

Kodowanie i transmisja danych – ćwiczenia nr 6

Na ćwiczeniach laboratoryjnych omówiono algorytm Huffmana.

Algorytm Huffmana jest jedną z bardziej skutecznych metod bezstratnej kompresji danych, polegającej na zastępowaniu symboli występujących w strumieniu wejściowym specjalnymi sekwencjami bitów stanowiących tzw. słowa kodowe. Słowa kodowe dobiera się w taki sposób, by najkrótsze z nich przyporządkować symbolom najczęściej występującym w strumieniu wejściowym, a najdłuższe symbolom o najniższych częstotliwościach wystąpień. Ponadto żadna sekwencja bitów nie może być przedłużeniem innej, co zapewnia jednoznaczność pomiędzy reprezentacją naturalną a zbiorem danych przedstawionym w postaci zakodowanej.¹

Poniżej przedstawiono kilka tekstów (zdań) różnej długości oraz przeprowadzono następujące działania:

- utworzono kod zmiennorozmiarowy wykorzystując kodowanie Huffmana;
- określono bezwzględny i względny zysk binarny w porównaniu do zastosowania kodu stałorozmiarowego;
- sprawdzono, czy utworzony kod jest jednoznacznie dekodowalny.

Dodatkowo:

- pokazano drzewo powstałe po zakończeniu kodowania Huffmana;
- jako stałorozmiarowy kod rozważono dwa przypadki:
 - 8-bitowy kod ASCII,
 - obliczony minimalny rozmiar kodów binarnych stosownie do liczby różnych symboli w zdaniu (np. dla 5 symboli będzie to rozmiar 3-bitowy).

1. Dla zdania „skocik piesek” wartości unikalne posortowane rosnąco:

o: 1

c: 1

(spacja): 1

p: 1

s: 2

i: 2

e: 2

k: 3

Liczba elementów: 8

Drzewo powstałe po zakończeniu kodowania Huffmana:

o: 1 c: 1 (spacja): 1 p: 1 s: 2 i: 2 e: 2 k: 3

```

\1 / 0      \1 / 0      \1 / 0      \1 / 0
?:2         ?:2         ?:4         ?:5
\1          / 0        \1          / 0
      ?:4                ?:9
          \1              / 0
              ?:13
    
```

¹ http://ics.p.lodz.pl/~dpuchala/PodstInfl/projektII_opis.pdf

Słowa kodowe:

o: 111

c: 110

': 101

p: 100

s: 011

i: 010

e: 001

k: 000

$$R1 = 1 * 3 + 1 * 3 + 1 * 3 + 2 * 3 + 2 * 3 + 3 * 3 = 3 + 3 + 3 + 6 + 6 + 9 = 30$$

$$R0 = 4 * 13 = 52$$

Bezwzględny zysk binarny $k = R1 / R0 = 30 / 52 = 0,57$

Względny zysk binarny $K = 52 - 30 / 52 = 0,43$

Sprawdzono słowa kodowe pod względem jednoznacznej dekodowalności za pomocą skryptu. Kod jest jednoznacznie dekodowalny.

Przypadek: 8-bitowy ASCII: $13 * 8 = 104$

Przypadek: minimalny rozmiar kodów binarnych stosownie do liczby różnych symboli w zdaniu: 3 bity

2. Dla zdania „włoski lekkoatleta specjalizujący się w biegu na 400 metrów” wartości unikalne posortowane rosnąco:

ł: 1

p: 1

z: 1

ą: 1

y: 1

ę: 1

b: 1

g: 1

n: 1

4: 1

m: 1

r: 1

ó: 1

o: 2

c: 2

j: 2

u: 2

0: 2

w: 3

s: 3

k: 3

l: 3

t: 3

i: 4

a: 4

e: 5

(spacja) : 8

Liczba elementów: 27

Drzewo powstałe po zakończeniu kodowania Huffmana:

ł: 1 p: 1 z: 1 ą: 1 y: 1 ę: 1 b: 1 g: 1 n: 1 4: 1 m: 1 r: 1 ó: 1 o: 2 c: 2 j: 2 u: 2 0: 2 w: 3 s: 3 k: 3 l: 3 t: 3 i: 4 a: 4 e: 5

(spacja) : 8

Słowa kodowe:

ł 11111

p 11110

z 11101

ą 11100

y 11011

ę 11010

b 11001

g 11000

n 10111

4 10110

m 10101

r 10100

ó 10011

o 10010 2

c 10001

j 10000

u 01111

0 01110

w 01101 3

s 01100

k 01011

l 01010

t 01001

i 01000 4

a 00011

e 00010 5

spacja 00000

$$R1 = 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 1 * 5 + 2 * 5 + 2 * 5 + 2 * 5 + 2 * 5 + 3 * 5 + 3 * 5 + 3 * 5 + 3 * 5 + 4 * 5 + 4 * 5 + 5 * 5 = 255$$

$$R0 = 6 * 59 = 354$$

Bezwzględny zysk binarny $k = R1 / R0 = 255 / 354 = 0,72$

Względny zysk binarny $K = 354 - 255 / 354 = 0,28$

Sprawdzono słowa kodowe pod względem jednoznacznej dekodowalności za pomocą skryptu. Kod jest jednoznacznie dekodowalny.

Przypadek: 8-bitowy ASCII: $59 * 8 = 472$

Przypadek: minimalny rozmiar kodów binarnych stosownie do liczby różnych symboli w zdaniu: 6 bitów