다이나믹프로그래밍 3 (연습)

최백준 choi@startlink.io

- (1, 1)에서 (N, M)으로 이동하려고 한다
- 왼쪽, 오른쪽, 아래로만 이동할 수 있다. 합의 최대값을 구하는 문제

- (1, 1)에서 (N, M)으로 이동하려고 한다
- 오른쪽, 아래로만 이동할 수 있는 문제 = 이동하기

- 가장 윗 행부터 차례대로 처리를 하면 된다
- 위, 왼쪽, 오른쪽 순서대로 처리를 해야 한다

- D[i][j][k] = (1, 1)에서 출발해서 (i, j)에 도착. (i, j)에 온 방향은 k
- k = 0: 위
- k = 1: 왼쪽
- k = 2: 오른쪽

- D[i][j][0] =
- D[i][j][1] =
- D[i][j][2] =

- D[i][j][0] = max(D[i-1][j][0], D[i-1][j][1], D[i-1][j][2]) + A[i][j];
- D[i][j][1] = max(D[i][j-1][0], D[i][j-1][1]) + A[i][j];
- D[i][j][2] = max(D[i][j+1][0], D[i][j+1][2]) + A[i][j];

https://www.acmicpc.net/problem/2169

• 소스: http://codeplus.codes/01b30e6c28ba45f3af8acdc3e151deff

여행

- N개의 도시가 동쪽에서 서쪽으로 순서대로 위치해 있다 $1 \le N \le 300$
- 제일 동쪽에 있는 도시는 1번 도시이며, 제일 서쪽에 있는 도시는 N번 도시이다
- M개 이하의 도시를 지나는 여행을 계획하려 한다
- 여행 경로는 반드시 1번 도시에서 시작해서 N번 도시에서 끝나야 한다
- 도시 번호가 증가하는 순서대로만 이동
- 최대한 맛있는 기내식만 먹으면서 이동
- 입력으로 a번 도시에서 b번 도시로 갔을 때 기내식의 점수가 주어진다.



https://www.acmicpc.net/problem/2157

• D[i][j] = i번 도시에 j개의 도시를 거쳐서 도착했을 때, 기내식의 최대값

여행

- D[i][j] = i번 도시에 j개의 도시를 거쳐서 도착했을 때, 기내식의 최대값
- D[k][j+1] = max(D[k][j+1], D[i][j] + A[i][k]);



https://www.acmicpc.net/problem/2157

• 소스: http://codeplus.codes/66db0c89e76f4eeca5356251d8154579

구간나누기

- N(1≤N≤100)개의 수로 이루어진 1차원 배열이 있다
- 이 배열을 $M(1 \le M \le N/2 \le R)$ 개의 구간으로 나눠서 구간에 속한 수들의 총 합이 최대가 되도록 하려 한다
- 단, 다음의 조건들이 만족되어야 한다
 - 1. 각 구간은 한 개 이상의 연속된 수들로 이루어진다.
 - 2. 서로 다른 두 구간끼리 겹쳐있거나 인접해 있어서는 안 된다.
 - 3. 정확히 M개의 구간이 있어야 한다. M개 미만이어서는 안 된다.

구간 나누기

- D[i][j] = i개의 수를 j개의 구간으로 나누었을 때, 합의 최대값
- i번째 수에게 가능한 경우
- 1. i번째 수를 구간에 추가하지 않는 경우
- 2. i번째 수를 구간에 추가하는 경우

구간나누기

- D[i][j] = i개의 수를 j개의 구간으로 나누었을 때, 합의 최대값
- i번째 수에게 가능한 경우
- 1. i번째 수를 구간에 추가하지 않는 경우
 - 구간의 수: 변하지 않음 j
 - i-1개의 수를 j개의 구간으로 나누어야 함
 - D[i-1][j]
- 2. i번째 수를 구간에 추가하는 경우
 - i번째 수를 새로운 구간에 추가해야 함
 - 어디서부터 구간에 추가해야 할지 결정해야 함. (k번째 수 부터 구간에 추가)
 - D[k-2][j-1] + (A[k] + ··· + A[i]) (k-2인 이유는 붙어있으면 안되기 때문)

구간 나누기

```
int go(int n, int m) {
    if (m == 0) return 0;
    if (n <= 0) return min;
    if (c[n][m]) return d[n][m];
    c[n][m] = true;
    int &ans = d[n][m];
    ans = go(n-1,m);
    for (int i=1; i<=n; i++) {
        int temp = go(i-2, m-1) + s[n]-s[i-1];
        if (ans < temp) ans = temp;</pre>
    return ans;
```

구간 나누기

https://www.acmicpc.net/problem/2228

• 소스: http://codeplus.codes/19d3e81788214bdaa4b5b7c16771002d

크리스마스트리

- 레벨 K에는 장난감이 K개 있어야 한다
- 각 레벨에 있는 빨강, 초록, 파랑 장난감의 수는 같아야 한다
- N, 빨강, 초록, 파랑 장난감의 개수가 주어졌을 때, 트리를 장식하는 방법의 수를 구하는 문제
- N ≤ 10

크리스마스토리

https://www.acmicpc.net/problem/1234

• D[N][R][G][B] = 크기가 N인 트리, 가지고 있는 장난감의 수 R, G, B개

크리스마스토리

- 색 1개를 사용하는 경우
- D[N-1][R-N][G][B]
- D[N-1][R][G-N][B]
- D[N-1][R][G][B-N]

크리스마스 트리

- 색 2개를 사용하는 경우
- D[N-1][R-N/2][G-N/2][B] * Comb[N][N/2]
- D[N-1][R-N/2][G][B-N/2] * Comb[N][N/2]
- D[N-1][R][G-N/2][B-N] * Comb[N][N/2]
- Comb[N][R] = N개 중에서 R개를 뽑는 경우의 수

크리스마스트리

- 색 3개를 사용하는 경우
- D[N-1][R-N/3][G-N/3][B-N/3] * Comb[N][N/3] * Comb[N-N/3][N/3]

크리스마스토리

https://www.acmicpc.net/problem/1234

• 소스: http://codeplus.codes/6ce84c1242f94ecc86adebe6ea8b5d06

자두나무

- 매 초마다, 두 개의 나무 중 하나의 나무에서 열매가 떨어지게 된다
- 만약 열매가 떨어지는 순간, 자두가 그 나무의 아래에 서 있으면 자두는 그 열매를 받을 수 있다
- 열매는 $T(1 \le T \le 1,000)$ 초 동안 떨어지게 된다
- 자두는 최대 $W(1 \le W \le 30)$ 번만 움직이고 싶어 한다
- 매 초마다 어느 나무에서 열매가 떨어질지에 대한 정보가 주어졌을 때, 자두가 받을 수 있는 열매 개수 최대값

- D[sec][turn] = sec에 turn번 움직여서 받을 수 있는 열매의 최대 개수
- 1 ≤ sec ≤ T
- $0 \le turn \le W$
- 지금 위치 = turn % 2 + 1번 나무

- D[sec][turn] = sec에 turn번 움직여서 받을 수 있는 열매의 최대 개수
- 움직이지 않는 경우
- 움직이는 경우
- 움직이는 경우와 상관없이 위치만 같으면 열매를 받을 수 있다

자두나무

- D[sec][turn] = sec에 turn번 움직여서 받을 수 있는 열매의 최대 개수
- 움직이지 않는 경우
 - D[sec+1][turn]
- 움직이는 경우
 - D[sec+1][turn+1]

- D[sec][turn] = sec에 turn번 움직여서 받을 수 있는 자두의 최대 개수
- 움직이지 않는 경우
 - D[sec+1][turn]
- 움직이는 경우
 - D[sec+1][turn+1]

- where = turn % 2 + 1
- 열매를 받을 수 있는 경우는 a[pos] == where

```
int go(int pos, int turn) {
   if (pos == n+1 && turn <= m) return 0;
   if (turn > m) return 0;
   if (d[pos][turn] != -1) {
        return d[pos][turn]];
    int where = turn \% 2 + 1;
   d[pos][turn] = max(go(pos+1, turn), go(pos+1, turn+1)) + (where
== a[pos] ? 1 : 0);
    return d[pos][turn];
```

- 가장 처음에 호출해야 하는 값은 2개이다.
- 1에서 시작하는 경우
 - go(1, 0)
- 2에서 시작하는 경우
 - go(1, 1)

```
memset(d,-1,sizeof(d));
printf("%d\n",max(go(1,0), go(1,1)));
```

https://www.acmicpc.net/problem/2240

• 소스: http://codeplus.codes/1d9d8dd8e95f4248bd93a1ef7e74f755

숫자 박스

- 두 개의 행과 N개의 열로 이루어진 숫자 박스가 있다.
- 각 칸에는 0이 아니면서, -10 이상, 10 이하인 정수가 하나씩 써있다.
- 수는 순서를 유지하면서, 좌우로 움직일 수 있다.
- 숫자 박스의 값은 위 아래 써 있는 수를 곱하는 것이다.
- 순서를 적절히 이동시켜 숫자 박스 값의 최댓값을 구하는 문제

숫자 박스

- D[n][u][d] = 총 n칸을 채웠고, 위쪽의 수를 u개, 아래쪽의 수를 d개 사용했을 때 경우의 수
- D[n][u][d] = max(D[n-1][u-1][d-1] + Up[u]*Down[d], D[n-1][u-1][d], D[n-1][u][d-1])

숫자 박스

https://www.acmicpc.net/problem/1983

• 소스: http://codeplus.codes/514a0c1b48b24e4f8ed315e68b2ac013

즐거운 단어

- 모음이 연속해서 3번, 자음이 연속해서 3번 나오지 않아야 한다
- L을 반드시 포함해야 한다
- 빈칸을 알파벳으로 바꿔서 즐거운 단어를 만들 수 있는 경우의 수를 세는 문제
- V_K의 경우 정답은 10

즐거운 단어

- 빈 칸을 바꿀 수 있는 경우는 총 3가지가 있다
- 1. 모음으로 바꾼다
- 2. L로 바꾼다
- 3. L을 제외한 다른 자음으로 바꾼다

즐거운 단어

https://www.acmicpc.net/problem/2922

• 마지막 2글자와 L이 나왔는지 아닌지를 기록해서 다이나믹을 만들 수 있다.

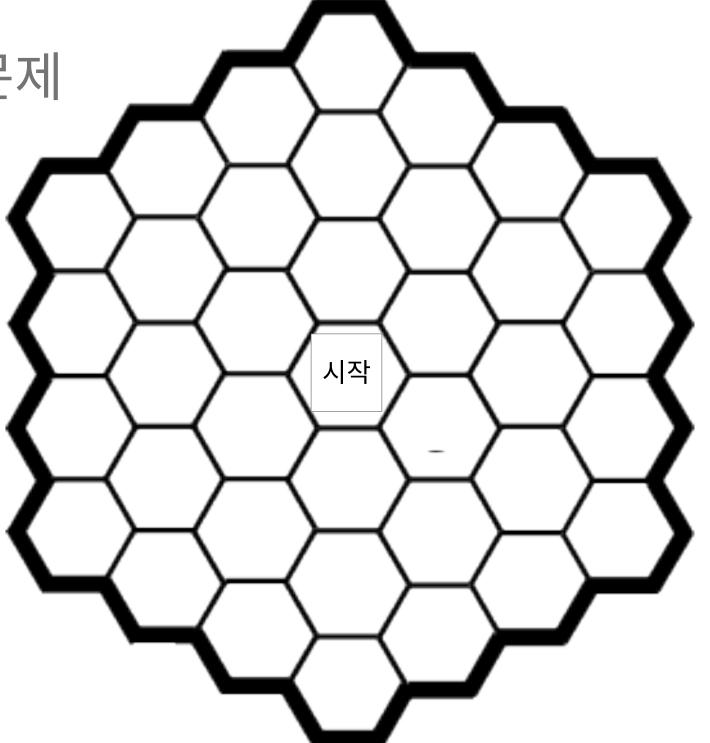
- D[N][P1][P2][L] = N번째 글자까지로 만들 수 있는 즐거운 단어의 개수
- P1: 전 글자, P2: 전전 글자, L: L이 나왔는지 아닌지

즐거운 단어

https://www.acmicpc.net/problem/2922

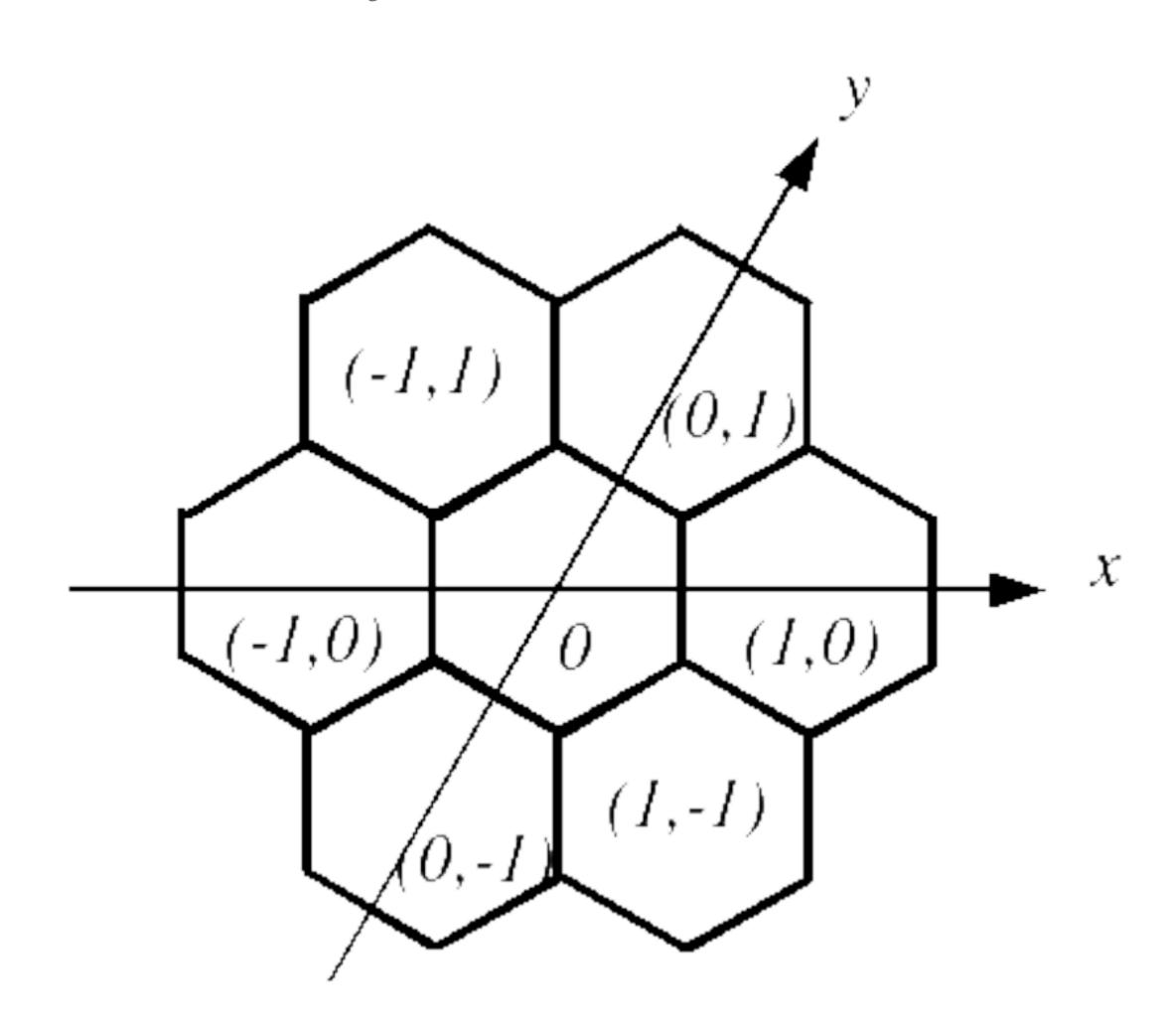
• 소스: http://codeplus.codes/c4a91916eaca44c3ab708a0ba3c8d5bb

- 육각형 모양의 방이 계속해서 붙어있는 미로가 있다.
- 상근이가 있는 방에서 이동을 시작한다.
- N번 이동해서 원래 있던 방으로 이동하는 방법의 개수를 구하는 문제
- $1 \le N \le 14$



https://www.acmicpc.net/problem/5069

• D[k][x][y] = (0,0)에서 출발해서 (x,y)에 k번만에 가는 경로의 수



- 음수가 나올 수 있기 때문에
- D[k][x][y] = (14, 14)에서 출발해서 (x, y)에 k번만에 가는 경로의 수

```
d[0][14][14] = 1;
for (int k=1; k<=14; k++) {
    for (int i=0; i<m; i++) {
        for (int j=0; j<m; j++) {
            for (int l=0; l<6; l++) {
                int x = i+dx[l];
                int y = j+dy[l];
                if (0 <= x && x < m && 0 <= y && y < m) {
                    d[k][i][j] += d[k-1][x][y];
                }
```

https://www.acmicpc.net/problem/5069

• 소스: http://codeplus.codes/b7e4e0ef106d461990dec22ff79ff382

돌다리 건너기

- 길이가 N인 다리가 있고, 다음 조건을 만족하면서 출발에서 도착으로 가는 경우의 수를 구하려고 한다
 - 1. 마법의 두루마리에 적힌 문자열의 순서대로 모두 밟고 지나가야 한다
 - 2. 악마의 돌다리(위)와 천사의 돌다리(아래)를 번갈아 가면서 밟아야 한다
 - 3. 한 칸 이상 오른쪽으로 전진해야 한다.

출발	R	I	N	G	S	R	도착
	G	R	G	G	N	S	

돌다리건너기

https://www.acmicpc.net/problem/2602

• 마법의 두루마리에 적힌 문자열 = RGS

출발	R	I	N	G	S	R	도착
	G	R	G	G	N	S	
출발	R		N	G	S	R	도착

R

G

출발	R	I	N	G	S	R	도착
	G	R	G	G	N	S	

G

Ν

돌다리건너기

https://www.acmicpc.net/problem/2602

• 불가능한 경우

출발	R	I	N	G	S	R	도착	
	G	R	G	G	N	S		
출발	R	I	N	G	S	R	도착	
	G	R	G	G	N	S		
출발	R	I	N	G	S	R	도착	
	G	R	G	G	N	S		

돌다리 건너기

https://www.acmicpc.net/problem/2602

• D[k][i][j] = k번째 돌다리의 i번째 문자와 j번째 문자를 밟는 경우의 수

돌다리 건너기

```
d[0][0][0] = d[1][0][0] = 1;
for (int j=1; j<=m; j++) {
    for (int i=1; i<=n; i++) {
        for (int k=0; k<2; k++) {
            if (a[k][i] != s[j]) continue;
            for (int l=i-1; l>=0; l--) {
                if (a[1-k][l] == s[j-1]) {
                    d[k][i][j] += d[1-k][l][j-1];
```

돌다리건너기

https://www.acmicpc.net/problem/2602

• 소스: http://codeplus.codes/47c4830aa5264d0ebc9938b0ccebaa3e