

**Tablica 3. Estymacja przedziałowa parametrów w dwóch populacjach**

L.p.	Parametr	Założenia	Końce przedziału ufności	Oznaczenia
1	$m_1 - m_2$	$X_i \sim \mathcal{N}(m_k, \sigma_k), k = 1, 2$ $\sigma_k = ?$ ale $\sigma_1 = \sigma_2$ $n_k$ dowolne	$(\bar{X}_1 - \bar{X}_2)$ $\mp t_{1-\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2} \sqrt{\frac{(n_1-1)S_1^2 + (n_2-1)S_2^2}{n_1+n_2-2} \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}$	$X_1, X_2$ – zm. l-owe będące modelami badanej cechy w dwóch populacjach, $\mathbf{X}_k = (X_{k1}, X_{k2}, \dots, X_{kn_k})$ – $n_k$ -elementowe niezależne proste próby losowe, $k = 1, 2$ ; $1 - \alpha$ – poziom ufności przedziału, $k = 1, 2$ – numer populacji lub próby, $n_k$ – liczebność $k$ -tej próby, $m_k$ – wartość oczekiwana $k$ -tej populacji, $\bar{X}_k$ – średnia arytmetyczna $k$ -tej próby, $\bar{X}_1 - \bar{X}_2$ – średnia arytmetyczna z różnic dla prób związanych w pary, $\sigma_k$ – odch. std. dla $k$ -tej populacji, $S_k$ – odch. std. dla $k$ -tej próby losowej (statystyka nieobciążona), $S_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}$ – odch. std. dla różnic z prób powiązanych, $p_k$ – wskaźnik struktury dla $k$ -tej populacji, $K_k$ – liczba elementów wyróżnionych w $k$ -tej próbie, $\bar{P}_k = \frac{K_k}{n_k}$ – frakcja wyróżnionych elementów w $k$ -tej próbie, $z_\alpha$ – kwantyl rzędu $\alpha$ rozkładu $\mathcal{N}(0; 1)$ , $t_{\alpha;v}$ – kwantyl rzędu $\alpha$ rozkładu $t$ -Studenta z $v$ stopniami swobody, $\chi_{\alpha;v}^2$ – kwantyl rzędu $\alpha$ rozkładu chi-kwadrat z $v$ stopniami swobody. $F_{\alpha; n_1-1, n_2-1}$ – kwantyl rzędu $\alpha$ rozkładu $F$ z $n_1 - 1$ i $n_2 - 1$ stopniami swobody
2	$m_1 - m_2$	$X_k \sim \mathcal{N}(m_k, \sigma_k), k = 1, 2$ $\sigma_k = ?$ ale $\sigma_1 \neq \sigma_2$ $n_k$ dowolne	$(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) \mp t_{1-\frac{\alpha}{2}, v} \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}$	
3	$m_1 - m_2$	$X_k \sim ?$ lub dowolny, $k = 1, 2$ $\sigma_k = ?$ , $n_k > 30$	$(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) \mp z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}$	
4	$m_1 - m_2$	populacja par, $(X_1 - X_2) \sim \mathcal{N}(m, \sigma)$ , $\sigma = ?$ , $n_1 = n_2 = n$	$\bar{X}_1 - \bar{X}_2 \mp t_{1-\frac{\alpha}{2}, n-1} \frac{S_{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}}{\sqrt{n}}$	
5	$\frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2}$	$X_k \sim \mathcal{N}(m_k, \sigma_k), k = 1, 2$ $n_k$ dowolne	$\frac{S_1^2}{S_2^2} F_{\frac{\alpha}{2}; n_1-1, n_2-1}; \frac{S_1^2}{S_2^2} F_{1-\frac{\alpha}{2}; n_1-1, n_2-1}$	
6	$p_1 - p_2$	$X_k \sim B(p_k), k = 1, 2$ $\bar{P}_k = \frac{1}{n_k} \sum_{i=1}^{n_k} X_{ki}$ $\bar{p}_k \mp 3 \cdot \sqrt{\frac{\bar{p}_k(1 - \bar{p}_k)}{n_k}}$ $\subset (0, 1)$	$(\bar{P}_1 - \bar{P}_2) \mp z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{\frac{\bar{P}_1(1 - \bar{P}_1)}{n_1} + \frac{\bar{P}_2(1 - \bar{P}_2)}{n_2}}$	