ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΠΕΙΡΑΙΩΣ ΠΜΣ ΟΙΚΟΝΟΜΙΚΗ ΚΑΙ ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΙΑΚΗ ΣΤΡΑΤΗΓΙΚΗ

Ποσοτικές Μέθοδοι για Οικονομικές Αποφάσεις

Ομαδική Εργασία 3

ΜΠΟΥΦΙ ΓΙΩΑΝ ΜΟΕΣ/1931 ΚΑΣΦΙΚΗΣ ΚΩΝΣΤΑΝΤΙΝΟΣ ΑΝΤΩΝΑΙΟΣ ΔΗΜΗΤΡΗΣ ΜΑΝΕΤΤΑΣ ΙΩΑΝΝΗΣ ΜΟΕΣ/1926 12/30/2019



[Type the abstract of the document here. The abstract is typically a short summary of the contents of the document. Type the abstract of the document here. The abstract is typically a short summary of the contents of the document.]

Περιεχόμενα

Ερώτημα 1		•	 •	•	 •	•	•	 •	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	 •	•	•	•	•	• •	•	 •	•	•	•	•		. 3
Ερώτημα 2		•			 •	•		 •				• •	 •				•	 •						•	 •	•	•		•		. 7
Ερώτημα 3		•	 •	-	 •			 •				•	 •	•	•		•	 •				•		•	 •	•	•		•		. 8
Ερώτημα 4		•		•	 •	•		 •				•	 •				•	 •			•	•		•	 •	•	•		•	•	1 C
Ερώτημα 5		•	 •	-	 •	•	•	 •	•	•		•	 •	•	•	•	•	 •	•	•	•	•		•	 •	•	•		•	•	12
Ερώτημα 6		•	 •	•	 •		•	 •	•	•		•	 •	•	•	•	•	 •	•	•		•			 •	•	•		•	•	13
Ερώτημα 7		•	 •	-	 •	•	•	 •	•	•		•	 •	•	•	•	•	 •	•	•	•	•		•	 •	•	•		•	•	15
Bonus Ερώτ	ημο	α						 																							18

Ερώτημα 1 - Descriptives

Descriptive Statistics

		Descriptive				
	N	Range	Minimum	Maximum	Sum	Mean
	Statistic	Statistic	Statistic	Statistic	Statistic	Statistic
Employee's Age in 1980	50	47	22	69	1846	36,92
Yearly Salary in 1982	40	41048	9652	50700	759389	18984,73
Increase in Salary over 1981	39	8125	0	8125	96483	2473,92
Valid N (listwise)	39					

One-Sample Test

			ne oampie rec				
			T	est Value = 0			
	t	df	Sig. (2-tailed)	Mean	99% Confidence Interval of the Difference		
				Difference	Lower	Upper	
Employee's Age in 1980	22,283	49	,000	36,920	32,48	41,36	
Yearly Salary in 1982	12,229	39	,000	18984,725	14781,03	23188,42	
Increase in Salary over 1981	8,936	38	,000	2473,923	1723,25	3224,60	

Descriptive Statistics

	Mean	Std. Deviation	Variance	Skev	ness
	Std. Error	Statistic	Statistic	Statistic	Std. Error
Employee's Age in 1980	1,657	11,716	137,259	1,061	,337
Yearly Salary in 1982	1552,376	9818,086	96394810,204	1,698	,374
Increase in Salary over 1981	276,842	1728,876	2989011,283	1,212	,378
Valid N (listwise)					

Descriptive Statistics

	Kur	tosis
	Statistic	Std. Error
Employee's Age in 1980	,397	,662
Yearly Salary in 1982	3,003	,733
Increase in Salary over 1981	1,869	,741
Valid N (listwise)		

Statistics

		Increase in Salary over	Yearly Salary in 1982	Employee's Age in
		1981		1980
N	Valid	39	40	50
IN	Missing	11	10	0
Median		2165,00	16360,50	34,50
	25	1490,00	11857,00	27,75
Percentiles	50	2165,00	16360,50	34,50
	75	3250,00	25378,75	42,75

Από την άνω περιγραφική στατιστική ανάλυση προκύπτει ότι :

- 1. Η μέση τιμή ή αλλιώς η κεντρική τάση των μεταβλητών :
 - Μεταβλητή Age: 36.92
 - Μεταβλητή salary82: 18984.73
 - Μεταβλητή raise82: 2473.92

Τα υπολογισθέντα διαστήματα εμπιστοσύνης (α=1%), δηλαδή το διάστημα τιμών μέσα στο οποίο αναμένουμε να βρίσκεται η πληθυσμιακή μέση τιμή ανά μεταβλητή, είναι :

- <u>Μεταβλητή age:</u> 32.48 < X < 41,36
- Μεταβλητή salary: 8214781.03 < X < 23188,42
- <u>Μεταβλητή raise82:</u> 1723.25 < X < 3224.60
- 2. Η διάμεσος των μεταβλητών, δηλαδή ο αριθμός που βρίσκεται ακριβώς στη μέση, έτσι ώστε το 50 % των ταξινομημένων αριθμών να είναι πάνω από τη διάμεσο είναι:
 - Μεταβλητή Age: 34.50
 - <u>Μεταβλητή salary82:</u> *16360.50*
 - <u>Μεταβλητή raise82:</u> 2165

Το πρώτο πράγμα που παρατηρούμε είναι ότι οι τιμές της διαμέσου είναι μικρότερες από αυτές της μέσης τιμής. Επίσης όσον αφορά την επιχείρηση γίνεται εμφανές ότι το προσωπικό της είναι νεαρής ηλικίας καθώς οι μισοί εργαζόμενοι είναι κάτω των 34.5 ετών.

- 3. Οι **μέγιστες** και **ελάχιστες τιμές** των δεδομένων που έχουν συγκεντρωθεί όσον αφορά τις τρεις μεταβλητές είναι :
 - <u>Μεταβλητή Age:</u> 22(min) 69(max)
 - Μεταβλητή salary82: 9652(min) 50700(max)

Μεταβλητή raise82: 0(min) – 8125(max)

Οι μισθοί και η αύξηση μισθού στην συγκεκριμένη επιχείρηση κατά πάσα πιθανότητα παρουσιάζουν ανισοκατανομή ή ακραίες τιμές.

- 4. Το **εύρος** αποτελεί μέτρο διασποράς το οποίο προκύπτει με την αφαίρεση της μικρότερης τιμής από την μεγαλύτερη (max min).Το εύρος των μεταβλητών μας είναι :
 - Μεταβλητή Age: 49
 - Μεταβλητή salary82: 41084
 - Μεταβλητή raise82: 8125

Γενικά το εύρος δεν είναι αποδεκτό, καθώς δεν αποτελεί αξιόπιστο μέτρο διασποράς.

- 5. Τα επικρατέστερα μέτρα διασποράς είναι η τυπική απόκλιση και η διακύμανση. Η τυπική απόκλιση στην αύξηση μισθού(1728) αν λάβουμε υπόψιν ότι η μέση τιμή της συγκεκριμένης μεταβλητής είναι 2473 είναι πολύ μεγάλη. Το παραπάνω δικαιολογείται καθώς τα δεδομένα έχουν ελάχιστη τιμή το μηδέν, δηλαδή ορισμένοι εργαζόμενοι δεν έχουν πάρει αύξηση. Η τυπική απόκλιση όσον αφορά την ηλικία σε συνδυασμό με την διάμεσο και μέση τιμή μας επιβεβαιώνει ότι η επιχείρηση έχει νέους σε ηλικία εργαζομένους. Στην περίπτωση ακραίων τιμών, όπως προαναφέρθηκε, η τυπική απόκλιση, η οποία βασίζεται στην μέση τιμή, δεν αποτελεί αξιόπιστο μέτρο διασποράς. Σε αυτήν την περίπτωση χρησιμοποιείται το ενδοτεταρτημοριακό εύρος.
- 6. **Το ενδοτεταρτημοριακό εύρος (IQR: interquartile range)** είναι η διαφορά μεταξύ του 3ου (Q3) και του 1ου (Q1) τεταρτημόριου,

$$IQR = Q3 - Q1$$

Για τις μεταβλητές μας οι τιμές που προκύπτουν είναι οι εξής :

- Μεταβλητή Age: 42.75 27.72=15.03
- <u>Μεταβλητή salary82:</u> 25378.75 -11857=13521.75
- Μεταβλητή raise82: 3250 -1490=1760
- 7. Λοξότητα-Κυρτότητα: Και οι τρείς μεταβλήτες έχουν θετική λοξότητα(Skewness)το οποιο σημαινει οτι υπάρχει ασυμετρία στην κατανομή των δεδομένων ως προς τα δεξιά. Η κύρτοση(Kurtosis) ειναι επισης θετικη και στις τρεις μεταβλήτες,η μεταβλητη age ειναι εχει την μικρότερη κυρτοσή(<1)η οποια ομως ειναι υψηλοτερη απο της

κανονικης κατανομης που σημαινει οτι εχει «λεπτες ουρες».Η μεταβλητη raise82 παρουσιαζει μετρια προς υψηλη κυρτοση με λεπτες ουρες και τελος η μεταβλητη salary82 παρουσιαζει ιδιαιτερα υψηλη κυρτοση με πολυ λεπτες ουρες.Καταληγουμε στο συμπέρασμα οτι τα δεδομένα μας δεν έχουν κανονική κατανομή καθως τοσο η λοξότητα οσο και η κύρτοση εχουν υψηλές τιμες.

Ερώτημα 2 - Stem Leaf Plots

Μεταβλητή « Yearly Salary in 1982 »

```
Yearly Salary in 1982 Stem-and-Leaf Plot
```

```
Frequency Stem & Leaf
   4,00 0 . 9999
13,00 1 . 0001112223344
11,00 1 . 56666777799
2,00 2 . 14
    5,00
               2 . 55566
               3. 12
    2,00
    1,00 3.5
    2,00 Extremes (>=48100)
Stem width: 10000
Each leaf: 1 case(s)
```

Μεταβλητή « Increase in Salary over 1981 »

Increase in Salary over 1981 Stem-and-Leaf Plot

```
1981

.cem & Leaf

0 . 000
0 . 689
1 . 0234
1 . 555667789
2 . 122334
2 . 569
3 . 222
3 .
Frequency Stem & Leaf
    3,00
    3,00
    4,00
    9,00
    6,00
    3,00
    3,00
    1,00
    1,00
    2,00
                  4. 57
    2,00 5 . 24
1,00 5 . 8
                  5.24
    1,00 Extremes (>=8125)
Stem width: 1000
Each leaf:
                1 case(s)
```

To Stem Leaf Plot αποτελεί διάγραμμα όπου κάθε τιμή που αναπαρίσταται χωρίζεται σε leaf που αναπαριστά συνήθως τα τελευταία ψηφία της εκάστοτε τιμής και σε stem όπου αναπαριστά τα πρώτα ψηφία της εκάστοτε τιμής. Στο πρώτο διάγραμμα το πλάτος τους stem είναι 10000 ενώ στο δεύτερο 1000. Για παράδειγμα η 4η γραμμή του πρώτου διαγράμματος αφορά 2 εργαζόμενους (frequency) όπου ο πρώτος έλαβε ετήσιες απολαβές:

10000 (stem width) * 2 (stem) + 1000 * 1 (leaf) = 21000 ευρώ Ενώ ο δεύτερος έλαβε

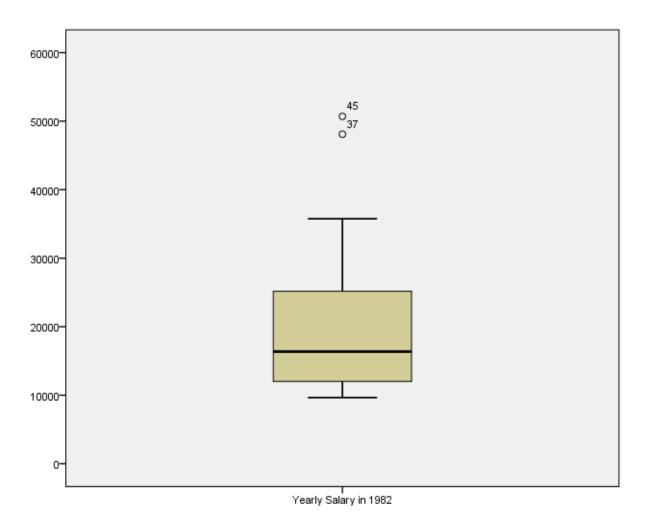
10000 (stem width) * 2 (stem) + 1000 * 4 (leaf) = 24000 ευρώ Στα παραπάνω διαγράμματα η ακρίβεια των τιμών είναι μεγαλύτερη - ίση του 1000.

Ερώτημα 3 - Box Plot

Το boxplot είναι ένας τυποποιημένος τρόπος απεικόνισης της κατανομής των δεδομένων βάσει των εξής :

- ελάχιστο
- πρώτο τεταρτημόριο (Q1)
- μέση τιμή
- τρίτο τεταρτημόριο (Q3)
- μέγιστο

Μεταβλητή « Yearly Salary in 1982 »



Από το παραπάνω διάγραμμα με την κάθετη γραμμή εντός του σκιασμένου πλαισίου μπορεί να εξαχθεί η μέση τιμή των ετήσιων απολαβών των εργαζομένων της εταιρίας (18984 ευρώ).

Με την κάθετη γραμμή κάτω από το σκιασμένο πλαίσιο μπορεί να εξαχθεί η ελάχιστη τιμή του δείγματος δεδομένων (9.652 ευρώ). Η κάθετη γραμμή του ελάχιστου πρέπει να είναι μεγαλύτερη-ίση του:

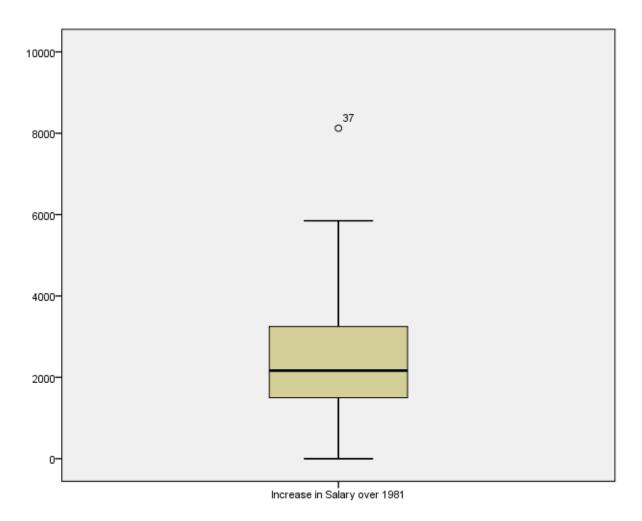
$$Q1 - (1.5 * IQR)$$

Αντίστοιχα βάσει της κάθετης γραμμής επάνω από το σκιασμένο πλαίσιο μπορεί να εξαχθεί η μέγιστη τιμή του δείγματος δεδομένων(35000 ευρώ). Η κάθετη γραμμή του μέγιστου πρέπει να είναι μικρότερη-ίση του:

$$Q3 + (1.5 * IQR)$$

Τιμές που είναι μικρότερες της ελάχιστης κάθετης γραμμής ή μεγαλύτερες της μέγιστης κάθετης γραμμής αναφέρονται ως outliers (extremes) και αποτυπώνονται με την χρήση σημείων (εγγραφές με σειρά αρίθμησης 37 και 45). Η σκιασμένη περιοχή αποτυπώνει το ενδοτεταρτημοριακό εύρος (IQR) που αποτελεί την διαφορά μεταξύ 3° και 1° τεταρτημόριου.

Μεταβλητή « Increase in Salary over 1981 »



Αντίστοιχα για το box plot που αναπαριστά την αύξηση στις ετήσιές απολαβές των εργαζομένων μπορούν να εξαχθούν τα εξής δεδομένα :

Μέση τιμή : 2474 ευρώΕλάχιστη τιμή : 0 ευρώΜέγιστη τιμή : 5800 ευρώ

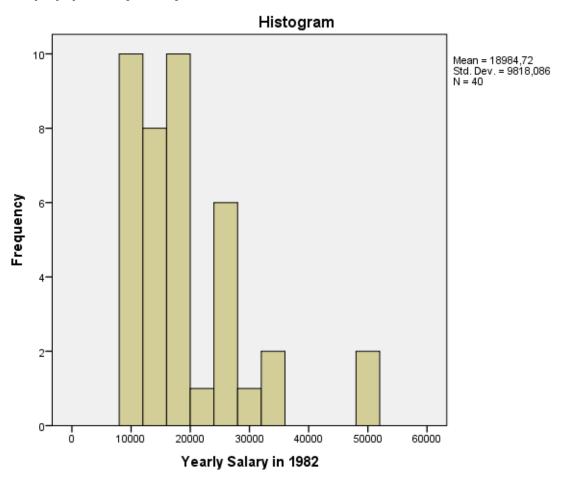
Outlier : Εγγραφή με αρίθμηση 37

Ενώ με το σκιασμένο πλαίσιο αναπαρίσταται και εδώ το ενδοτεταρτημοριακό εύρος

Ερώτημα 4 - Ιστογράμματα

Το ιστόγραμμα σχηματίζεται από παρακείμενα ορθογώνια. Η επιφάνεια κάθε ορθογωνίου είναι μέτρο της συχνότητας εμφάνισης της συγκεκριμένης περιοχής τιμών ενώ το ύψος του ισούται με το λόγο της συχνότητας προς το εύρος των τιμών που αντιπροσωπεύει το ορθογώνιο.

Μεταβλητή «Yearly Salary in 1982»

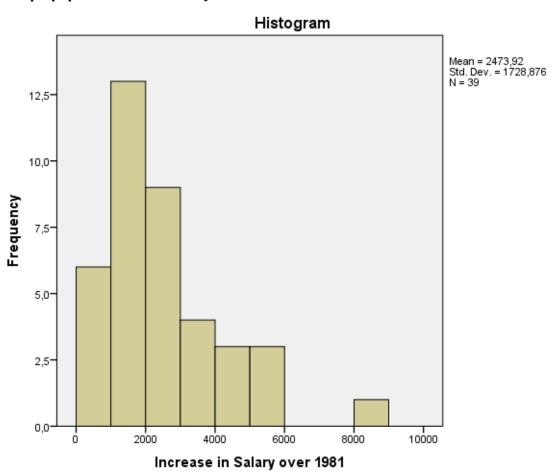


Στο παραπάνω ιστόγραμμα φαίνεται ο τρόπος με τον οποίο κατανέμονται οι ετήσιες απολαβές 40 εργαζομένων της εταιρίας. Συγκεκριμένα χωρίζοντας το εύρος των ετήσιων απολαβών (το εύρος είναι από 9652 μέχρι 50700) σε ισομεγέθη διαστήματα, ταξινομούμε τους εργαζόμενους στο κατάλληλο διάστημα ανάλογα με τις ετήσιες απολαβές του. Ο οριζόντιος άξονας δηλαδή αποτελείται από τα διαστήματα των ετήσιων απολαβών ενώ ο κάθετος άξονας από την συχνότητα, δηλαδή για κάθε διάστημα πόσοι εργαζόμενοι ανήκουν στο διάστημα αυτό. Συγκεκριμένα για το έτος 1982 οι ετήσιες απολαβές των εργαζομένων τις εταιρίας διαμορφώνονται ως εξής:

- √ 10 εργαζόμενοι έλαβαν 9.652 μέχρι 13.383 ευρώ
- √ 8 εργαζόμενοι έλαβαν 13.384 μέχρι 17.114 ευρώ
- √ 10 εργαζόμενοι έλαβαν 17.115 μέχρι 20845 ευρώ
- ✓ 1 εργαζόμενος έλαβαν 20.846 μέχρι 24.576
- ✓ 6 εργαζόμενοι έλαβαν 24.577 μέχρι 28.307

- ✓ 1 εργαζόμενος έλαβαν 28.308 μέχρι 32.038
- ✓ 2 εργαζόμενοι έλαβαν 46.963 μέχρι 50.700

Μεταβλητή « Increase in Salary over 1981 »

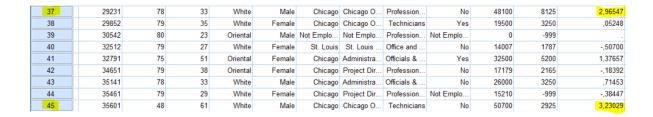


Στο παραπάνω ιστόγραμμα φαίνεται ο τρόπος με τον οποίο κατανέμονται οι αυξήσεις στις ετήσιες απολαβές 39 εργαζομένων της εταιρίας. Συγκεκριμένα χωρίζοντας το εύρος των αυξήσεων (το εύρος είναι από 0 μέχρι 8127) σε ισομεγέθη διαστήματα, ταξινομούμε τους εργαζόμενους στο κατάλληλο διάστημα ανάλογα με την αύξηση που έλαβαν στις ετήσιες απολαβές του. Ο οριζόντιος άξονας δηλαδή αποτελείται από τα διαστήματα των αυξήσεων ενώ ο κάθετος άξονας από την συχνότητα, δηλαδή για κάθε διάστημα πόσοι εργαζόμενοι ανήκουν στο διάστημα αυτό. Συγκεκριμένα για το έτος 1982 οι αυξήσεις στις ετήσιες απολαβές των εργαζομένων τις εταιρίας διαμορφώνονται ως εξής:

- ✓ 6 εργαζόμενοι έλαβαν αύξηση από 0 μέχρι 903 ευρώ
- √ 13 εργαζόμενοι έλαβαν αύξηση από 904 μέχρι 1.806 ευρώ
- √ 9 εργαζόμενοι έλαβαν αύξηση από 1807 μέχρι 2.709 ευρώ
- √ 4 εργαζόμενοι έλαβαν αύξηση από 2.710 μέχρι 3.612 ευρώ
- √ 3 εργαζόμενοι έλαβαν αύξηση από 3.613 μέχρι 4.515 ευρώ
- √ 3 εργαζόμενοι έλαβαν αύξηση από 4.516 μέχρι 5.418 ευρώ
- ✓ 1 εργαζόμενος έλαβε αύξηση από 7.225 μέχρι 8.127 ευρώ

Ερώτημα 5

Αξιοποιώντας τα Box plot του ερωτήματος 3 βλέπουμε ότι οι ακραίες τιμές της μεταβλητής salary82 είναι οι γραμμές με αρίθμηση 45 και 37. Επίσης με την μέθοδο των Z score προκύπτει περίπου το ίδιο συμπέρασμα, με την σειρά νούμερο 45 να είναι outlier (3,23 > 3) και την 37 οριακά να μην είναι (2,96<3).



Αντίστοιχα για την μεταβλητή raise82 βλέπουμε την γραμμή με αρίθμηση 37 ως outlier, το ίδιο υποδεικνύει και η μέθοδος με το z score



Ερώτημα 6

Case Summaries

		Case Summaries				
						Employee's Name
				1		Reuben D. Cross
				2		Brian M. Curtis
				3		Billy J. Lyle
				4		Bernard K. Golden
				5		Helen K.
				3		Washington
		City Where	Chicago	6		Regina K. Newton
	Administrative	Employed	Criicago	7		Rebecca K. Cohen
		Employed		8		Charles P. Black
				9		Geraldine K. Jordan
				10		Ping Huffman
				11		John C. Holcomb
				12		Ruby Blair
				Total	Ν	12
			Total	N		12
				1		Peter D. Gamino
			St. Louis	2		Sean D.
Department Code in			Ott Louis	_		McGillicuddy
1982				Total	Ν	2
				1		Jerri D. Mategrano
	Project Directors	City Where		2		Amanda Howell
		Employed		3		Aristotle M. Geocaris
			Chicago	4		Paulette Ho
				5		Jennifer K. Logan
				6		Pierre LeClair
				Total	Ν	6
			Total	N		8
				1		Lucinda Jackson
				2		Anita Pulaski
				3		Guy J. LaVelle
	Chicago	City Where		4		Jean D. Weiss
	Operations	Employed	Chicago	5		Della D. Miller
	•			6		Nick Kozak
				7		Leonard D.
				•		Cunningham
	<u></u>			8		Pamela Simon

				Ī	ı
			9	Paul Harman	
			10	Andrea Smith	
			Total N	1	10
		Total	N	1	10
			1	Maria Provenza	
			2	Cleveland Smith	
			3	Monica C. Rivers	
			4	Cynthia Riley	
			5	Linda Iverson	
St. Louis	City Where	St. Louis	6	Silvia Kudirka	
Operations	Employed		7	Polly E. Chan	
			8	Kathleen Rooney	
			9	Marci Syms	
			10	Elena Lopez	
			Total N	1	10
		Total	N	1	10
Total	N			4	40

Στο παραπάνω πίνακα δίνονται τα στοιχεία των υπαλλήλων που εργάστηκαν στο Chicago διοικητική ή σε επιχειρησιακή θέση.

Ερώτημα 7

Case Summaries

		Case Summari	es			Yearly Salary in
						1982
				1		19240
				2		10241
				3		17111
				4		35750
				5		16120
				6		12558
				7		24784
		City Where	Chicago	8		13910
	Administrative	Employed		9		17108
				10		32500
				11		26000
				12		17810
				Tatal	N	12
				Total	Mean	20261,00
			Total	N		12
			TOtal	Mean		20261,00
Department Code in				1		25837
1982			St.	2		9760
			Louis	Total	N	2
				Total	Mean	17798,50
				1		16016
				2		12566
	Project Directors	City Where		3		31200
	r rojoet Biroctoro	Employed	Chicago	4		17179
			Omoago	5		15210
				6		11700
				Total	N	6
					Mean	17311,83
			Total	N		8
				Mean		17433,50
				1		9840
	Chicago	City Where	Chicago	2		12328
	Operations	Employed	Č	3		21060
	<u></u>			4		16601

				i	1
			5		9777
			6		11440
			7		48100
			8		19500
			9		50700
			10		9652
			T. (.)	N	10
			Total	Mean	20899,80
		T	N		10
		Total	Mean		20899,80
			1		10780
			2		14309
			3		26182
			4		16900
			5		25577
		St.	6		25577
St. Louis	City Where	Louis	7		11240
Operations	Employed		8		14007
			9		13097
			10		10122
				N	10
			Total	Mean	16779,10
			N		10
		Total	Mean		16779,10
	N				40
Total	Mean				18984,73

Yearly Salary in 1982 * Job Category

Yearly Salary in 1982

Job Category	Mean	N	Std. Deviation
Officials & Managers	20261,00	12	7904,138
Professionals	20840,89	9	12341,713
Technicians	17877,56	9	13047,143
Office and Clerical	16779,10	10	6511,245
Total	18984,73	40	9818,086

Ερώτημα: Να εξεταστεί η διαφορετικότητα και διασπορά δυο περιπτώσεων ανά μεταβλητή.

Οι τεχνικοί (Technicians) αν και είναι τρίτοι σε κατάταξη στον μέσο μισθό παρουσιάζουν την μεγαλύτερη τυπική απόκλιση στους μισθούς τους. Μπορούμε να υποθέσουμε ότι υπάρχει άνιση κατανομή στους μισθούς τους, το οποίο ίσως οφείλετε στις διάφορες κατηγορίες τεχνικών π.χ ηλεκτρολόγοι, μηχανολόγοι μηχανικοί κτλ.

Οι υπάλληλοι γραφείου (Office and Clerical) παρουσιάζουν πιθανώς μεγαλύτερη ισοκατανομή στα εισοδήματα, καθώς έχουν την μικρότερη τυπική απόκλιση αλλά και μικρότερη μέση τιμή.

Yearly Salary in 1982 * Department Code in 1982

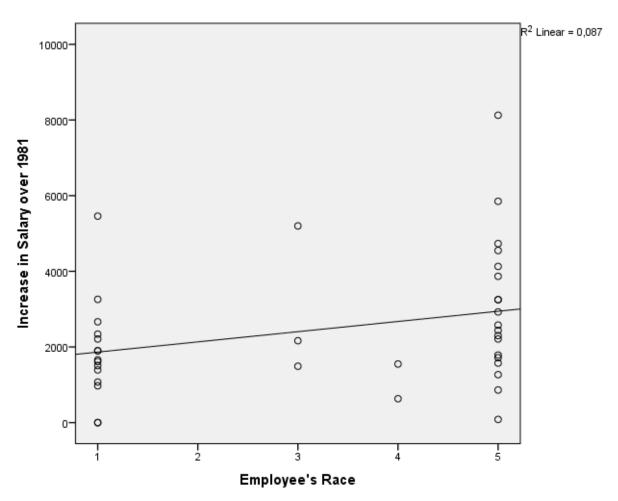
Yearly Salary in 1982

Department Code in 1982	Mean	N	Std. Deviation
Administrative	20261,00	12	7904,138
Project Directors	17433,50	8	7393,062
Chicago Operations	20899,80	10	15577,334
St. Louis Operations	16779,10	10	6511,245
Total	18984,73	40	9818,086

Ερώτημα : Να εξεταστεί η διαφορετικότητα και διασπορά δυο περιπτώσεων ανά μεταβλητή.

Οι εργαζόμενοι στο τμήμα λειτουργιών του St.Louis παρουσιάζουν την μικρότερη μέση τιμή αλλά και την μικρότερη τυπική απόκλιση, οπότε υπάρχει πιθανώς μια προσεγγιστικά καλύτερη ισοκατανομή μεταξύ των υπαλλήλων σε αυτό το τμήμα, σε αντίθεση με το τμήμα λειτουργιών στο Chicago όπου η τυπική απόκλιση από τον μέσο μισθό είναι τεράστια.

Bonus Ερώτημα



Crosstabs

Case Processing Summary

Guos i roccocing Guinnary								
	Cases							
	Valid		Missing		Total			
	N	Percent	N	Percent	N	Percent		
Employee's Race * Increase in Salary over 1981	39	78,0%	11	22,0%	50	100,0%		

Directional Measures

			Value
Nominal by Interval	E.	Employee's Race Dependent	,970
	Eta	Increase in Salary over 1981 Dependent	,374

Για την εξέταση της συσχέτισης μεταξύ των δύο μεταβλήτων χρησιμοποιήσαμε δύο εργαλεία, τον δείκτη eta και ενα scatter plot.

Απο το scatter plot μπρουμε να διακρίνουμε οτι οι αυξήσεις μισθού ειναι ξεκάθαρα υψηλότερες όσον αφορά την κατηγορία 5(white race).

Ο Eta παίρνει τιμές από 0 έως 1, οι οποίες έχουν να κάνουν με μηδενική και απολυτή συσχέτιση αντίστοιχα. Στην περίπτωση μας ο Eta έχει τιμή 0,37 που σημαίνει ότι υπάρχει μια μέτρια συσχέτιση μεταξύ αύξησης μισθού και εθνικότητας. Επίσης μπορούμε να τετραγωνίσουμε τον Eta για να δούμε πόση από την διακύμανση ερμηνεύεται από την σχέση των δυο μεταβλητών.