세그먼트 트리와 펜윅 트리 (도전)

최백준 choi@startlink.io

- A라는 학생이 B라는 학생보다 세 번의 시험에서 모두 성적이 좋다면, A가 B보다 '대단하다'고 한다.
- 또, C라는 학생보다 '대단한' 학생이 한 명도 없으면, C를 '굉장하다'고 한다.
- 세 번의 시험에서 각 학생의 성적이 주어졌을 때, '굉장한' 학생의 수를 구하는 문제
- 1 ≤ 학생의 수 ≤ 500,000

- A1 < A2: 위치 (1번 시험)
- B1 < B2: 넣는 순서 (2번 시험)
- C1 < C2: 넣는 값 (3번 시험)

https://www.acmicpc.net/problem/2336

- 학생의 등수
- 717(굉장한 학생)
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5 10 4

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
11	11	11	11	11	11	11	11	11	11

- 학생의 등수
- 717
- 128 (굉장한 학생)
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5104

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
11	11	11	11	11	11	7	11	11	11

https://www.acmicpc.net/problem/2336

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331(굉장한 학생)
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5104

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	11	11	11	11	11	7	11	11	11

https://www.acmicpc.net/problem/2336

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5104

tre	e[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
	8	11	1	11	11	11	7	11	11	11

https://www.acmicpc.net/problem/2336

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255 (굉장한 학생)
- 869
- 673
- 482
- 9910

 - 8

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	11	1	11	11	11	7	11	11	6

• 5104

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5 10 4

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	5	1	11	11	11	7	11	11	6

\perp

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5 10 4

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	5	1	11	11	11	7	9	11	6

1	

https://www.acmicpc.net/problem/2336

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5104

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	5	1	11	11	3	7	9	11	6

https://www.acmicpc.net/problem/2336

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482

• 5104

• 9910

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	5	1	2	11	3	7	9	11	6

https://www.acmicpc.net/problem/2336

tree[1]

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910

8	5	1	2
		1	

tree[3]

tree[4]

tree[5]

11

tree[6]

3

tree[7]

tree[8]

9

tree[9]

10

tree[10]

6

tree[2]

· 5104

- 학생의 등수
- 717
- 128
- 331
- 1046
- 255
- 869
- 673
- 482
- 9910
- 5104

tree[1]	tree[2]	tree[3]	tree[4]	tree[5]	tree[6]	tree[7]	tree[8]	tree[9]	tree[10]
8	5	1	2	4	3	7	9	10	6

https://www.acmicpc.net/problem/2336

• 소스: http://codeplus.codes/1142c1237078468d8bc449c63237f824

- 길이가 N인 수열 A_1, A_2, \dots, A_N 과 정수 K가 있을 때
- 수열 A의 부분 수열 중에서 길이가 K이면서 증가하는 부분 수열의 개수를 구하는 문제
- $1 \le N \le 100,000, 1 \le K \le 50, K \le N$
- $1 \le A_i \le 100,000$

- D[i][j] = A[i]에서 끝나고, 길이가 j인 증가하는 부분 수열의 개수
- D[i][1] = 1
- $D[i][j] = \sum D[k][j-1] (k < i, A[k] < A[i])$
- O(KN²)

- D[i][j] = A[i]에서 끝나고, 길이가 j인 증가하는 부분 수열의 개수
- D[i][1] = 1
- $D[i][j] = \sum D[k][j-1] (k < i, A[k] < A[i])$
- O(KN²)
- tree[j][i] = $\Sigma D[k][j]$ (k \leq i)
- 라고 한다면
- D[i][j] = tree[j-1][A[i]-1] 로 구현할 수 있다.

https://www.acmicpc.net/problem/13555

• 소스: http://codeplus.codes/6a1fbbf86f4544469023b872d74debe0