

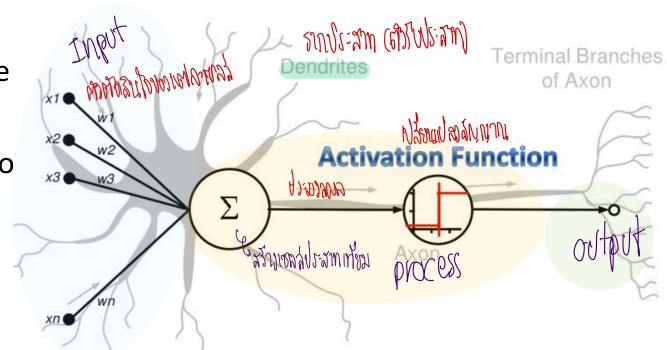
## **Neural Network for Classification**

Started by psychologists and neurobiologists to develop and test computational analogues of neurons

□ A neural network: A set of connected input/output units where each connection

has a weight associated with it

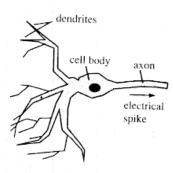
During the learning phase, the network learns by adjusting the weights so as to be able to predict the correct class label of the input tuples



Artificial Neural Networks as an analogy of Biological Neural Networks

## 6.7 ข่ายงานประสาทเทียม

ข่ายงานประสาทเทียม (Artificial Neural Network) เป็นการจำลองการทำงานบางส่วนของ สมองมนุษย์ เซลล์ประสาท (neuron) ในสมองของคนเราประกอบด้วยนิวเคลียส (nucleus) ตัวเซลล์ (cell body) ใยประสาทนำเข้า (dendrite) แกนประสาทนำออก (axon) แสดงใน รูปที่ 6–34



รูปที่ 6–34 เซลล์ประสาท

เดนใดรท์ทำหน้าที่รับสัญญาณไฟฟ้าเคมีซึ่งส่งมาจากเซลล์ประสาทใกล้เคียง เซลล์ ประสาทตัวหนึ่งๆ จะเชื่อมต่อกับเซลล์ตัวอื่นๆ ประมาณ 10,000 ตัว เมื่อสัญญาณไฟฟ้าเคมี ที่รับเข้ามาเกินค่าค่าหนึ่ง เซลล์จะถูกกระตุ้นและส่งสัญญาณไปทางแกนประสาทนำออกไป ยังเซลล์อื่นๆ ต่อไป ประมาณกันว่าสมองของคนเรามีเซลล์ประสาทอยู่ทั้งสิ้นประมาณ 10<sup>11</sup> ตัว

## 6.7.1 เพอร์เซปตรอน

เพอร์เซปตรอนรับอินพุตเป็นเวกเตอร์จำนวนจริงแล้วคำนวณหาผลรวมเชิงเส้น (linear combination) แบบถ่วงน้ำหนักของอินพุต  $(x_1, x_2, ..., x_n)$  โดยที่ค่า  $w_1, w_2, ..., w_n$ ในรูปเป็น ค่าน้ำหนักของอินพุตและให้เอาต์พุต (o) เป็น 1 ถ้าผลรวมที่ได้มีค่าเกินค่าขีดแบ่ง  $(\theta)$  และ เป็น -1 ถ้าไม่เกิน ส่วน  $w_0$  ในรูปเป็นค่าลบของค่าขีดแบ่งดังจะได้อธิบายต่อไป และ  $x_0$  เป็น อินพุตเทียมกำหนดให้มีค่าเป็น 1 เสมอ

ฟังก์ชันกระตุ้น

ในรูปแสดงฟังก์ชันกระตุ้น (activation function) ชนิดที่เรียกว่าฟังก์ชันสองขั้ว (bipolar function) ซึ่งแสดงผลของเอาต์พุตเป็น 1 กับ -1 ฟังก์ชันกระตุ้นอื่นๆ ที่นิยมใช้ก็ อย่างเช่น ฟังก์ชันใบนารี (binary function) ซึ่งแสดงผลของเอาต์พุตเป็น 1 กับ 0 และเขียน



เราสามารถแสดงเอาต์พุต (o) ในรูปของฟังก์ชันของอินพุต  $(x_1, x_2, ..., x_n)$  ได้ดังนี้

$$o(x_1, x_2, ..., x_n) = \begin{cases} 1 & \text{if } w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n > \theta \\ 1 & \text{if } w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n < \theta \end{cases}$$

$$(6.7)$$

เอาต์พุตเป็นฟังก์ชันของอินพุตในรูปข้องผลรวมเชิงเส้นแบบถ่วงน้ำหนัก น้ำหนักจะเป็น ตัวกำหนดว่าในจำนวนอินพุตนั้น อินพุต (x<sub>i</sub>) ตัวใดมีความสำคัญต่อการกำหนดค่าเอาต์พุต ตัวที่มีความสำคัญมากจะมีค่าสัมบูรณ์ของน้ำหนักมาก ส่วนตัวที่มีความสำคัญน้อยจะมีค่า ใกล้ศูนย์ ในกรณีที่ผลรวมเท่ากับค่าขีดแบ่งค่าเอาต์พูตไม่นิยาม (จะเป็น 1 หรือ -1 ก็ได้)

จากฟังก์ชันในสูตรที่ (6.7) เราจัดรูปใหม่โดยย้าย  $\theta$  ไปรวมกับผลรวมเชิงเส้นแล้วแทน  $-\theta$  ด้วย  $w_{\theta}$  เราจะได้ฟังก์ชันของเอาต์พุตดังด้านล่างนี้

$$o(x_1, x_2, ..., x_n) = \begin{cases} 1 & \text{if } w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n > 0 \\ -1 & \text{if } w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_n x_n < 0 \end{cases}$$
(6.8)

กำหนดให้  $g(\vec{x}) = \sum_{i=0}^n w_i x_i = \vec{w} \cdot \vec{x}$  โดยที่  $\vec{x}$  แทนเวกเตอร์อินพุต เราสามารถเขียน ฟังก์ชันของเอาต์พูตได้ใหม่ดังนี้

$$o(x_1, x_2, ..., x_n) = \begin{cases} 1 & \text{if } g(\vec{x}) > 0 \\ -1 & \text{if } g(\vec{x}) < 0 \end{cases}$$
 (6.9)

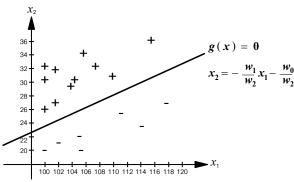
สมมติว่าเรามีอินพุตสองตัวคือ  $x_1$  และ  $x_2$  ซึ่งแสดงค่าส่วนสูงและน้ำหนักของเด็กนักเรียน ประถมและหลังจากที่แพทย์ตรวจร่างกายของเด็กโดยละเอียดแล้วได้จำแนกนักเรียน

ออกเป็นสองกลุ่มคือเด็กอ้วนและเด็กไม่อ้วน เราให้เอาต์พุตเป็นค่าที่แสดงเด็กอ้วนแทนด้วย +1 กับไม่อ้วนแทนด้วย -1 ดังตารางที่ 6–16

ตารางที่ 6–16 ข้อมลเด็กอัวนและเด็กไม่อัวน

เด็กคนที่	ส่วนสูง (ซม.)	น้ำหนัก (กก.)	อ้วน/ไม่อ้วน
1	100.0	20.0	-1
2	100.0	26.0	1
3	100.0	30.4	1
4	100.0	32.4	1
5	101.6	27.0	1
6	101.6	32.0	1
7	102.0	21.0	-1
8	103.6	29.6	1
9	104.4	30.4	1
10	104.9	22.0	-1
11	105.2	20.0	-1
12	105.6	34.4	1
13	107.2	32.4	1
14	109.9	34.9	1
15	111.0	25.4	-1
16	114.2	23.5	-1
17	115.5	36.3	1
18	117.8	26.9	-1

ในกรณีที่มีอินพุต 2 ตัว (ไม่รวม  $x_0$ ) เราจะได้  $g(\vec{x}) = w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2$  ซึ่งถ้าเราให้  $g(\vec{x}) = 0$  จะได้ว่า  $w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 = 0$  ซึ่งแทนสมการเส้นตรงในระนาบสองมิติ  $x_1$ ,  $x_2$  สมการนี้มีจุดตัดแกนอยู่ที่  $-rac{w_0}{w_2}$  และมีความชันเท่ากับ  $-rac{w_1}{w_2}$  เมื่อนำสมการนี้ไปวาดใน ระนาบสองมิติร่วมกับตัวอย่างสอนในตารางที่ 6–16 โดยกำหนดค่า  $w_0,\ w_1,\ w_2$  ที่เหมาะสม จะได้ดังรูปที่ 6–36



รูปที่ 6–36 สมการเส้นตรงสร้างโดยเพอร์เซบตรอน

เครื่องหมาย + และ – ในรูปแทนตัวอย่างบวก (เด็กอ้วน) และตัวอย่างลบ (เด็กไม่อ้วน) ตามลำดับ ดังจะเห็นได้ในรูปว่าเส้นตรงนี้เมื่อกำหนดจุดตัดแกนและความชันที่เหมาะสมซึ่ง กำหนดโดย  $w_0$ ,  $w_1$ ,  $w_2$  เส้นตรงนี้จะแบ่งตัวอย่างออกเป็นสองกลุ่มซึ่งอยู่คนละด้านของ เส้นตรง และเมื่อมีข้อมูลส่วนสูงและน้ำหนักของเด็กคนอื่นที่เราต้องการทำนายว่าจะเป็นเด็ก อ้วนหรือไม่ ก็ใช้เส้นตรงนี้โดยดูว่าข้อมูลใหม่นี้อยู่ด้านใดของเส้นตรง ถ้าด้านบนก็ทำนายว่า เป็นเด็กอ้วน (+) ถ้าด้านล่างก็ทำนายว่าเด็กไม่อ้วน (–)

ตัวอย่างด้านบนแสดงกรณีของอินพุตในสองมิติ จะเห็นได้ว่าเพอร์เซปตรอนจะเป็น เส้นตรง ในกรณีที่อินพุตมากกว่าสองมิติเพอร์เซปตรอนจะเป็นระนาบตัดสินใจหลายมิติ (hyperplane decision surface) ปัญหาการเรียนรู้เพอร์เซปตรอนก็คือการหาค่าเวกเตอร์ น้ำหนัก ( $\vec{w}$ ) ที่เหมาะสมในการจำแนกประเภทของข้อมูลสอนเพื่อให้เพอร์เซปตรอนแสดง เอาต์พุตได้ตรงกับค่าที่สอน กฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอน (perceptron learning rule) ใช้

สำหรับสอนเพอร์เซปตรอนโดยจะหาค่าเวกเตอร์น้ำหนักดังแสดงในตารางที่ 6–17

อัลกอริทึมเริ่มต้นจากสุ่มค่าเวกเตอร์น้ำหนัก ซึ่งโดยมากค่าที่สุ่มมานี้จะไม่ได้ระนาบ หลายมิติที่แบ่งตัวอย่างได้ถูกต้องทุกตัวดังนั้นจึงต้องมีการแก้ไขน้ำหนักโดยเทียบเพอร์เซปตรอนกับตัวอย่างที่สอน หมายถึงว่าเมื่อเราป้อนตัวอย่างสอนเข้าไปในเพอร์เซปตรอน เราจะคำนวณค่าเอาต์พุตได้ นำค่าเอาต์พุตที่คำนวณได้โดยเพอร์เซปตรอนเทียบกับ เอาต์พุตเป้าหมาย ถ้าตรงกันแสดงว่าจำแนกตัวอย่างได้ถูกต้อง ไม่ต้องปรับน้ำหนักสำหรับ ตัวอย่างนั้น แต่ถ้าไม่ตรงกันก็จะทำการปรับน้ำหนักตามสมการในอัลกอริทึม ส่วนอัตราการ เรียนรู้เป็นตัวเลขบวกจำนวนน้อยๆ เช่น 0.01, 0.005 เป็นตัน อัตราการเรียนรู้นี้จะส่งผลต่อ การลู่เข้าของเพอร์เซปตรอน ถ้าอัตราการเรียนรู้มีค่ามากเพอร์เซปตรอนก็จะเรียนรู้ได้เร็ว แต่ก็อาจเรียนรู้ไม่สำเร็จเนื่องจากการปรับค่ามีความหยาบเกินไป อัตราการเรียนรู้ที่มีค่า น้อยก็จะทำให้การปรับน้ำหนักทำได้อย่างละเอียดแต่ก็อาจเสียเวลาในการเรียนรู้นาน

ระนาบตัดสินใจ หลายมิติ



Algorithm: Perceptron-Learning-Rule

1. Initialize weights  $w_i$  of the perceptron.

2. UNTIL the termination condition is met DO

2.1 FOR EACH training example DO

- Input the example and compute the output.

- Change the weights if the output from the perceptron is not equal to the target output using the following rule.  $w_i \leftarrow w_i \leftarrow w_i + \Delta w_i$   $\Delta w_i \leftarrow \alpha(I-o)x_i \sim w_i \text{ in the perceptron}$   $\Delta w_i \leftarrow \alpha(I-o)x_i \sim w_i \text{ in the perceptron}$   $where t, o \text{ and } \alpha \text{ are the target output, the output from the perceptron and the learning rate, respectively.}$ 

การปรับน้ำหนักตามกฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอนโดยใช้อัตราการเรียนรู้ที่มีค่าน้อย เพียงพอ จะได้ระนาบหลายมิติที่จะลู่เข้าสู่ระนาบหนึ่งที่สามารถแบ่งข้อมูลออกเป็นสองส่วน (ในกรณีที่ข้อมูลสามารถแบ่งได้) เพื่ออธิบายผลที่เกิดจากการปรับค่าน้ำหนัก เราจะลอง พิจารณาพฤติกรรมของกฎการเรียนรู้นี้ดูว่าทำไมการปรับน้ำหนักเช่นนี้จึงลู่เข้าสู่ระนาบที่ แบ่งข้อมูลได้อย่างถูกต้อง

- พิจารณากรณีแรกที่เพอร์เซปตรอนแยกตัวอย่างสอนตัวหนึ่งที่รับเข้ามาได้ถูกต้อง กรณีนี้จะพบว่า (t-o) จะมีค่าเป็น 0 ดังนั้น  $\Delta w_i$  ไม่เปลี่ยนแปลงเพราะ  $\Delta w_i = \alpha(\text{t-o})x_i$

- $\circ$  ถ้า  $x_i > 0$  จะได้ว่า  $\Delta w_i$  มากกว่า 0 เพราะว่า  $\Delta w_i \leftarrow \alpha(t-o)x_i$  และ  $\alpha$  มากกว่า 0, (t-o) = 2 และ  $x_i > 0$  จากสมการการปรับน้ำหนัก  $w_i \leftarrow w_i + \Delta w_i$  เมื่อ  $\Delta w_i$  มากกว่า 0 จะทำให้  $w_i$  มีค่าเพิ่มขึ้นและ  $\sum w_i x_i$  ก็จะมีค่าเพิ่มขึ้น เมื่อผลรวมมีค่ามากขึ้นแสดงว่าการปรับไปในทิศทางที่ ถูกต้องคือเมื่อปรับไปจนกระทั่งได้ผลรวมมากกว่า 0 จะทำให้ เพอร์เซปตรอนเอาต์พูตได้ถูกต้องยิ่งขึ้น
- $\circ$  ถ้า  $x_i < 0$  เราจะได้ว่า  $\alpha(t-o)x_i$  จะมีค่าน้อยกว่า 0 แสดงว่า  $w_i$  ตัวที่คูณ กับ  $x_i$  ที่น้อยกว่า 0 จะลดลงทำให้  $\sum w_i x_i$  เพิ่มขึ้นเหมือนเดิม เพราะ  $x_i$  เป็นค่าลบและ  $w_i$  มีค่าลดลง ในที่สุดก็จะทำให้เพอร์เซปตรอนให้ เอาต์พุตได้ถูกต้องยิ่งขึ้น
- ในกรณีที่เพอร์เซปตรอนให้เอาต์พุตเป็น 1 แต่เอาต์พุตเป้าหมายหรือค่าที่แท้จริง เท่ากับ -1 จะได้ว่า  $w_i$  ของ  $x_i$  ที่เป็นค่าบวกจะลดลง ส่วน  $w_i$  ของ  $x_i$  ที่เป็นค่าลบ จะเพิ่มขึ้นและทำให้การปรับเป็นไปในทิศทางที่ถูกต้องเช่นเดียวกับในกรณีแรก

## 6.7.2 ตัวอย่างการเรียนฟังก์ชัน AND และ XOR ด้วยกฎเรียนรู้เพอร์เซปตรอน

พิจารณาตัวอย่างการเรียนรู้ของเพอร์เซปตรอนโดยจะให้เรียนรู้ฟังก์ชัน 2 ฟังก์ชัน ฟังก์ชัน แรกคือฟังก์ชัน AND แสดงในตารางที่ 6–18 ในกรณีนี้เราใช้ฟังก์ชันไบนารีเป็นฟังก์ชัน กระตุ้น

TAT ET TAF EF FAT EF FAF EF

ตารางที่ 6–18 ฟังก์ชัน AND(x1,x2)

$x_1$	$x_2$	เอาต์พุต เป้าหมาย
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

ฟังก์ชัน AND ตามตารางด้านบนนี้จะให้ค่าที่เป็นจริงก็ต่อเมื่อ x1 และ x2 เป็นจริงทั้งคู่ (ดูที่ สดมภ์เอาต์พุตเป้าหมาย) ผลการใช้กฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอนกับฟังก์ชัน AND แสดงใน ตารางที่ 6–19

	ตารางที่ 6–19 ผลการเรียนรู้ฟังก์ชัน AND โดยกฎการเรียนรู้เพอร์เซปตรอน											
	Perceptron Learning Example - Function AND 2 POLY NING 10th ()											
~ DILong						N		(X <sup>i</sup> N·i)	6	4	1	
Jebocy Survey Survey Woods Survey Von Von Von Von Von Von Von Von Von Von			Bias Inpu	ut x0=+1		&(x, W1)	y	Alpha =	0.5	ล้าเ	1944/VI	
4/11/9/01 1/3 1/3 (2) 1/10/2/201	Input	Input	t t	\$ J	1 1	Net Sum	Target	Actual	Alpha*	W	eight Valı	ies
· •	x1	x2	1.0*w0	t x1*w1	x2*w2	= Input	Output	Output	Error	w0	w1	w2 0.1+0.5(0-1)0
/2 1 ponch =					Jan Carlotte				(0	<b>№</b> 0.1	↓ 0.1	
1041	Ó	Ó	0.10	<b>†</b> 0.00	+ 0.00	<b>-</b> 0.10	0	1	-0.50	0.40	0.10	90.10
[,50	0	1	-0.40	<b>+</b> 0.00	+ 0.10	-0.30	0	0	0.00	-0.40	0.10	1 + Latural
	1	0	-0.40	<b>+</b> 0.10	<b>→</b> 0.00	= -0.30	0	0	0.00	-0.40	6.10	0.10 TUVget - ICTUM
V	1	1	-0.40	<b>+</b> 0.10	+ 0.10	= -0.20	1	0 ۾	0.50	0.10	0.60	A 0.41 C 60 00 A
1.54)	0	0	0.10	0.00	0.00	0.10	0	1	-0.50	-0.40	0.60	0.60 % 0.1+0.5(1-0)1
(50)	0	1	-0.40	0.00	0.60	0.20	0	1	-0.50	-0.90	0.60	0.10
	1	0	-0.90	0.60	0.00	-0.30	0	0	0.00	-0.90	0.60	1,5 (4, 1,1
<b>V</b>	1	1	-0.90	0.60	0.10	-0.20	1	0	0.50	-0.40	1.10	
	0	0	-0.40	0.00	0.00	-0.40	0	0	0.00	-0.40	1.10	0,60
	0	1	-0.40	0.00		0.20	0	1	-0.50	-0.90	1.10	
	1	0	-0.90					1	-0.50	-1.40	0.60	\ "" "" (" ")
	1	1	-1.40			-0.70	1	0	0.50	-0.90	1.10	0.60
	0	0	-0.90			-0.90	0	0	0.00	-0.90	1.10	0.60
	0	1	-0.90	0.00	0.60	-0.30		0	0.00	-0.90	1.10	0.60
	1	0	-0.90			0.20	0	1	-0.50	-1.40	0.60	0.60
	1	1	-1.40	0.60	0.60	-0.20	1	0	0.00	-0.90	1.10	1.10
	0			0.00		-0.90	0	0		-0.90	1.10	1.10
	0		-0.90					1	-0.50	-1.40	1.10	
	1	0	-1.40	1.10		-0.30		0		-1.40	1.10	0.60
	1	1	-1.40			0.30		1	0.00	-1.40	1.10	
	0	0	-1.40			-1.40		0		-1.40	1.10	0.60
	0	1	-1.40	0.00	0.60	-0.80	0	0		-1.40	1.10	<u> </u>
	1	0	-1.40	1.10		-0.30		0	-	-1.40	1.10	0.60
	1	1	-1.40	1.10	0.60	0.30	1	1	0.00	-1.40	1.10	0.60

ขั้นตอนแรกเริ่มจากการสุ่มค่า พ<sub>o</sub> จนถึง พ<sub>2</sub> ในที่นี้กำหนดให้เป็น 0.1 ทั้งสามตัว จากนั้น ก็เริ่มป้อนตัวอย่างเข้าไป (ที่ละแถว) ตัวอย่างแรกได้ผลรวมเชิงเส้น (Net Sum) เป็น 0.10 ซึ่งมากกว่า 0 ดังนั้นเปอร์เซปตรอนจะให้เอาต์พุตจริง (Actual Output) ออกมาเป็น 1 ซึ่งผิด เพราะเอาต์พุตเป้าหมาย (Target Output) จะต้องได้เป็น 0 ทำให้อัตราการเรียนรู้คูณค่า ผิดพลาด (Alpha x Error) ได้ –0.50 หลังจากนี้ก็นำไปปรับน้ำหนักตาม  $w_i \leftarrow w_i + \Delta w_i$  และ  $\Delta w_i \leftarrow \alpha(t-o)x_i$  ดังนั้นจะได้เป็น  $w_0 \leftarrow w_0 + \alpha(t-o)x_0 = w_0 + 0.50(-1)$  x 1 = 0.10 + (-0.5) = -0.4 ต่อไปก็ปรับค่า  $w_1$  ในทำนองเดียวกัน  $w_1 \leftarrow w_1 + \alpha(t\!-\!o)x_1$  =  $w_1$  + 0.50(-1) x 0 ดังนั้น  $w_1$  จะเท่ากับ 0.10 คือไม่เปลี่ยนแปลง เช่นเดียวกับ  $w_2$  ที่ไม่เปลี่ยนแปลง จะเห็นได้ ว่าแม้มีค่าผิดพลาดแต่ไม่มีการปรับค่า  $w_1$  และ  $w_2$  เนื่องจากอินพุตที่ใส่เข้าไปเป็น 0 ทำ