## Programiranje I: 2. izpit

9. februar 2021

Čas reševanja je 120 minut. Veliko uspeha!

## 1. naloga (30 točk)

a) (4 točke) Napišite funkcijo, ki za trojico celih števil preveri, ali tvorijo pitagorejsko trojico. Trojica (a, b, c) je pitagorejska, če je  $a^2 + b^2$  enako  $c^2$ .

```
pitagorejska_trojica : int * int * int -> bool
# pitagorejska_trojica (3, 4, 5);;
- : bool = true
# pitagorejska_trojica (5, 4, 3);;
- : bool = false
```

b) (5 točk) Napišite funkcijo, ki za celo število x vrne celo število a, kjer velja  $\sqrt{x} \in [a, a+1)$ .

```
priblizek_korena : int -> int
# priblizek_korena 9;;
-: int = 3
# priblizek_korena 17;;
-: int = 4
```

c) (7 točk) Definirajte funkcijo, ki sprejme seznam celih števil in najprej izpiše vsa soda števila v seznamu, nato pa **izpiše** še vsa liha števila v seznamu. Števila naj bodo izpisana v isti vrstici in med njimi ne želimo presledkov.

```
izpisi_soda_liha : int list -> unit
# izpisi_soda_liha [3; 1; 4; 1; 5; 9; 2];;
4231159 - : unit = ()
# izpisi_soda_liha [2; 7; 1; 8; 2; 8; 1];;
2828711 - : unit = ()
```

d) (7 točk) Napišite funkcijo, ki sprejme seznam elementov tipa option in preveri, da si v seznamu izmenično sledijo konstruktorji None in Some.

```
alternirajoci_konstruktorji : 'a option list -> bool
# alternirajoci_konstruktorji [None; Some 1; None; Some 100; None];;
- : bool = true
# alternirajoci_konstruktorji [None; Some 1; Some 10];;
- : bool = false
# alternirajoci_konstruktorji [Some 1; None; Some 10; None];;
- : bool = true
```

e) (7 točk) Funkcija najmanjsi\_rezultat naj za element x in seznam funkcij fs vrne indeks funkcije, ki ima pri argumentu x najmanjšo vrednost izmed vseh funkcij v seznamu fs. Ker je seznam morda prazen, naj bo rezultat tipa option.

Za vse točke naj bo funkcija repno rekurzivna.

```
najmanjsi_rezultat : 'a -> ('a -> 'b) list -> int option
# najmanjsi_rezultat (-10) [(fun x -> 10 * x); succ; (fun y -> -10 * y)];;
- : int option = Some 0
# najmanjsi_rezultat 10 [(fun x \rightarrow 10 * x); succ; (fun y \rightarrow -10 * y)];;
- : int option = Some 2
# najmanjsi_rezultat 30 [];;
- : int option = None
```

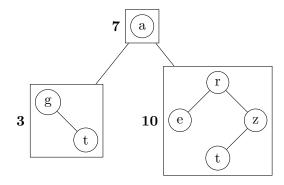
## 2. naloga (30 točk)

Za učinkovitejše iskanje po leksikografsko urejenih parih bomo uporabili *leksikografska drevesa*, ki jih ustvarimo s pomočjo binarnih dreves.

Leksikografsko drevo za pare tipa 'a \* 'b je binarno drevo, ki ima v vozlišču element tipa 'a (da lahko primerjamo po prvi komponenti) in pa drevo tipa 'b tree (za primerjanje po drugi komponenti).

Par (a, b) se nahaja v leksikografskem drevesu, če imamo v drevesu vozlišče s parom (a, subtree) in se b nahaja v subtree.

Primer drevesa za pare (3, "g"), (3, "t"), (7, "a"), (10, "e"), (10, "r"), (10, "t") in (10, "z") je:



- a) (3 točke) V OCamlu definirajte primer, ki ustreza zgornjemu leksikografskemu drevesu.
- b) (7 točk) Napišite funkcijo, ki preveri ali je par prisoten v leksikografskem drevesu.
- c) (7 točk) Napišite funkcijo za vstavljanje elementov v leksikografsko drevo. Če je element že v drevesu vrnite nespremenjeno drevo.
- d) (7 točk) Napišite funkcijo lexi\_fold, ki sprejme funkcijo f in začetno vrednost akumulatorja, nato pa funkcijo f zloži preko leksikografskega drevesa. Vrstni red zlaganja je določen z leksikografsko urejenostjo.

e) (6 točk) Definirajte funkcijo, ki vrne urejen seznam vseh elementov, ki se nahajajo v leksikografskem drevesu.

## 3. naloga (20 točk)

Nalogo lahko rešujete v Pythonu ali OCamlu.

Psička Nara po njivi preganja krokarje. Opazila je, da jo lastnik čaka na drugem koncu polja, zato hiti k njemu, pri tem pa hoče prestrašiti kar se da veliko ubogih ptičev.

Njivo predstavimo kot matriko, ki v vsakem polju vsebuje število krokarjev, ki jih pasja navihanka prežene, če teče preko tega polja.

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 0 & 2 & 9 \\ 8 & 3 & 5 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 7 & 2 & 0 \\ 4 & 3 & 6 & 5 & 5 \end{bmatrix}$$

- a) (10 točk) Nara se nahaja v zgornjem levem kotu njive (polje (0,0)). Ker se ji mudi k lastniku, se vztrajno premika desno. Na vsakem koraku se lahko premakne:
  - $\bullet$  desno
  - diagonalno desno-gor
  - diagonalno desno-dol

Pregon krokarjev zaključi na poljubnem skrajno desnem polju njive. Napišite funkcijo, ki izračuna največje število krokarjev, ki jih lahko nagajivka prežene.

**b)** (10 točk) Funkcijo iz točke (a) prilagodite tako, da ji dodatno podate indeks vrstice, v kateri Nara začne, in indeks vrstice, v kateri Nara konča. Funkcija naj vrne seznam **vseh** optimalnih poti, kjer pot predstavimo s seznamom indeksov polj, preko katerih Nara teče.