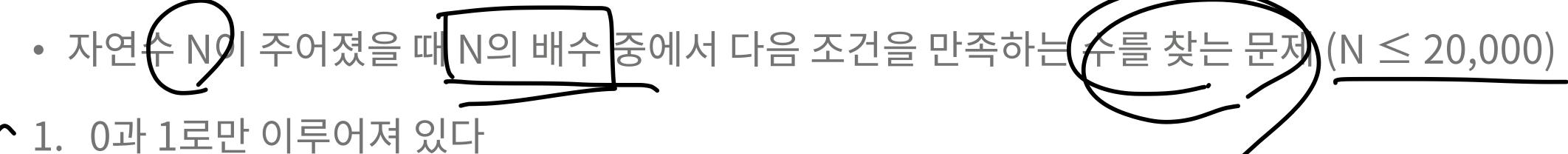
BFS2

최백준 choi@startlink.io

0₂+1

https://www.acmicpc.net/problem/8111

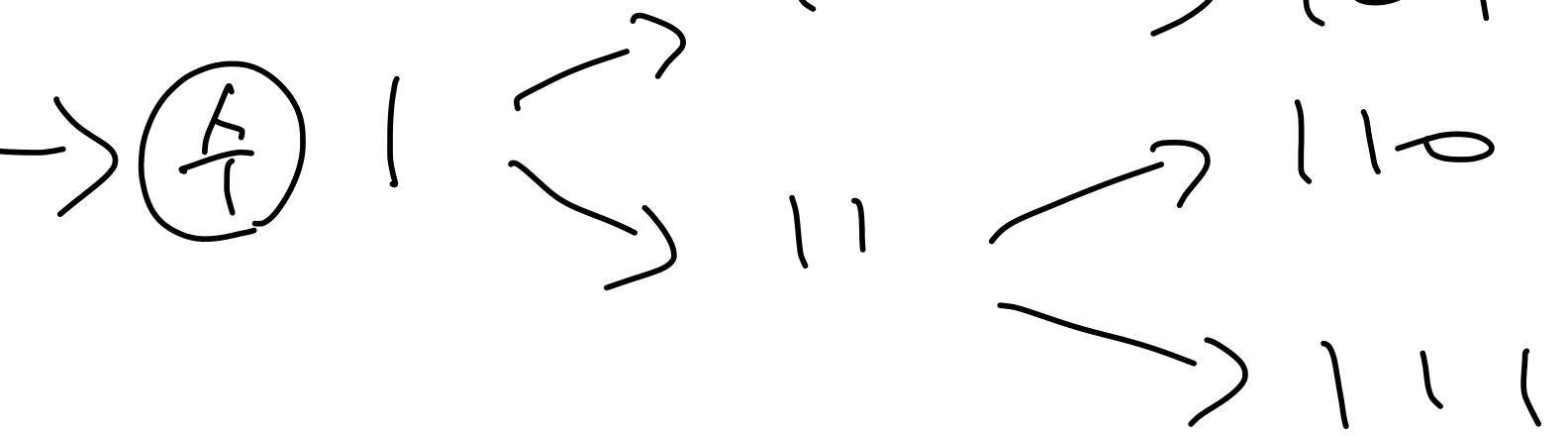


50

- 3. 수의 길이가 100 이하이다

1이 적어도 하나 있다

4. 수가 0으로 시작하지 않는다



0과 1

https://www.acmicpc.net/problem/8111

- 0과 1로만 이루어져 있으면서
- 길이가 1인 수(1)

()// > <

- 길이가 2인 수: 10, 11
- 길이가 3인 수: 100, 101, 110, 111
- 길이가 4인 수: 1000, 1001, 1010, 1011, 1100, 1101, 1110, 1111

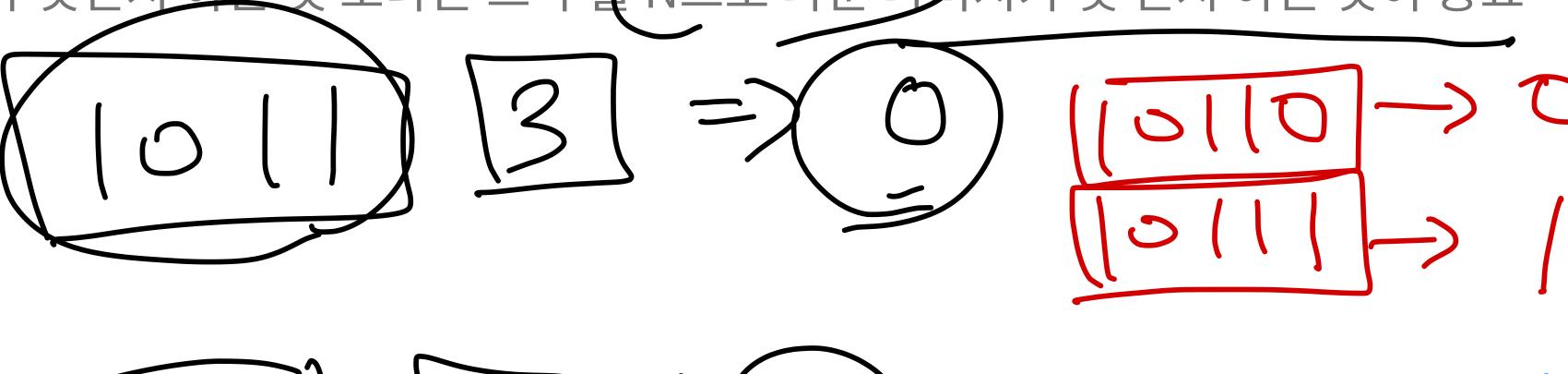
• 길이가 k인 수는 총 2^k개가 존재한다.

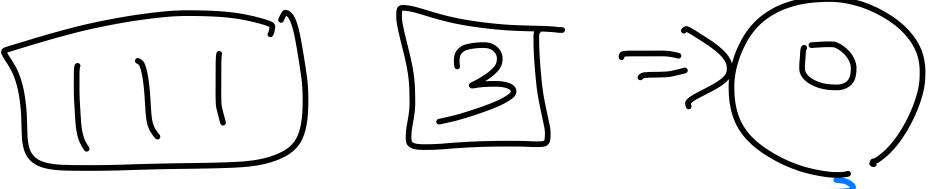
0과 1

https://www.acmicpc.net/problem/8111

N의 배수를 구하는 것이기 때문에

• 실제로 그 수가 무엇인지 아는 것 보다는 그 수를 N으로 나눈 나머지가 몇 인지 아는 것이 중요





35 Bal Ajuly 361st sty 25-82

0₂+1

https://www.acmicpc.net/problem/8111

- 0과 1로만 이루어져 있으면서
- 길이가 1인 수: 1 (= 1%17)

- =((A%))}{(AxB)%c=((A%c)x(B%c))%(
- 길이가 2인 수: 10 (=(1×10+0)%17 = 10), 11 (=(1×10+1)%17 = 11)
- 길이가 3인 수: $100 (=(10 \times 10 + 0)\%17 = 15), 101 (=(10 \times 10 + 1)\%17 = 16), 110 (=(11 \times 10 + 0)\%17 = 8), 111 (=(11 \times 10 + 1)\%17 = 9)$

(A+B) 2 C

• 길이가 4인 수: 1000, 1001, 1010, 1011, 1100, 1101, 1110, 1111

• 0과 1로 이루어져 있는 수 중에서 N으로 나눈 나머지는 총 N개 존재한다.

01

https://www.acmicpc.net/problem/8111

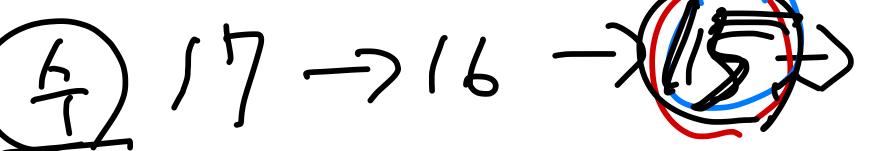
• 소스: http://codeplus.codes/ab5b9be07a2942d6aaa0d404a305281c



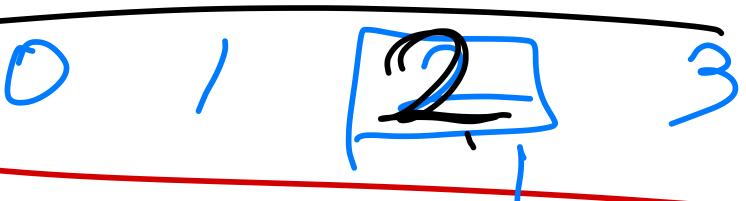
BFS

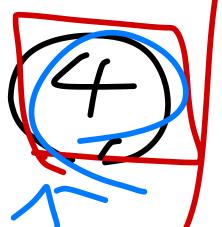
- 수빈이는 N에 있고, 동생은 K에 있다. (0 ≤ N, K ≰ 500,000)
- 수빈이가 동생을 찾을 수 있는 가장 빠른 시간을 구하는 문제
- 수빈이의 가능한 이동 1초 후에 X → 2X X+1 X-1 중 하나 /
- 동생의 이동 K \rightarrow K+1 \rightarrow K+1+2 \rightarrow K+1+2+3 \rightarrow \cdots
- 0보다 작은 좌표, 50보다 큰 좌표로 이동은 불가능, 정수 좌표에서만 찾을 수 있다.

- N = 17, K = 5인 경우 4초
- N = 1, K = 10인 경우 6초









- i초 후외 동생의 위치를 알 수 있다.
- 동생이 이동할 때마따 BFS를 이용해 가장 빠른 시간을 구해볼 수 있다.

(a) 1 +2 | +2+3 | (b) (c) -> (

https://www.acmicpc.net/problem/17071

• 소스: http://codeplus.codes/92cb9856a60d468e9741b2d35d5c130b

• 가능한 동생의 위치는 √500,000 이다.

• BFS의 시간 복잡도는 O(500,000) 이기 때문에, O(500,000√500,000)이라 시간이 매우 많이 걸린다.

Lacket Stoph

- 수빈이의 가능한 이동 1초 후에 $X \rightarrow 2X, X+1(X-1)$ 중 하니
- X → X+1 → X의 이동이 가능하다.
- 즉, 수빈이가 한 위치에 도착했다면, 2초마다 같은 위치로 이동할 수 있다.
- 홀수 시간에 어떤 칸에 도착했고, 동생이 홀수 <u>시간만에 그 위치로 왔다면, 찾을 수 있다.</u>
- 짝수 시간에 어떤 칸에 도착했고, 동생이 짞수 시간만에 그 위치로 왔다면, 찾을 수 있다.

https://www.acmicpc.net/problem/17071

• BFS를 이용하는데, 어떤 정점에 홀수 시간에 도착한 경우, 짝수 시간에 도착한 경우로 나누어서 최소 시간을 구해야 한다.

V 天的 台州外 5款市场 7125 142 4126

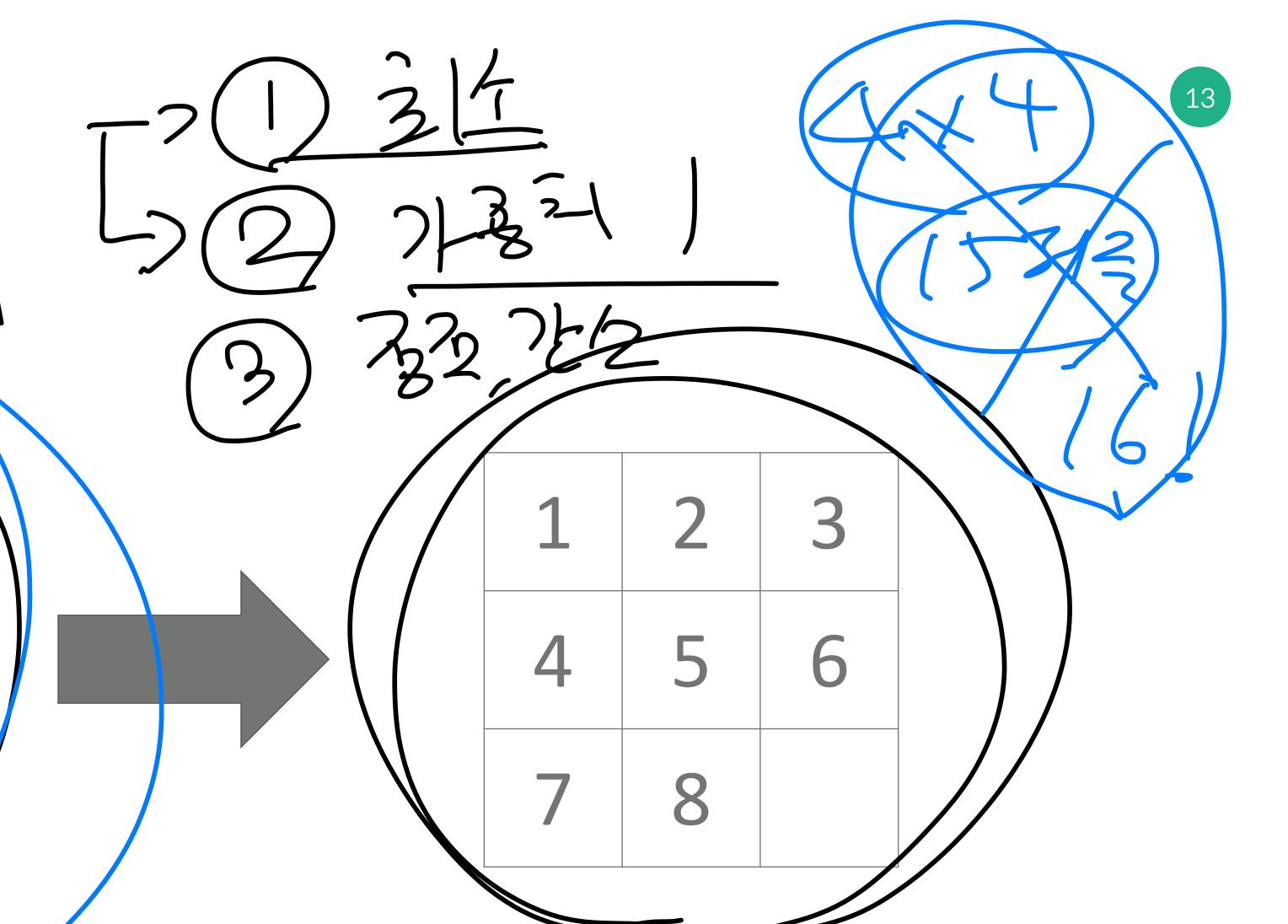
https://www.acmicpc.net/problem/17071

• 소스: http://codeplus.codes/f761cd66d3b741d7a9871b09110721ba

https://www.acmicpc.net/problem/1525

• 8퍼즐을 푸는 문제

8	2	
7	1	3
6	5	4



9! = (3628850)

- 8퍼즐을 푸는 문제
- 총 퍼즐 상태의 개수는 9! = 362,880가지 이다

https://www.acmicpc.net/problem/1525

- 8퍼즐을 푸는 문제
- 총 퍼즐 상태의 개수는 9! = 362,880가지 이다
- 하지만, 상태를 나타내는 수가 9개이기 때문에 배열에 저장할 수는 없다

(기) (15명) 여제 권자하 사는 어디

3. 79

(+2-3456789)

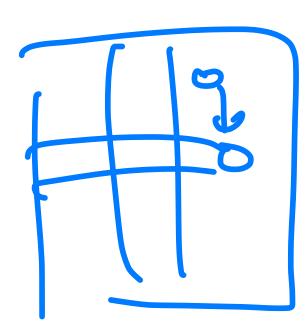
987432)/

https://www.acmicpc.net/problem/1525

• 0을 9로 바꾸면, 항상 9자리 숫자가 나오기 때문에, 이를 이용해서 문제를 풀 수 있다

987654321 (231

```
queue<int> q; q.push(start);
map int, int d; d[start] = 0;
while (!q.empty()) {
    int now_num = q.front();
    string now = to_string(now_num);
    q.pop();
    int z = now.find('9');
    // 다음 페이지
```



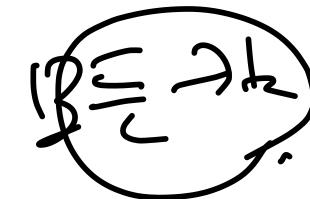
```
for (int k=0; k<4; k++) {
    int nx = x+dx[k];
    int ny = y+dy[k];
       (nx >= 0 && nx < n && ny >= 0 && ny < n) {
        string next = now;
        swap(next[x*3+y], next[nx*3+ny]);
        int num = stoi(next);
        if (d.count(num) == 0) {
            d[num] = d[now_num] + 1;
            q.push(num);
```

https://www.acmicpc.net/problem/1525

• 소스: http://codeplus.codes/3e02ac9404d64eca8428f0c0581d9964

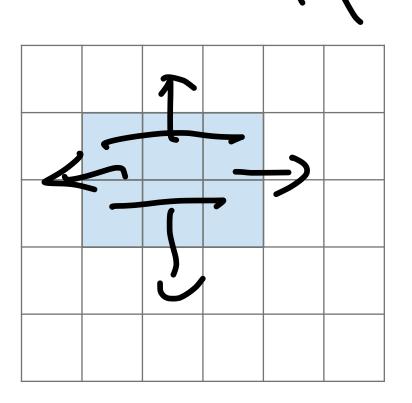
https://www.acmicpc.net/problem/16973





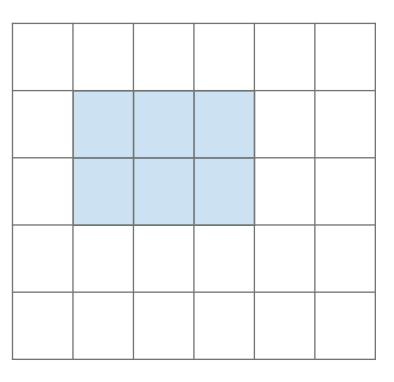
Q (NM)

- 크기가 N×M인 격자판에 크기가 H×W인 직사각형이 놓여져 있다.
- 직사각형을((Sr, Sc)에서 (Fr, Fc)로 옮기는 문제 (가장 왼쪽 칸 기준)
- 이동은 상하좌우 4방향이 가능
- 일부 칸은 이동할 수 없는 칸
- $2 \le N, M \le 1,000$



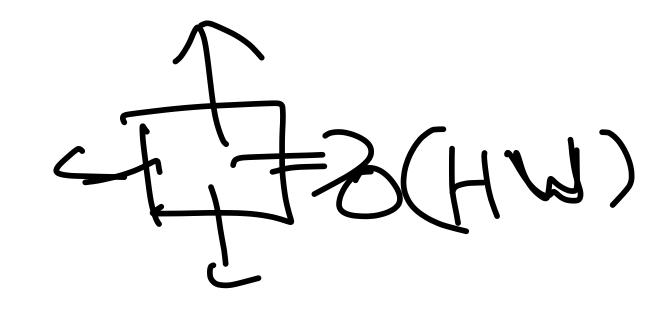
(MW)

- 직사각형의 정보를 저장하기 위해서 직사각형의 모든 칸을 저장할 필요는 없다.
- 가장 왼쪽 위칸과 직사각형의 크기를 알고 있으면, 직사각형을 만들 수 있다.
- 따라서, 가장 왼쪽 위칸의 정보만 이용하면 된다.



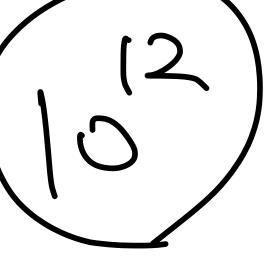
https://www.acmicpc.net/problem/16973

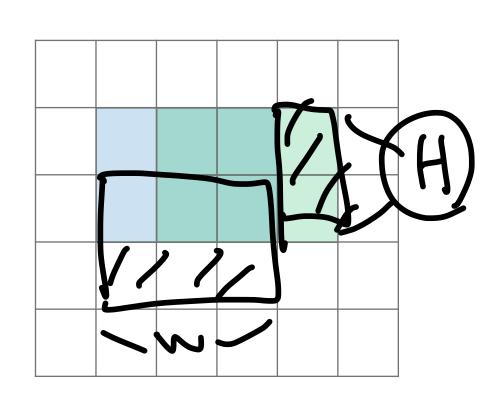
• 1×1인 직사각형이라면, O(NM)이 걸린다.



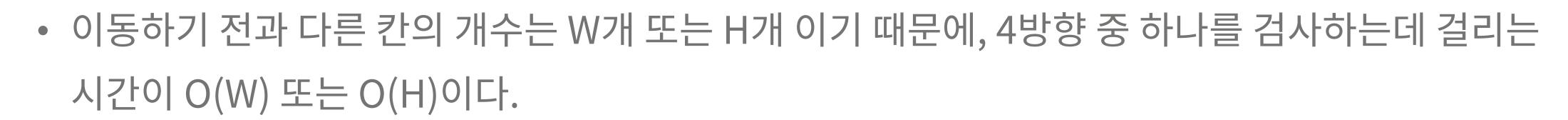
- 크기가 H×W이기 때문에, 4방향 중 하나를 검사하는데 걸리는 시간이 O(HW)이다.
- 따라서, O(NMHW)에 해결할 수 있다.
- $2 \le N, M \le 1,000$
- $1 \le H \le N$
- $1 \leq W \leq M$
- 너무 오랜 시간이 걸린다.



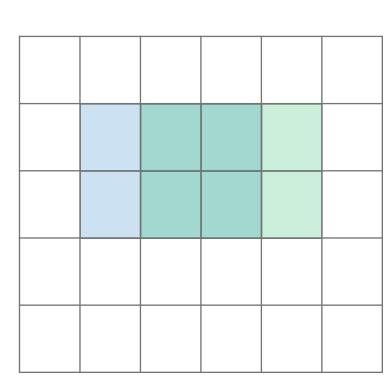








- 따라서, O(NMH+NMW)에 해결할 수 있다.
- $2 \le N, M \le 1,000$
- $1 \le H \le N$
- $1 \leq W \leq M$
- 꽤 오랜 시간이 걸린다.



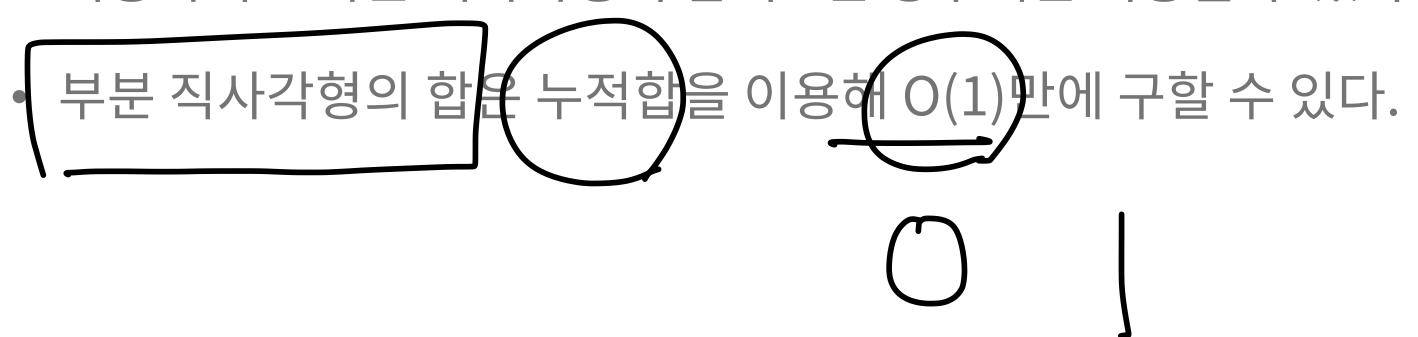


https://www.acmicpc.net/problem/16973

• 가장 왼쪽 칸을 기준으로 O(1)만에 어떤 방향으로 이동할 수 있는지 없는지 알아낼 수 있다.

https://www.acmicpc.net/problem/16973

• 이동하려고 하는 직사각형의 합이 0인 경우에만 이동할 수 있다.





https://www.acmicpc.net/problem/16973

• 소스: http://codeplus.codes/2085f9812ef64e2b86dab04502de3f0e

배달

3

https://www.acmicpc.net/problem/1175

N행 M열의 격자판에서

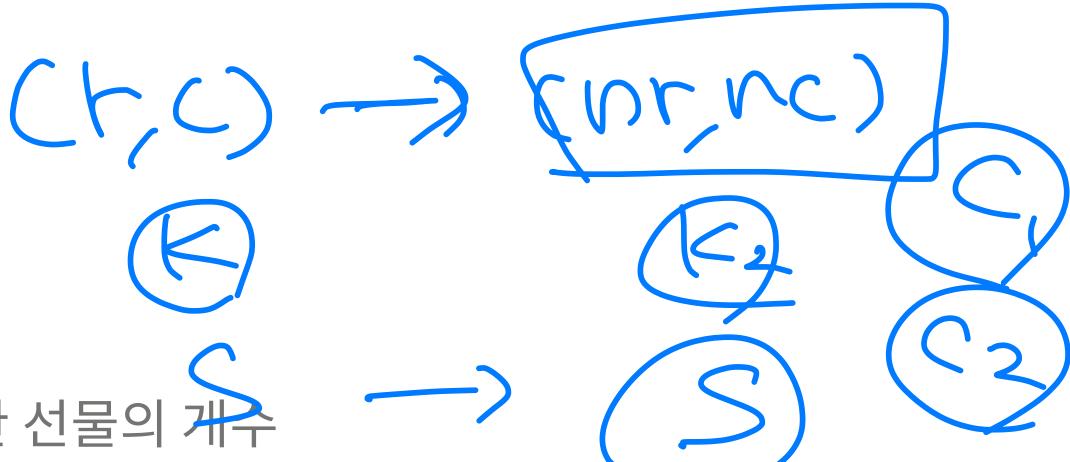
S에서 C로 이동하는 최소 이동 횟수를 구하는 문제

이 때, C의 개수분 2개이고, 계속해서 방향을 바꿔야 한다.

 $\frac{(3)}{(3)} \frac{(3)}{(3)} = 0$ $\frac{(3)}{(3)} \frac{(3)}{(3)} = 0$

배달

- 총 상태의 개수
- 칸의 좌표, 현재 칸에 들어온 방향, 배달 완료한 선물의 개수
- $50 \times 50 \times 4 \times 4$
- 아태 (r, c, k, s) ≠ (r, c)에 k방향으로 들어옴. 완료한 선물의 상태: s



배달

https://www.acmicpc.net/problem/1175

• 소스: http://codeplus.codes/16e9dc719503409ea94c7c8323d2547e

https://www.acmicpc.net/problem/16959



• $1 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \cdots \rightarrow N^2$ 까지 이동하려고 한다. $3 \leq N \leq 10$

- 중간에 다른 칸을 방문할 수도 있고, 같은 칸을 여러 번 방문하는 것도 가능하다
- 1에 나이 회 비숍 (룩 용 하나를 놓고 시작한다.
- 1초등만할수있는 행동. 말을 이동시키거나, 다른 말로 바누는 것

● 필요한 시간의 최솟값을 구하는 문제

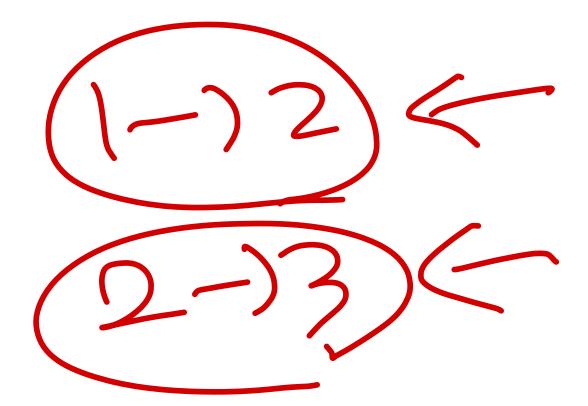
((, c)

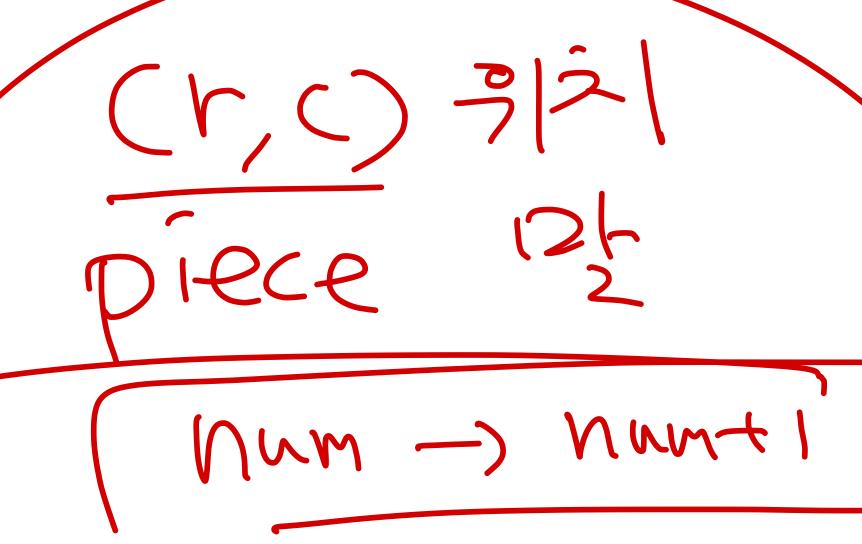
1	9	3
8	6	7
4	2	5

- 나이트로시작
- (3,2) → (1,3) → (3,2) → 록으로 바꿈 → (3,1) → (3,3) → (3,2) → (2,2) → (2,3) → (2,1) → (1,1) → (1,2)

- 크기가 N×N인 체스판이 있고, 각 칸에는 1부터 N²까지의 정수가 한 번씩 적혀있다.
- $1 \to 2 \to \cdots \to N^2$ 까지 이동하려고 한다. $3 \le N \le 10$
- 중간에 다른 칸을 방문할 수도 있고, **같은 칸을 여러 번 방문하는 것도 가능**하다.
- $(1 \rightarrow 2)$, $(2 \rightarrow 3)$, ..., $(N^2-1 \rightarrow N^2)$ 으로 쪼개서 문제를 풀 수 있다.
- 같은 칸을 1 → 2 에서 방문하고, 2 → 3 에서도 방문했을 수 있다.
- 하지만, $X \to X+1$ 로 이동할 때, 같은 칸을 여러 번 방문하는 것은 절대로 최소가 아니다.

- BFS를 이용할 수 있다.
- (r, c, num, piece)
 - (r, c): 말이 놓여져 있는 위치
 - num: 현재 몇 번까지 방문을 마쳤는지 (num \rightarrow num+1)로 가는 중이라는 의미
 - piece: 말의 종류 (0: 나이트, 1: 록, 2: 비숍)



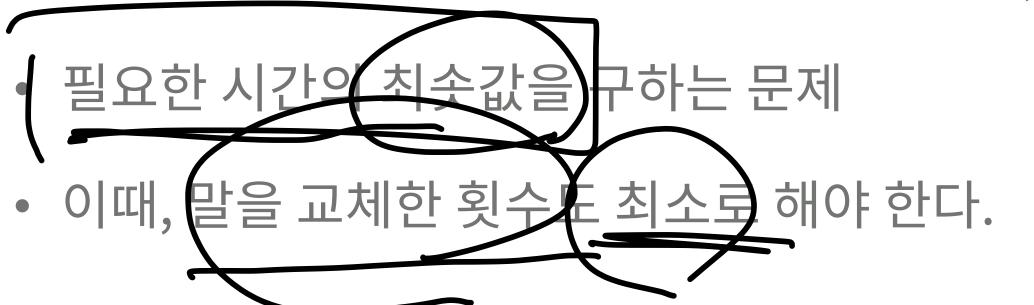


- BFS를 이용할 수 있다.
- (r, c, num, piece)
 - (r, c): 말이 놓여져 있는 위치
 - num: 현재 몇 번까지 방문을 마쳤는지 (num \rightarrow num+1)로 가는 중이라는 의미
 - piece: 말의 종류 (0: 나이트, 1: 록, 2: 비숍)
- 크게 2가지의 이동이 가능하다.
 - 다른 말로 교체한다.
 - 서동한다

https://www.acmicpc.net/problem/16959

• 소스: http://codeplus.codes/d96d68fce60d46faaec76e332d31845b

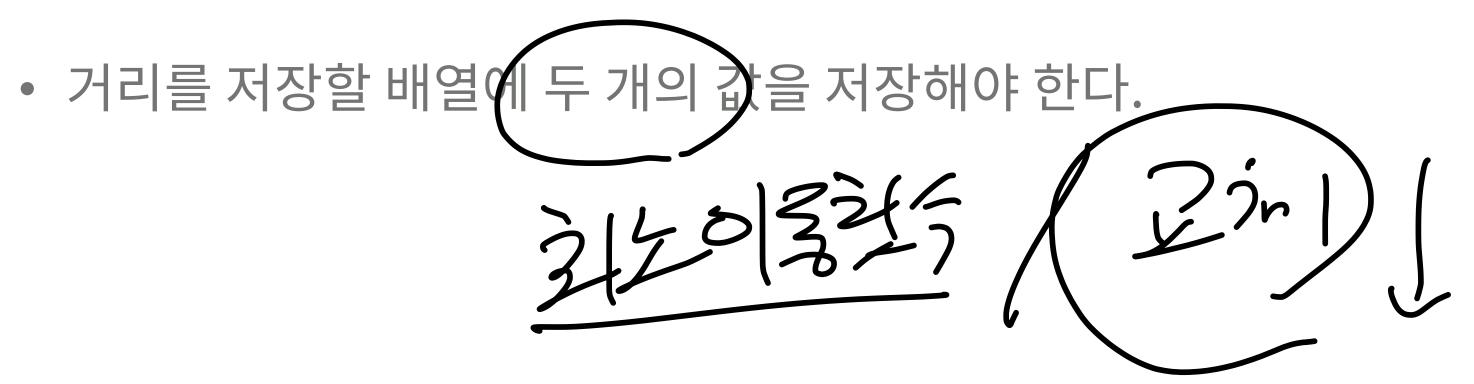
- 크기가 N×N인 체스판이 있고, 각 칸에는 1부터 N²까지의 정수가 한 번씩 적혀있다.
- $1 \to 2 \to \cdots \to N^2$ 까지 이동하려고 한다. $3 \le N \le 10$
- 중간에 다른 칸을 방문할 수도 있고, 같은 칸을 여러 번 방문하는 것도 가능하다.
- 1에 나이트, 비숍, 룩을 놓고 시작한다.
- 1초 동안 할 수 있는 행동: 말을 이동시키거나, 다른 말로 바꾸는 것



체스판여행2

https://www.acmicpc.net/problem/16952

• 체스판 여행 1과 비슷하게 해결할 수 있다.



체스판여행2

https://www.acmicpc.net/problem/16952

• 소스: http://codeplus.codes/ce38c205f4834ed7aa4d39d6c77d0b2d

https://www.acmicpc.net/problem/12851

• 수빈이의 위치: N

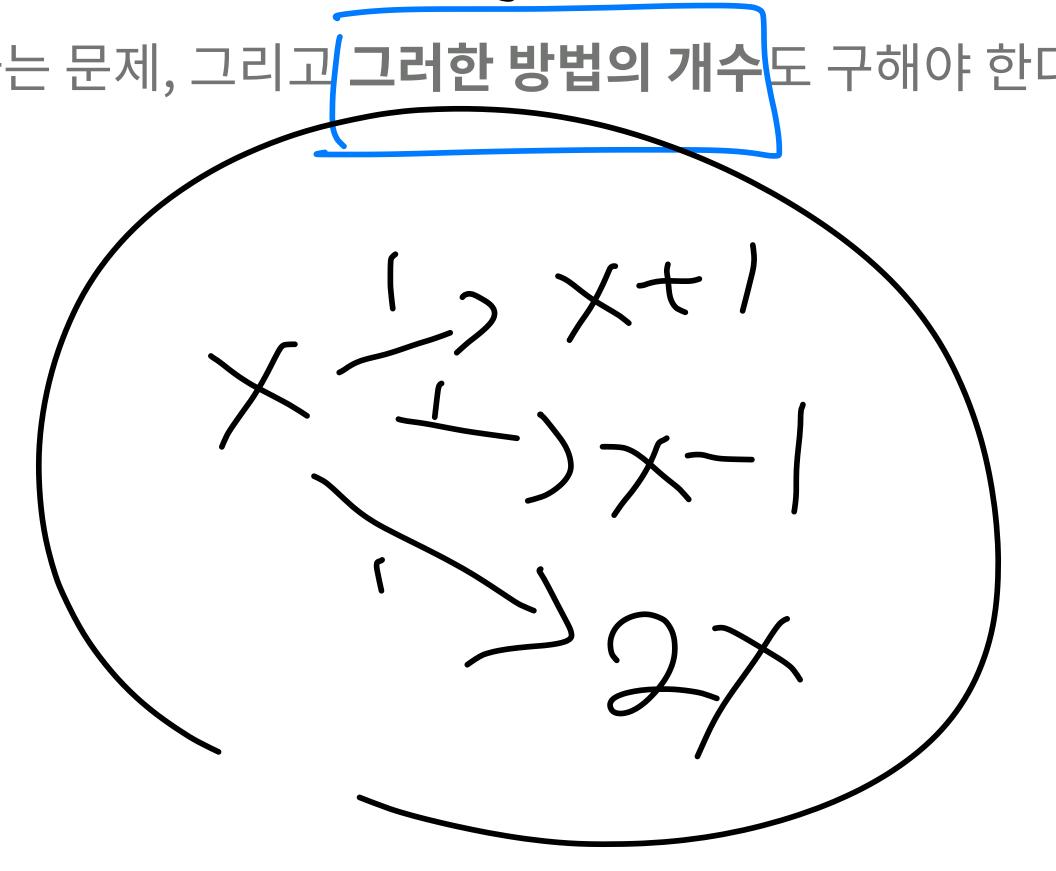
• 동생의 위치: K

가장 빠른 시간을 구하는 문제, 그리고 **그러한 방법의 개수**도 구해야 한다 • 동생을 찾는

• 수빈이가 할 수 있는 행동 (위치: X)

1. 걷기: X+1 또는 X-1로 이동 (1초)

2. 순간이동: 2*X로 이동 (1초)

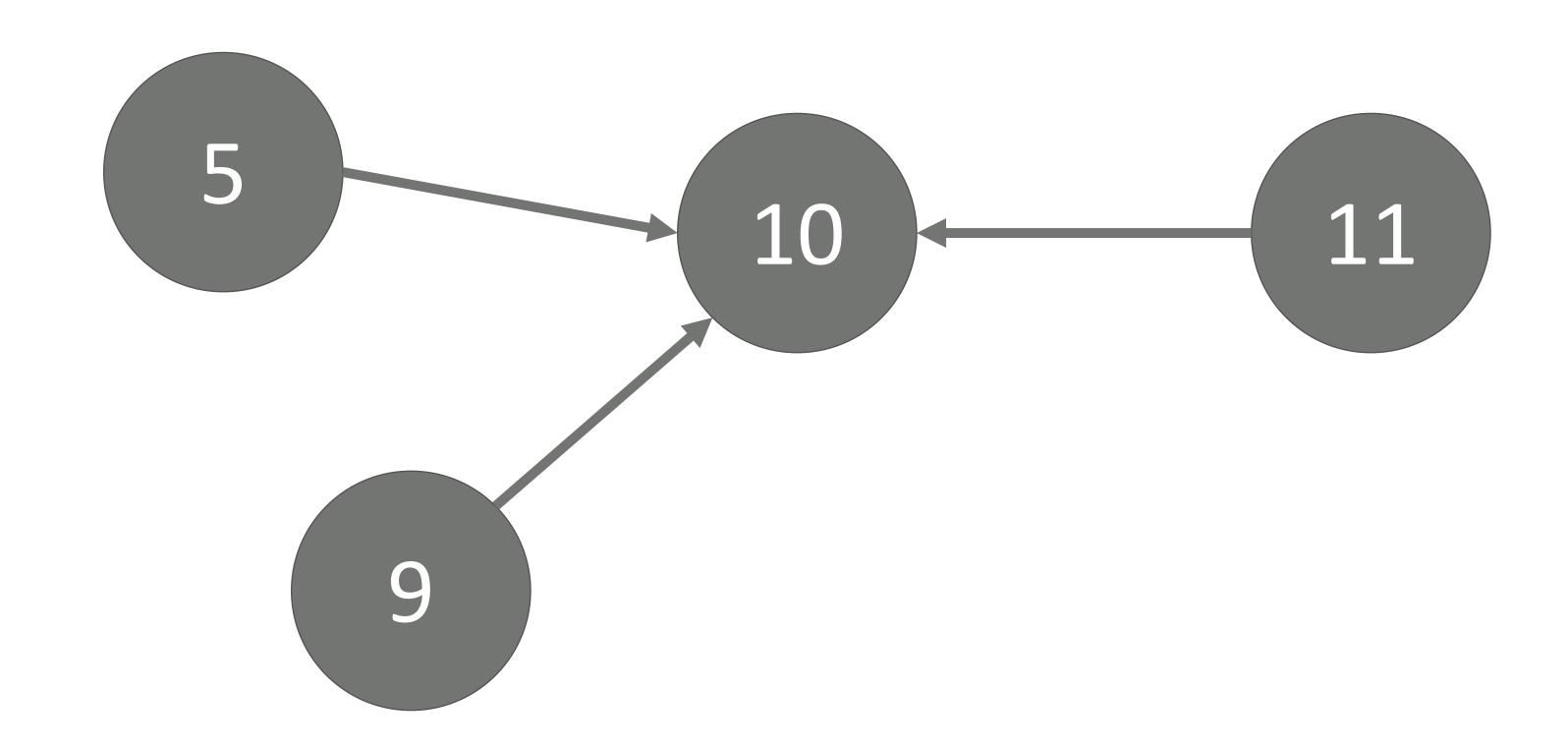


https://www.acmicpc.net/problem/12851

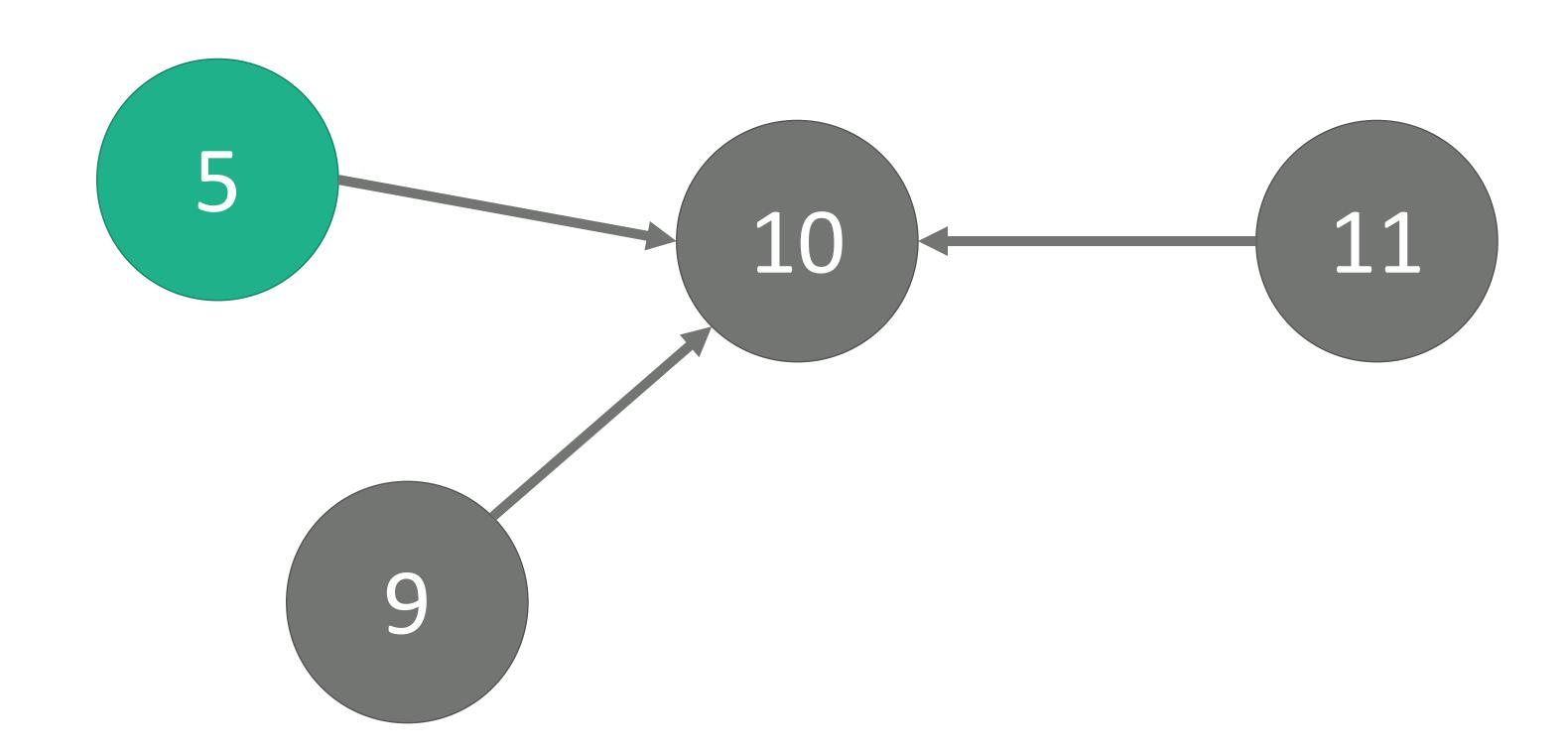
• 경우의 수는 다이나믹 프로그래밍으로 구할 수 있다 는 i까지 가는 방법의 개수

MY WING

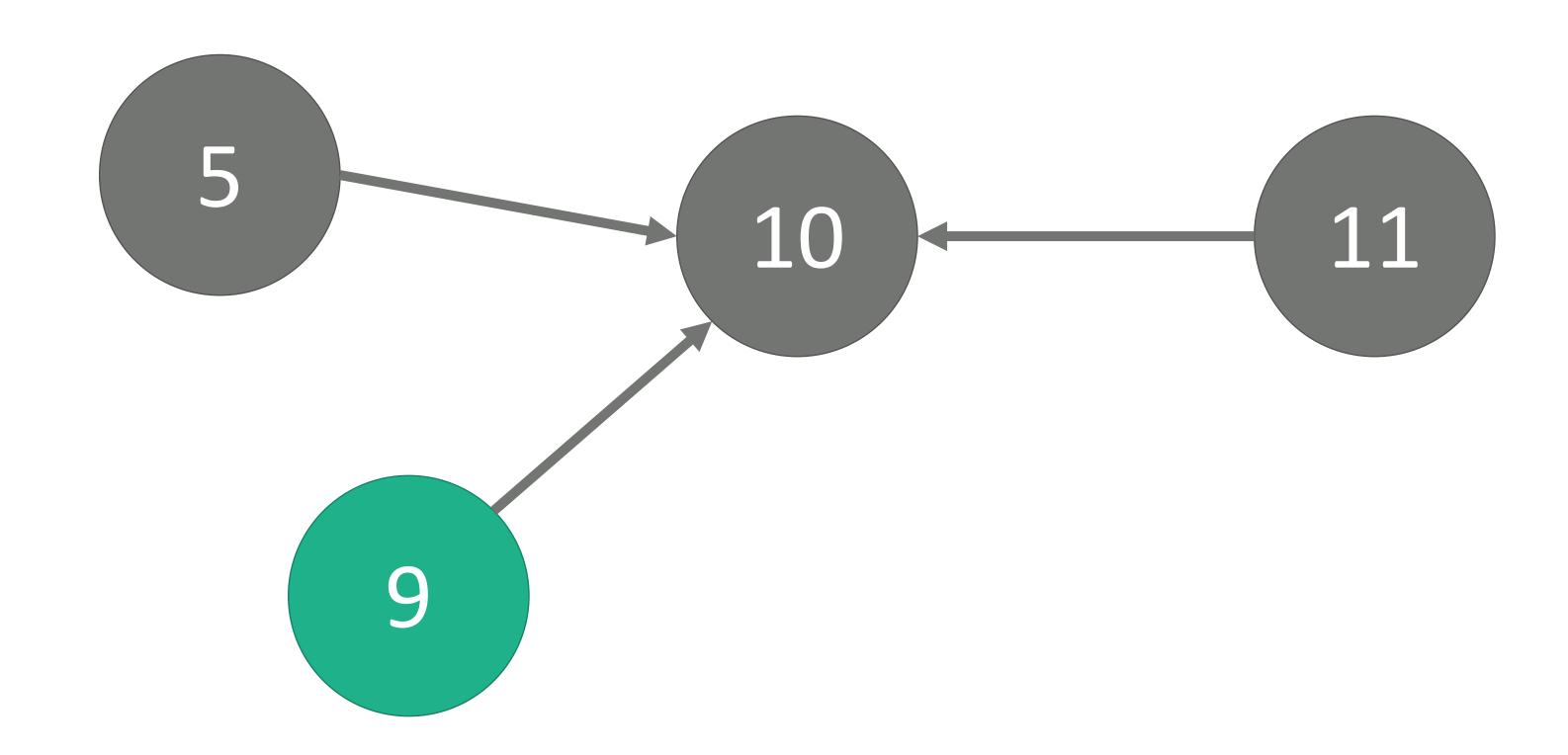
- 10을 아직 방문하지 않았고
- 시작점에서 5와 9까지 가는 거리는 3, 11은 아직 방문하지 않았다고 가정하자



- 10은 아직 방문하지 않았기 때문에
- 10을 방문해야 한다.
- 이때, cnt[10] = cnt[5]



- 10은 이미 방문했기 때문에
- 10을 방문할 수는 없다. 하지만, 방법의 수는 계산해야 한다.
- cnt[10] += cnt[9]



```
while (!q.empty()) {
    int now = q.front(); q.pop();
    for (int next : {now-1, now+1, now*2})
        if (0 <= next && next <= MAX) {
            if (check[next] == false) {
                q.push(next); check[next] = true;
                dist[next] = dist[now] + 1;
                cnt[next] = cnt[now];
            } else if (dist[next] == dist[now] +
                cnt[next] += qnt[now]
```

https://www.acmicpc.net/problem/12851

• 소스: http://codeplus.codes/88736bb1083f4c9b84df726352956d33

백조의호수

- 두 마리의 백조가 호수에 살고 있다
- 두 마리는 호수를 덮고 있는 얼음 때문에 만날 수 없다
- 매일 물과 접촉한 얼음은 녹는다 (가로, 세로)
- 몇일이지나야 백조가 만날 수 있을까?

백조의 호수 均3 (D) X (3) 25

https://www.acmicpc.net/pro				4/
		XX		
XXXXXXXXXXXXXX	XXXXX X	X	3	2
XXXXXXXXXXX	XXXXXX	X X	13 ((12E) J	, ,
	XXXXXXX	X	· (43) [1	
XXXXXXXX	XX X			
XXXXX.XX(L)			•	
시작	첫째 날	둘째 날		

백조의호수

- 물의 퍼짐과 백조의 이동을 BFS로 진행할 수 있다
- 각각의 날에 대해서
- 물을 먼저 이동시키고, 그 다음에 백조를 이동시키면 된다

백조의호수

https://www.acmicpc.net/problem/3197

• 소스: http://codeplus.codes/0aab51f4601d47afa523e05d76f24f59

열소

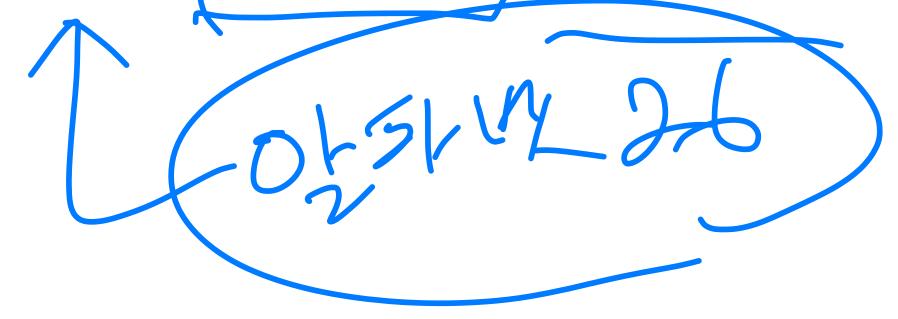
- 빌딩에서 문서를 훔치는 문제
- 지도에는 문과 열쇠가 있다
- 열쇠를 얻으면 문을 열 수 있다

https://www.acmicpc.net/problem/9328

• BFS를 큐 27개로 수행해야 한다.

• 큐 1개: 일반적인 BFS

• 큐 26개: 문을 열기 위해 기다리는 큐

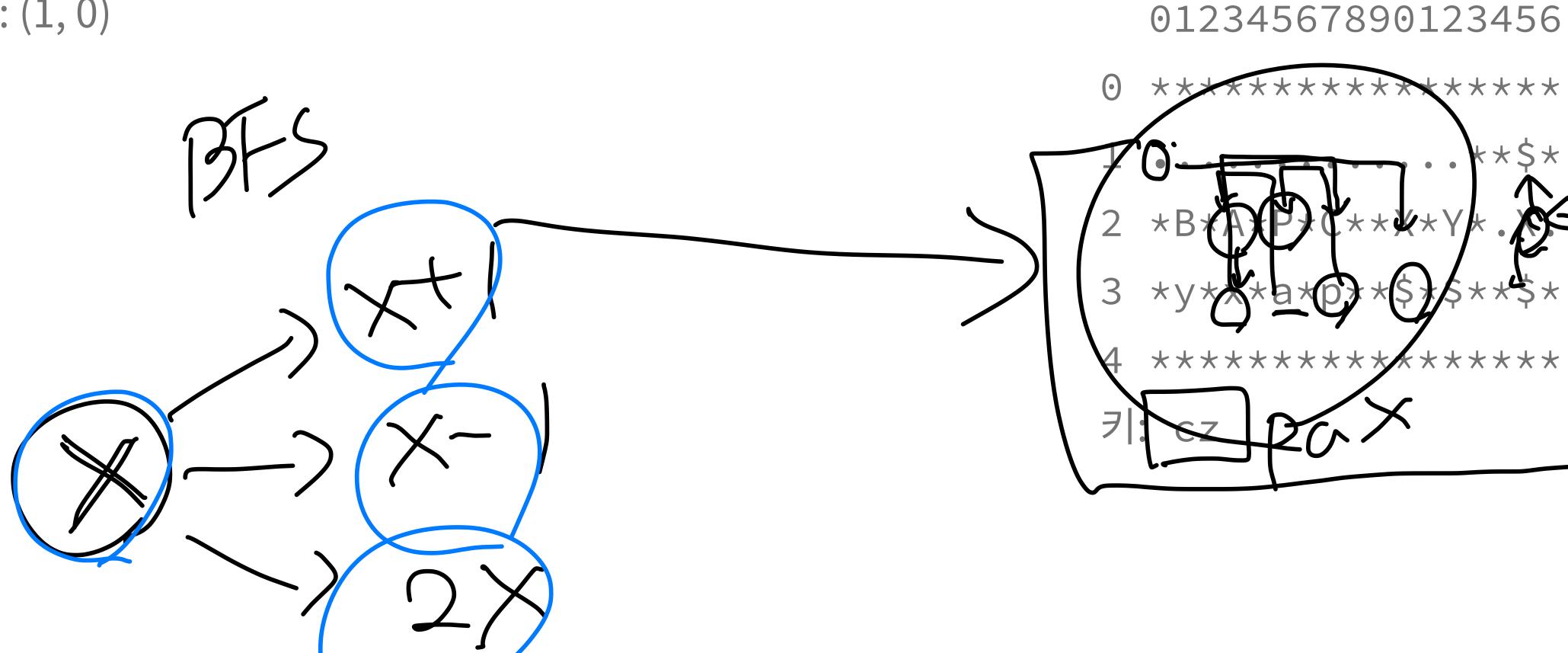


1111111

열쇠

https://www.acmicpc.net/problem/9328

• 큐: (1, 0)



https://www.acmicpc.net/problem/9328

• 큐: (1, 1)

```
1111111
```

01234567890123456

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 2)
- 큐(B): (2, 1)

```
1111111
```

01234567890123456

0 *********

1***

2 *B*A*P*C**X*Y*.X.

3 *y*x*a*p**\$*\$*

4 *********

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 3)
- 큐(B): (2, 1)

```
1111111
```

01234567890123456

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 4)
- 큐(A): (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)

1111111

01234567890123456

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 5)
- 큐(A): (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)

1111111

01234567890123456

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 6)
- 큐(A): (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)
- 큐(P): (2, 5)

1111111

01234567890123456

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 7)
- •(큐(A): (2, 3)
- (큐(B): (2, 1)
- (中): (2, 5)

```
1111111
```

01234567890123456

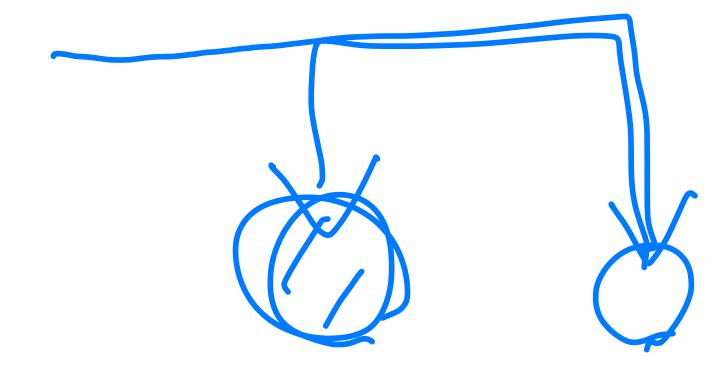
3(6)

https://www.acmicpc.net/problem/9328

• 큐: (2, 7), (1, 8)

- 큐(A): (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)

큐(P): (2, 5)



1111111

01234567890123456

- 0 *****
- 1 ** \$*
- 2 *B*A*P*C**X*Y*.X.
- 3 *y*x*a*p**\$*\$*
- 4 **********

열소

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (1, 8), (3, 7), (2, 5)
- 큐(A): (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)

1111111

01234567890123456

0 ********

2 *B*A*P*C**X*Y*.X.

3 *y*x*a*p**\$*\$*

4 *********

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (3, 7), (2, 5), (1, 9)
- 큐(A): (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)

1111111

01234567890123456

0 ********

1**\$*

2 *B*A*P*C**X*Y*.X.

3 *y*x*a*p**\$*\$*

4 *********

열소

https://www.acmicpc.net/problem/9328

- 큐: (2, 5), (1, 9), (3, 5), (2, 3)
- 큐(B): (2, 1)

```
1111111
```

01234567890123456

0 ******

1**\$*

2 *B*A*P*C**X*Y*.X.

3 *y*x*a*p**\$*\$*

4 *********

키: czpa



https://www.acmicpc.net/problem/9328

• 소스: http://codeplus.codes/0a3c023f3e0547f88f893c2c2fdd51bb

https://www.acmicpc.net/problem/16920

- 크기가 N×M인 지도와 플레이어 P명이 있다. 지도의 각 칸은 빈 칸 또는 벽
- 각 플레이어는 지도 위에 성을 하나 이상 가지고 있는데, 성을 확장할 수 있다.
- (각 턴마다 자신의 성과 거리가 S[i] 이하인 모든 칸으로 성을 확장한다.
- 최종 성의 개수를 구하는 문제

山分と

```
3 3 2
1년
1년
(12
12
· 답: 63
```

https://www.acmicpc.net/problem/16920

```
4 4 2

1 1

1//·/

1//2

1·/·22

/·222
```

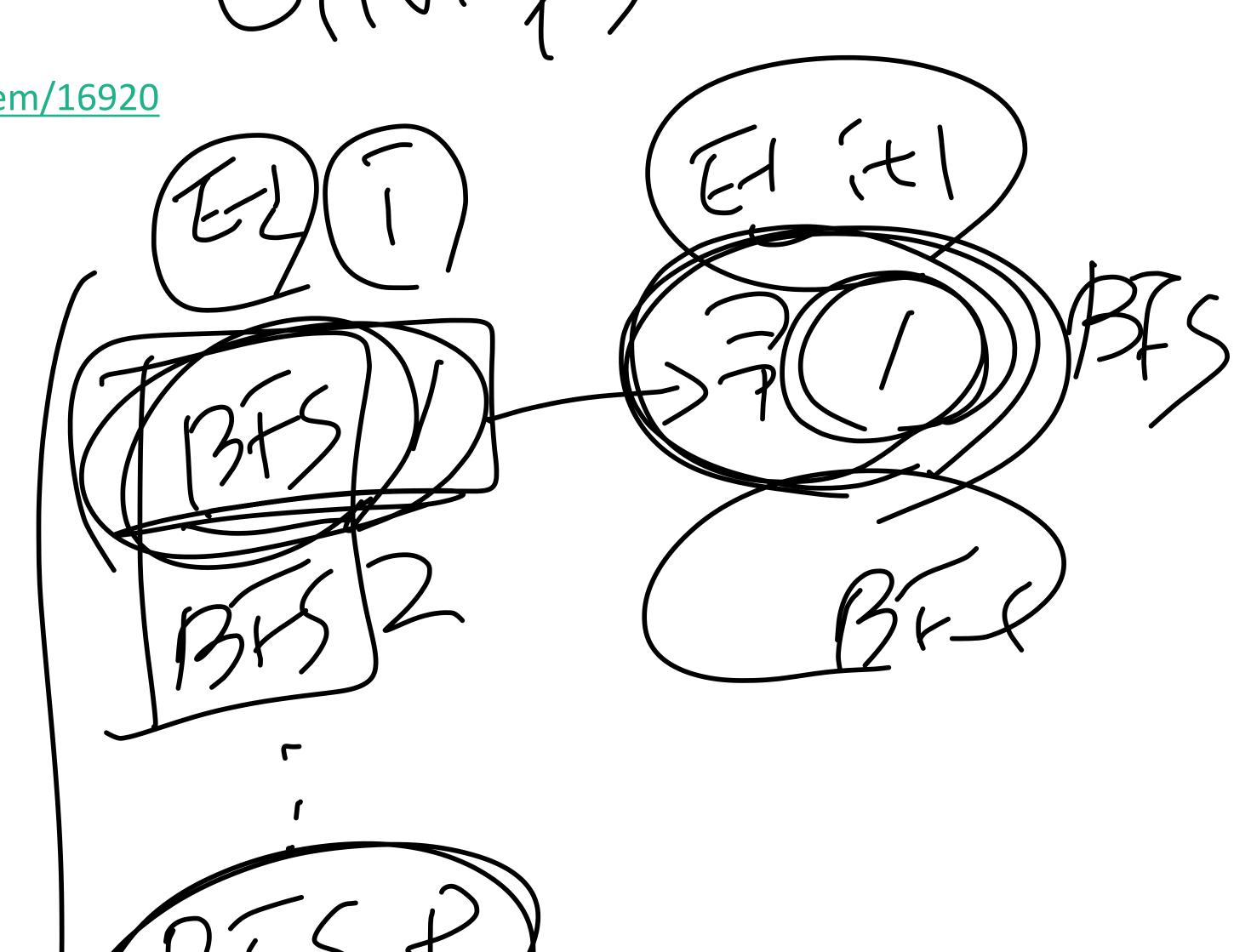
• 답: 10 6

```
4 4 2
1 1
11/1
11/1
11/1
11/2
122
122
• 답: 115
```

https://www.acmicpc.net/problem/16920

4 4 2

1. / 11 r. 1. 22



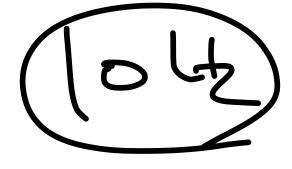
- BFS를 이용해서 해결할 수 있다.
- 큐에 시작점을 여러개 넣으면 된다.
- 플레이어어 별로 BFS를 이용한다.
- 라운드 별로 BFS를 처음부터 다시 할 필요는 없다.

https://www.acmicpc.net/problem/16920

• 소스: http://codeplus.codes/cf2e2dd25e144d47aaa572fd2e283f70



2->

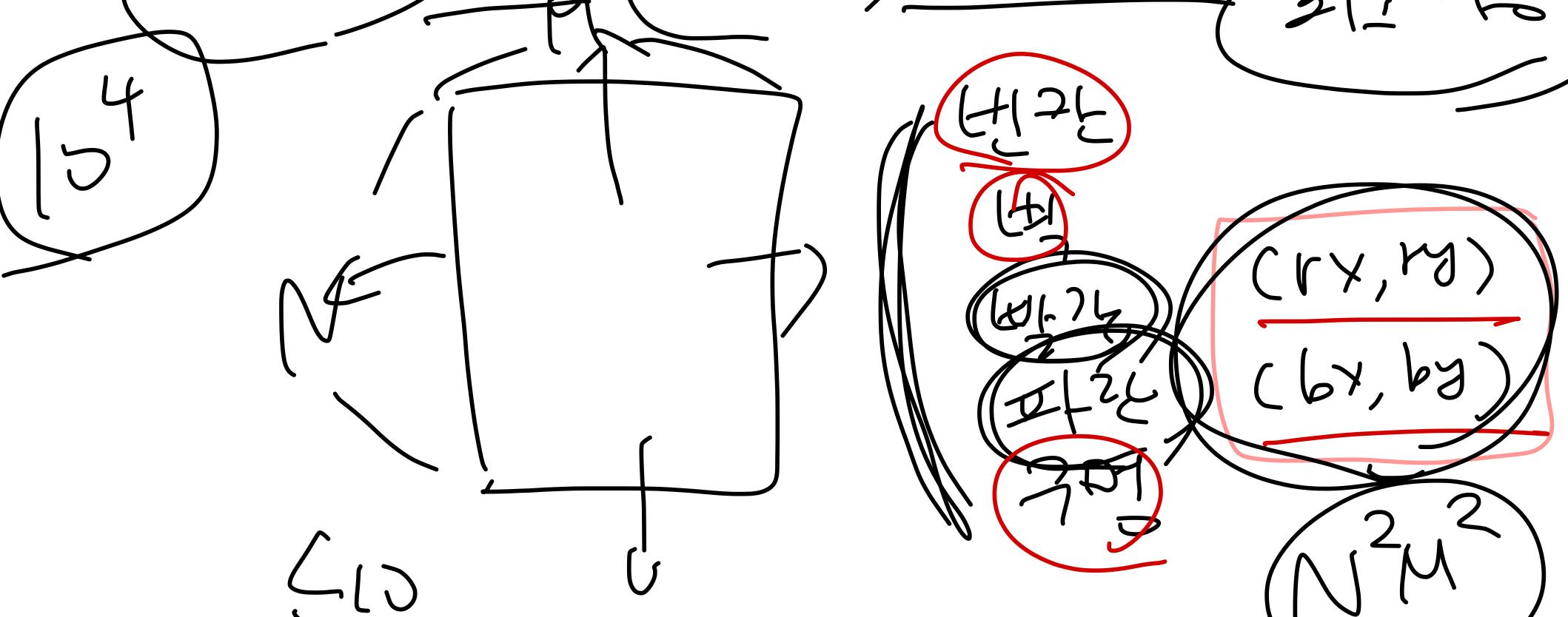


But Tora

https://www.acmicpc.net/problem/15653

• 보드의 상태가 주어졌을 때, 최소 몇 번 만에 빨간 구슬을 구멍을 통해 빼낼 수 있는지 구하는 문제

• 만약, 어떻게 움직여도 빨간 구슬을 구멍을 통해 빼낼 수 없으면 -1을 출력



https://www.acmicpc.net/problem/15653

• 보드의 상태를 변수로 나타내보자

- 보드에는 빈 칸, 벽, 빨간 구슬, 파란 구슬, 구멍이 있다.
- 가능한 방법은 구슬을 이동시키는 것이다.

- 보드에는 빈 칸, 벽, 빨간 구슬, 파란 구슬, 구멍이 있다.
- 가능한 방법은 구슬을 이동시키는 것이다.
- 빈 칸, 벽, 구멍은 어떻게 이동시켜도 변하지 않는다.
- 빨간 구슬과 파란 구슬만 변한다.
- 따라서, 구슬의 위치가 문제의 상태가 된다.

- 상태: (rx, ry, bx, by)
- 빨간 구슬의 위치가 (rx, ry)이고, 파란 구슬의 위치가 (bx, by)
- 총 가능한 상태의 개수: (NM)²

https://www.acmicpc.net/problem/15653

• 소스: http://codeplus.codes/2abc7bcdf093404c8278506493060232

절프게임

https://www.acmicpc.net/problem/15558

• 오른쪽 그림과 같은 지도가 있다 (N ≤

• 유저가 할 수 있는 행동은 아래 3가지 경

N번 칸을 넘어갈 수 있는지 구하는 문제

(75)	(((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((((<l>)</l>((((((((((((<l></l>	\\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\	T()
(100,000) 중하나이다) (3	-7,5	+(+)
k만큼 이동)			
데			
(128)			

Ν

N-1

N-1

점프게임

https://www.acmicpc.net/problem/15558

• 만약, 칸이 사라지는 조건이 없으면, BFS로 해결할 수 있다.

N	N
N-1	N-1
•	•
3	3
2	2
1	1

점프게임

- BFS는 어떤 칸을 방문하는 최단 거리를 구하게 되는데
- i번 칸을 방문한 초 ≥ i 이면 방문할 수 있는 것이다.

N	N
N-1	N-1
•	•
•	•
3	3
2	2
1	1

점프게임

https://www.acmicpc.net/problem/15558

• 소스: http://codeplus.codes/4ecce30d648d4f75b7c68b4650a62ba9

N	N
N-1	N-1
•	•
•	•
3	3
2	2
1	1