Вопросы с доказательством для подготовки к контрольной работе по курсу «Алгебра», 3-ой модуль,

2019/2020-й учебный год, версия 1.

- 1. Докажите, что гомоморфизм инъективен тогда и только тогда, когда его ядро тривиально.
- 2. Сформулируйте и докажите критерий нормальности подгруппы, использующий сопряжение.
- 3. Сформулируйте и докажите критерий нормальности подгруппы, использующий понятие ядра гомоморфизма
- 4. Докажите, что центр группы является её нормальной подгруппой.
- 5. Сформулируйте и докажите утверждение о том, чему изоморфна факторгруппа группы по её центру.
- 6. Сформулируйте и докажите теорему Кэли.
- 7. Докажите, что характеристика поля может быть либо простым числом, либо нулем.
- 8. Сформулируйте и докажите утверждение о том, каким будет простое подполе в зависимости от характеристики.
- 9. Сформулируйте и докажите критерий того, что кольцо вычетов по модулю n является полем.
- 10. Докажите, что ядро гомоморфизма колец является идеалом.
- 11. Сформулируйте и докажите утверждение о том, когда факторколько кольца многочленов над полем само является полем.
- 12. Выпишите и докажите формулу для описания изменения координат вектора при изменении базиса.
- 13. Выпишите формулу для преобразования матрицы билинейной формы при замене базиса и докажите её.
- 14. Выпишите формулу для преобразования матрицы линейного отображения при замене базиса и докажите её.