3.3(5) x = 1 (2 次元)

$$\begin{array}{rcl}
x & = & 1 \\
x - 1 & = & 0
\end{array}$$

ここで、
$$3.1(2)$$
 より 
$$\frac{x-a}{u} = \frac{y-b}{v}$$
 
$$v(x-b) = u(y-b)$$
 であるから、

$$m{p} = egin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = egin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$$
 $m{u} = egin{pmatrix} u \\ v \end{pmatrix} = egin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ 

よって, (1,0)を通り, (0,1) に平行な直線

#### 3.3(6) x = 1 (3 次元)

$$\begin{array}{rcl}
x & = & 1 \\
x - 1 & = & 0
\end{array}$$

ここで, 3.2(2) より

$$a(x-x_0) + b(y-y_0) + c(z-z_0) = 0$$

であるから,

$$\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \boldsymbol{t} = \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

よって, (1, 0, 0) を通り, (1, 0, 0) に直交する平面

$$3.3(7) x = 1, y = 0 (3 次元)$$

$$\begin{array}{rcl}
x & = & 1 \\
x - 1 & = & 0
\end{array}, y = 0$$

 $\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \boldsymbol{u} = \begin{pmatrix} u \\ v \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ 

ここで, 3.1(3) より

$$\frac{x-a}{u} = \frac{z-c}{w}$$

$$w(x-a) = u(z-c)$$

$$\frac{y-b}{v} = \frac{z-c}{w}$$

$$w(y-b) = v(z-c)$$
であるから、

よって, (1, 0, 0) を通り, (0, 0, 1) に平行な直線

$$3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1$$

#### 以下の8つの場合にわけられる

$$x > 0, y > 0, z > 0$$

$$x < 0, y > 0, z > 0$$

$$x > 0, y < 0, z > 0$$

$$x > 0, y < 0, z > 0$$

$$x < 0, y > 0, z < 0$$

$$x < 0, y < 0, z > 0$$

$$x < 0, y > 0, z < 0$$

$$x < 0, y > 0, z < 0$$

$$x < 0, y < 0, z < 0$$

$$x > 0, y < 0, z < 0$$

#### 3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1

x,y,z が入れ替わっただけであることから、 計算的には 4 つ場合にわけられる

$$x > 0, y > 0, z > 0$$

$$\begin{cases} x < 0, y > 0, z > 0 \\ x > 0, y < 0, z > 0 \\ x > 0, y < 0, z > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \\ x < 0, y > 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \\ x < 0, y > 0, z < 0 \\ x > 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \\ x > 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \\ x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \\ x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x < 0, y < 0, z < 0 \end{cases}$$

## 3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1 (1)全ての成分が正の場合

$$x + y + z = 1$$
  
 $(x - 1) + y + z = 0$   
 $x + (y - 1) + z = 0$   
 $x + y + (z - 1) = 0$ 

ここで, 3.2(2) より

$$a(x-x_0)+b(y-y_0)+c(z-z_0)=0$$

であるから,

$$\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \boldsymbol{t} = \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

よって, (1, 0, 0) を通り, (1, 1, 1) に直交する平面

### 3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1 (1)全ての成分が正の場合

$$x + y + z = 1$$

$$(x - 1) + y + z = 0$$

$$x + (y - 1) + z = 0$$

$$x + y + (z - 1) = 0$$

ここで, 3.2(2) より

$$a(x-x_0) + b(y-y_0) + c(z-z_0) = 0$$

であるから,

$$\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

よって, (1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1) を通る平面

$$3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1$$
 (2)1つの成分が負の場合

$$-x + y + z = 1$$

$$-(x+1) + y + z = 0$$

$$x + (y-1) + z = 0$$

$$x + y + (z-1) = 0$$

ここで, 3.2(2) より

$$a(x-x_0)+b(y-y_0)+c(z-z_0)=0$$

であるから,

$$\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

よって, (-1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1) を通る平面

3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1 (2)1 つの成分が負の場合 同様に、x > 0, y < 0, z > 0 の場合

$$x - y + z = 1$$
  
 $(x - 1) - y + z = 0$   
 $x - (y + 1) + z = 0$   
 $x - y + (z - 1) = 0$ 

(1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, 1) を通る平面

$$x > 0, y > 0, z < 0$$
 の場合

$$x - y + z = 1$$
  
 $(x - 1) + y - z = 0$   
 $x + (y - 1) - z = 0$   
 $x + y - (z + 1) = 0$ 

(1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, -1) を通る平面

$$3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1$$
 (3)2つの成分が負の場合

$$-x - y + z = 1$$

$$-(x+1) - y + z = 0$$

$$-x - (y+1) + z = 0$$

$$-x - y + (z-1) = 0$$

ここで, 3.2(2) より

$$a(x-x_0)+b(y-y_0)+c(z-z_0)=0$$

であるから,

$$\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

よって, (-1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, 1) を通る平面

3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1 (3)2 つの成分が負の場合 同様に、x < 0, y > 0, z < 0 の場合

-x + y - (z + 1) = 0

$$-x + y - z = 1$$

$$-(x+1) + y - z = 0$$

$$-x + (y-1) - z = 0$$

$$x > 0, y < 0, z < 0$$
 の場合

$$x-y-z = 1$$
  
 $(x-1)-y-z = 0$   
 $x-(y+1)-z = 0$   
 $x-y-(z+1) = 0$ 

(1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, -1) を通る平面

## 3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1 (4)全ての成分が負の場合

$$-x - y - z = 1$$

$$-(x+1) - y - z = 0$$

$$-x - (y+1) - z = 0$$

$$-x - y - (z+1) = 0$$

$$a(x-x_0)+b(y-y_0)+c(z-z_0)=0$$

であるから,

$$\boldsymbol{p} = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ z_0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$$

よって, (-1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, -1) を通る平面

# 3.3(8) |x| + |y| + |z| = 1 まとめ

x > 0, y > 0, z > 0 の場合 (1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1) を通る平面 x < 0, y > 0, z > 0 の場合 (-1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1) を通る平面 x > 0, y < 0, z > 0 の場合 (1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, 1) を通る平面 x > 0, y > 0, z < 0 の場合 (1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, -1) を通る平面 x < 0, v < 0, z > 0 の場合 (-1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, 1) を通る平面 x < 0, y > 0, z < 0 の場合 (-1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, -1) を通る平面 x > 0, y < 0, z < 0 の場合 (1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, -1) を通る平面 *x* < 0, *y* < 0, *z* < 0 の場合 (-1, 0, 0), (0, -1, 0), (0, 0, -1) を通る平面