# Obligatorisk innlevering i IN3190/IN4190

Signalbehandling i Seismikk

klaudiap

07. oktober 2020

### Oppgave 1 (Konvolusjon og frekvensspekter)

a. Vi bruker Python og skriver følgende kode:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 #Oppgave 1A
5 def konvin3190(h,x,ylen):
6
      111111
7
8
      konvin3190 konvolverer to signaler
9
      konvin3190(h,x,ylen) konvolverer de to vektor-signalene h og x.
10
      Dersom ylen = 0 er utgangssignalet lengde "len(x)", mens hvis ylen
11
      er 1 har utgangssignalet lengde "len(h)+len(x)-1"
12
13
14
      x len = len(x)
15
      h_{len} = len(h)
16
17
      if ylen == 1:
18
        y = np.zeros(x_len+h_len-1)
19
        for i in range(h_len):
20
          for j in range(x_len):
21
             k = j+i-1
22
             y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
23
24
      if ylen == 0:
25
        y = np.zeros(x_len)
26
        for i in range(h_len):
27
          for j in range(x_len-h_len+1):
28
             k=i+j-1
29
            y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
30
      return y
```

b. Vi bruker Python og skriver følgende kode (vi fortsetter på tidligere programmet):

```
#Oppgave 1B
def frekspekin3190(x,N,fs):
"""
```

```
5 frekspekin3190 regner ut frekvensresponsen til et signal
6 x,g = frekspekin3190(x,N,fs) regner ut frekvensresponsen til
7 signalet x med samplingfrekvens fs for N punkter på enhetssirkelen
8 I tillegg til frekvensspekteret X returnerer funksjonen også tilhørende
9 frekvens f
10 """
11
12 x_{len} = len(x)
13 X = np.zeros((N),dtype = "complex")
14 fp = np.linspace(0,1,N)
15 f = fp*fs
16
17 for i in range(N):
18
    for j in range(x_len):
19
        X[i] = X[i] + x[j] * np.exp(2*np.pi*-1j*fp[i]*j)
20
21 return X,f
```

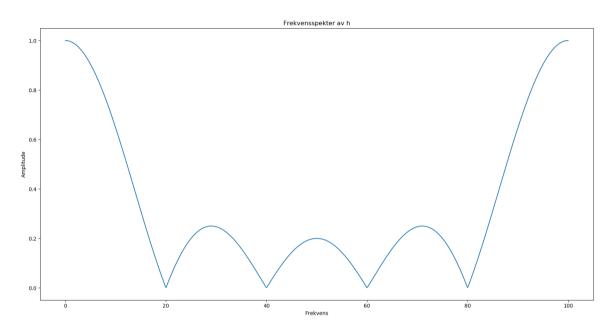
c. Vi bruker Python og skriver følgende kode (vi fortsetter på tidligere programmet):

```
1 #Oppgave 1C
2 f1 = 10
3 f2 = 20
4 fs = 100
5 t_len = 5
6
7 t = np.linspace(0,t_len,t_len*fs+1)
8 h = [0.2,0.2,0.2,0.2,0.2] #FIR filter
9 N = 1000 #Vi velger antall punkter
10 x = np.sin(2*np.pi*f1*t)+np.sin(2*np.pi*f2*t) #Den gitte signalet
11
12 Xh,fh = frekspekin3190(h,N,fs) #Frekvensspekter av h
13 Xx,fx = frekspekin3190(x,N,fs) #Frekvensspekter av x
14 Xy,fy = frekspekin3190(konvin3190(h,x,0),N,fs) #Frekvensspekter av y
15
16 plt.plot(fh,abs(Xh))
17 plt.title('Frekvensspekter av h')
18 plt.xlabel('Frekvens')
19 plt.ylabel('Amplitude')
20 plt.show()
21
22 plt.subplot(211);
23 plt.plot(fy,abs(Xy))
24 plt.title('Frekvensspekter av y')
25 plt.xlabel('Frekvens')
26 plt.ylabel('Amplitude')
27
28 plt.subplot(212);
29 plt.plot(fx,abs(Xx))
```

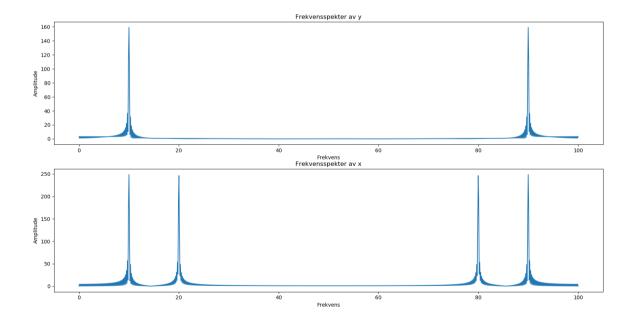
```
30 plt.title('Frekvensspekter av x')
```

- 31 plt.xlabel('Frekvens')
- 32 plt.ylabel('Amplitude')
- 33 plt.show()

### Og vi får:



Og:

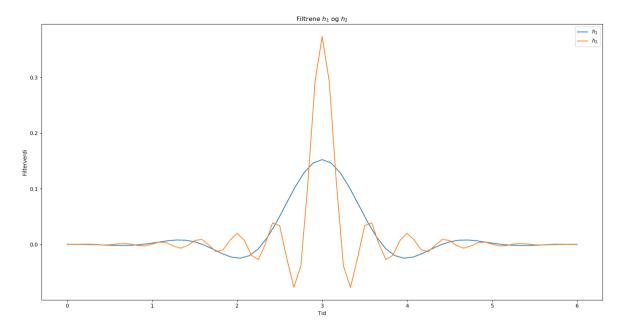


Vi får en topp ved 10Hz på frekvensspekter av y, og to topper 10Hz og 20Hz på frekvensspekter av x (de andre toppene er en speiling). Vi ser at toppen på 20Hz ble filtrert ut (pga. konvolusjon), samtidig som amplituden har blitt mindre. Dette stemmer med frekvensspekter av h, da amplituden er 0 ved 20Hz.

### Oppgave 2 (Støyfjerning)

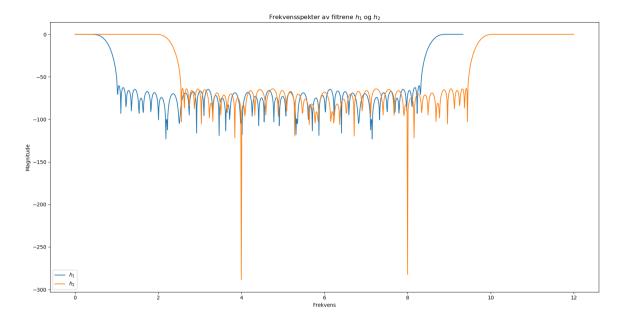
a. Vi bruker Python og plotter  $h_1$  og  $h_2$  i samme figur:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import scipy.io as sio
4
5 #Oppgave2A
6 klaudiap = sio.loadmat('klaudiap.mat')
7
8 t = klaudiap['t']
9
   seismogram1 = klaudiap['seismogram1']
10 seismogram2 = klaudiap['seismogram2']
11 offset1 = klaudiap['offset1']
12 offset2 = klaudiap['offset2']
13
14 h1 = [0.0002, 0.0001, -0.0001, -0.0005, -0.0011, -0.0017, -0.0019,
15
         -0.0016, -0.0005, 0.0015, 0.0040, 0.0064, 0.0079, 0.0075, 0.0046,
16
         -0.0009, -0.0084, -0.0164, -0.0227, -0.0248, -0.0203, -0.0079,
17
         0.0127, 0.0400, 0.0712, 0.1021, 0.1284, 0.1461, 0.1523, 0.1461,
         0.1284, 0.1021, 0.0712, 0.0400, 0.0127, -0.0079, -0.0203, -0.0248,
18
19
         -0.0227, -0.0164, -0.0084, -0.0009, 0.0046, 0.0075, 0.0079, 0.0064,
20
         0.0040, 0.0015, -0.0005, -0.0016, -0.0019, -0.0017, -0.0011,
21
         -0.0005, -0.0001, 0.0001, 0.0002]
22
23 h2 = [-0.0002, -0.0001, 0.0003, 0.0005, -0.0001, -0.0009, -0.0007,
24
         0.0007, 0.0018, 0.0005, -0.0021, -0.0027, 0.0004, 0.0042, 0.0031,
25
         -0.0028, -0.0067, -0.0023, 0.0069, 0.0091, -0.0010, -0.0127,
26
         -0.0100, 0.0077, 0.0198, 0.0075, -0.0193, -0.0272, 0.0014, 0.0386,
27
         0.0338, -0.0246, -0.0771, -0.0384, 0.1128, 0.2929, 0.3734, 0.2929,
28
         0.1128, -0.0384, -0.0771, -0.0246, 0.0338, 0.0386, 0.0014, -0.0272,
29
         -0.0193, 0.0075, 0.0198, 0.0077, -0.0100, -0.0127, -0.0010, 0.0091,
         0.0069, -0.0023, -0.0067, -0.0028, 0.0031, 0.0042, 0.0004, -0.0027,
30
31
         -0.0021, 0.0005, 0.0018, 0.0007, -0.0007, -0.0009, -0.0001, 0.0005,
32
         0.0003, -0.0001, -0.0002]
33
34 t1 = np.linspace(np.amin(t),np.amax(t),len(h1))
35 t2 = np.linspace(np.amin(t), np.amax(t), len(h2))
36
37 plt.plot(t1,h1)
38 plt.plot(t2,h2)
39 plt.title('Filtrene $h_1$ og $h_2$')
40 plt.xlabel('Tid')
41 plt.ylabel('Filterverdi')
42 plt.legend(['$h_1$','$h_2$'])
43 plt.show()
```



Vi skriver videre på programmet for å regne ut frekvensspekteret til  $h_1$  og  $h_2$ :

```
44 def frekspekin3190(x,N,fs):
        x_{en} = len(x)
45
        X = np.zeros((N),dtype = "complex_")
46
47
       fp = np.linspace(0,1,N)
48
       f = fp*fs
49
50
        for i in range(N):
51
           for j in range(x_len):
52
              X[i] = X[i] + x[j] * np.exp(2*np.pi*-1j*fp[i]*j)
53
54
        return X,f
55
56 N = 1000
57 fs1 = 1/(t1[2]-t1[1])
58 fs2 = 1/(t2[2]-t2[1])
59
60 H1,fh1 = frekspekin3190(h1,N,fs1)
61 H2,fh2 = frekspekin3190(h2,N,fs2)
62
63 plt.plot(fh1,20*np.log10(abs(H1)),fh2,20*np.log10(abs(H2)))
64 plt.title('Frekvensspekter av filtrene $h_1$ og $h_2$')
65 plt.xlabel('Frekvens')
66 plt.ylabel('Magnitude')
67 plt.legend(["$h_1$","$h_2$"])
68 plt.show()
```

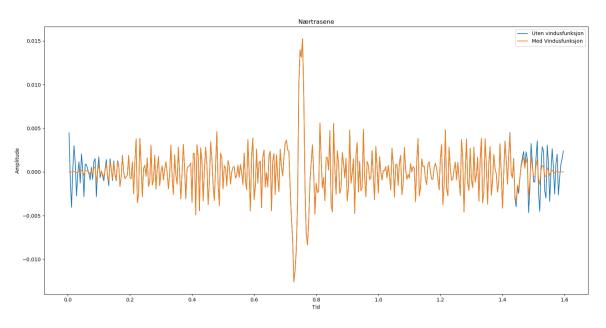


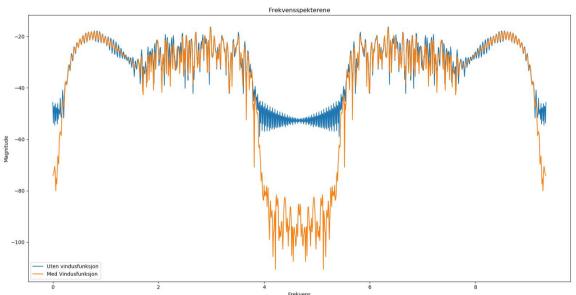
Vi ser filter  $h_1$  kan filtrere mer frekvenser enn  $h_2$ .  $h_1$  filtrerer de lave frekvenser (fra 1Hz til 2.5Hz), men ikke de høye frekvenser (8.2Hz til 9.5Hz), og  $h_2$  filtrerer de høye frekvenser (8.2Hz til 9.5Hz), men ikke de lave frekvenser (fra 1Hz til 2.5Hz).

b. Vi skriver videre på forrige programmet, og får:

```
69 from scipy import signal
70
71 s = seismogram1[1:400,1]
72 w = signal.tukey(len(s), 0.25)
73
74 sw = s*w
75
76 plt.plot(t[1:400], s)
77 plt.plot(t[1:400], sw)
78 plt.title('Nærtrasene')
79 plt.xlabel('Tid')
80 plt.ylabel('Amplitude')
81 plt.legend(["Uten vindusfunksjon","Med Vindusfunksjon"])
82 plt.show()
83
84 fs,f = frekspekin3190(s,N,fs1)
85 fsw,fw = frekspekin3190(sw,N,fs1)
86
87 plt.plot(f,20*np.log10(abs(fs)))
88 plt.plot(fw,20*np.log10(abs(fsw)))
89 plt.title('Frekvensspekterene')
90 plt.xlabel('Frekvens')
91 plt.ylabel('Magnitude')
92 plt.legend(["Uten vindusfunksjon","Med Vindusfunksjon"])
93 plt.show()
```

### Kjøreeksempel gir:



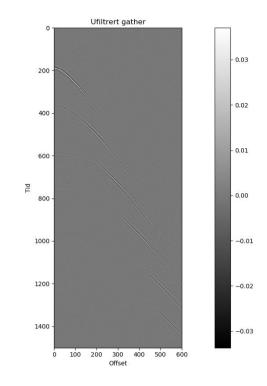


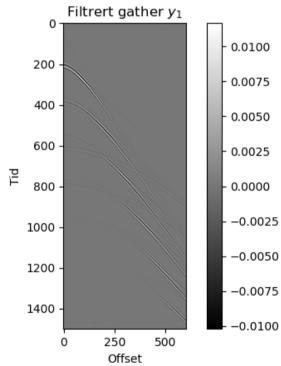
De «svingigene» vi ser på plottet (gjennom hele lengden av plottet) representerer støy, resten representerer signal.

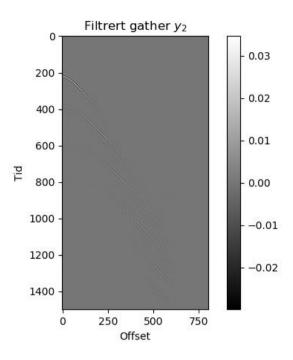
c. Vi bruker funksjonen konvin3190 fra oppgave 1, og skriver videre på forrige programmet. Vi får:

```
1  def konvin3190(h,x,ylen):
2     x_len = len(x)
3     h_len = len(h)
4
5     if ylen == 1:
6         y = np.zeros(x_len+y_len-1)
7         for i in range(h_len):
8         for j in range(x_len):
```

```
9
                 k = j+i-1
10
                 y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
11
12
        if ylen == 0:
          y = np.zeros(x_len)
13
14
          for i in range(h_len):
15
             for j in range(x_len-h_len+1):
16
                 k=i+j-1
17
                 y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
18
         return y
19
20 y1 = np.zeros_like(seismogram1)
21 y2 = np.zeros_like(seismogram2)
22 m,n = np.shape(seismogram1)
23
24 for i in range(n):
25
       y1[:,i] = konvin3190(h1,seismogram1[:,i],0)
       y2[:,i] = konvin3190(h2,seismogram1[:,i],0)
26
27
28 plt.imshow(seismogram1,cmap='gray')
29 plt.title('Ufiltrert gather')
30 plt.xlabel('Offset')
31 plt.ylabel('Tid')
32 plt.colorbar()
33 plt.show()
34
35 plt.imshow(y1,cmap='gray')
36 plt.title('Filtrert gather $y_1$')
37 plt.xlabel('Offset')
38 plt.ylabel('Tid')
39 plt.colorbar()
40 plt.show()
41
42 plt.imshow(y2,cmap='gray')
43 plt.title('Filtrert gather $y_2$')
44 plt.xlabel('Offset')
45 plt.ylabel('Tid')
46 plt.colorbar()
47 plt.show()
```

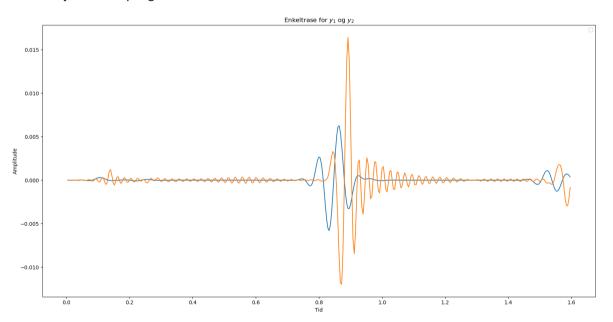






## Vi fortsetter på programmet:

- 1 plt.plot(t[1:400], y1[1:400,1],t[1:400],y2[1:400,1])
- 2 plt.title('Enkeltrase for \$y\_1\$ og \$y\_2\$')
- 3 plt.xlabel('Tid')
- 4 plt.ylabel('Amplitude')
- 5 plt.legend('\$y\_1\$','\$y\_2\$')
- 6 plt.show()



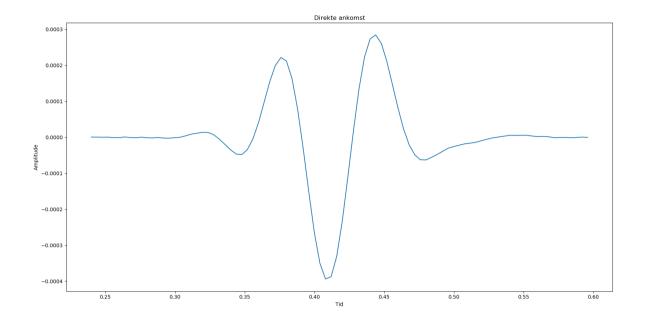
Filter  $h_1$  passer best til støyfjerning for vårt gather. Vi ser ut fra plottet at signalet filtrert ut med filter  $h_1$  (blå) ikke har noe støy.

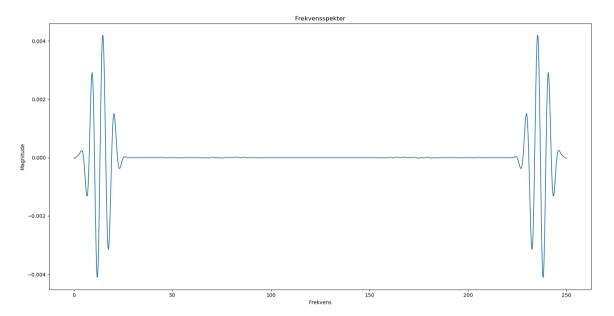
#### **Oppgave 3 (Fjernfeltssignatur)**

a. Vi skriver programmet i Python, og får:

```
1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 import scipy.io as sio
4
5 klaudiap = sio.loadmat('klaudiap.mat')
6
7 t = klaudiap['t']
8 seismogram1 = klaudiap['seismogram1']
9 seismogram2 = klaudiap['seismogram2']
10 offset1 = klaudiap['offset1']
11 offset2 = klaudiap['offset2']
12
13 h1 = [0.0002, 0.0001, -0.0001, -0.0005, -0.0011, -0.0017, -0.0019,
14
         -0.0016, -0.0005, 0.0015, 0.0040, 0.0064, 0.0079, 0.0075, 0.0046,
15
         -0.0009, -0.0084, -0.0164, -0.0227, -0.0248, -0.0203, -0.0079,
16
         0.0127, 0.0400, 0.0712, 0.1021, 0.1284, 0.1461, 0.1523, 0.1461,
17
         0.1284, 0.1021, 0.0712, 0.0400, 0.0127, -0.0079, -0.0203, -0.0248,
18
        -0.0227, -0.0164, -0.0084, -0.0009, 0.0046, 0.0075, 0.0079, 0.0064,
19
        0.0040, 0.0015, -0.0005, -0.0016, -0.0019, -0.0017, -0.0011,
20
        -0.0005, -0.0001, 0.0001, 0.0002]
21
22 h2 = [-0.0002, -0.0001, 0.0003, 0.0005, -0.0001, -0.0009, -0.0007,
23
         0.0007, 0.0018, 0.0005, -0.0021, -0.0027, 0.0004, 0.0042, 0.0031,
24
         -0.0028, -0.0067, -0.0023, 0.0069, 0.0091, -0.0010, -0.0127,
25
         -0.0100, 0.0077, 0.0198, 0.0075, -0.0193, -0.0272, 0.0014, 0.0386,
26
         0.0338, -0.0246, -0.0771, -0.0384, 0.1128, 0.2929, 0.3734, 0.2929,
27
         0.1128, -0.0384, -0.0771, -0.0246, 0.0338, 0.0386, 0.0014, -0.0272,
         -0.0193, 0.0075, 0.0198, 0.0077, -0.0100, -0.0127, -0.0010, 0.0091,
28
29
         0.0069, -0.0023, -0.0067, -0.0028, 0.0031, 0.0042, 0.0004, -0.0027,
30
         -0.0021, 0.0005, 0.0018, 0.0007, -0.0007, -0.0009, -0.0001, 0.0005,
31
         0.0003, -0.0001, -0.0002]
32
33 t1 = np.linspace(np.amin(t),np.amax(t),len(h1))
34 t2 = np.linspace(np.amin(t), np.amax(t), len(h2))
35
36 def konvin3190(h,x,ylen):
37
       x len = len(x)
38
       h_{len} = len(h)
39
40
       if ylen == 1:
41
         y = np.zeros(x_len+y_len-1)
42
         for i in range(h_len):
43
             for j in range(x len):
44
                k = j+i-1
45
                y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
```

```
46
47
       if ylen == 0:
48
          y = np.zeros(x_len)
49
          for i in range(h_len):
50
             for j in range(x_len-h_len+1):
51
                k=i+j-1
52
                y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
53
          return y
54
55 def frekspekin3190(x,N,fs):
56
       x_{len} = len(x)
57
       X = np.zeros((N),dtype = "complex_")
58
       fp = np.linspace(0,1,N)
59
       f = fp*fs
60
61
       for i in range(N):
62
           for j in range(x_len):
              X[i] = X[i] + x[j] * np.exp(2*np.pi*-1j*fp[i]*j)
63
64
65
       return X,f
66
67 N = 1000
68 fs = 1/(t[2]-t[1])
69 y1 = np.zeros_like(seismogram1)
70 m,n = np.shape(seismogram1)
71
72 for i in range(n):
73
       y1[:,i] = konvin3190(h1,seismogram1[:,i],0)
74 p = y1[60:150,30]
75
76 plt.plot(t[60:150],p)
77 plt.title('Direkte ankomst')
78 plt.xlabel("Tid")
79 plt.ylabel("Amplitude")
80 plt.show()
81
82 Sl,sf = frekspekin3190(p, N, fs)
83
84 plt.plot(sf, SI)
85 plt.title('Frekvensspekter')
86 plt.xlabel("Frekvens")
87 plt.ylabel("Magnitude")
88 plt.show()
```





## b. Vi skriver videre på programmet, og får:

```
from scipy import signal

w = signal.tukey(len(p), 0.25)

wp = w*p

fwp,fw = frekspekin3190(wp, N, fs)

fp,f = frekspekin3190(p, N, fs)

plt.plot(f, 20*np.log10(abs(fp)))

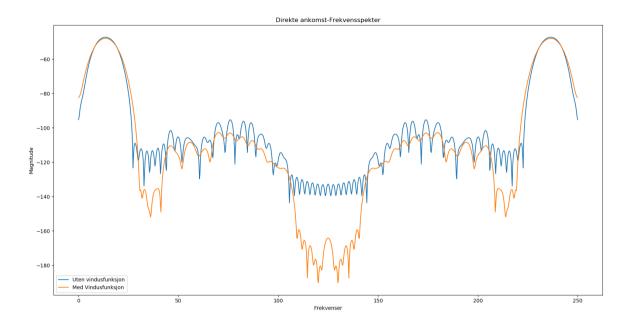
plt.plot(fw, 20*np.log10(abs(fwp)))

plt.title('Direkte ankomst-Frekvensspekter')

101 plt.ylabel("Magnitude")
```

# 102 plt.legend(["Uten vindusfunksjon","Med Vindusfunksjon"]) 103 plt.show()

Kjøreeksempel gir



Den dominante frekvensen er 13Hz.

c. Vi har at:

$$f = \frac{c}{\lambda}$$
 
$$c = \frac{3000m}{s}$$
 
$$Difference = \frac{1}{8}$$
 
$$Dominante\ frekvensen = 13Hz$$

Vi får:

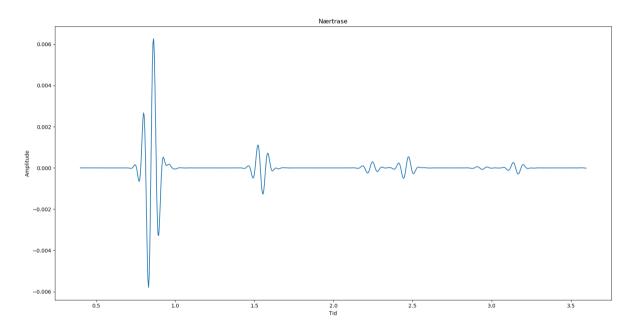
$$f = \frac{c}{\lambda} \rightarrow \lambda = \frac{c}{f} = \frac{\frac{3000m}{s}}{\frac{13}{s}} = 230.8m$$

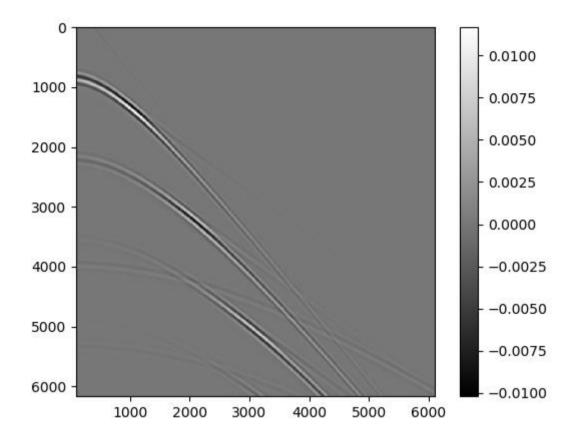
Den vertikale oppløsningen er derfor:

$$230.8m \cdot \frac{1}{8} = 28.85m$$

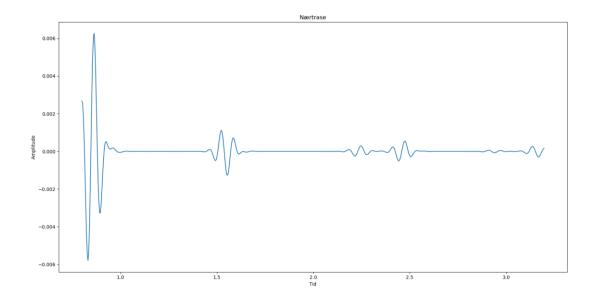
### Oppgave 4 (Refleksjoner og multipler)

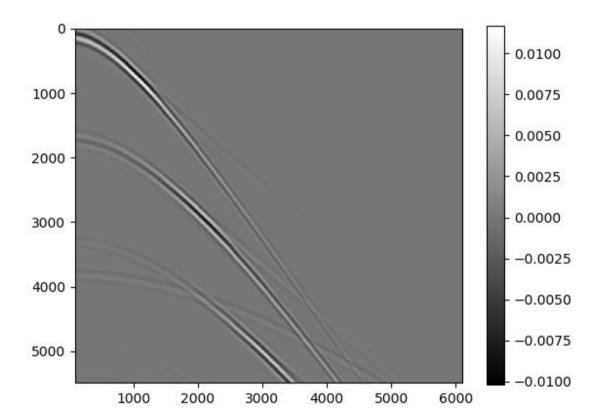
- a. Vi skriver videre på programmet fra oppgave 3:
  - 1 n = y1[100:900,1]
  - 2 plt.plot(t[100:900], nærtraser1)
  - 3 plt.title('Nærtrase')
  - 4 plt.xlabel("Tid")





## b. Vi skriver videre på samme koden:





# **Oppgave 5 (Vannhastighet)**

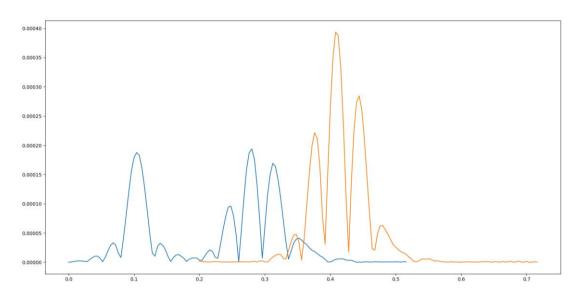
Vi skriver videre på forrige koden:

```
1 p1 = y1[0:130,10]
```

2 p2 = y1[50:180,30]

```
3
4 #Offset1 = 190, Offset2 = 390
5
6 plt.plot(t[0:130],abs(p1))
7 plt.plot(t[50:180],abs(p2))
8 plt.show()
```

### Og får:



Formel for hastighet er gitt som:

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{390 - 190}{0.41 - 0.29} = \frac{200}{0.12} = \frac{1666.67m}{s}$$

Anslag for hastighet i vannet er da:

$$v = \frac{1666.67m}{s}$$

### Oppgave 6 (Sedimenthastighet I)

a. Vi skriver programmet i Python

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.io as sio
import scipy.interpolate as interpolate

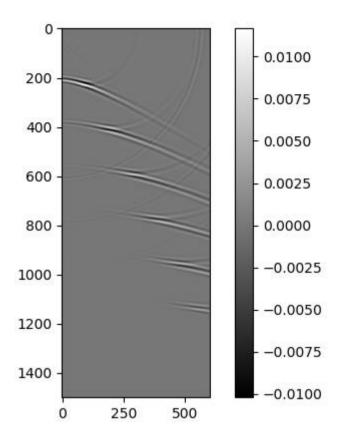
#Oppgave6a
klaudiap = sio.loadmat('klaudiap.mat')

t = klaudiap['t']
seismogram1 = klaudiap['seismogram1']
seismogram2 = klaudiap['seismogram2']
offset1 = klaudiap['offset1']
```

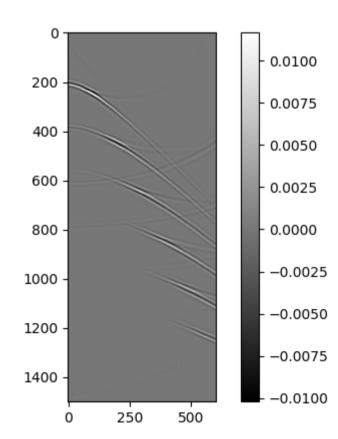
```
13 offset2 = klaudiap['offset2']
14
15 h1 = [0.0002, 0.0001, -0.0001, -0.0005, -0.0011, -0.0017, -0.0019,
       -0.0016, -0.0005, 0.0015, 0.0040, 0.0064, 0.0079, 0.0075, 0.0046,
17
       -0.0009, -0.0084, -0.0164, -0.0227, -0.0248, -0.0203, -0.0079,
18
       0.0127, 0.0400, 0.0712, 0.1021, 0.1284, 0.1461, 0.1523, 0.1461,
19
       0.1284, 0.1021, 0.0712, 0.0400, 0.0127, -0.0079, -0.0203, -0.0248,
20
       -0.0227, -0.0164, -0.0084, -0.0009, 0.0046, 0.0075, 0.0079, 0.0064,
21
       0.0040, 0.0015, -0.0005, -0.0016, -0.0019, -0.0017, -0.0011,
22
       -0.0005, -0.0001, 0.0001, 0.0002]
23
24 def nmocorrection(t,dt,offset,seisdata,vnmo):
25
26
27
      nmocorrection NMO correction of CMP gather
28
29
      sesnmo = nmo_correction(t,dt,offset,seisdata,vnmo) applies NMO
30
      correction to a CMP gather according the provided NMO velocities
31
32
      Input:
33
      -t:
            Vector containing the travel times of the seismic data (in secounds)
34
             Number containing the time sampling of the seismic data (in secounds)
35
      -offset: Vector containing the cource receiver distance for each sesmic
36
            trace (in meters)
37
      -seisdata: Matrix containing columns of seismic traces.
38
      -vnmo: Vector containing NMO velocities (in meters/secounds)
39
40
      Output:
41
      -seisnmo: Matrix containing columns of NMO corrected seismic traces.
42
43
44
      seisnmo = np.zeros(seisdata.shape)
45
      reflecttimes = np.sqrt(np.square(t) + np.divide(np.square(offset.astype("double")),np.s
   quare(vnmo)))
      reflecttimes_1 = reflecttimes.copy()
46
      reflecttimes = np.multiply(reflecttimes, np.logical_and(reflecttimes >= dt, reflecttimes
47
    <= (t[-1] - dt)))
      reflecttimes_2 = reflecttimes.copy()
48
49
      for i in range(0, offset.size):
50
        interp = interpolate.interp1d(np.squeeze(t), seisdata[:,i], axis=0, kind="cubic", bound
   s_error=False, fill_value=0)
51
        seisnmo[:,i] = np.squeeze(interp(reflecttimes[:,i]))
52
      return seisnmo, reflecttimes_1, reflecttimes_2
53
54 def konvin3190(h,x,ylen):
55
     x len = len(x)
56
      h len = len(h)
57
58
      if ylen == 1:
```

```
59
        y = np.zeros(x_len+y_len-1)
60
        for i in range(h_len):
61
          for j in range(x_len):
62
             k = j+i-1
63
            y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
64
65
      if ylen == 0:
        y = np.zeros(x_len)
66
        for i in range(h_len):
67
68
          for j in range(x_len-h_len+1):
69
             k=i+j-1
70
            y[k] = y[k] + h[i] * x[j]
71
      return y
72
73 y1 = np.zeros_like(seismogram1)
74 m,n = np.shape(seismogram1)
75
76 for i in range(n):
77
      y1[:,i] = konvin3190(h1,seismogram1[:,i],0)
78
79 fs = 1/(t[2]-t[1])
80 dt = 1/fs
81
82 hastighet = 2000
83
84 vnmo = np.full((1,601),hastighet)
85
86 seisnmo,r1,r2 = nmocorrection(t,dt,offset1,y1,vnmo)
87
88 plt.imshow(seisnmo,cmap='gray')
89 plt.colorbar()
90 plt.show()
```

```
Og får ved v = \frac{1667.67m}{s}:
```



Og får ved  $v = \frac{2000m}{s}$ :

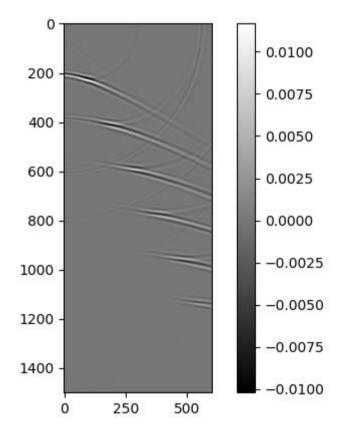


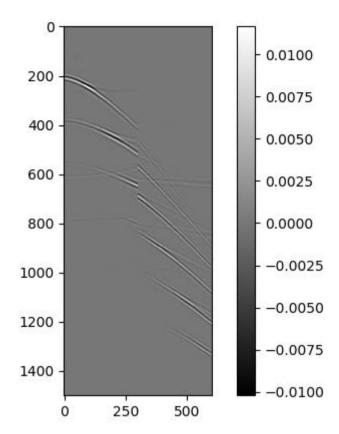
Vi ser at ved  $v=\frac{2000m}{s}$  for vi et flatere havbunnsrefleksjon, og vi bruker det derfor i videre utregning.

b. Vi setter nå vektoren vnmo lik hastighet for vannet for tiden det tar for pulsen å bevege seg i vannet, og setter en valgt hastighet for resten. Koden vi får er

```
vnmo2 = np.full((1,601),2500)
for i in range(300):
vnmo2[0,i] = 2000
seisnmo2,r12,r22 = nmocorrection(t,dt,offset1,y1,vnmo2)

plt.imshow(seisnmo2,cmap='gray')
plt.colorbar()
plt.show()
```





### Oppgave 7 (Sedimenthastighet II)

a. Vi ser på plottet vi fikk i oppgave 4a og får:

$$t_1 = 900s$$
  
 $t_2 = 2100s$   
 $x_1 = 5100$   
 $x_2 = 4900$ 

Formel for hastighet er gitt som:

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{5100 - 4900}{2100 - 900} = \frac{200}{1200} = \frac{0.17m}{s}$$

b. Vi ser på plottet vi fikk i oppgave 4b og får:

$$t_1 = 100s$$
  
 $t_2 = 1800s$   
 $x_1 = 4500$   
 $x_2 = 4100$ 

Formel for hastighet er gitt som:

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{4500 - 4100}{1800 - 100} = \frac{400}{1700} = \frac{0.24m}{s}$$

c. Vi skriver videre på programmet og får:

```
1  m,n = shape(seismogram2)
2
3  y2 = np.zeros_like(seismogram2)
4
```

```
5  for i in range(n):
6    y2[:,i] = konvin3190(seismogram2[:,i],h1,0)
7
8  plt.imshow(y2)
9  plt.colorbar()
10  plt.show()
```

Koden virker ikke.

d. Vi ser på figur 2 fra oppgaveteksten. Vi ser at refleksjoner danner rettvinklet trekanter. Vi bruker dem til å regne ut resultatene. Vi bruker hastigheten:

$$v = \frac{2000m}{s}$$

Og finner tiden

 $\Delta t$ 

Da får vi dybden:

$$s = v\Delta t$$

Resultatene blir (disse er ikke korrekte):

Beskrivelse	Verdi
Dybde sedimentærlag 1 (i meter)	3922.36
Dybde sedimentærlag 2 (i meter)	586.96
Hastighet vannlag (i m/s)	2000.00
Hastighet sedimentærlag 1 (i m/s)	1177.38
Hastighet sedimentærlag 2 (i m/s)	1960.66