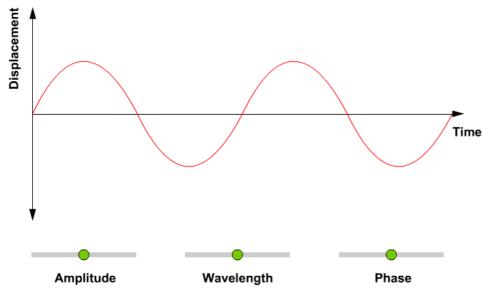
오디오 신호 처리 (Audio Signal Processing)

- 소리는 공기 중의 진동으로 인해 발생하는 압축파
- 진동은 공간이나 매질을 통해 파동(wave)의 형태로 전파
- 오디오 신호의 세 가지 주요 요소인 위상(Phase), 진폭(Amplitude), 주파수(Frequency)를 통해 파동의 특성 이해
 - ∘ 위상 (Phase)
 - 파동의 특정 시점에서의 변위 상태
 - 즉, 파동이 주기적 경로를 따라 어느 위치에 있는지를 나타내는 것
 - 위상은 각도(도)로 측정되며, 두 개 이상의 파동이 어떻게 상호작용하는지 이해하는 데 중요
 - 서로 다른 위상을 가진 두 파동이 만나면 상쇄 현상이 발생
 - 。 진폭 (Amplitude)
 - 파동의 강도 또는 크기
 - 소리에서 진폭은 소리의 크기(볼륨)와 관련이 있음
 - 높은 진폭은 큰 소리를, 낮은 진폭은 작은 소리를 나타냄
 - 진폭은 파동이 얼마나 멀리 이동하는지를 나타내며, 시각적으로는 파동의 최고점과 최저점 사이의 거리로 표현
 - o 주파수 (Frequency)
 - 단위 시간당 파동의 주기가 몇 번 발생하는지를 나타냄
 - 즉, 파동이 얼마나 빨리 진동하는지를 나타내며, 헤르츠(Hz) 단위로 측정
 - 높은 주파수는 높은 피치(높은 음)를, 낮은 주파수는 낮은 피치(낮은 음)를 나타냄
 - 음악이나 대화에서 다양한 주파수의 조합은 다양한 음색과 음향 효과를 생성

Phase difference 0°



∨ 오디오 라이브러리 (Audio Library)



- Librosa는 데이터 과학자, 음악 기술 연구자, 오디오 엔지니어 등 다양한 분야의 전문가들에게 유용한 도구
- 오디오 데이터의 복잡한 분석을 수행하고, 사용자에게 더 풍부한 오디오 경험을 제공할 수 있는 애플리케이션 개발 가능
- 주요 기능
 - 。 오디오 처리: 오디오 파일을 로드하고, 변환하는 기본 기능을 제공하고, 이를 통해 사용자는 다양한 포맷의 오디오 파일을 쉽게 분석하고 처리 가능
 - 특징 추출: 음성 신호에서 다양한 유형의 오디오 특징 (멜 주파수 켑스트럼 계수(MFCCs), 크로마그램, 스펙트로그램)을 추출하는 데 사용 (이러한 특징들은 음악 장르 분류, 감정 분석, 음악 추천 시스템 등에 활용)

- ∘ 시각화: 오디오 데이터의 시각적 분석을 위한 도구도 포함되어 있음 (오디오 신호의 파형(waveform)이나 스펙트로그램 시각화)
- 음악 이론 통합: 피치, 비트, 템포와 같은 음악 이론적 요소들을 분석하고 추출하는 기능을 제공 (음악적 구조와 패턴을 이해하는 데 도움)
- 효율적인 알고리즘: 고급 수학적 알고리즘과 데이터 처리 기술을 사용하여 효율적으로 오디오 데이터를 처리

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import librosa
print(librosa.__version__)
```

0 10 1

∨ 오디오 데이터 (Audio Data)

0:00 / 0:03

```
# Playing a real sound

y, sr = librosa.load(librosa.ex('brahms'))
Audio(data=y, rate=sr)
```

Downloading file 'Hungarian_Dance_number_5_-_Allegro_in_F_sharp_minor_(string_orchestra).ogg' from 'https://librosa.org/data/aud 0:00/0:45

음성 데이터 (Speech Data)

- Pytorch의 TorchAudio를 사용해 내장 데이터셋을 가져옴
- 데이터가 크기 때문에 시간이 많이 소요

```
import torch
import torchaudio

print(torchaudio.__version__)

# torchaudio를 이용해 음성 예제 데이터를 가져옴

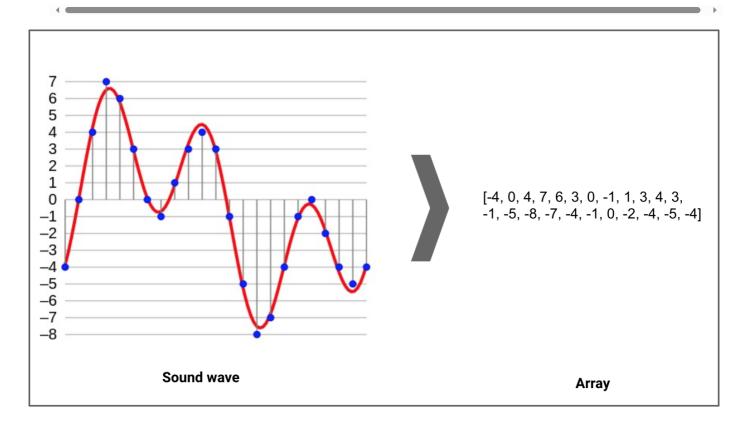
train_dataset = torchaudio.datasets.LIBRISPEECH("./", url="train-clean-100", download=True)

test_dataset = torchaudio.datasets.LIBRISPEECH("./", url="test-clean", download=True)
```

- 불러온 음성 데이터 확인
 - 첫번째 줄에서는 소리 데이터 확인 가능
 - 두번째 줄에선 해당 데이터의 sampling rate 확인 가능

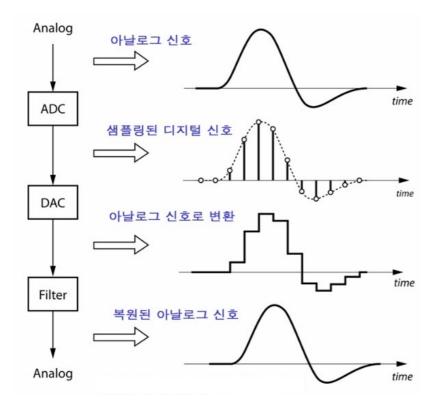
```
print(test_dataset[1])
# 불러온 데이터의 형상을 확인
# 데이터 길이만으로는 음성이 몇초에 해당하는지(duration)를 알 수 없음
print(test_dataset[0][0].shape)
```

(tensor([[0.0010, 0.0011, 0.0009, ..., -0.0007, -0.0010, -0.0011]]), 16000, 'STUFF IT INTO YOU HIS BELLY COUNSELLED HIM', 1089, 134686, torch.Size([1, 166960])



∨ 샘플링 (Sampling)

- 샘플링은 음성과 같은 아날로그 신호를 디지털 신호로 변환하는 과정에서 매우 중요한 역할
- 아날로그 신호의 연속적인 값을 이산적인 디지털 데이터로 변환하는 것을 포함
- 아날로그 신호를 무한히 세분화하여 저장하는 것은 불가능하므로, 일정한 간격으로 신호를 측정하고 이 값들을 대표값으로 사용 (이러한 일련의 과정이 샘플링)
- 샘플링 프로세스는 Time Domain 방식을 사용하는 것이 일반적이고, 이는 시간을 기준으로 아날로그 신호를 쪼개는 방식이며, 각 샘플은 특정 시간 간격으로 취해진 신호의 값을 나타냄
- 샘플링은 디지털 오디오 처리의 핵심적인 단계로, 적절한 샘플링 레이트와 샘플링 정리의 이해는 고품질의 디지털 오디오 생성에 필수적
- 음악 제작, 음성 인식, 오디오 압축 등 다양한 오디오 관련 애플리케이션에서 중요한 역할



- 샘플링 레이트 (Sampling Rate):
 - 단위 시간당 얼마나 많은 샘플을 취할 것인지를 결정
 - 샘플링 레이트가 높을수록 원본 아날로그 신호를 더 정밀하게 디지털화할 수 있지만, 이는 데이터 크기가 증가하는 것을 의미
 - 일반적으로 샘플링은 인간의 청각 영역에 맞게 형성
 - Audio CD: 44.1 kHz(44100 sample/second)
 - Speech communication: 8 kHz(8000 sample/second)
- 샘플링 정리 (Sampling Theorem)
 - 디지털 신호로 변환할 때 원본 신호를 완전히 복원하기 위한 최소 샘플링 레이트에 대한 기준을 제공
 - 에일리어싱(aliasing): 아날로그 신호의 표본화시 표본화 주파수가 신호의 최대 주파수의 2배보다 작거나 필터링이 부적절하여 인접한 스펙트럼들이 서로 겹쳐 생기는 신호 왜곡 현상

```
import IPython.display as ipd
audio_data = test_dataset[1][0][0]
sr = test_dataset[1][1]
# 음성의 duration은 데이터의 길이와 sampling rate를 나누어 확인 가능
print(audio_data, sr)
print('length:', len(audio_data))
print('duration:', len(audio_data) / sr)
ipd.Audio(audio_data, rate=sr)
```

tensor([0.0010, 0.0011, 0.0009, ..., -0.0007, -0.0010, -0.0011]) 16000 length: 52400 duration: 3.275

→ 리샘플링 (Resampling)

- 샘플링된 데이터의 샘플링 레이트를 조정하여 다시 샘플링하는 과정으로 샘플링 레이트를 높이거나 낮출 수 있음
- 리샘플링 과정에서 가장 중요한 부분은 원래 신호의 특성을 가능한 한 유지하는 것
- 리샘플링 과정에서는 보통 보간(interpolation)이라는 기술이 사용되고, 보간은 새로운 샘플링 레이트에 맞게 기존 샘플들 사이에 새로운 샘 플 포인트를 생성하는 과정
- 이때, 고주파 노이즈를 제거하기 위해 로우패스 필터(low-pass filter)를 사용하는 것이 일반적
- 로우패스 필터는 원하는 샘플링 레이트보다 높은 주파수의 신호를 제거하여 에일리어싱(aliasing) 현상을 방지

```
# 현재 데이터는 torch tensor, librosa는 numpy 배열을 받아들이기 때문에 변환 필요
y = audio_data.numpy()
print(y)
```

Librosa 라이브러리는 리샘플링을 쉽게 수행할 수 있는 librosa.resample 함수를 제공 # 이 함수는 원본 오디오 신호와 원래의 샘플링 레이트, 그리고 원하는 새로운 샘플링 레이트를 인자로 받아, 리샘플링된 오디오 신호를 반환 y_8k = librosa.resample(y=y, orig_sr=sr, target_sr=8000)

print(len(y), len(y_8k))
ipd.Audio(y_8k, rate=8000)

52400 26200

0:00 / 0:03

샘플링 레이트를 절반으로 줄이려면, librosa.resample 함수를 사용하여 샘플링 레이트를 현재의 절반으로 설정 # 이 과정에서 오디오 신호의 길이도 절반으로 줄어들게 되고, 이는 데이터의 크기를 줄이면서도 필요한 오디오 정보를 유지하고자 할 때 유용 y_4k = librosa.resample(y=y, orig_sr=sr, target_sr=4000)

print(len(y), len(y_4k))
ipd.Audio(y_4k, rate=4000)

52400 13100

0:00 / 0:03

Normalization

- 오디오 신호의 진폭을 조정하는 과정
- 오디오 신호의 최대 진폭을 특정한 수준으로 맞추는 것
- 일반적으로 이는 오디오 신호가 가질 수 있는 최대 범위를 전체적으로 활용하도록 함
- 예를 들어, 오디오 신호의 최대 진폭을 0dB까지 늘리는 것이 일반적인 과정
- 주요 이점
 - 신호의 동적 범위 최대화: 신호의 동적 범위를 최대화하여 소리의 세부사항을 더 잘 포착할 수 있게 함
 - 일관된 오디오 레벨: 다양한 출처에서 오는 오디오 신호의 볼륨을 일정하게 유지할 수 있음

데이터간 음량이 제각각인 경우 normalization을 하여 amplitude를 [-1, 1] 범위로 조정 # 여기서는 가장 간단한 방법인 데이터의 최대값으로 나눠주는 방법을 사용

normed_wav = y / max(np.abs(y))
ipd.Audio(normed_wav, rate=sr)

0:00 / 0:03

Quantization

- 아날로그 신호를 디지털 신호로 변환할 때 발생하는 과정으로, 연속적인 아날로그 신호를 이산적인 값으로 변환
- 즉, 각 샘플의 아날로그 값이 제한된 수의 디지털 값 중 하나로 매핑되는 것
- 예를 들어, 16비트 오디오 시스템에서는 각 샘플이 65,536(2^16)개의 가능한 값 중 하나를 가질 수 있음
- 주요 특징
 - 비트 깊이(Bit Depth): 양자화의 정밀도는 비트 깊이에 의해 결정되며, 비트 깊이가 높을수록 더 많은 디지털 값이 사용되어 더 정밀한 아날로그-디지털 변환이 가능
 - 양자화 노이즈: 양자화 과정에서는 원본 아날로그 신호와 디지털화된 신호 사이의 작은 차이가 발생할 수 있으며, 이를 양자화 노이즈 라고 하고, 이 노이즈는 신호의 디테일을 손실시킬 수 있으며, 특히 낮은 비트 깊이에서 더 두드러짐
- 주요 이점
 - 효율적인 저장 및 처리: 양자화를 통해 아날로그 신호를 디지털 형태로 저장하고 처리할 수 있으며, 이는 컴퓨터 시스템과 디지털 오디 오 장비에서 필수적
 - 신호의 재생산과 전송: 디지털 형태의 오디오 신호는 아날로그 신호에 비해 더 쉽게 복제하고 전송 가능

```
# quantization 하면 음질은 떨어지지만 light한 자료형이 됨
bit = 8
max_value = 2 ** (bit-1)

quantized_8_wav = normed_wav * max_value
quantized_8_wav = np.round(quantized_8_wav).astype(int)
quantized_8_wav = np.clip(quantized_8_wav, -max_value, max_value-1)
ipd.Audio(quantized_8_wav, rate=sr)
```

0:00 / 0:03

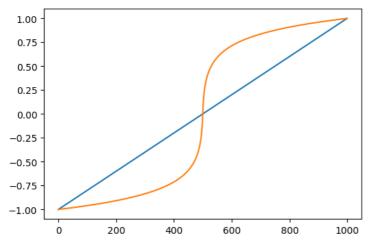
μ-law encoding

- 오디오 신호를 디지털화할 때 사용되는 일종의 비선형 양자화 기법
- 특히 전화 통신에서 음성 신호를 디지털 형태로 압축하고 전송하는 데 널리 사용
- 주요 목표는 신호의 동적 범위를 줄이면서, 인간의 청각 특성에 따라 신호의 중요한 부분을 보다 효과적으로 전달하는 것
- 주요 특징과 원리
 - 。 비선형 양자화
 - 신호의 모든 부분을 동일한 정밀도로 처리하지 않는대신, 작은 신호(소리)는 높은 정밀도로, 큰 신호는 상대적으로 낮은 정밀도로 양자화
 - 인간의 귀가 작은 신호의 변화에는 민감하지만, 큰 신호의 변화에는 덜 민감한 특성을 반영한 것
 - 다이나믹 레인지 압축
 - 신호의 다이나믹 레인지를 압축
 - 신호의 볼륨 차이가 큰 경우에도 효과적으로 신호를 전송할 수 있게 해줌
 - 결과적으로, 더 넓은 범위의 신호를 낮은 비트율로 효율적으로 전송 가능
 - 표준화된 포맷
 - 북미와 일본의 전화 시스템에서 표준으로 사용
 - 유럽 및 다른 지역에서는 유사한 A-Law 인코딩 방식이 사용
 - 음성 통신에 최적화: 음성 신호의 특성에 맞춰 최적화되어 있어, 음성의 이해도를 높이면서 데이터 전송률을 낮추는 데 도움이 됨

```
def mu_law(x, mu=255):
    return np.sign(x) * np.log(1 + mu * np.abs(x)) / np.log(1 + mu)

x = np.linspace(-1, 1, 1000)
x_mu = mu_law(x)

plt.figure(figsize=[6, 4])
plt.plot(x)
plt.plot(x_mu)
plt.show()
```



```
wav_mulaw = mu_law(normed_wav)
ipd.Audio(wav_mulaw, rate=sr)
```

필터(Audio Filter)

- 오디오 신호에서 특정 주파수 범위를 강조하거나 억제하는 데 사용되는 전자 또는 디지털 도구
- 오디오 신호 처리에서 필터는 원하는 신호 구성요소를 선택하거나 원치 않는 잡음을 제거하는 데 중요한 역할
- 주요 유형
 - o 저역통과 필터 (Low-Pass Filter)
 - 특정 절단 주파수(cutoff frequency) 이하의 신호를 통과시키고, 그 이상의 주파수를 차단
 - 배경 소음 제거 또는 저음 강조에 사용
 - o 고역통과 필터 (High-Pass Filter)
 - 절단 주파수 이상의 신호만 통과시키고, 그 이하의 주파수를 차단
 - 저주파 잡음 제거나 고음 강조에 사용
 - o 대역통과 필터 (Band-Pass Filter)
 - 특정 주파수 범위 내의 신호만 통과시키고, 그 범위 밖의 신호를 차단
 - 특정 주파수 대역의 신호를 분리할 때 사용
 - 대역저지 필터 (Band-Stop Filter 또는 Notch Filter)
 - 특정 주파수 범위의 신호를 차단하고, 나머지 주파수는 통과
 - 특정 주파수의 잡음이나 간섭을 제거할 때 유용
- 필터의 특성
 - 。 절단 주파수 (Cutoff Frequency): 필터가 신호를 통과시키거나 차단하기 시작하는 주파수
 - 경사도 (Slope 또는 Roll-off): 필터가 얼마나 빠르게 주파수를 차단하거나 통과시키는지를 나타냄 (단위는 dB/octave(데시벨/옥타브)로 표시)
 - 。 Q 인자 (Q Factor): 필터의 선택적인 주파수 대역폭을 결정하고, Q가 높을수록 더 좁은 주파수 대역을 영향을 줌
- 버터워스 필터(Butterworth Filter)
 - 。 특정 주파수 대역을 가능한 한 평탄하게 통과시키면서 다른 대역의 신호를 제거하거나 감쇠시킴
 - 주요 특징은 주파수 응답 곡선이 '최대 평탄성(maximally flat)'을 가진다는 것으로 절단 주파수(cutoff frequency) 근처에서 신호의 변형 이 최소화
- 특성
 - 최대 평탄성: 절단 주파수에서의 주파수 응답이 매끄럽게 변화하여, '리플(ripple)'이나 급격한 변동이 없음 (오디오 신호의 질을 유지하는 데 도움)
 - 경사도(Slope 또는 Roll-off): 버터워스 필터는 특정 주파수 대역 이후로 신호를 감쇠시키는 속도가 정해져 있음
 - 。 경사도는 필터의 차수(order)에 따라 결정되며, 필터 차수가 높을수록 경사도는 급격해짐
 - 저역통과, 고역통과, 대역통과, 대역저지: 버터워스 필터는 저역통과(low-pass), 고역통과(high-pass), 대역통과(band-pass), 대역저지 (band-stop 또는 notch) 필터로 구현 가능

```
from scipy.signal import butter, Ifilter, freqz

def butter_pass(cutoff, fs, btype, order=5):
    nyq = 0.5 * fs
    normal_cutoff = cutoff / nyq
    b, a = butter(order, normal_cutoff, btype=btype, analog=False)
    return b, a

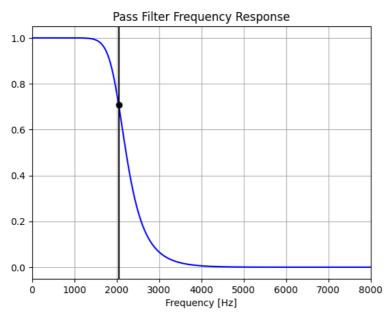
def butter_filter(data, cutoff, fs, btype, order=5):
    b, a = butter_pass(cutoff, fs, btype, order=order)
    y = Ifilter(b, a, data)
    return y
```

```
# Filter requirements.
order = 6
fs = 16000  # sample rate, Hz
cutoff = 2048  # desired cutoff frequency of the filter, Hz
```

```
# Get the filter coefficients so we can check its frequency response.
b, a = butter_pass(cutoff, fs, 'lowpass', order)

# Plot the frequency response.
w, h = freqz(b, a, worN=8000)

plt.plot(0.5*fs*w/np.pi, np.abs(h), 'b')
plt.plot(cutoff, 0.5*np.sqrt(2), 'ko')
plt.axvline(cutoff, color='k')
plt.xlim(0, 0.5*fs)
plt.title("Pass Filter Frequency Response")
plt.xlabel('Frequency [Hz]')
plt.grid()
```

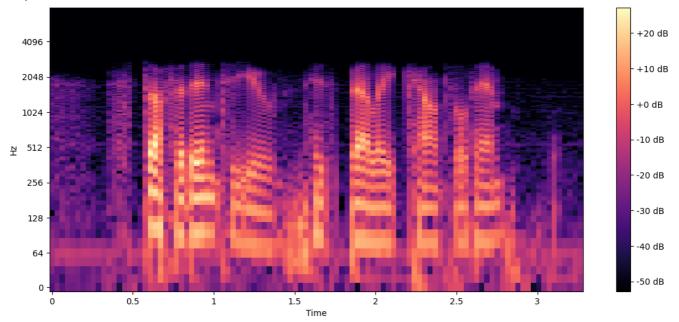


```
T = len(y)/sr  # seconds
n = int(T * sr) # total number of samples
t = np.linspace(0, T, n, endpoint=False)

# Filter the data, and plot both the original and filtered signals.
y = butter_filter(y, cutoff, fs, 'lowpass', order)
ipd.Audio(y, rate=fs)
```

0:00 / 0:03

```
X = librosa.core.stft(y, n_fft=1024, hop_length=512, win_length=1024) # get frequency to STFT
S = librosa.amplitude_to_db(abs(X)) # Change Amplitude to decibe!
plt.figure(figsize=(14, 6)) # get figure size
librosa.display.specshow(S, sr=fs, hop_length=512, x_axis='time', y_axis='log') #display
plt.colorbar(format='%+2.0f dB')
```



오디오 표현 (Audio Representation)

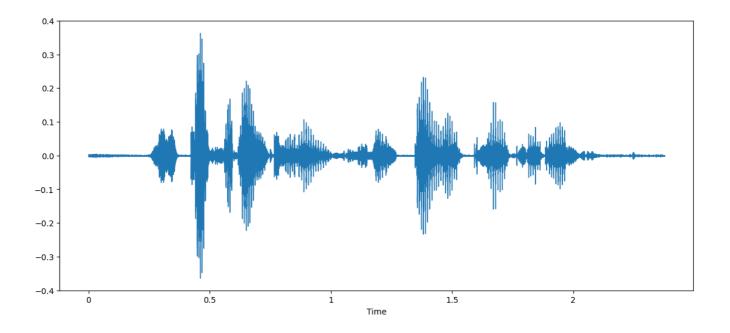
- 소리 데이터를 시각적이고 이해하기 쉬운 형태로 변환하는 방법
 - o Time-Domain Representation
 - 소리를 시간의 흐름에 따라 나타냄
 - 오디오 신호는 공기의 파동, 즉 소리의 압력 변화로 표현
 - 소리의 강도와 지속 시간을 시간 축에 따라 그래프로 나타냄
 - 소리의 강도 변화를 직접적으로 볼 수 있음
 - 파형 그래프(Waveform)는 이러한 표현의 전형적인 예
 - o Time-Frequency Representation
 - 이 표현 방식은 시간 축과 빈도 축을 모두 사용하여 소리 데이터를 나타냄
 - 시간에 따른 주파수의 변화를 시각화함
 - 이 방법은 특히 복잡한 소리 구조를 분석할 때 유용
 - 스펙트로그램(Spectrogram)은 소리의 주파수 성분이 시간에 따라 어떻게 변화하는지 보여줌

∨ 파형 (Waveform) - Time-Domain Representation

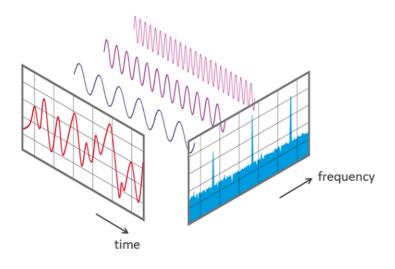
- 오디오의 자연적인 표현
- 시간에 따른 소리의 압력 변화(진폭)를 나타냄
- X축은 시간을 나타내며, Y축은 소리의 진폭(크기)
- 소리의 볼륨 변화, 지속 시간, 그리고 기본적인 구조를 보여주고, 음악 제작, 오디오 편집 등에서 소리의 기본적인 형태를 파악하는 데 유용

현재 데이터는 torch tensor, librosa는 numpy 배열을 받아들이기 때문에 변환 필요 y = audio_data.numpy()

fig = plt.figure(figsize = (14,6))
librosa.display.waveshow(y[0:100000]);



정현파 (Sinusoid) - Time-Frequency Representation



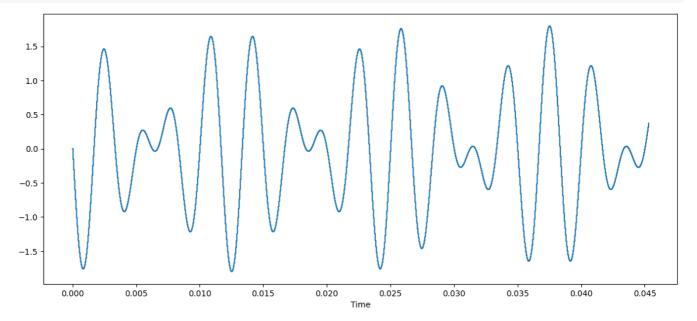
- 정현파는 가장 기본적인 파형 중 하나로, 순수한 톤을 나타내고, 시간에 따라 일정한 주기와 진폭을 가지며, 수학적으로는 사인(sine) 또는 코 사인(cosine) 함수로 표현 $f(t) = A \sin(2\pi f t + \phi)$
 - A: 진폭(파형의 높이)
 - *f*: 주파수(1초당 진동 횟수)
 - \circ ϕ : 위상(파형의 시작점)
 - ∘ *t*:시간
- 모든 신호는 주파수(frequency)와 크기(magnitude), 위상(phase)이 다른 정현파(sinusolida signal)의 조합으로 나타낼 수 있음
- 푸리에 변환(Fourier Transform)은 조합된 정현파의 합(하모니) 신호에서 그 신호를 구성하는 정현파들을 각각 분리해내는 방법

```
def Sinusoid(A,f,phi,fs,t):
    t = np.arange(0,t,1.0/fs)
    x = A * np.cos(2*np.pi*f*t+phi)
    return x
```

```
A = 0.9
f = 340 # 계이름 '라'
phi = np.pi/2
fs = 22050
t = 1
# 여러개의 정현파를 합치면 소리의 신호
# 반대로 소리에서 정현파로 분리 가능
sin = Sinusoid(A,f,phi,fs,t)
```

```
A = 0.9
f = 260
phi = np.pi/2
fs = 22050
t = 1
# 여러개의 정현파를 합치면 소리의 신호
# 반대로 소리에서 정현파를 분리 가능
sin2 = Sinusoid(A,f,phi,fs,t)
```

```
complexwave = sin + sin2
fig = plt.figure(figsize = (14,6))
librosa.display.waveshow(complexwave[:1000], sr=fs);
```



```
ipd.Audio(sin + sin/2 + sin/4, rate=fs)
```

0:00 / 0:01

```
def generate_sinusoid_scale(pitches=[69], duration=0.5,
                           Fs=22050, amplitude_max = 0.5):
 N = int(duration * Fs)
 t = np.arange(N) / Fs
 X = []
  for p in pitches:
   omega = 2 ** ((p - 69) / 12) * 440
   x = np.append(x, np.sin(2 * np.pi * omega * t))
 x = amplitude_max * x/np.max(x)
  return x
duration = 1
Fs = 22050
pitches = [36,48,60,72,84,96]
x = generate\_sinusoid\_scale(pitches=pitches, duration=duration, Fs=Fs)
print('Pitch class C = {..., C1, C2, C3, C4, C5, C6, ...}', flush=True)
ipd.display(ipd.Audio(data=x, rate=Fs))
```

```
Pitch class C = {..., C1, C2, C3, C4, C5, C6, ...}
0:00/0:06
```

푸리에 변환 (Fourier Fransform)

- 푸리에 변환은 시간 도메인에서의 신호를 주파수 도메인으로 변환하는 수학적 도구
 - 시간 도메인: 신호가 시간에 따라 어떻게 변하는지를 나타냄 (예: 오디오 신호의 파형).

- 주파수 도메인: 같은 신호를 주파수 성분으로 나타낸 것 (각 주파수 성분은 신호에 얼마나 강하게 존재하는지를 나타냄)
- 복잡한 신호를 구성하는 기본적인 주파수 성분으로 분해하여, 신호의 주파수적 특성 분석 가능
 - 푸리에 변환을 통해, 복잡한 신호는 여러 정현파(sinusoids)로 분해 가능
 - 정현파들은 원래 신호를 구성하는 주파수 성분을 나타냄
 - 역푸리에 변환(Inverse Fourier Transform)을 사용하면, 이 주파수 성분들을 다시 합쳐 원래의 시간 도메인 신호 재구성 가능
- 푸리에 변환은 임의의 입력 신호를 다양한 주파수를 갖는 주기 함수들의 합으로 분해하여 표현하는 것을 의미
- 푸리에 변화 식

$$A_k = rac{1}{T} \int_{-rac{T}{2}}^{rac{T}{2}} f(t) \, \expigg(-i \cdot 2\pi rac{k}{T} tigg) \, dt \ y(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} A_k \, \expigg(i \cdot 2\pi rac{k}{T} tigg)$$

- 위 식에는 주기 함수들은 포함되어 있지 않음
- 오일러 공식에 따라 다음과 같이 지수 함수와 주기 함수간 관계를 나타낼 수 있음

$$e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$$

• 해당 식을 오일러 공식에 따라 다음과 같이 표현 가능

$$\exp\!\left(i\cdot 2\pirac{k}{T}t
ight) = \cos\!\left(2\pirac{k}{T}
ight) + i\sin\!\left(2\pirac{k}{T}
ight)$$

- 결국, 푸리에 변환은 입력 신호에 상관없이 sin, cos 같은 주기 함수들의 합으로 분해 가능함을 나타냄
- 수학적으로, 푸리에 변환은 주어진 함수(신호)를 무한한 수의 정현파로 분해하는 과정
- 연속적인 신호에 대해 연속 푸리에 변환(Continuous Fourier Transform)을 사용, 디지털 신호에 대해서는 이산 푸리에 변환(Discrete Fourier Transform, DFT)이나 그 효율적인 계산 방식인 빠른 푸리에 변환(Fast Fourier Transform, FFT)을 사용

이산 푸리에 변환 (Discrete Fourier Transform, DFT)

- 이산 푸리에 변환은 연속적인 푸리에 변환을 이산적인 신호에 적용하기 위해 개발된 수학적 도구
- 디지털 신호 처리에서 매우 중요한 역할을 하며, 실제 컴퓨터나 디지털 시스템에서 신호의 주파수 분석 가능
- DFT는 연속적인 신호를 다루는 대신, 이산적인 샘플로 이루어진 신호를 처리
- 수집한 데이터 y_n 에서 이산 시계열 데이터가 주기 N으로 반복한다고 할때, DFT는 주파수와 진폭이 다른 N개의 사인 함수 합으로 표현 가능

$$y_n = rac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} Y_k \cdot \expigg(i \cdot 2\pi rac{k}{N} nigg)$$

- 위 식을 보면 k의 range가 0부터 N-1로 변화했음을 알 수 있음
- 이때 Spectrum Y_k 는 원래의 시계열 데이터에 대한 퓨리에 변환값

$$Y_k = \sum_{n=0}^{N-1} y_n \cdot \exp igg(-i \cdot 2\pi rac{k}{N} n igg)$$

- $\circ y_n$: input signal
- $\circ \ n$: Discrete time index
- k: discrete frequency index
- $\circ Y_k$: k번째 frequeny에 대한 Spectrum의 값

```
# DFT 수식을 코드로 나타내면 다음과 같음

def DFT(x):

N = len(x)

X = np.array([])

nv = np.arange(N)

for k in range(N):

s = np.exp(1j*2*np.pi*k/N*nv)

X = np.append(X, sum(x*np.conjugate(s)))

return X
```

Short-Time Fourier Transform (STFT)

- Short-Time Fourier Transform (STFT)은 시간에 따른 신호의 변화하는 주파수 내용을 분석하는 데 사용되는 수학적 도구
- 푸리에 변환의 개념을 확장하여, 시간에 따른 신호의 주파수 변화를 파악할 수 있게 함

- DFT는 시간에 흐름에 따라 신호의 수파수가 변했을때, 어느 시간대에 주파수가 변하는지 모름
- STFT는 시간의 길이를 나눠서 푸리에 변환
- 주파수의 특성이 시간에 따라 달라지는 사운드를 분석하는 방법이며, signal 데이터에 적합
- 시계열 데이터를 일정한 시간 구간 (window size)로 나누고, 각 구간에 대해서 스펙트럼을 구함
- STFT에 대한 식과 설명

$$X(l,k) = \sum_{n=0}^{N-1} w(n) x(n+lH) \exp^{rac{-2\pi kn}{N}}$$

- N: FFT size
 - Window를 얼마나 많은 주파수 밴드로 나누는가
- Duration
 - 샘플링 레이트를 window로 나눈 값
 - $\circ T = window/SR$
 - T(Window) = 5T(Signal), duration은 신호주기보다 5배 이상 길게 잡아야함
 - 440Hz 신호의 window size는 5*(1/440)
- w(n) : 윈도우 함수(Window function)
 - 일반적으로 Hann window 사용
- n: 윈도우 크기(Window size)
 - Window 함수에 들어가는 Sample의 양
 - 작을수록 Low-frequency resolution을 가지게 되고, high-time resolution을 가짐
 - 。 길수록 High-frequency, low time resolution을 가짐
- H: Hop size

print(D.shape) #input shape 중요

[[5.1193684e-04 3.4628955e-03 6.8932399e-04 ... 2.2124404e-03

print(D)

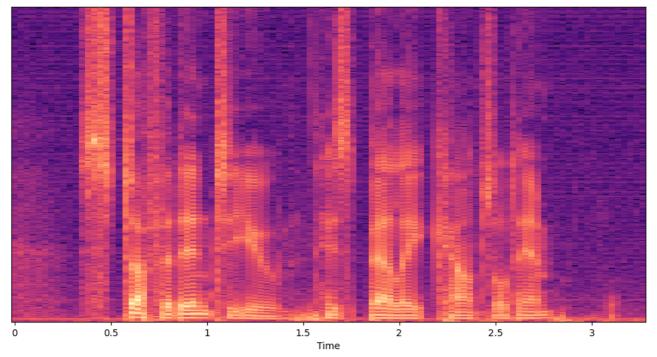
- 윈도우가 겹치는 사이즈, 일반적으로는 1/4정도를 겹치게 함
- STFT의 결과는 즉 시간의 흐름(Window)에 따른 Frequency영역별 Amplitude를 반환

```
audio_data = test_dataset[1][0][0]
sr = test_dataset[1][1]
print(audio data, audio data, shape)
# 현재 데이터는 torch tensor, librosa는 numpy 배열을 받아들이기 때문에 변환 필요
y = audio_data.numpy()
     tensor([ 0.0010, 0.0011, 0.0009, ..., -0.0007, -0.0010, -0.0011]) torch.Size([52400])
S = librosa.core.stft(y, n_fft=1024, hop_length=512, win_length=1024)
print(S.shape) #input shape 중요
print(S)
     (513, 103)
     [[ 0.02262602+0.0000000e+00j -0.05884637+0.0000000e+00j
       -0.02625498+0.0000000e+00j ... 0.04703658+0.0000000e+00j
        -0.10275772+0.0000000e+00j 0.08783279+0.0000000e+00j]
      [-0.02681388-1.8120866e-02j 0.03790738-7.8518270e-03j
       -0.00889512-9.1458801e-03j ... -0.04557749-2.3772500e-01j
        0.13888891+3.1923160e-01j 0.04679581-1.2743142e-01j]
      [ 0.06089374+4.4774324e-02j -0.00690025-3.0232264e-02j
        0.02921003+1.3654881e-02j ... -0.01928553+1.3721973e-01j
       -0.1489643 -2.5934309e-01j -0.20659886+2.4182068e-02j]
      [-0.00046766+3.3541666e-03j -0.00134465+2.0302692e-03j
        0.00111155-1.3944925e-03j ... 0.00076722-1.4168157e-03j
        0.00215575+1.2777701e-03j -0.00049373+1.5059601e-04j]
      [-0.00252852-2.9581576e-03j -0.001215 -2.1861666e-03j
       -0.00376799+3.1128232e-03j ... -0.00342117+3.1496247e-03j
        -0.00530687-2.5308989e-03j -0.0011173 +1.7242117e-03j]
      [ 0.00406906+0.0000000e+00j 0.00548348+0.0000000e+00j
        0.00668441+0.0000000e+00j ... 0.0061657 +0.0000000e+00j
        0.00752195+0.0000000e+00j 0.00333372+0.0000000e+00j]]
# phase 에 대한 정보를 날림
D = np.abs(S)**2
```

```
1.0559149e-02 7.7145984e-03]
[1.0473497e-03 1.4986208e-03 1.6277027e-04 ... 5.8590487e-02 1.2119895e-01 1.8428616e-02]
[5.7127881e-03 9.6160325e-04 1.0396814e-03 ... 1.9201186e-02 8.9449197e-02 4.3267865e-02]
...
[1.1469139e-05 5.9300896e-06 3.1801526e-06 ... 2.5959896e-06 6.2799368e-06 2.6644986e-07]
[1.5144133e-05 6.2555437e-06 2.3887440e-05 ... 2.1624561e-05 3.4568307e-05 4.2212682e-06]
[1.6557269e-05 3.0068535e-05 4.4681386e-05 ... 3.8015805e-05 5.6579658e-05 1.1113687e-05]]
```

```
S = librosa.core.stft(y, n_fft=1024, hop_length=512, win_length=1024)
D = np.abs(S)**2
log_S = librosa.power_to_db(S, ref=np.max) #소리의 단위를 db로 바꿈
plt.figure(figsize=(12,6))
librosa.display.specshow(log_S, sr=16000, x_axis='time')
```

<ipython-input-27-8dafa5127608>:3: UserWarning: power_to_db was called on complex input so phase information will be discarded.
log_S = librosa.power_to_db(S, ref=np.max) #소리의 단위를 db로 바꿈
<matplotlib.collections.QuadMesh at 0x7920f9232650>



- 윈도우 함수(Window Function) 기능
 - ∘ main-lobe를 제어
 - side-lobe의 레벨 trade-off를 제어
 - 깁스 현상(불연속을 포함하는 파형이 푸리에 합성되었을 때 불연속 값에서 나타나는 불일치 현상) 방지
- 윈도우 크기(Window Size)
 - time과 frequency의 resolutions를 제어
 - o short-window 낮은 frequency resolutuon, 높은 time resolution
 - 。 long-window 높은 frequency resolution, 낮은 time resolution

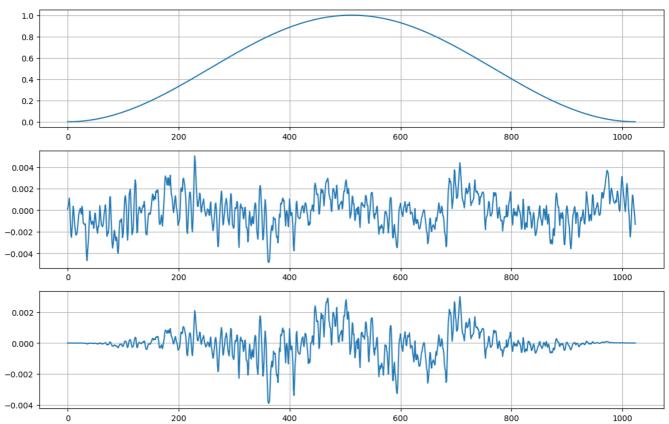
```
def frame_audio(audio, FFT_size=1024, hop_size=20, sample_rate = 22050):
    audio = np.pad(audio, int(FFT_size/2), mode='reflect')
    frame_len = np.round(sample_rate+hop_size / 1000).astype(int)
    frame_num = int((len(audio) - FFT_size) / frame_len) + 1
    frames = np.zeros((frame_num, FFT_size))

for n in range(frame_num):
        frames[n] = audio[n*frame_len:n*frame_len+FFT_size]
    return frames

audio_framed = frame_audio(y)
    print("Framed audio shape: {}".format(audio_framed.shape))
```

```
from scipy import signal
window = signal.get_window("hann", 1024, fftbins=True)
audio_win = audio_framed * window
ind = 2
plt.figure(figsize=(14, 9))
plt.subplot(3,1,1)
plt.plot(window)
plt.grid(True)
plt.subplot(3,1,2)
plt.plot(audio_framed[ind])
plt.grid(True)

plt.subplot(3,1,3)
plt.plot(audio_win[ind])
plt.grid(True)
plt.show()
```



스펙트로그램 (Spectrogram)

- 오디오 신호나 기타 형태의 신호의 시간에 따른 주파수 분포와 강도를 시각적으로 나타내는 도구
- 주로 Short-Time Fourier Transform (STFT)를 사용하여 생성
- 오디오 신호의 시간적 변화와 주파수 콘텐츠를 동시에 파악할 수 있게함
- 시각적으로 파형과 스펙트럼의 특징이 조합되어 있음
- 시간 축과 주파수 축의 변화에 따라 진폭의 차이를 인쇄 농도나 표시 색상 차이로 표현

▼ 선형 주파수 스케일 (Linear Frequency Scale)

- 모든 주파수 구간이 동일한 간격으로 나눔
- 주파수의 절대적인 변화를 분석할 때 유용함
- 특히, 공학적이나 물리적인 분석에 적합
- 순음(single tone)들의 배음 구조를 파악하는데 적절함
- 분포가 저주파수 영역에 치우쳐져 있음

멜 스케일 (Mel Scale)

- 인간의 청각 인식을 반영하여 주파수를 나타냄
- 낮은 주파수에서는 더 많은 세부 정보를 보여주고, 높은 주파수에서는 세부 정보를 적게 보여줌 (인간의 귀가 낮은 주파수에서 더 민감하게 반응하기 때문)
- 음성 인식, 음악 분석 등 인간의 청각 경험을 모델링하는 데 특히 유용함
- 주파수 단위를 다음 공식에 따라 멜 스케일로 변환

$$m=2595\log_{10}\!\left(1+\frac{f}{700}\right)$$

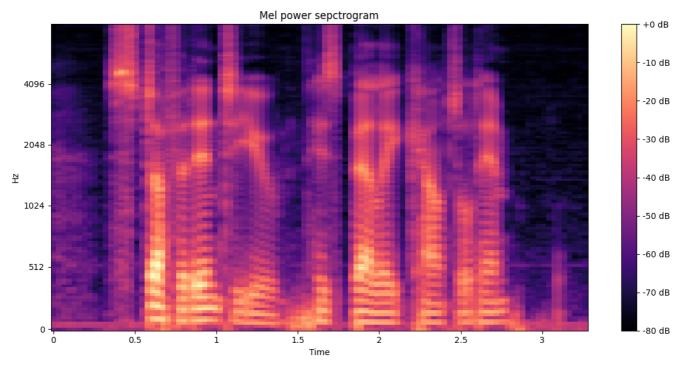
- 일반적으로 mel-scaled bin을 FFT size보다 조금 더 작게 만듬
- 멜 스케일을 적용해 스펙토그램으로 만든 것이 멜스펙토그램

```
# STFT
S = librosa.core.stft(y, n_fft=1024, hop_length=512, win_length=1024)
# phase 에 대한 정보를 날림
D = np.abs(S)**2
# mel spectrogram (512 -> 40)
```

mel_basis = librosa.filters.mel(sr=sr, n_fft=1024, n_mels=40)
mel_S = np.dot(mel_basis, D)
mel_S.shape

(40, 103)

```
S = librosa.feature.melspectrogram(y=y, sr=sr, n_mels=128)
log_S = librosa.power_to_db(S, ref=np.max)
plt.figure(figsize=(12, 6))
librosa.display.specshow(log_S, sr=sr, x_axis='time', y_axis='mel')
plt.title('Mel power sepctrogram')
plt.colorbar(format='%+02.0f dB')
plt.tight_layout()
```



∨ 바크 스케일 (Bark Scale)

- 인간의 청각적 특성을 기반으로 하는 또 다른 척도
- 주파수를 '크리티컬 밴드(critical bands)'로 나누어, 인간의 귀가 인식하는 소리의 변화를 더 잘 반영
- 음향 심리학 및 음성 처리에서 중요하며, 소리의 마스킹 효과나 음색 인식 등의 분석에 적용
- 귀가 인식하는 주파수의 영역은 대략 20Hz 2000Hz로 가정, 하지만 주파수에 대한 사람의 인식은 비선형적

- 귀와 뇌의 가청대역을 24개의 대역으로 나눈것을 Bark 라고 함
- Bark scale은 500Hz 이하에서는 100Hz의 대역폭을, 500Hz 이상에서는 각 대역의 중심수파수의 대략 20%에 해당하는 대역폭을 가짐 20, 100, 200, 300, 400, 510, 630, 770, 920, 1080, 1270, 1480, 1720, 2000, 2320, 2700, 3150, 3700, 4400, 5300, 6400, 7700, 9500, 12000, 15500 (Hz)

▼ 로그 압축 (Log Compression)

- 로그 압축은 스펙트로그램의 동적 범위를 줄이는 방법
- 진폭이나 에너지 스케일을 로그 척도로 변환하여, 작은 변화도 쉽게 관찰할 수 있게 함
- 로그 압축은 넓은 동적 범위를 가진 신호
- 신호를 $10*log10(\frac{S}{ref})$ 의 단위로 신호를 스케일링
- spectrogram을 데시벨 유닛으로 전환
- 음악이나 복잡한 오디오 환경에서 중요한 세부 정보를 강조하는 데 유용

#log compression
log_mel_S = librosa.power_to_db(mel_S)
log_mel_S.shape

(40, 103)

이산 코사인 변환 (Discrete Cosine Transform, DCT)

- 이산 코사인 변환은 신호나 이미지 처리 분야에서 널리 사용되는 수학적 변환
- 오디오 신호(1차원)에 대한 수학적 표현

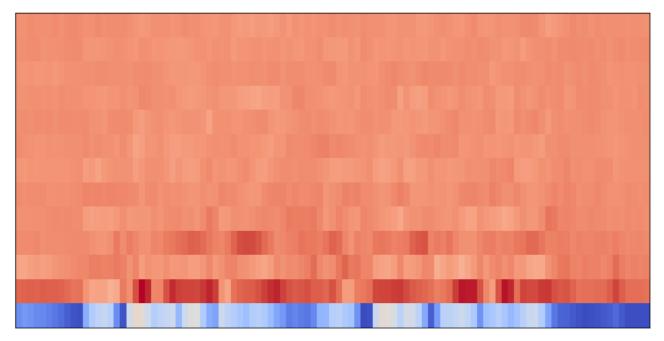
$$DCT[k] = \sum_{n=0}^{N-1} x[n] \cdot \cos \left[rac{\pi k}{N} \left(n + rac{1}{2}
ight)
ight]$$

- $\circ x[n]$ 은 시간 도메인에서의 n번째 샘플(오디오 신호)
- \circ N은 샘플의 총 개수
- \circ k는 DCT 계수의 인덱스
- 이미지 처리(2차원)에 대한 수학적 표현

$$DCT(u,v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y) \cos \left[rac{\pi u (2x+1)}{2M}
ight] \cos \left[rac{\pi v (2y+1)}{2N}
ight]$$

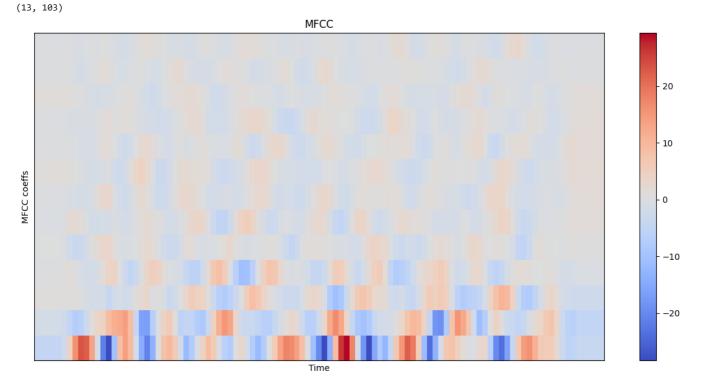
- $\circ f(x,y)$ 는 원본 신호(이미지의 픽셀 값)
- \circ M과 N은 이미지의 가로 및 세로 크기
- \circ u와 v는 DCT 계수의 인덱스
- 주어진 신호를 코사인 함수의 합으로 표현하는 것으로, 이는 푸리에 변환과 유사하지만 주로 실수 영역에서 작동
- DCT는 n개의 데이터를 n개의 코사인 함수의 합으로 표현하여 데이터의 양을 줄이는 방식
- 저 주파수에 에너지가 집중되고 고 주파수 영역에 에너지가 감소

mfcc (DCT)
mfcc = librosa.feature.mfcc(S=log_mel_S, n_mfcc=13)
mfcc = mfcc.astype(np.float32) # to save the memory (64 to 32 bits)
plt.figure(figsize=(12, 6))
librosa.display.specshow(mfcc);



mfcc = librosa.feature.mfcc(S=log_S, n_mfcc=13)
delta2_mfcc = librosa.feature.delta(mfcc, order=2)
print(delta2_mfcc.shape)

plt.figure(figsize=(12, 6))
librosa.display.specshow(delta2_mfcc)
plt.ylabel('MFCC coeffs')
plt.xlabel('Time')
plt.title('MFCC')
plt.colorbar()
plt.tight_layout()



오디오 특징 추출 (Audio Feature Extraction)

- 오디오 신호로부터 유용한 정보를 추출하여, 더 간결하고 의미 있는 형태로 변환하는 과정
- 오디오 신호의 분석, 분류, 인식 및 기타 처리를 위한 전처리 단계로, 음성 인식, 음악 분석, 감정 인식, 환경음 모니터링 등 다양한 분야에서 중요

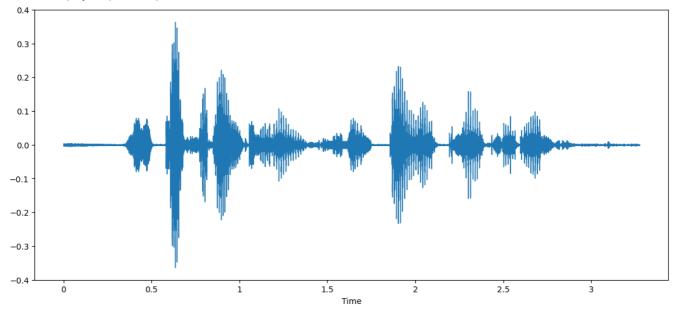
- 시간 도메인 특징 (Time-Domain Features)
 - 진폭: 오디오 신호의 강도나 볼륨
 - ∘ 제로 크로싱 레이트 (Zero-Crossing Rate): 신호가 시간 축을 건너뛰는 속도, 주로 소리의 질감이나 주파수 내용의 변화를 나타냄
 - 에너지: 시간 도메인에서의 신호 강도, 주로 오디오의 볼륨 또는 강도를 나타냄
- 주파수 도메인 특징 (Frequency-Domain Features)
 - 스펙트럼 센트로이드 (Spectral Centroid): 신호의 '중심' 주파수, 소리의 '밝기' 또는 '음색'을 나타냄
 - 스펙트럼 롤오프 (Spectral Rolloff): 스펙트럼 에너지 분포의 상위 경계, 음악의 '밝기'와 관련
 - ∘ 스펙트럼 플럭스 (Spectral Flux): 스펙트럼의 변화율, 소리의 변화 또는 동적 범위를 나타냄
 - ∘ 밴드폭 (Bandwidth): 주파수 범위의 넓이, 음색의 '넓이'를 나타냄
- 켑스트럼 특징 (Cepstral Features)
 - ∘ 멜 주파수 켑스트럼 계수 (MFCCs): 인간의 청각 특성을 반영하여 주파수 변화를 표현, 특히 음성 인식에서 널리 사용됨
- 기타 특징
 - Chroma Features: 음악의 화음 구조 분석에 사용됨
 - 리듬 특징: 박자, 템포와 같은 시간적 구조 분석에 사용됨

제로 크로싱 비율 (Zero Crossing Rate)

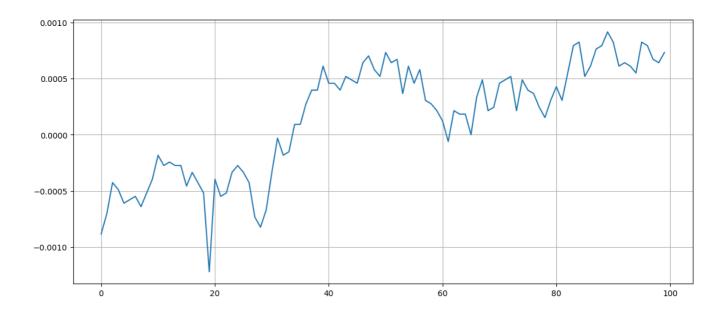
- 신호의 부드러움을 측정하는 매우 간단한 방법은 해당 신호의 세그먼트 내에서 제로 크로싱 수를 계산하는 것
- 음성 신호는 느리게 진동 (예를 들어, 100Hz 신호는 초당 제로 100을 교차하는 반면 무성 마찰음은 초당 3000 개의 제로 교차를 가질 수 있음)

#Plot the signal:
plt.figure(figsize=(14, 6))
librosa.display.waveshow(y=y, sr=sr)

clibrosa.display.AdaptiveWaveplot at 0x7920f81f0bb0>

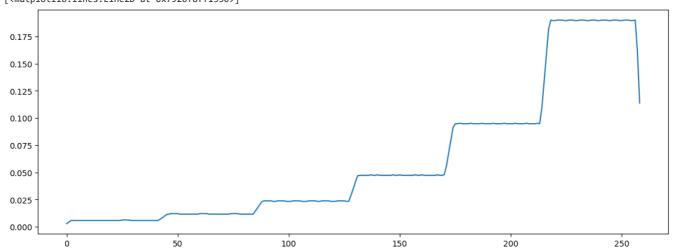


Zooming in
n0 = 9000
n1 = 9100
plt.figure(figsize=(14, 6))
plt.plot(y[n0:n1])
plt.grid()



```
plt.figure(figsize=(14, 5))
plt.plot(zcrs[0])
```

[<matplotlib.lines.Line2D at 0x7920f8ff1330>]



스펙트럼 센트로이드 (Spectral Centroid)

• 주파수의 스펙트럼의 가중 평균과 같음

```
spectral_centroids = librosa.feature.spectral_centroid(y=y, sr=sr)[0]
print(spectral_centroids.shape)
```

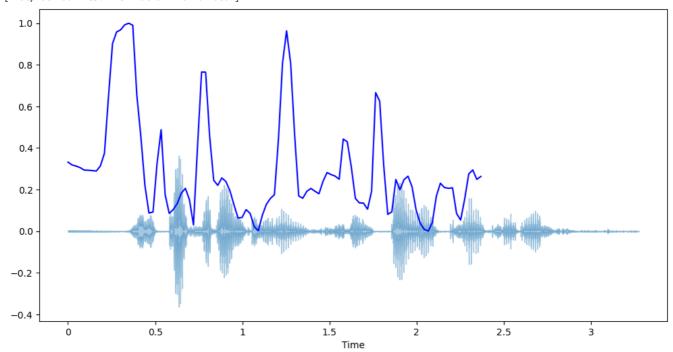
(103,)

```
from sklearn.preprocessing import minmax_scale

# Computing the time variable for visualization
plt.figure(figsize=(12, 6))
frames = range(len(spectral_centroids))
t = librosa.frames_to_time(frames)

#Plotting the Spectral Centroid along the waveform
librosa.display.waveshow(y=y, sr=sr, alpha=0.4)
plt.plot(t, minmax_scale(spectral_centroids, axis=0), color='b')
```

[<matplotlib.lines.Line2D at 0x7920f9677ac0>]



- 신호의 모양을 측정
- 고주파수가 0으로 감소하는 주파수를 나타냄

```
spectral_rolloff = librosa.feature.spectral_rolloff(y=y+0.01, sr=sr)[0]
plt.figure(figsize=(12, 6))
librosa.display.waveshow(y=y, sr=sr, alpha=0.4)
plt.plot(t, minmax_scale(spectral_rolloff, axis=0), color='r')
```

1.0 -

스펙트럼 대역폭 (Spectral Bandwidth)

• 스펙트럼 대역폭은 최대 피크의 절반 (또는 최대 절반의 전체 너비 [FWHM])에서 빛의 대역 폭으로 정의되며 두 개의 수직 빨간색 선과 파장 축에서 λSB로 표시

```
spectral_bandwidth_2 = librosa.feature.spectral_bandwidth(y=y+0.01, sr=sr)[0]
spectral_bandwidth_3 = librosa.feature.spectral_bandwidth(y=y+0.01, sr=sr, p=3)[0]
spectral_bandwidth_4 = librosa.feature.spectral_bandwidth(y=y+0.01, sr=sr, p=4)[0]
plt.figure(figsize=(15, 6))

librosa.display.waveshow(y=y, sr=sr, alpha=0.4)
plt.plot(t, minmax_scale(spectral_bandwidth_2, axis=0), color='r')
plt.plot(t, minmax_scale(spectral_bandwidth_3, axis=0), color='g')
plt.plot(t, minmax_scale(spectral_bandwidth_4, axis=0), color='y')
plt.legend(('p = 2', 'p = 3', 'p = 4'))
```

<matplotlib.legend.Legend at 0x7920f8239ae0>

