트리 2 (연습)

최백준 choi@startlink.io

- 함수 f: {1, 2, ···, m} → {1, 2, ···, m}이 있을 때
- $f_n: \{1, 2, \dots, m\} \rightarrow \{1, 2, \dots, m\}$ 을 다음과 같이 정의
 - $f_1(x) = f(x)$
 - $f_{n+1}(x) = f(f_n(x))$
- n과 x가 주어질 때 $f_n(x)$ 를 계산하는 쿼리를 수행하는 문제
- $1 \le m \le 200,000, 1 \le$ 쿼리의 수 $\le 200,000$
- $1 \le n \le 500,000, 1 \le x \le m$

https://www.acmicpc.net/problem/17435

• $f_{a+b}(x) = f_a(f_b(x))$ 와 같다는 점을 확인할 수 있다.

- $d[i][j] = f_2^{j}(i)$ 로 정의한다면
- d[i][0] = f(i)
- $d[i][j] = f_2^{j}(i) = f_2^{j-1}(f_2^{j-1}(i)) = d[d[i][j-1]][j-1]$

https://www.acmicpc.net/problem/17435

• LCA를 구하는 것과 유사하게 구할 수 있다.

https://www.acmicpc.net/problem/17435

• 소스: http://codeplus.codes/44ffc996d4d042a1bfa6e2cd2fa318d6

도로네트워크

- N개의 도시와 그 도시를 연결하는 N-1개의 도로로 이루어진 도로 네트워크가 있다.
- 모든 도시의 쌍에는 그 도시를 연결하는 유일한 경로가 있고, 각 도로의 길이는 입력으로 주어진다.
- 총 K개의 도시 쌍이 주어진다. 이 때, 두 도시를 연결하는 경로 상에서 가장 짧은 도로의 길이와 가장 긴 도로의 길이를 구하는 프로그램을 작성하시오.

도로네트워크

- LCA를 구하는 문제인데
- 배열을 2개 더 만들어야 한다.
- P[i][j] = i의 2^j번째 parent
- len_min[i][j] = i의 2^j번째 parent까지 올라가면서 만나는 모든 도로 중 가장 짧은 것의 길이
- len_max [i][j] = i의 2^j번째 parent까지 올라가면서 만나는 모든 도로 중 가장 긴것의 길이

도로네트워크

https://www.acmicpc.net/problem/3176

• 소스: http://codeplus.codes/8dad00cf50ed4a0cb6fb9bf78491a30c

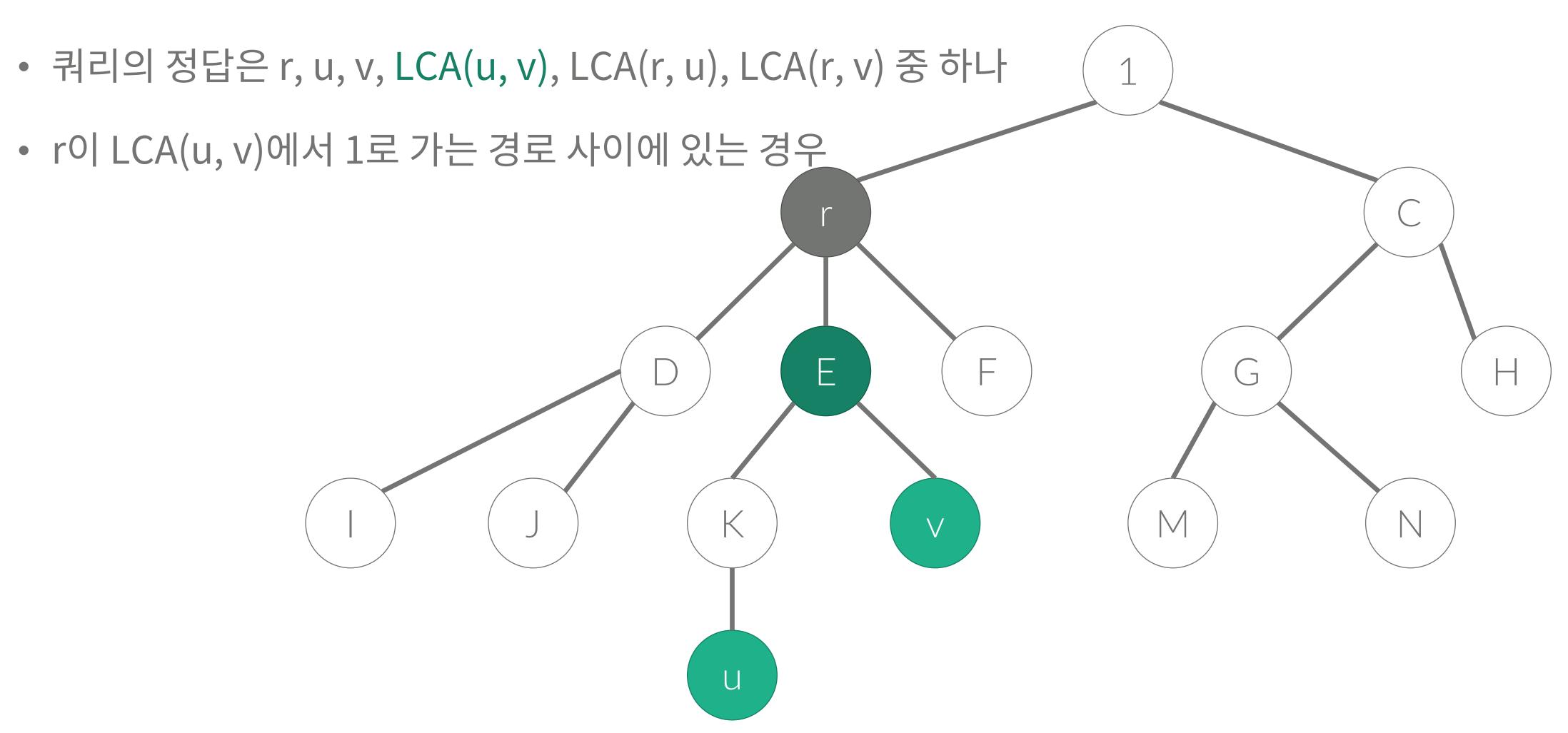
- N개의 정점으로 이루어진 트리가 주어졌을 때, 쿼리 M개를 수행하는 문제
- 쿼리 r u v: 트리의 루트가 r이라고 했을 때, u와 v의 LCA를 구한다.

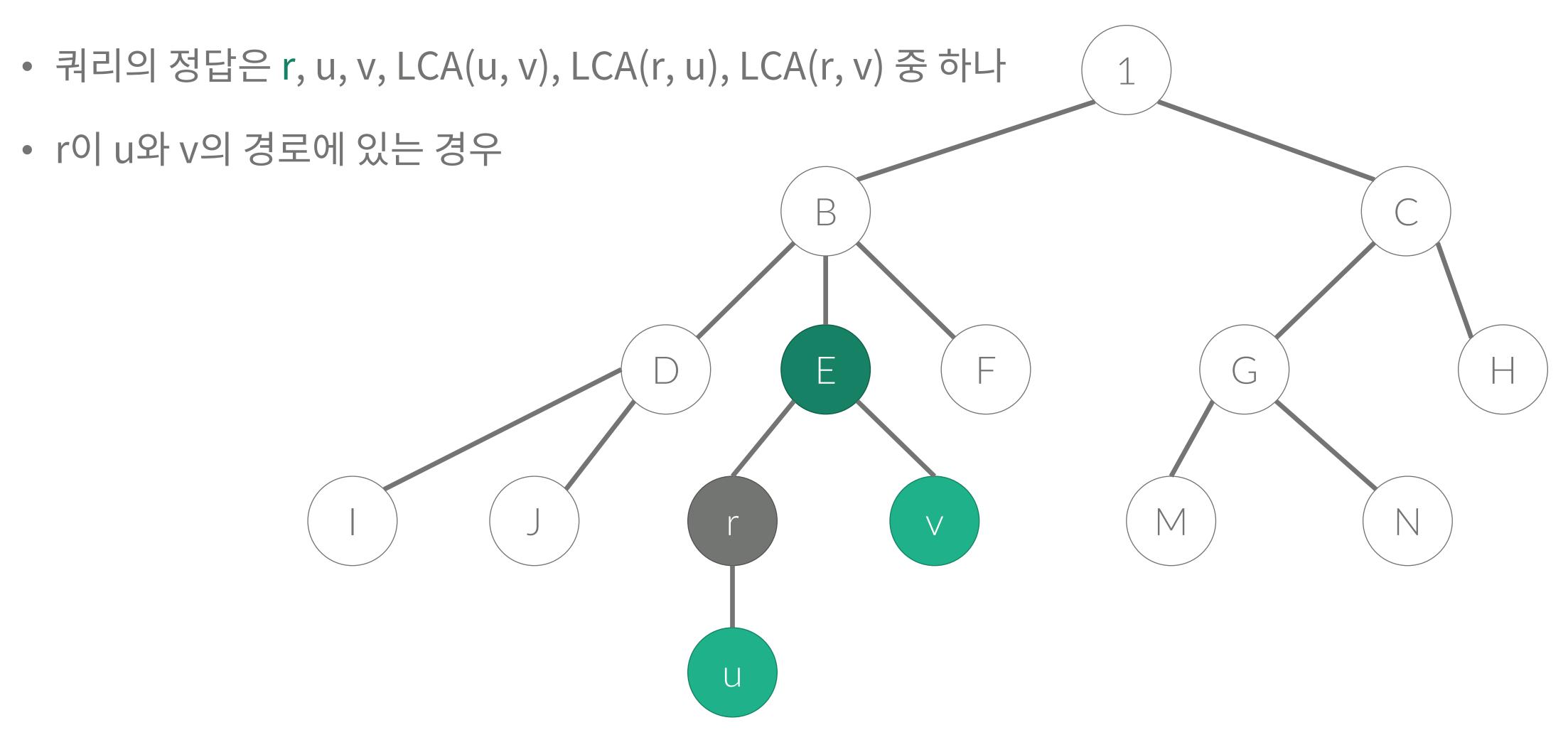
https://www.acmicpc.net/problem/15480

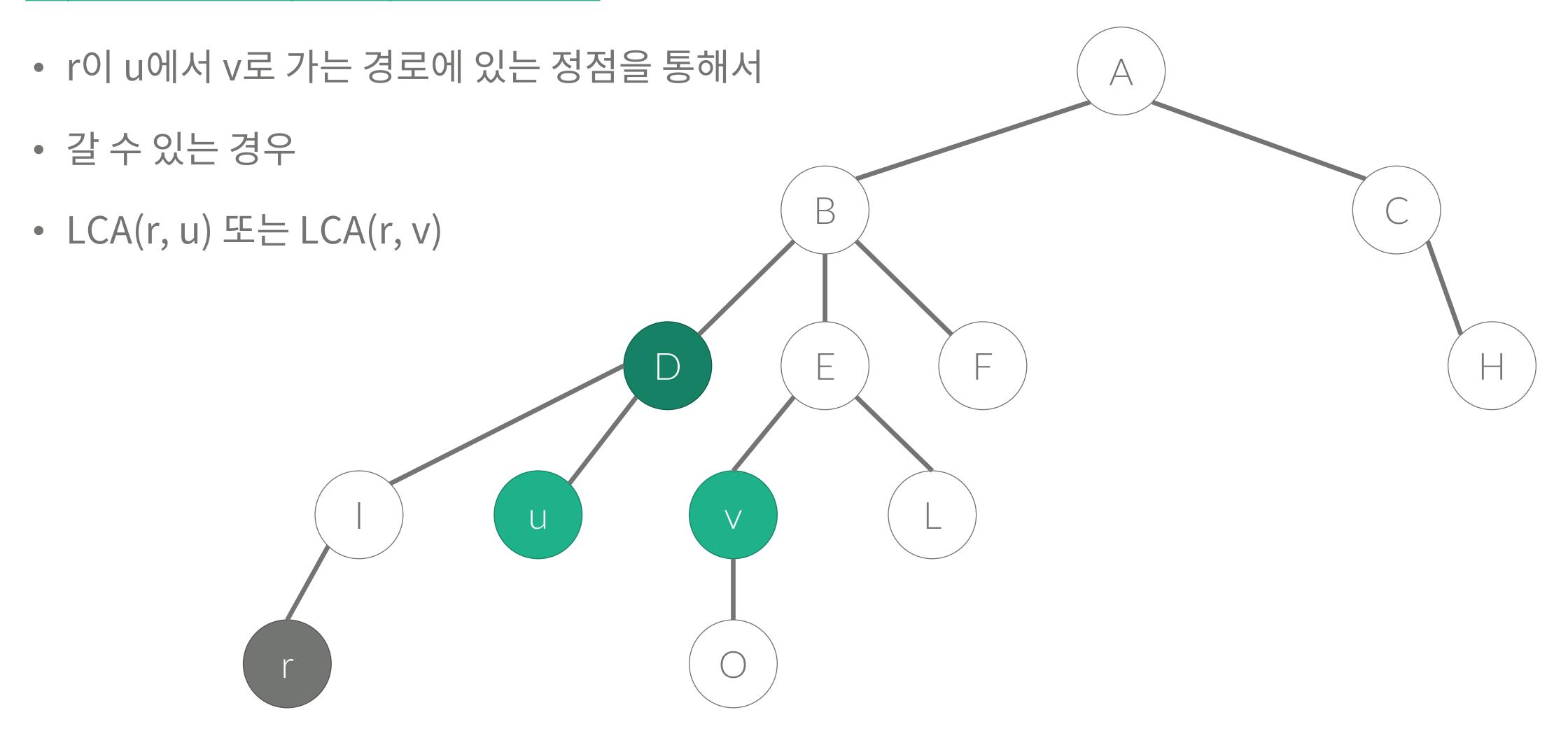
• LCA(x, y) = 루트가 1일 때, x와 y의 LCA

- LCA(x, y) = 루트가 1일 때, x와 y의 LCA
- 쿼리 r u v: 트리의 루트가 r이라고 했을 때, u와 v의 LCA를 구한다.
- 쿼리의 정답은 r, u, v, LCA(u, v), LCA(r, u), LCA(r, v) 중 하나이다.

- LCA(x, y) = 루트가 1일 때, x와 y의 LCA
- 쿼리 r u v: 트리의 루트가 r이라고 했을 때, u와 v의 LCA를 구한다.
- 쿼리의 정답은 r, u, v, LCA(u, v), LCA(r, u), LCA(r, v) 중 하나이다.
- r = u인 경우: u
- r = v인 경우: v







- LCA(x, y) = 루트가 1일 때, x와 y의 LCA
- 쿼리 r u v: 트리의 루트가 r이라고 했을 때, u와 v의 LCA를 구한다.
- 쿼리의 정답은 r, u, v, LCA(u, v), LCA(r, u), LCA(r, v) 중 하나이다.
- 트리의 루트가 r이라고 했을 때, u와 v의 LCA가 x라면
- x는 dist(x, u) + dist(x, v) + dist(x, r)이 가장 작은 값을 가지는 정점이다

https://www.acmicpc.net/problem/15480

• 소스: http://codeplus.codes/c8b093a0b68d40a280ddfebb885460a7