알고리즘과수능수학

2019.06.01 정보컴퓨터공학부 알고리즘 학술 동아리 AlCall

<u>1. 동아리 소개</u>

알콜(AlCall)

Algorithm is Core All

- 부산대 유일의(아마도) 알고리즘 전문 동아리
 - 컴퓨터로 수학 문제를 푸는 방법에 대해 연구
- 알고리즘 관련 세미나 & 스터디
 - ACM-ICPC, SCPC(삼성) 등의 경시대회 대비
 - 기업 입사 코딩테스트 대비

알콜(AlCall)

• 잡기술보다는 기본적인 프로그래밍 능력 향상

• 수학적 사고력과 문제 해결 능력 배양

• 서울권에서는 매우 핫하다 (부산은 그렇지 않다)

2.개요



AI가 정점에 선 방법?



Deep Blue vs. Garry Kasparov, 1996, 3.5: 2.5

AI가 정점에 선 방법?



IBM Watson, 2010, 3.5: 2.5

AI가 정점에 선 방법?

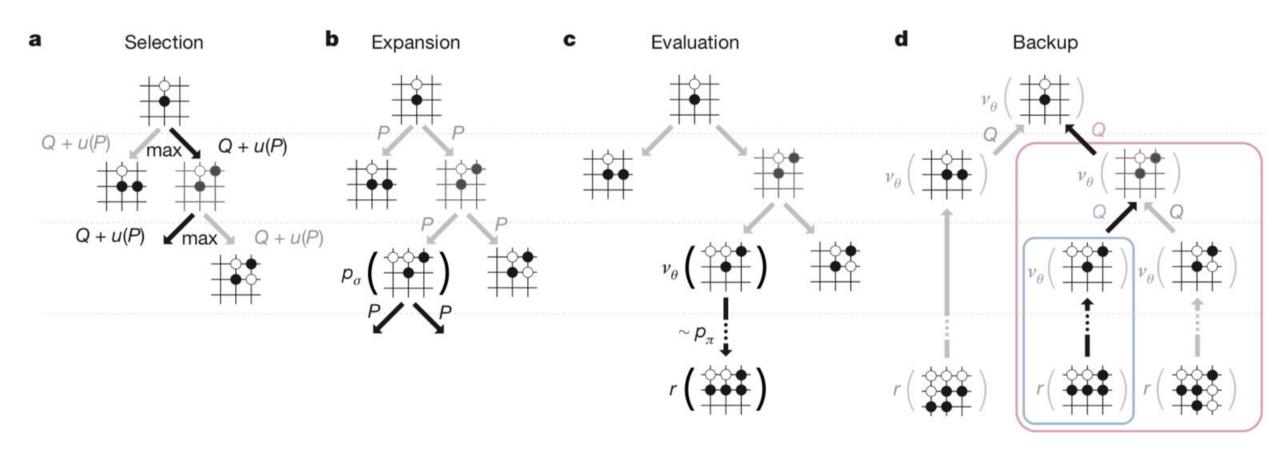


Ke jie vs. AlphaGo, 2017, 3:0

주입식 교육



주입식 교육(컴퓨터 ver.)



주입식 교육(컴퓨터 ver.)



전부 다 외운다고 능사는 아니다

- 저장하는데는?
 - 10^{360} 개의 경우의 수 = 10^{348} 개의 1TB 하드디스크가 필요
- 찾아보는데는?
 - 10^{360} 개의 경우의 수 = 10^{346} 일이면 다 살펴볼 수 있다.

• 용량도, 시간도 많이 걸림

알고리즘이란

• 유한한 시간 내에 문제를 푸는 방법

• 빠르고, 적은 계산으로 정답을 찾을수록 좋은 알고리즘

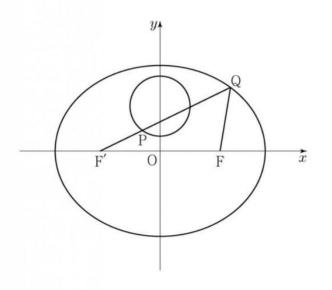
• 앞의 바둑을 예로 들자면, '경우의 수를 덜 찾으면서 확실하게 이기는 방법'

3.컴퓨터가 수능 문제를 푼다면

2019학년도 수능 28번

28. 두 초점이 F, F'인 타원 $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{33} = 1$ 이 있다.

원 $x^2 + (y-3)^2 = 4$ 위의 점 P에 대하여 직선 F'P가이 타원과 만나는 점 중 y좌표가 양수인 점을 Q라 하자. $\overline{PQ} + \overline{FQ}$ 의 최댓값을 구하시오. [4점]



사람의 풀이법

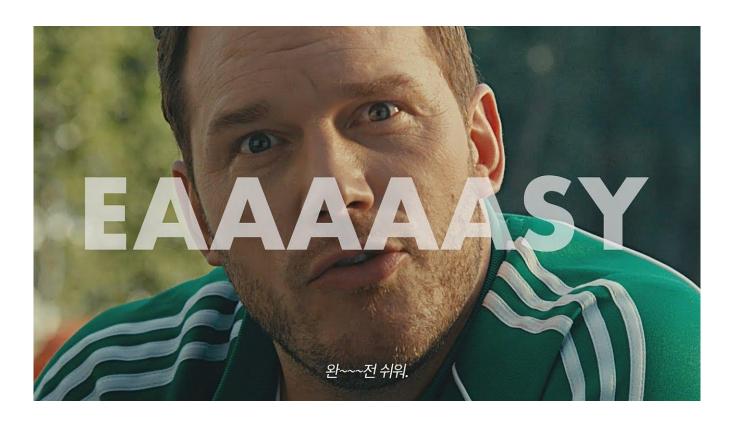
• 1. *F*, *F*'의 좌표를 구한다

• 2. 타원의 성질에 의해 $\overline{FQ} + \overline{F'Q} = 14$

• 3. $\overline{PQ} = \overline{F'Q} - \overline{F'P}$

• 3. $\overrightarrow{F'P}$ 가 원의 중심을 지날 때 $\overrightarrow{F'P}$ 가 최소이므로 답은 12

EAAAASY



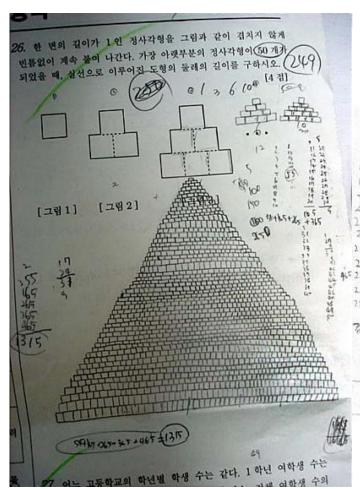
심지어 숫자를 바꿔도 풀 수 있다

컴공 재학생들에게 묻습니다

• 1. 나는 저거 코딩으로 풀 수 있다

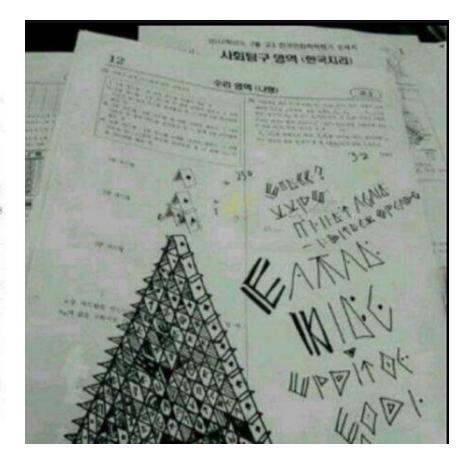
• 2. 아니다 나는 못하겠다

컴퓨터의 풀이법



수열1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, …에서계400항을구하여라

及む、1+2+3+4+5+6+7が49+10+11+12+13+ 1727 7747 7 16+19+18+19+20+21+22+23+24+1 25+26+27+18=406



컴퓨터의 풀이법

- 1. 원 위의 임의의 점 P를 잡는다.
- 2. $\overrightarrow{F'P}$ 의 방정식을 구한다.
- 3. 타원 위의 임의의 점 Q를 잡는다.
- 4. Q가 $\overrightarrow{F'P}$ 상에 있는지를 직선의 방정식을 통해 확인한다.
- 5. \overline{PQ} + \overline{FQ} 를 계산한다.

코드

• init.py (타원과 원 위의 점을 정의하는 코드)
https://github.com/kkorona/PNU_OpenCampus/blob/master/init.py

• 28.py (문제 해결 코드) https://github.com/kkorona/PNU_OpenCampus/blob/master/28.py

결과



컴퓨터와 사람의 풀이의 차이점

	사람	컴퓨터
연산 횟수	6	6,555,657
정확도	항상 정답	근삿값
푸는데 걸린 시간	최소 2분	30초

컴퓨터와 사람의 풀이의 차이점

사람	컴퓨터
직관적으로 식이나 규칙을 떠올려서 푼다. 문제를 식으로 추상화해서 푼다. 연산 속도가 느리다. 무리수의 계산을 쉽게 한다.	경우의 수를 찾고 해답을 검산하여 푼다. 직관적으로 규칙을 찾아서 풀지 못한다. 문제를 실제 숫자로 구체화해서 푼다. 연산 속도가 빠르다. 실수 계산 오차가 발생한다.