

機械学習特論

レポート課題 1

2019 年 11 月 7 日

創成科学研究科 基盤科学系 情報科学コース
学籍番号 19-8801-009-1

北田 和

1

1.1 目的

最小二乗法の精度がどの程度のものか検討する。

1.2 手法

M 個のデータをランダムに生成し、特徴量 $x_i(0, 1, \dots, M)$ のデータとした (ランダムさは、正規分布に従い、これ以降使用するランダムな数字も正規分布に従う)。これに対し、観測データ $y_i(0, 1, \dots, M)$ を式 (1) によって作成する。

$$y_i = \beta \times x_i + \beta_i \times 0.5 \quad (1)$$

ここで、 β はランダムな定数であり、 i に関係なく一つに決める。一方、 $\beta_i(0, 1, \dots, M)$ は、 i によって異なるランダムな数である。また、 x_i に関係ないこの項はノイズに該当する。なお、ランダムな数は、正規分布に従うため、平均は 0 となる。よって、真の関数は、式 (2) で表すことができる。

$$y = \beta \times x \quad (2)$$

作成した特徴量 x_i と観測データ y_i から、最小二乗法によって式 (2) の β を、予測する。ここで、予測した傾きを β^* 、切片を b とすると、最小二乗法によって求めた、式 (2) は式 (3) のように表せる。

$$y = \beta^* \times x + b \quad (3)$$

以上を計算するプログラムを以下に示す。なお、jupyter notebook を用いて解析を行った。

1.3 結果

、生成した β は 1.262、最小二乗法によって求めた β^* は 1.237、 b は、0.027 であった。

ここで、観測データと式 (2)、式 (3) を図 1.3 にまとめた。横軸は特徴量 x 、縦軸は観測データ y である。

1.4 考察

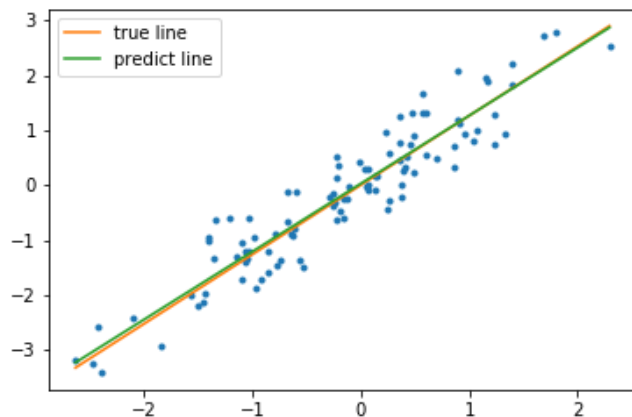
何度かデータを出力し直して、傾きの誤差を確認した。

2

2.1 目的

リッジ回帰における正則化パラメータ α と予測誤差の関係を調べ、最適な α について検討する。

図 1 観測データと真の解, 予測解



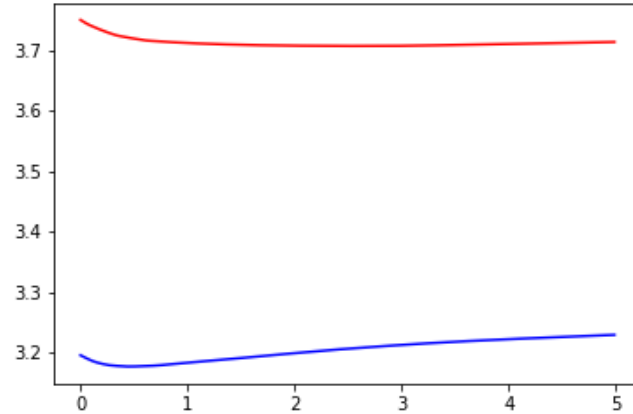
2.2 手法

python のライブラリである scikit-learn 内に存在する boston housing データを使用した。boston housing データには、13 種類の特徴量が存在する。それぞれの特徴の構成を表 2.2 に示す。これらの特徴量を用いて、住宅価格を予測する。

カラム名	特徴量
CRIM	人口 1 人当たりの犯罪発生数
ZN	25,000 平方フィート以上の住居区画の占める割合
INDUS	小売業以外の商業が占める面積の割合
CHAS	チャールズ川によるダミー変数 (1: 川の周辺, 0: それ以外)
NOX	NO _x の濃度
RM	住居の平均部屋数
AGE	1940 年より前に建てられた物件の割合
DIS	5 つのボストン市の雇用施設からの距離 (重み付け済)
RAD	環状高速道路へのアクセスしやすさ
TAX	\$10,000 ドルあたりの不動産税率の総計
PTRATIO	町毎の児童と教師の比率
B	町毎の黒人 (Bk) の比率を表したものの。 $1000(Bk - 0.63)^2$
LSTAT	給与の低い職業に従事する人口の割合 (%)

全体データのうち、ランダムな 8 割のデータを学習データに、残りの 2 割のデータをテストデータとした。予測誤差は、予測の平均絶対誤差 (MAE) と、平方根平均二乗誤差 (RMSE) によって導出することにした。ここで、予測誤差が小さくなる。つまり、MAE と RMSE が最小をとるとき、正則化パラメータ α を調べることにした。具体的には、 α を 0 から 4.99 まで、0.01 刻みで大きくした時の、MAE と RMSE を計算し、それぞ

図2 MAE と α の関係



れが、最小をとるとき α がどのくらいであったか調べる。また、以上の手順をホールドアウト法によって、学習データとテストデータを 100 回変更した。これにより、導出された 100 個の α に対し、平均と標準偏差を計算することで、どのようなデータでも、予測誤差が小さくなるような α を検討する。

上記のプログラムを以下に示す。

2.3 結果

ホールドアウト法を用いた時の、ある学習データ、テストデータに対して、MAE と RMSE は、 α の変化によって、どう変化したかを、それぞれ、図 2.3, 2.3 に示す。どちらの図をみてもわかるように、 α が大きすぎても、小さすぎても MAE と RMSE は最小にはならない。

ホールドアウト法によって、導出された MSE が最小となる α の平均は 1.18、標準偏差は 1.67 となった。一方、RMSE が最小となる α の平均は 0.57、標準偏差は 1.29 となった。

2.4 考察

グラフは割愛したが、 α が大きくなると、テストデータに対する予測誤差が学習データの予測誤差よりも大きくなる場合がみられた。このことより、 α が大きくなると学習データに対し、過学習を起こす場合があると考えられる。逆に、 α が小さい時には、最小二乗法とあまり変わらなくなり、予測が外れ値によってずれてしまう。よって、 α を検討することは重要であると考えられる。MSE と RMSE はそれぞれ、真のデータに対する観測データの誤差の分布が正規分布と、ラプラス分布に従うと仮定した時の最尤推定である。よって、 α を検討する際は、データの取得方法をどのようにしたかも含めて検討する必要があると考えた。

図3 RMSE と α の関係

