다이나믹 프로그래밍 2 (도전)

최백준 choi@startlink.io

- N개의 곡을 이용해 길이가 P인 플레이리스트를 만들려고 한다.
- 같은 노래가 여러 개 있어도 된다.
 - 모든 노래를 플레이리스트에 추가해야 한다.
 - 같은 노래를 추가하려면, 플레이리스트에서 두 노래 사이에 적어도 M개의 곡이 있어야 한다.
- N, M, P가 주어졌을 때, 플레이리스트를 만들 수 있는 방법의 수를 구하는 문제
- $1 \le N \le 100, 0 \le M \le N, N \le P \le 100$

- N개의 곡을 모두 추가해야 한다.
- 같은 곡 사이에는 적어도 M개의 곡이 있어야 한다.
- 길이가 M+1인 플레이리스트의 연속된 일부분은 모두 다른 곡으로 이루어져 있다.
- 같은 곡이 들어있는 플레이리스트는 길이가 M+2 이상이다.

- 노래를 두 개의 그룹으로 나눌 수 있다.
- 그룹 X: 이미 추가한 노래
- 그룹 Y: 아직 추가하지 않은 노래

- 노래를 두 개의 그룹으로 나눌 수 있다.
- 그룹 X: 이미 추가한 노래
- 그룹 Y: 아직 추가하지 않은 노래
- 플레이리스트를 만들 때: X = 0, Y = N
- 플레이리스트를 다 만든 후: X = N, Y = 0
- 다이나믹
- D[P][X][Y] = P번째 곡을 선택할 것이고, X와 Y 집합의 크기가 X, Y인 경우의 수

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- Y > 0 인 경우
- Y에 들어있는 아무 노래나 플레이리스트에 추가해도 된다

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- Y > 0 인 경우
- Y에 들어있는 아무 노래나 플레이리스트에 추가해도 된다
- 그 노래는 이제 X로 이동하게 된다
- D[P+1][X+1][Y-1] * Y

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- X > M 인 경우
- X에 들어있는 (X-M)의 노래 중에 아무거나 추가하면 된다.

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- X > M 인 경우
- X에 들어있는 (X-M)의 노래 중에 아무거나 추가하면 된다.
- D[P+1][X][Y] * (X-M)

- X+Y = N 이기 때문에
- 2차원 다이나믹으로 줄일 수 있다.

- 노래를 두 개의 그룹으로 나눌 수 있다.
- 그룹 X: 이미 추가한 노래
- 그룹 Y: 아직 추가하지 않은 노래
- 플레이리스트를 만들 때: X = 0, Y = N
- 플레이리스트를 다 만든 후: X = N, Y = 0
- 다이나믹
- D[P][X] = P번째 곡을 선택할 것이고, X와 Y 집합의 크기가 X, Y인 경우의 수 (Y = N-X)

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- Y > 0 인 경우
- Y에 들어있는 아무 노래나 플레이리스트에 추가해도 된다
- 그 노래는 이제 X로 이동하게 된다
- D[P+1][X+1] * (N-X)

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- X > M 인 경우
- X에 들어있는 (X-M)의 노래 중에 아무거나 추가하면 된다.
- D[P+1][X] * (X-M)

https://www.acmicpc.net/problem/12872

• 소스: http://codeplus.codes/5c42cd9b1a9e4f3b89e3f4300477dac8

https://www.acmicpc.net/problem/1767

• NxM크기의 체스판에 룩 K개를 놓는 경우의 수 (룩은 최대 1개의 룩에만 공격받을 수 있음)

- D[N][M][K] = NxM크기의 체스판에 룩 K개를 놓는 경우의 수
- N번 행에 룩을 놓지 않은 경우:
- N번 행에 룩을 하나 놓았고, 다른 룩에게 공격받지 않는 경우:
- N번 행에 룩을 두 개 놓는 경우:
- N번 행에 룩을 하나 놓았고, 다른 룩에게 공격받는 경우:

- D[N][M][K] = NxM크기의 체스판에 룩 K개를 놓는 경우의 수
- N번 행에 룩을 놓지 않은 경우: D[N-1][M][K]
- N번 행에 룩을 하나 놓았고, 다른 룩에게 공격받지 않는 경우: D[N-1][M-1][K-1] × M
- N번 행에 룩을 두 개 놓는 경우: D[N-1][M-2][K-2] × M × (M-1) / 2
- N번 행에 룩을 하나 놓았고, 다른 룩에게 공격받는 경우: D[N-2][M-1][K-2] × M × (N-1)

https://www.acmicpc.net/problem/1767

• 소스: http://codeplus.codes/a5897aeeb8ac4af2950ff8084928d51b