$$u=rac{i}{2+3i}$$
とおくと 
$$u=rac{i(2-3i)}{(2+3i)(2-3i)}$$
 
$$=rac{2i+3}{4+9}$$
 
$$=rac{1}{13}(3+2i)$$
 したがって、複素共役は、 
$$u^*=rac{1}{13}(3-2i)$$