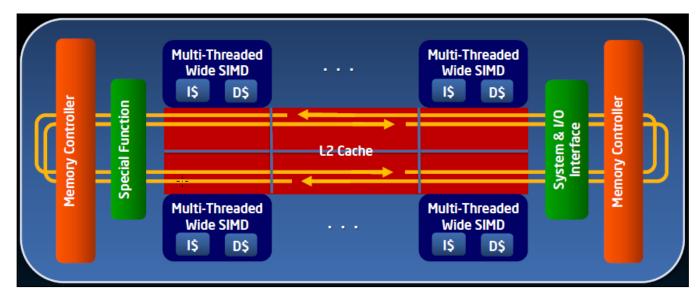
### Samsung Galaxy S4 (GT-I9505)

- Quad-core Qualcomm Snapdragon 600
   (1.9 GHz with LTE, ARMv7, CPU Krai 300)
- Конвейер (Pipeline): 11 stage integer pipeline
   (3-way decode, 4-way out-of-order speculative issue <u>superscalar</u>)
- SIMD: 128-bit wide NEON
- L0 cache: 4 KB + 4 KB direct mapped
- L1 cache: 16 KB + 16 KB 4-way set associative
- L2 cache: 2 MB 8-way set associative
- Technology process: 28 nm





## Специализированные ускорители: Intel Xeon Phi



http://www.intel.ru/content/www/ru/ru/processors/xeon/xeon-phi-detail.html

- Intel Xeon Phi (Intel MIC): 64 cores Intel P54C (Pentium)
- Pipeline: in-order, 4-way SMT, 512-bit SIMD
- Кольцевая шина (1024 бит, ring bus) для связи ядер и контроллера памяти GDDR5
- Устанавливается в PCI Express слот



The Tianhe-2 Xeon Phi drawer in action

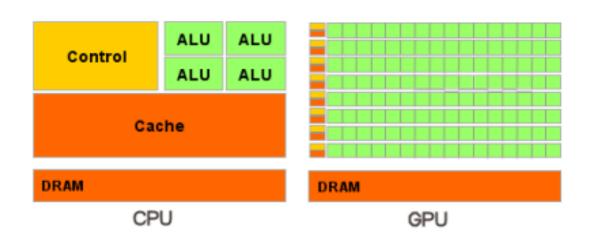
http://www.theregister.co.uk/Print/2013/06/10/inside\_chinas\_tianhe2\_massive\_hybrid\_supercomputer/

SMP-система 256 логических процессоров



## Специализированные ускорители: GPU – Graphics Processing Unit

- **Graphics Processing Unit** (GPU) графический процессор, специализированный многопроцессорный ускоритель с общей памятью
- Большая часть площади чипа занята элементарными ALU/FPU/Load/Store модулями
- Устройство управления (Control unit) относительно простое по сравнению с СРU





NVIDIA GeForce GTX 780 (Kepler, 2304 cores, GDDR5 3 GB)



AMD Radeon HD 8970 (2048 cores, GDDR5 3 GB)

## Специализированные многоядерные процессоры

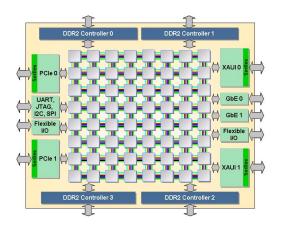


Sony Playstation 3
IBM Cell
(2-way SMT PowerPC core + 6 SPE)



Microsoft XBox 360

IBM Xenon
(3 cores with 2-way SMT)



Tilera TILEPro64 (64 cores, VLIW, mesh)



Cisco Routers
MIPS
Multi-core processors

## The Free Lunch Is Over

- Как (на чем) разрабатывать программы для такого количества многоядерных архитектур?
- Как быть с переносимостью кода программ между платформами?
- Как быть с переносимостью <u>производительности</u> программ?
- Все ли алгоритмы эффективно распараллеливаются?

## Concurrency is the next major revolution in how we write software

-- Herb Sutter

Herb Sutter. The Free Lunch Is Over: A Fundamental Turn Toward Concurrency in Software // http://www.gotw.ca/publications/concurrency-ddj.htm

## Процессы и потоки

#### Стек потока 0

#### Куча (heap)

(динамически выделяемая память: malloc/free)

Область неинициализированных данных (BSS)

(глобальные неинициализированные переменные)

Область инициализированных данных (Data)

(глобальные инициализированные переменные)

#### Поток 0

```
int fun()
{
    // ...
}
```

```
// Uninitialized data (BSS)
int sum[100]; // BSS
// Initialized data (Data)
float grid[100][100] = {1.0};
int main()
   // Local variable (stack)
    double s = 0.0;
   // Allocate from the heap
    float *x = malloc(1000);
    // ...
    free(x);
```

## Процессы и потоки

Стек потока 0

Стек потока 1

• • •

Стек потока N - 1

#### Куча (heap)

(динамически выделяемая память: malloc/free)

Область неинициализированных данных (BSS)

(глобальные неинициализированные переменные)

Область инициализированных данных (Data)

(глобальные инициализированные переменные)

#### Поток 0

```
int fun()
{
    // ...
}
```

#### Поток 1

```
int fun()
{
    // ...
}
```

#### **Поток N-1**

```
int fun()
{
    // ...
}
```

```
// Uninitialized data (BSS)
int sum[100]; // BSS
// Initialized data (Data)
float grid[100][100] = {1.0};
int main()
   // Local variable (stack)
    double s = 0.0;
    // Allocate from the heap
    float *x = malloc(1000);
    // ...
    free(x);
```

## Средства многопоточного программирования

#### Прикладные библиотеки

- Intel Threading Building Blocks (TBB)
- Microsoft Concurrency Runtime
- Apple Grand Central Dispatch
- Boost Threads
- Qthread, MassiveThreads

#### Языки программирования

- OpenMP (C/C++/Fortran)
- C# ThreadsJava Threads
- Intel Cilk Plus
- Erlang Threads
- C++11 Threads
- Haskell Threads
- C11 Threads

# Системные библиотеки (System libraries) POSIX Threads Win32 API/.NET Threads Apple OS X Cocoa, Pthreads Thread Thread Thread Thread Thread Thread Thread Thread

Уровень пользователя (User space)

Уровень ядра (Kernel space)



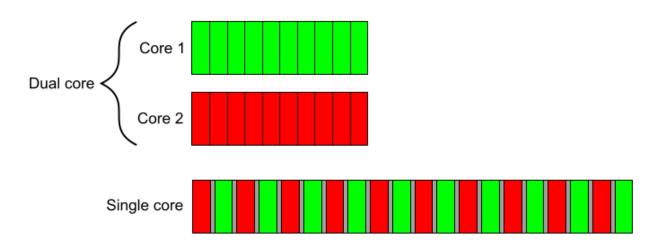
**OpenMP** pthreads (glibc) clone() (Linux syscall)

Hardware (Multi-core processor, SMP/NUMA)

## Concurrency != Parallelism

- Concurrency (одновременность) несколько потоков разделяют одно процессорное ядро
- Операционная система реализует режим разделения времени ядра процессора (time sharing)
- Ускорение вычислений отсутствует
- Зачем?
- Обеспечение отзывчивости интерфейса, совмещение ввода-вывода и вычислений, ...

- Parallelism (параллелизм) каждый поток выполняется на отдельном ядре процессора (нет конкуренции за вычислительные ресурсы)
- Вычислений выполняются быстрее



## Литература

- Эндрюс Г. Основы многопоточного, параллельного и распределенного программирования. М.: Вильямс, 2003.
- Шамим Эхтер, Джейсон Робертс. Многоядерное программирование. СПб.: Питер, 2010.
- Maurice Herlihy, Nir Shavit. The Art of Multiprocessor Programming, Morgan Kaufmann, 2012
- Уильямс Э. Параллельное программирование на C++ в действии. Практика разработки многопоточных программ. М.: ДМК Пресс, 2012.
- Герберт Р., Бик А., Смит К., Тиан К. Оптимизация ПО. Сборник рецептов. СПб: Питер, 2010. 352 с.
- Randal E. Bryant, David R. O'Hallaron. Computer Systems: A Programmer's Perspective. Addison-Wesley, 2010
- Хорошевский В.Г. Архитектура вычислительных систем. М.: МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2008. 520 с.
- Корнеев В.В. Вычислительные системы. М.: Гелиос АРВ, 2004. 512 с.
- Степаненко С.А. Мультипроцессорные среды суперЭВМ. Масштабирование эффективности. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2016. – 312 с.