

# 브루트 포스 - 기타

최백준 [choi@startlink.io](mailto:choi@startlink.io)

---

# 투 포인터

---

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- N개의 수로 된 수열  $A[1], A[2], \dots, A[N]$  이 있다
- 이 수열의 i번째 수부터 j번째 수까지의 합  $A[i]+A[i+1]+\dots+A[j-1]+A[j]$ 가 M이 되는 경우의 수를 구하는 문제

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 이 문제를 풀 수 있는 총 3가지 시간복잡도로 해결할 수 있다.

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- $A[i]+A[i+1]+\cdots+A[j-1]+A[j] == M$  이 되는  $(i, j)$  쌍의 개수를 찾는 문제와 같다.
- $i$ 를 정하고,  $j$ 를 정하고, 합을 계산하면  $O(N^3)$ 로 계산할 수 있다.

```
for (int i=0; i<n; i++) {  
    for (int j=i; j<n; j++) {  
        int sum = 0;  
        for (int k=i; k<=j; k++) {  
            sum += a[k];  
        }  
        if (sum == m) ans += 1;  
    }  
}
```

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- $i = a, j = b$ 인 경우에 합을 구한 다음 과정은
- $i = a, j = b+1$ 의 합을 구하는 과정이다.
- 그런데,  $A[a] + A[a+1] + \dots + A[b]$ 와  $A[a] + A[a+1] + \dots + A[b] + A[b+1]$ 의 차이는  $A[b+1]$ 밖에 없다.
- 합은 변하지 않는데 여러 번 구하는 것은 중복된 연산으로 없앨 수 있다.

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- $A[i]+A[i+1]+\dots+A[j-1]+A[j] == M$  이 되는  $(i, j)$  쌍의 개수를 찾는 문제와 같다.
- 합을 계산할 때, 합을 각각의  $i$ 에 대해서 누적하면  $O(N^2)$ 로 계산할 수 있다.

```
for (int i=0; i<n; i++) {  
    int sum = 0;  
    for (int j=i; j<n; j++) {  
        sum += a[j];  
        if (sum == m) ans += 1;  
    }  
}
```

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- $i = a, j = b$ 의 합이  $M$ 보다 작았고,  $i = a, j = b+1$ 의 합이  $M$ 보다 큰 경우를 생각해보자
- 식으로 나타내면 다음과 같다.
  - $A[a] + A[a+1] + \dots + A[b] < M$
  - $A[a] + A[a+1] + \dots + A[b+1] > M$
- 이 경우  $j$ 를 계속 증가시키는 것은 의미가 없기 때문에,  $i$ 를 증가시켜야 한다.
- 그런데
- $i = a+1$ 이고,  $a \leq j \leq b$ 인 경우에서 합이  $M$ 이 되는 경우는 있을 수가 없다.
- $A[a+1] + \dots + A[b] == M$  이라면  $A[a] + A[a+1] + \dots + A[b] > M$  이기 때문에, 위의 조건에 모순이기 때문이다.
- 따라서, 이런 경우는  $i$ 만 1증가시키면 된다.



# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- $A[i]+A[i+1]+\dots+A[j-1]+A[j] == M$  이 되는  $(i, j)$  쌍의 개수를 찾는 문제와 같다.
- 합을 계산할 때, 합을 각각의  $i$ 에 대해서 누적하면  $O(N^2)$ 로 계산할 수 있다.

```
for (int i=0; i<n; i++) {  
    int sum = 0;  
    for (int j=i; j<n; j++) {  
        sum += a[j];  
        if (sum == m) ans += 1;  
    }  
}
```

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 뒷 페이지의 설명에서  $i$ 는 L(왼쪽)로,  $j$ 는 R(오른쪽)으로 표현했다.

# 수들의 합 2

11

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 1



1	2	3	4	2	5	3	1	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---



# 수들의 합 2

12

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 3



1	2	3	4	2	5	3	1	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---



# 수들의 합 2

13

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 6



# 수들의 합 2

14

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 5 (찾았다!)

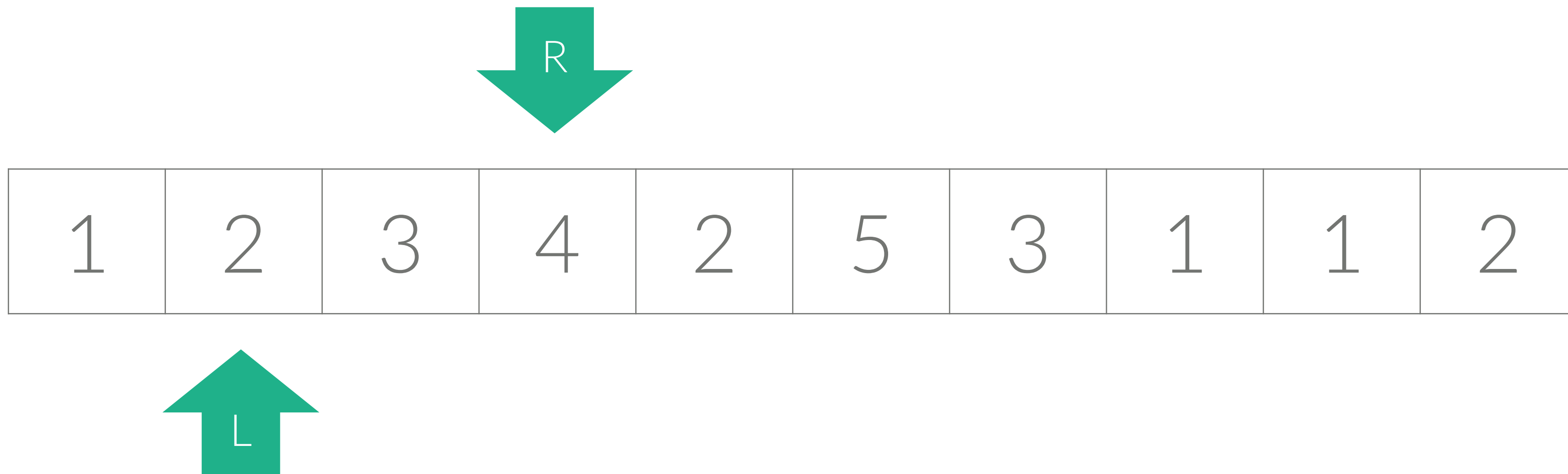


# 수들의 합 2

15

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 9

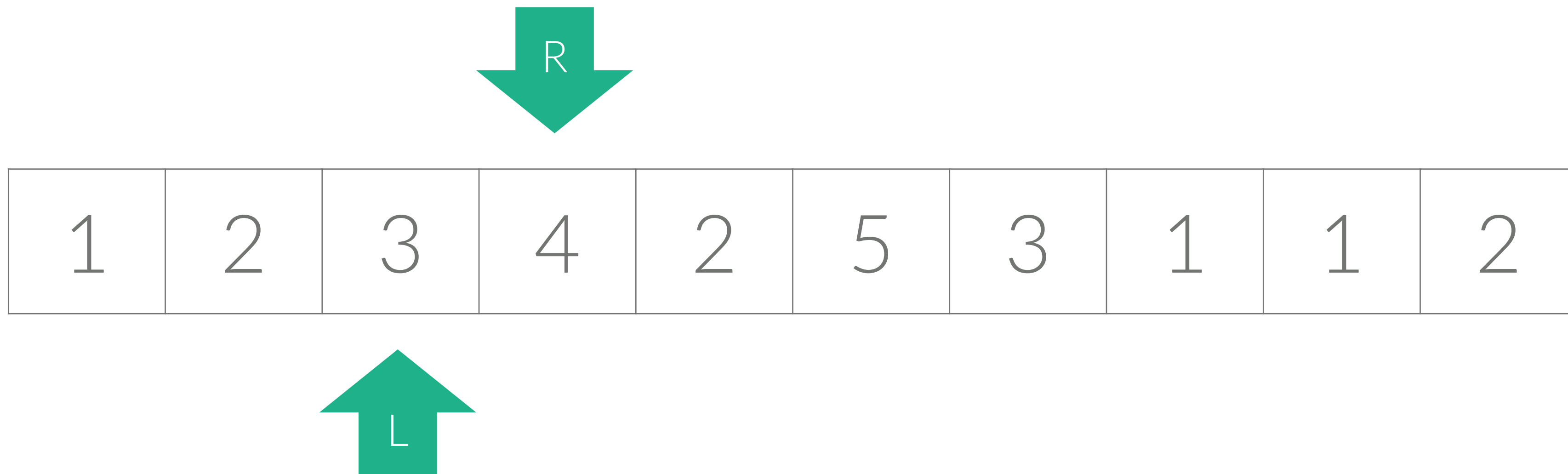


# 수들의 합 2

16

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 7



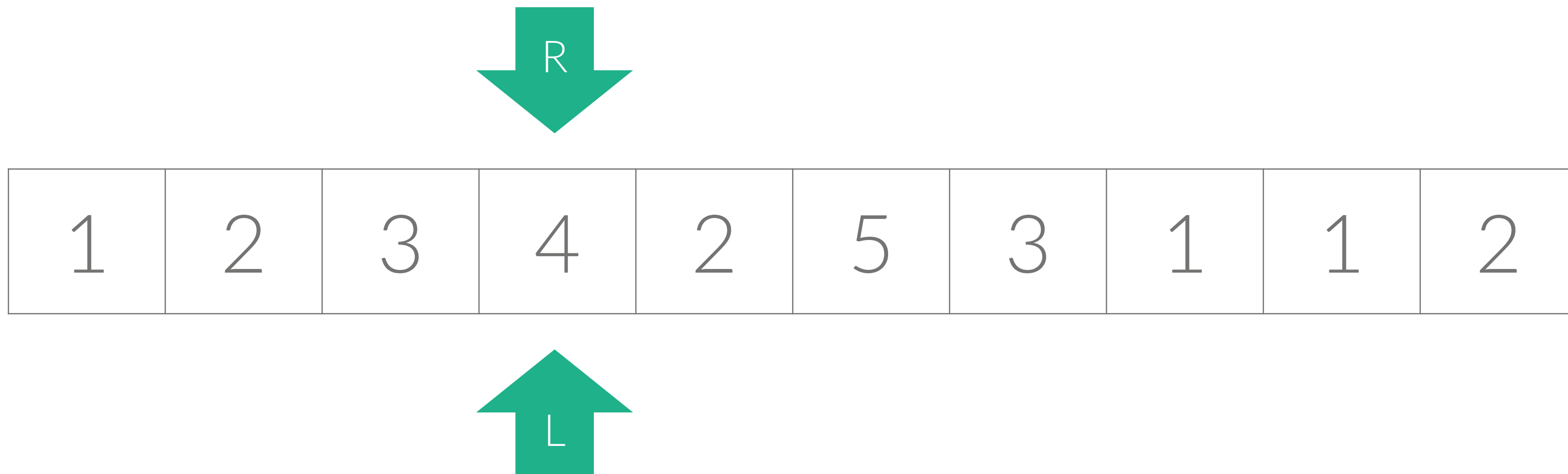


# 수들의 합 2

17

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 4

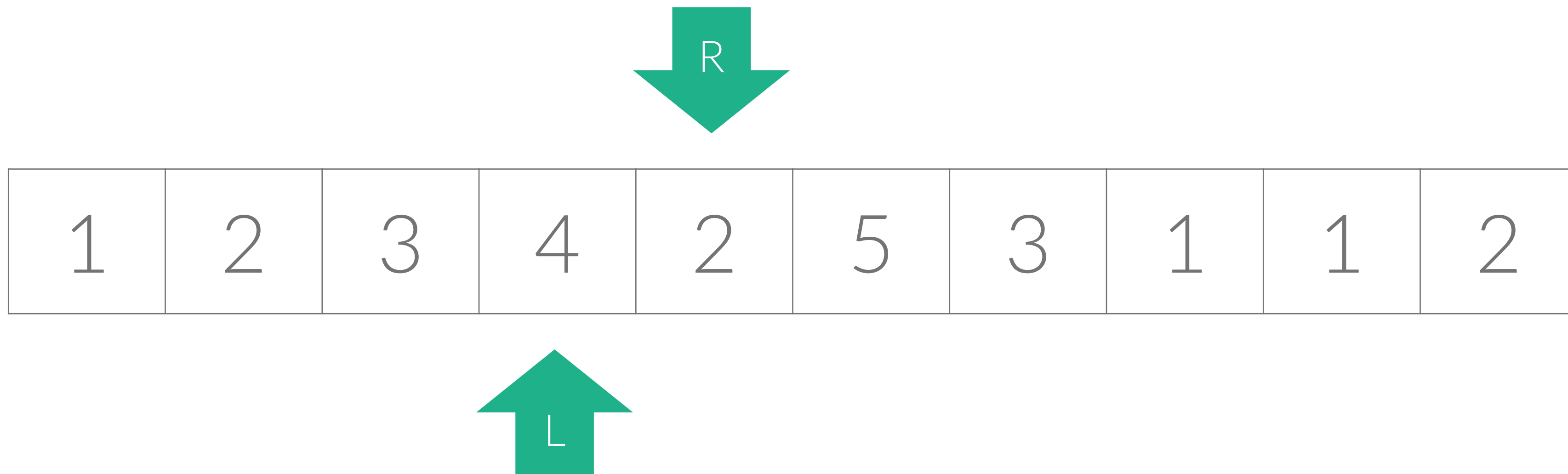


# 수들의 합 2

18

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 6

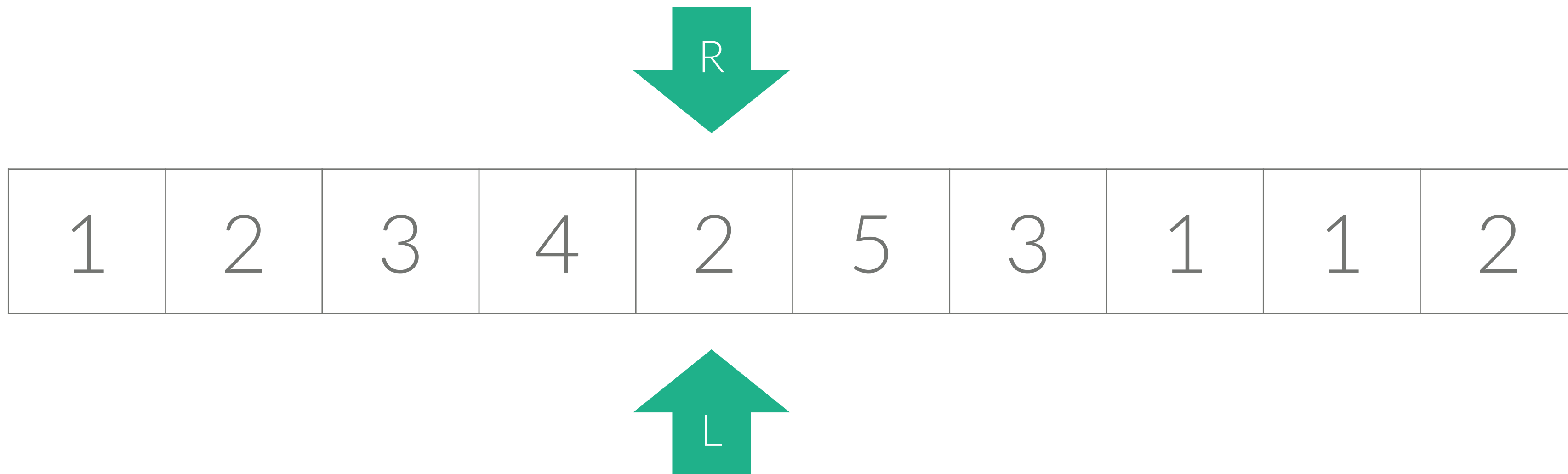


# 수들의 합 2

19

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 2

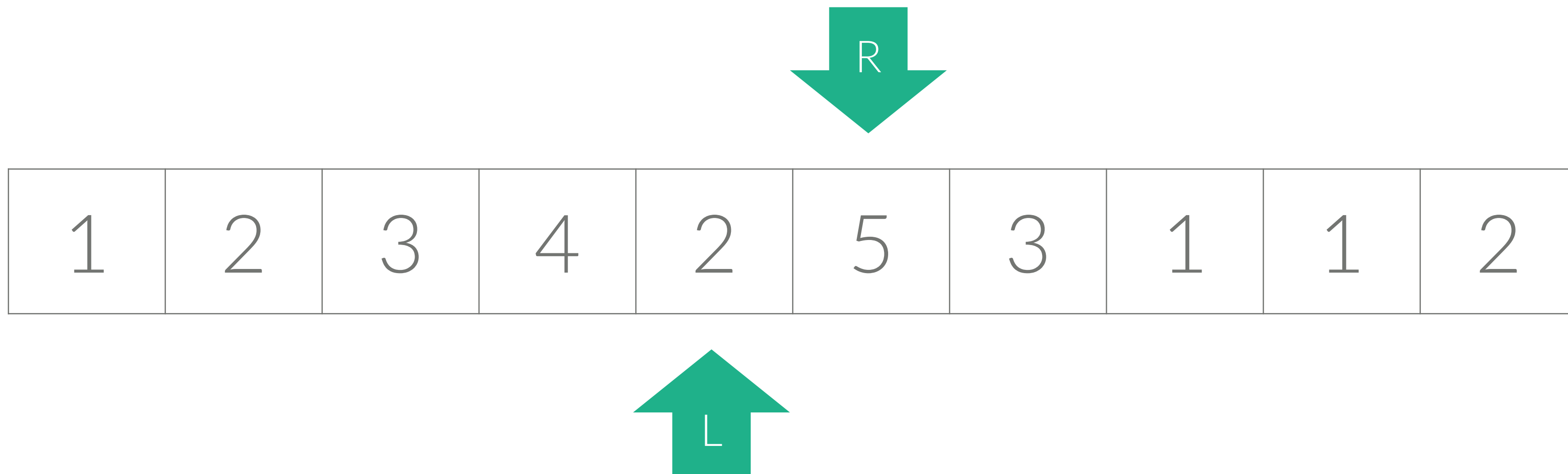


# 수들의 합 2

20

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 7



# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 5 (찾았다!)
- 같은 경우에는 L, R 둘 중에 아무거나 증가해도 상관없지만
- 이런 경우 때문에 R이 증가해야 한다.



1	2	3	4	2	5	3	1	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

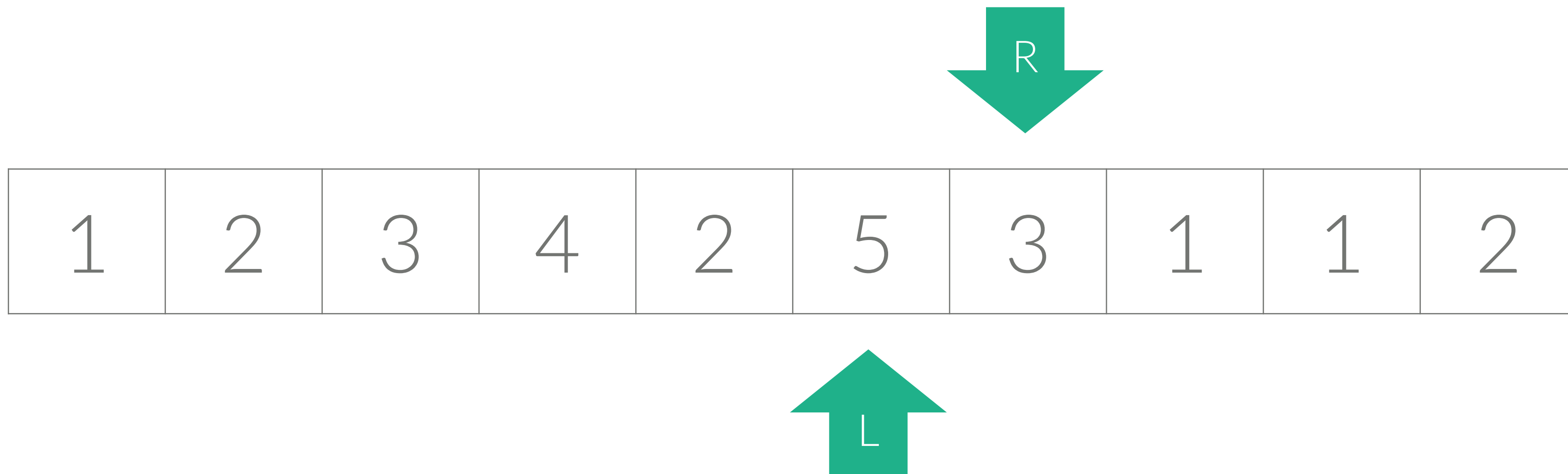


# 수들의 합 2

22

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 8

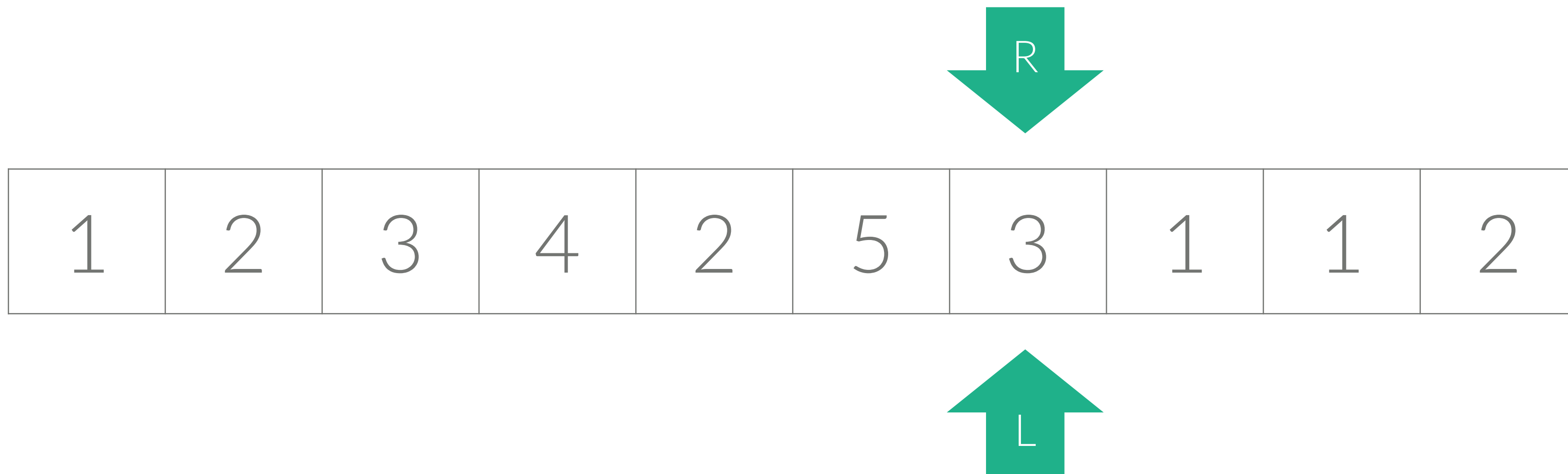


# 수들의 합 2

23

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 3



# 수들의 합 2

24

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 4





# 수들의 합 2

25

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 5 (찾았다!)

1	2	3	4	2	5	3	1	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---



# 수들의 합 2

26

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 7

1	2	3	4	2	5	3	1	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

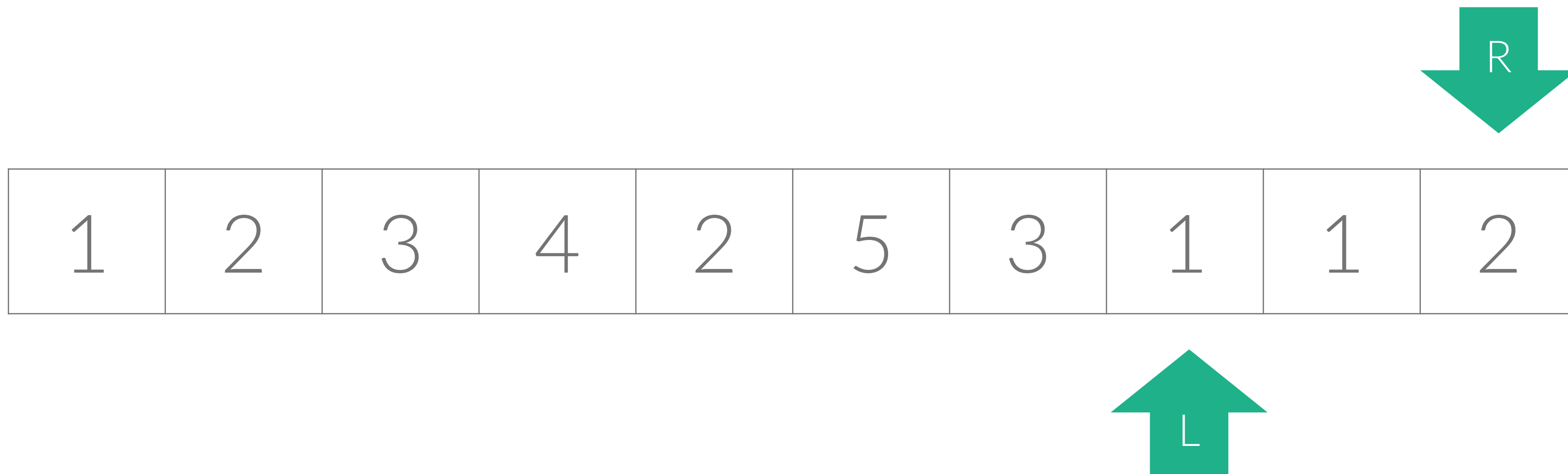


# 수들의 합 2

27

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 합: 4



# 수들의 합 2

28

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 찾으려고 하는 수: 5
- 끝

1	2	3	4	2	5	3	1	1	2
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---



# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

```
int left=0, right=0, sum=a[0], ans = 0;
while (left <= right && right < n) {
    if (sum < m) {
        right += 1;
        sum += a[right];
    } else if (sum == m) {
        ans += 1;
        right += 1;
        sum += a[right];
    } else if (sum > m) {
        sum -= a[left];
        left++;
    }
}
```

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 총 시간 복잡도는 L과 R이  $L \leq R$ 을 유지하면서 끝까지 가기 때문에,  $O(N) + O(N) = O(N)$ 이다.

# 수들의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/2003>

- 소스: <http://codeplus.codes/5df1df7ff20e4496b849d8f00bf2f4ab>

# 부분합

<https://www.acmicpc.net/problem/1806>

- 구간 합 중에서 합이  $S$  이상인 것 중에서 가장 짧은 것을 구하는 문제



# 부분합

<https://www.acmicpc.net/problem/1806>

- 소스: <http://codeplus.codes/9a10be6e12f04c62ac8268393a620b00>

# 소수의 연속합

<https://www.acmicpc.net/problem/1644>

- 수들의 합 2 문제와 같지만, 소수를 구해서 답을 구해야 하는 문제

# 소수의 연속합

<https://www.acmicpc.net/problem/1644>

- 소스: <http://codeplus.codes/09a52b93d1fa4355b0c64e868b7461e5>

# 중간에서 만나기

---

# 중간에서 만나기

Meet in the Middle

37

- 문제를 절반으로 나눠서
- 양쪽 절반에서 모든 경우를 다 해보는 방법이다.
- 탐색의 크기가 많이 줄어든다.
- 문제의 크기가  $N$ 인 경우에  $2^N$  에서
- $M = N/2$  라고 했을 때,  $2^M + 2^M$  으로 줄어들게 된다.

# 부분수열의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- 서로 다른 N개의 정수로 이루어진 수열이 있을 때, 크기가 양수인 부분수열 중에서 그 수열의 원소를 다 더한 값이 S가 되는 경우의 수를 구하는 문제
- $1 \leq N \leq 40$

# 부분수열의 합 2

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- 부분수열의 합 문제와 비슷하지만, 배열을 2개 써야하는 문제
- $A = [1, 2, 1, 3, 2, 1]$ ,  $M = 4$  인 경우를 생각해보자
- $A$ 를 절반으로 나누어서
- $Up = [1, 2, 1]$
- $Down = [3, 2, 1]$
- 에 대해서 각각 모든 경우를 나열한다.

# 부분수열의 합 2

40

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- Up = [1, 2, 1]
- Down = [1, 2, 3]
- 에 대해서 각각 모든 경우를 나열한다.



0	1	1	2	2	3	3	4
0	1	2	3	3	4	5	6





# 부분수열의 합 2

41

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $0 + 6 = 6$ 이고, 찾으려고 하는 수 4보다 크기 때문에, R을 1칸 당긴다.



0	1	1	2	2	3	3	4
---	---	---	---	---	---	---	---

0	1	2	3	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---	---	---



# 부분수열의 합 2

42

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $0 + 5 = 5$ 이고, 찾으려고 하는 수 4보다 크기 때문에, R을 1칸 당긴다.



0	1	1	2	2	3	3	4
---	---	---	---	---	---	---	---

0	1	2	3	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---	---	---



# 부분수열의 합 2

43

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $0 + 4 = 4$ 이고, 찾으려고 하는 수 4 이다.
- 위에 0이 1개, 아래에 4가 1개 있기 때문에, 4는 총  $1 \times 1 = 1$ 개이다.
- 이제, L과 R을 이동시킨다.



0	1	1	2	2	3	3	4
---	---	---	---	---	---	---	---

0	1	2	3	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---	---	---

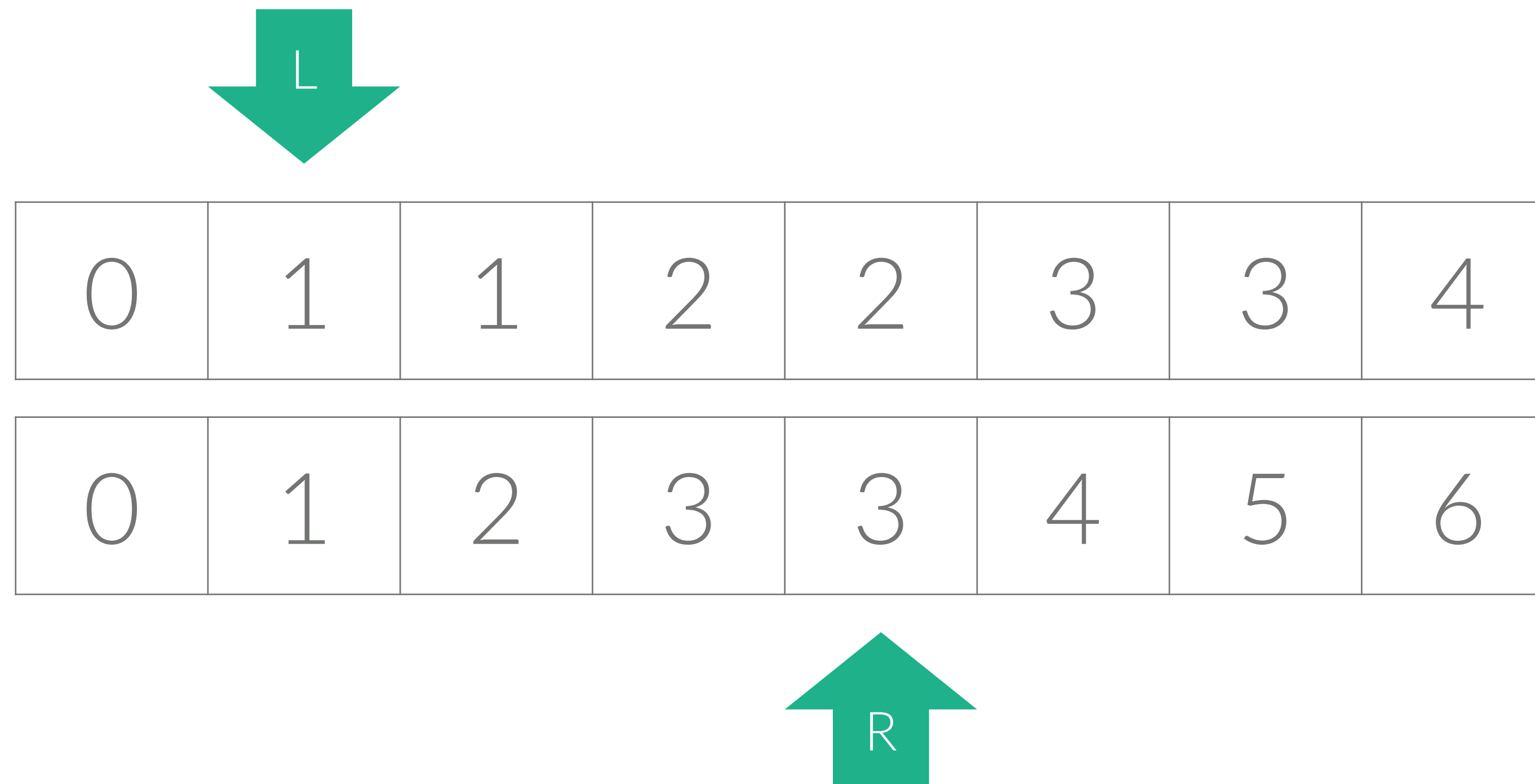


# 부분수열의 합 2

44

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $1 + 3 = 4$ 이고, 찾으려고 하는 수 4 이다.
- 위에 1이 2개, 아래에 3가 2개 있기 때문에, 4는 총  $2 \times 2 = 4$ 개이다.
- 이제, L과 R을 이동시킨다.

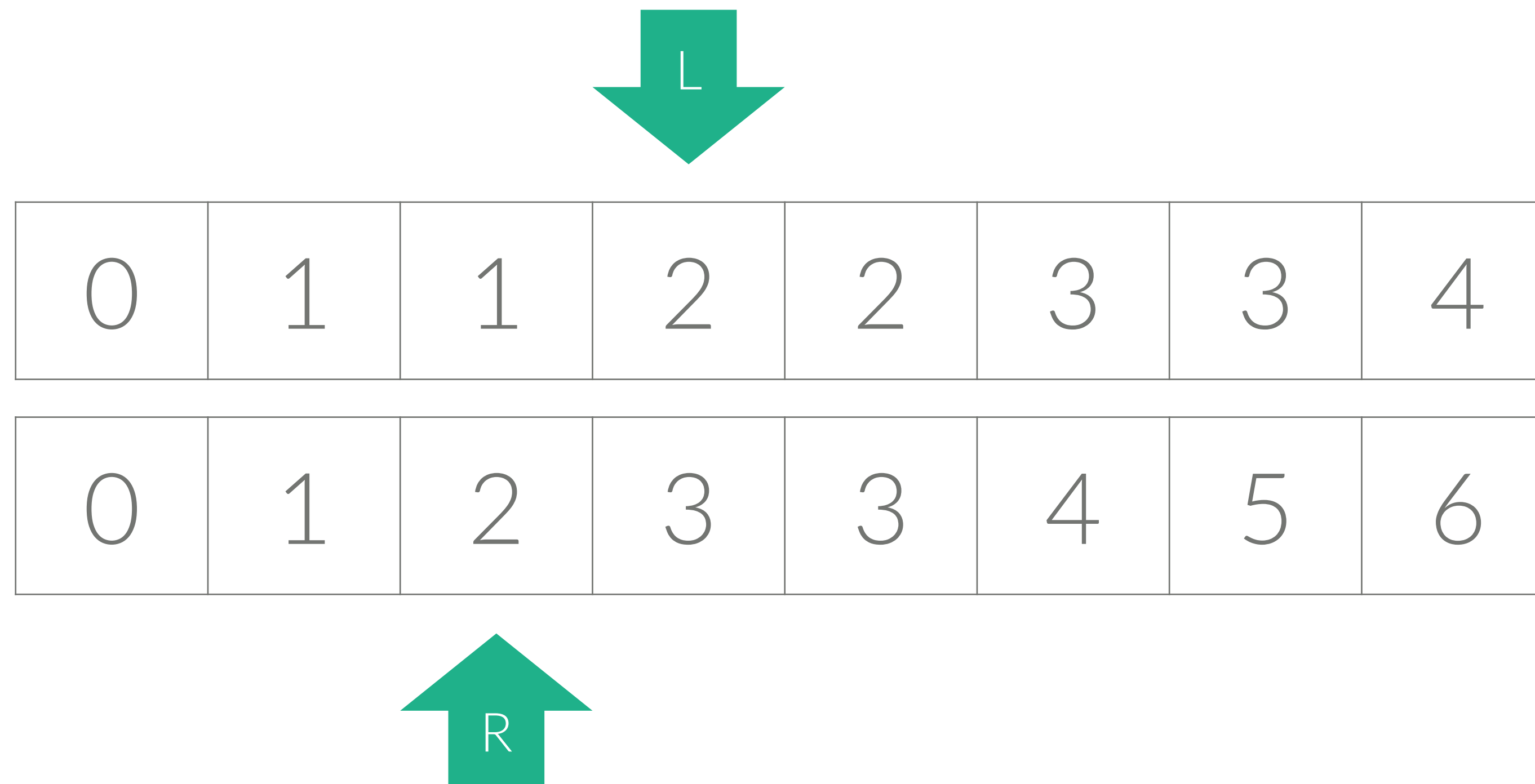


# 부분수열의 합 2

45

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $2 + 2 = 4$ 이고, 찾으려고 하는 수 4 이다.
- 위에 2가 2개, 아래에 2가 1개 있기 때문에, 4는 총  $2 \times 1 = 2$ 개이다.
- 이제, L과 R을 이동시킨다.

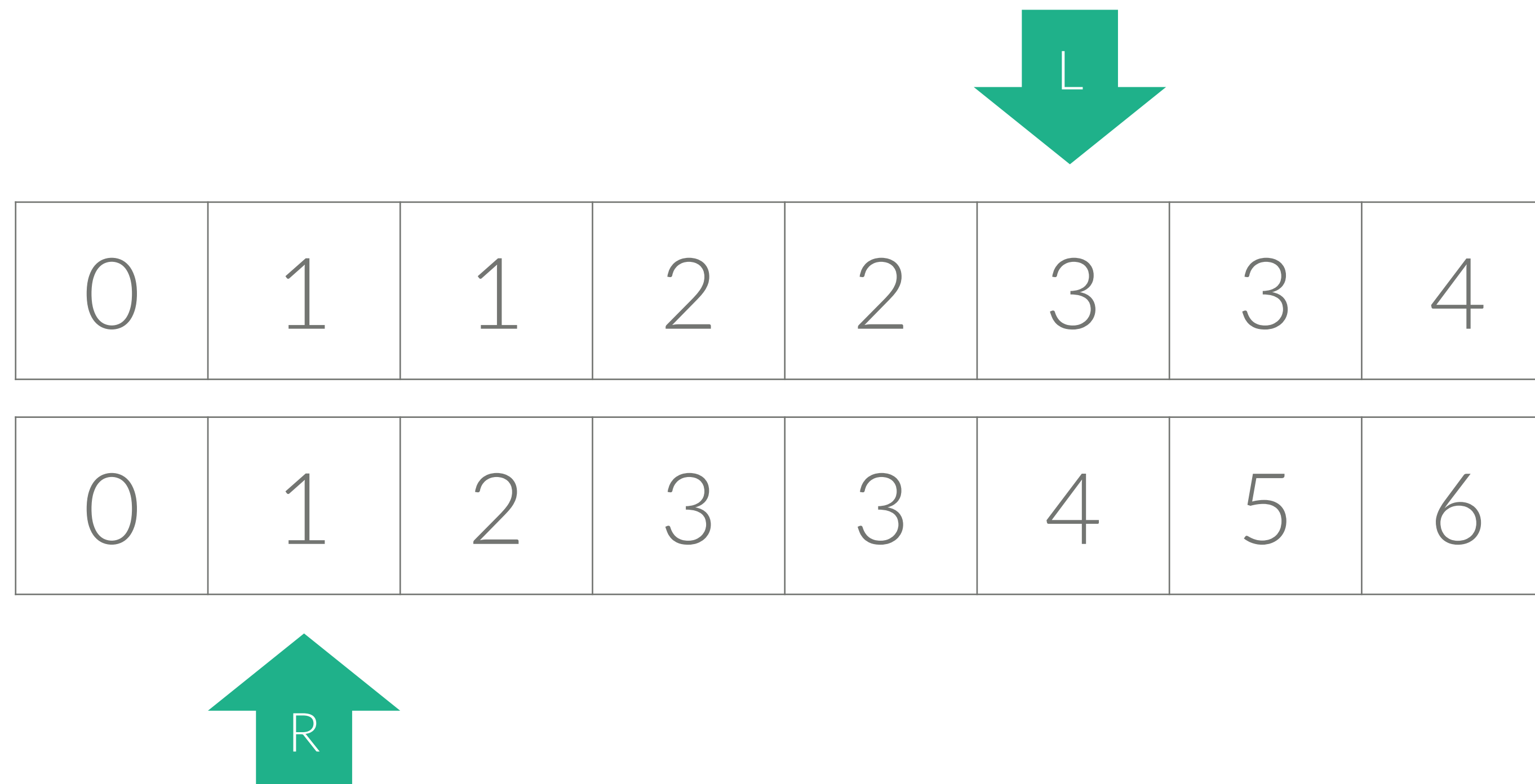


# 부분수열의 합 2

46

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $3 + 1 = 4$ 이고, 찾으려고 하는 수 4 이다.
- 위에 3이 2개, 아래에 1이 1개 있기 때문에, 4는 총  $2 \times 1 = 2$ 개이다.
- 이제, L과 R을 이동시킨다.

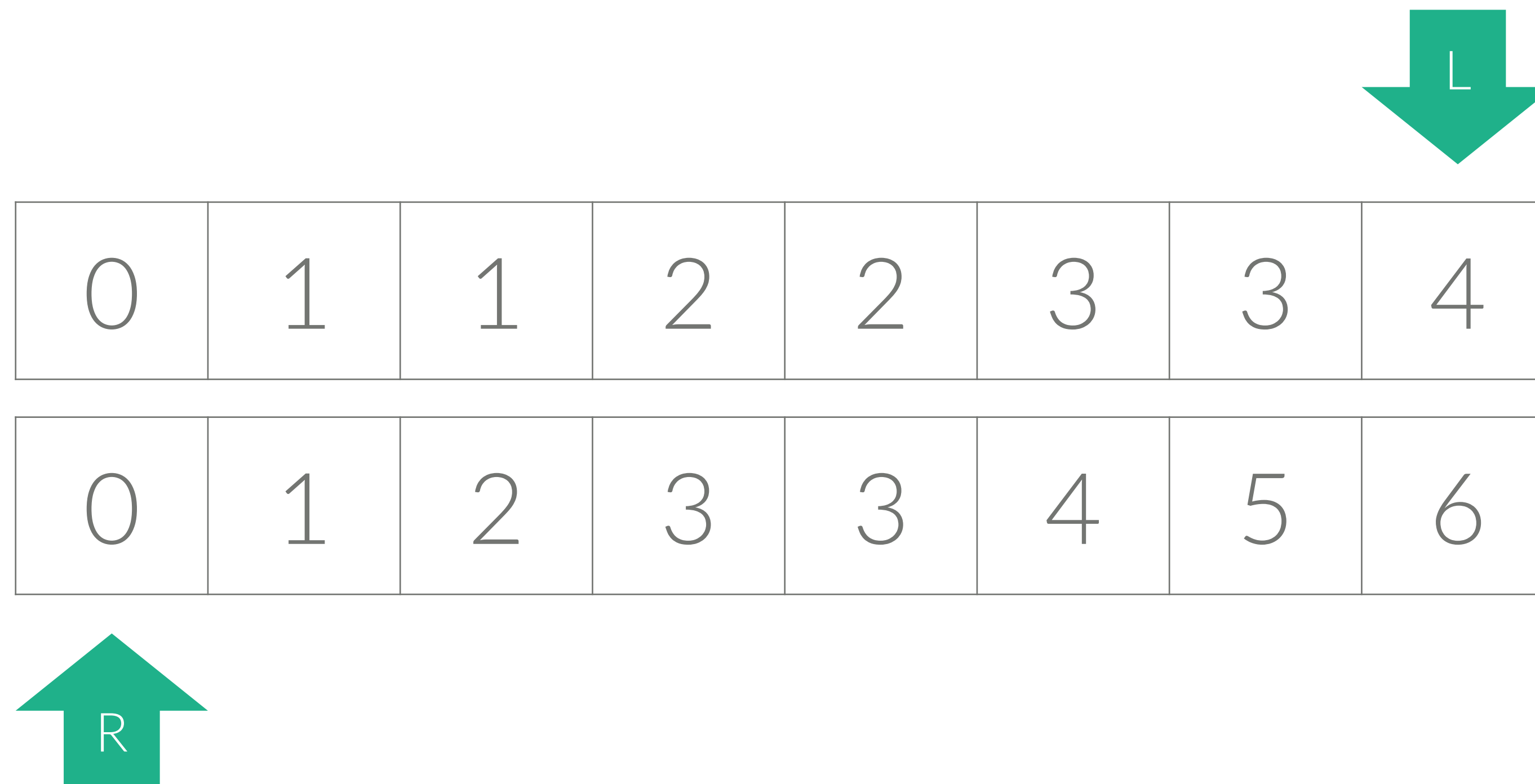


# 부분수열의 합 2

47

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- $4 + 0 = 4$ 이고, 찾으려고 하는 수 4 이다.
- 위에 4가 1개, 아래에 0이 1개 있기 때문에, 4는 총  $1 \times 1 = 1$ 개이다.
- 이제, L과 R을 이동시킨다.



# 부분수열의 합 2

48

<https://www.acmicpc.net/problem/1208>

- 소스: <http://codeplus.codes/79804aa3582a4567b2c2c4109982e535>



# 두 배열의 합

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- 배열  $A[1], A[2], \dots, A[n]$ 의 부 배열은  $A[i], A[i+1], \dots, A[j]$  ( $1 \leq i \leq j \leq n$ )의 합
- 두 배열 A와 B가 주어졌을 때
- A의 부 배열의 합과 B의 부 배열의 합을 더한 것이 T가 되는 경우의 수를 구하는 문제

# 두 배열의 합

50

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $1 + B = T$ ,  $B = 4$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

52

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $1 + B = T$ ,  $B = 4$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

53

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $2 + B = T$ ,  $B = 3$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $3 + B = T$ ,  $B = 2$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

55

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $3 + B = T$ ,  $B = 2$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

56

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $4 + B = T$ ,  $B = 1$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---



# 두 배열의 합

57

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $4 + B = T$ ,  $B = 1$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $5 + B = T$ ,  $B = 0$ 의 개수 (1개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

59

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $6 + B = T$ ,  $B = -1$ 의 개수 (0개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

60

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- $T = 5$ , 각각의 A의 부분 합에 대해서, 해당하는 B의 부분 합의 개수를 세어보는 방법도 있다
- $7 + B = T$ ,  $B = -2$ 의 개수 (0개)



1	1	2	3	3	4	4	5	6	7
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

1	2	3	4	5	6
---	---	---	---	---	---

# 두 배열의 합

<https://www.acmicpc.net/problem/2143>

- 소스: <http://codeplus.codes/b91235e28d344d8b9e507fc37cdd3e84>

# 합이 0인 네 정수

<https://www.acmicpc.net/problem/7453>

- 크기가 N인 배열 A, B, C, D가 있다
- 이 때,  $A[a]$ ,  $B[b]$ ,  $C[c]$ ,  $D[d]$ 의 합이 0인  $(a, b, c, d)$  쌍의 개수를 구하는 문제
- $1 \leq N \leq 4,000$

# 합이 0인 네 정수

63

<https://www.acmicpc.net/problem/7453>

- 총 가능한 경우의 수:  $N^4$  가지
- $A[a] + B[b] + C[c] + D[d] = 0$

# 합이 0인 네 정수

64

<https://www.acmicpc.net/problem/7453>

- 총 가능한 경우의 수:  $N^4$  가지
- $A[a] + B[b] + C[c] + D[d] = 0$
- $A[a] + B[b] = -C[c] - D[d]$
- $A[a] + B[b] = -(C[c] + D[d])$



# 합이 0인 네 정수

65

<https://www.acmicpc.net/problem/7453>

- 총 가능한 경우의 수:  $N^4$  가지
- 절반으로 나눠서
- $A[a] + B[b] = N^2$  가지
- $C[c] + D[d] = N^2$  가지
- 계산해볼 수 있다.

# 합이 0인 네 정수

66

<https://www.acmicpc.net/problem/7453>

- 소스: <http://codeplus.codes/a35451012def4100a7a4cb79460f9c16>