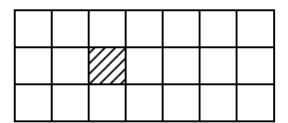
# Школа естественно-математической направленности «Физтех-лицей» им. П.Л. Капицы

Кружок «Олимпиадная математика»

2015/2016 учебный год

#### СЕНТЯБРЬСКАЯ ОЛИМПИАДА. 5 КЛАСС

- 1. Группа детского сада построилась парами мальчик с девочкой (причем все девочки стояли справа от мальчиков). Илья, идущий в паре с Юлей, насчитал впереди себя 5 мальчиков, а Юля позади себя 4 девочки. Сколько детей в группе?
- **2.** Сундук, полный золота, весит 32 пуда, а сундук, заполненный золотом наполовину, весит 17 пудов. Сколько весит пустой сундук?
- **3.** Разрежьте прямоугольник  $3 \times 7$  с одной вырезанной клеткой (см. рисунок) на 5 различных четырёхклеточных фигурок. Фигурки считаются различными, если поворачивая и переворачивая их, нельзя получить одну из другой.



- **4.** Оля, Гриша и Серёжа решали задачи. Гриша и Серёжа решили вместе 4 задачи, Гриша и Оля 8 задач, а Оля и Серёжа 6. Кто решил больше всех задач?
- 5. Действие почти задачи происходит на одном острове, жители которого рыцари и лжецы. Рыцари всегда говорят правду, а лжецы всегда неправду. Каждый из собравшихся на площади жителей острова заявил остальным: «Вы все лжецы». Сколько рыцарей среди них?
- **6.** Найдите наименьшее четырёхзначное число, у которого сумма цифр больше, чем у любого меньшего числа.

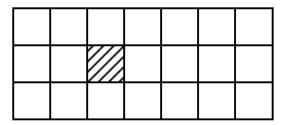
# Школа естественно-математической направленности «Физтех-лицей» им. П.Л. Капицы

Кружок «Олимпиадная математика»

2015/2016 учебный год

#### СЕНТЯБРЬСКАЯ ОЛИМПИАДА. 5 КЛАСС

- 1. Группа детского сада построилась парами мальчик с девочкой (причем все девочки стояли справа от мальчиков). Илья, идущий в паре с Юлей, насчитал впереди себя 5 мальчиков, а Юля позади себя 4 девочки. Сколько детей в группе?
- **2.** Сундук, полный золота, весит 32 пуда, а сундук, заполненный золотом наполовину, весит 17 пудов. Сколько весит пустой сундук?
- **3.** Разрежьте прямоугольник  $3 \times 7$  с одной вырезанной клеткой (см. рисунок) на 5 различных четырёхклеточных фигурок. Фигурки считаются различными, если поворачивая и переворачивая их, нельзя получить одну из другой.



- **4.** Оля, Гриша и Серёжа решали задачи. Гриша и Серёжа решили вместе 4 задачи, Гриша и Оля 8 задач, а Оля и Серёжа 6. Кто решил больше всех задач?
- **5.** Действие почти задачи происходит на одном острове, жители которого рыцари и лжецы. Рыцари всегда говорят правду, а лжецы всегда неправду. Каждый из собравшихся на площади жителей острова заявил остальным: «Вы все лжецы». Сколько рыцарей среди них?
- **6.** Найдите наименьшее четырёхзначное число, у которого сумма цифр больше, чем у любого меньшего числа.

# Школа естественно-математической направленности «Физтех-лицей» им. П.Л. Капицы

Кружок «Олимпиадная математика»

2015/2016 учебный год

#### СЕНТЯБРЬСКАЯ ОЛИМПИАДА. 6 КЛАСС

- **1.** Как с помощью прямоугольной плитки размером  $7 \times 9$  см начертить на листе бумаги отрезок, длина которого 1 см?
- **2.** Составьте из цифр 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 магический квадрат, то есть разместите их в таблице  $3 \times 3$  так, чтобы суммы чисел по строкам, столбцам и двум диагоналям были одинаковы.
- 3. У Пети в кармане несколько монет. Если Петя наугад вытащит из кармана 3 монеты, среди них обязательно найдётся монета в 1 рубль. Если Петя наугад вытащит 4 монеты из кармана, среди них обязательно найдётся монета в 2 рубля. Петя вытащил из кармана 5 монет. Назовите эти монеты (и обоснуйте свой ответ).
- **4.** Подряд записаны числа 1, 2, 3, ... 2000. Первое, третье, пятое и т.д. по очереди вычеркивают. Из оставшихся 1000 чисел снова вычеркивают первое, третье, пятое и т.д. Так делают, пока не останется одно число. Что это за число?
- **5.** Лист бумаги согнули вдвое по прямой и прокололи иголкой в двух местах, а потом развернули и получили 4 отверстия. Положения трех из них указаны на рисунке. Где может находиться 4-е отверстие?

0 0

**6.** За 25 бубликов заплатили столько рублей, сколько бубликов можно купить на один рубль. Сколько стоит один бублик?

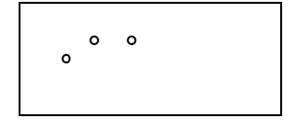
## Школа естественно-математической направленности «Физтех-лицей» им. П.Л. Капицы

Кружок «Олимпиадная математика»

2015/2016 учебный год

#### СЕНТЯБРЬСКАЯ ОЛИМПИАДА. 6 КЛАСС

- **1.** Как с помощью прямоугольной плитки размером  $7 \times 9$  см начертить на листе бумаги отрезок, длина которого 1 см?
- **2.** Составьте из цифр 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 магический квадрат, то есть разместите их в таблице  $3 \times 3$  так, чтобы суммы чисел по строкам, столбцам и двум диагоналям были одинаковы.
- 3. У Пети в кармане несколько монет. Если Петя наугад вытащит из кармана 3 монеты, среди них обязательно найдётся монета в 1 рубль. Если Петя наугад вытащит 4 монеты из кармана, среди них обязательно найдётся монета в 2 рубля. Петя вытащил из кармана 5 монет. Назовите эти монеты (и обоснуйте свой ответ).
- **4.** Подряд записаны числа 1, 2, 3, . . . 2000. Первое, третье, пятое и т.д. по очереди вычеркивают. Из оставшихся 1000 чисел снова вычеркивают первое, третье, пятое и т.д. Так делают, пока не останется одно число. Что это за число?
- **5.** Лист бумаги согнули вдвое по прямой и прокололи иголкой в двух местах, а потом развернули и получили 4 отверстия. Положения трех из них указаны на рисунке. Где может находиться 4-е отверстие?



**6.** За 25 бубликов заплатили столько рублей, сколько бубликов можно купить на один рубль. Сколько стоит один бублик?

### Школа естественно-математической направленности «Физтех-лицей» им. П.Л. Капицы

Кружок «Олимпиадная математика»

2015/2016 учебный год

#### СЕНТЯБРЬСКАЯ ОЛИМПИАДА. 7 КЛАСС

- 1. На прямоугольном куске хлеба лежит кружок колбасы. Докажите, что этот бутерброд можно разрезать одним прямолинейным разрезом на два так, чтобы и хлеб, и колбаса разделились поровну.
- **2.** На доске таблица  $4 \times 4$ , в каждой клетке которой записано число. Аня выбрала наименьшее число в каждой строке, а затем наибольшее из этих чисел. Боря выбрал наибольшее число в каждом столбце, а затем наименьшее из этих чисел. Чьё число больше Ани или Бори?
- **3.** Расставьте скобки в неверном равенстве 2:3:4:5:6=5 так, чтобы оно стало верным.
- **4.** Можно ли на прямой отметить точки A, B, C, D, E так, чтобы расстояния между ними (в см) оказались равны: AB=4, BC=7, CD=9, DE=6, AE=8? Если да, то приведите пример, если нет, то объясните почему нельзя.
- 5. У Пети в кармане несколько монет. Если Петя наугад вытащит из кармана 3 монеты, среди них обязательно найдётся монета в 1 рубль. Если Петя наугад вытащит 4 монеты из кармана, среди них обязательно найдётся монета в 2 рубля. Петя вытащил из кармана 5 монет. Назовите эти монеты.
- **6.** Подряд записаны числа 1, 2, 3, ... 2000. Первое, третье, пятое и т.д. по очереди вычеркивают. Из оставшихся 1000 чисел снова вычеркивают первое, третье, пятое и т.д. Так делают, пока не останется одно число. Что это за число?

# Школа естественно-математической направленности «Физтех-лицей» им. П.Л. Капицы

Кружок «Олимпиадная математика»

2015/2016 учебный год

#### СЕНТЯБРЬСКАЯ ОЛИМПИАДА. 7 КЛАСС

- 1. На прямоугольном куске хлеба лежит кружок колбасы. Докажите, что этот бутерброд можно разрезать одним прямолинейным разрезом на два так, чтобы и хлеб, и колбаса разделились поровну.
- **2.** На доске таблица  $4 \times 4$ , в каждой клетке которой записано число. Аня выбрала наименьшее число в каждой строке, а затем наибольшее из этих чисел. Боря выбрал наибольшее число в каждом столбце, а затем наименьшее из этих чисел. Чьё число больше Ани или Бори?
- **3.** Расставьте скобки в неверном равенстве 2:3:4:5:6=5 так, чтобы оно стало верным.
- **4.** Можно ли на прямой отметить точки A, B, C, D, E так, чтобы расстояния между ними (в см) оказались равны: AB = 4, BC = 7, CD = 9, DE = 6, AE = 8? Если да, то приведите пример, если нет, то объясните почему нельзя.
- 5. У Пети в кармане несколько монет. Если Петя наугад вытащит из кармана 3 монеты, среди них обязательно найдётся монета в 1 рубль. Если Петя наугад вытащит 4 монеты из кармана, среди них обязательно найдётся монета в 2 рубля. Петя вытащил из кармана 5 монет. Назовите эти монеты.
- **6.** Подряд записаны числа 1, 2, 3, ... 2000. Первое, третье, пятое и т.д. по очереди вычеркивают. Из оставшихся 1000 чисел снова вычеркивают первое, третье, пятое и т.д. Так делают, пока не останется одно число. Что это за число?