

# Datenbereinigung von Zeitreihen

Von der Anomalieerkennung zur Anomalienreparatur

---

Jose Rodriguez Parra Flores  
Klaus-Johan Ziegert

18. September 2019



# Gliederung

---

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss

# Überblick

---

- 1 Einführung
  - Motivation
  - Zielsetzung

- 2 Grundlagen

- 3 Iterative Minimum Repairing

- 4 Evaluierung

- 5 Schluss

# Motivation: Problem

## Messgeräte liefern unzuverlässige Daten

- GPS Tracker sind nahe von Gebäuden unzuverlässig
- Sensoren sind empfindlich gegenüber äußere Einflüsse
  - Z.B. starker Fall der Temperaturen bei einem Windzug



Abbildung: GPS-Tracking auf dem Campus der Tsinghua Universität [1]

# Motivation: Anwendungen der Anomalieerkennung

## Umgang von unzuverlässigen Daten mit Anomalieerkennung

### ① Unzuverlässige Datenpunkte entfernen

- Ausreißer werden entfernt 😊
- Entfernen aufeinanderfolgende Fehler machen Ergebnis unbrauchbar **oder** werden als solche ggf. nicht entfernt ☹️

### ② Unzuverlässige Datenpunkte reparieren

- Einzelne Ausreißer werden leicht korrigiert 😐
- Aufeinanderfolgende Fehler werden zu stark verändert (In der Praxis liegen die Messungen nahe bei den korrekten Werten) 😐

# Motivation: Problemerweiterung

## Hinzunahme von korrekt markierten Werten

- ① Markierung durch den Benutzer
  - Z.B. markiert der Benutzer in beliebigen Zeitabständen seinen aktuellen Standort
- ② Präzise Messgeräte liefern in längeren Zeitabstände korrekte Werte



# Überblick

---

- 1 Einführung
  - Motivation
  - Zielsetzung

2 Grundlagen

3 Iterative Minimum Repairing

4 Evaluierung

5 Schluss

# Zielsetzung

## Ziel der Arbeit

- ① Berücksichtigung der markierten Werte in der Anomalieerkennung
  - Aufeinanderfolgende Fehler sollen besser abgeschätzt werden
- ② Anomalienreparatur mit den Minimum-Change-Prinzip vereinbaren
  - Keine drastische Veränderungen der Messwerte
- ③ Neue Anomalienreparatur hinsichtlich Berechnungslaufzeit, Ergebnisgenauigkeit usw. optimieren
- ④ Neue Anomalienreparatur mit unterschiedlichen Einstellungen mit weitere Verfahren empirisch vergleichen



# Überblick

---

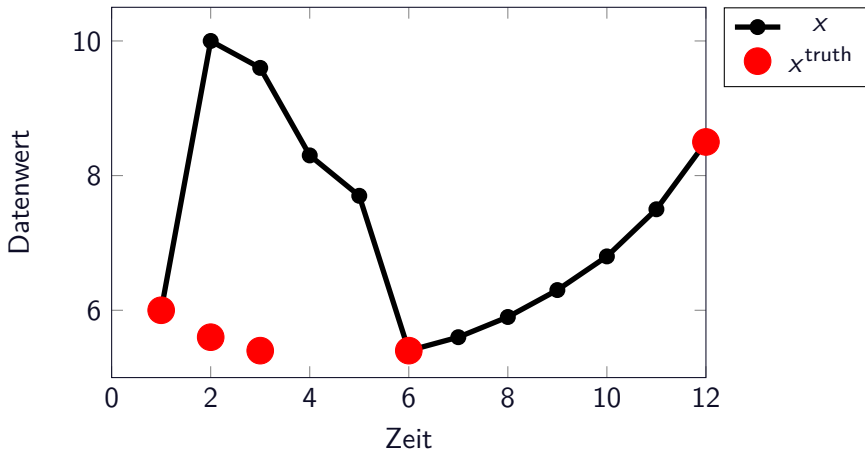
- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
  - Problemstellung
  - Reparatur durch Anomalieerkennung
  - Andere Reparatur Methoden
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss

# Problemstellung

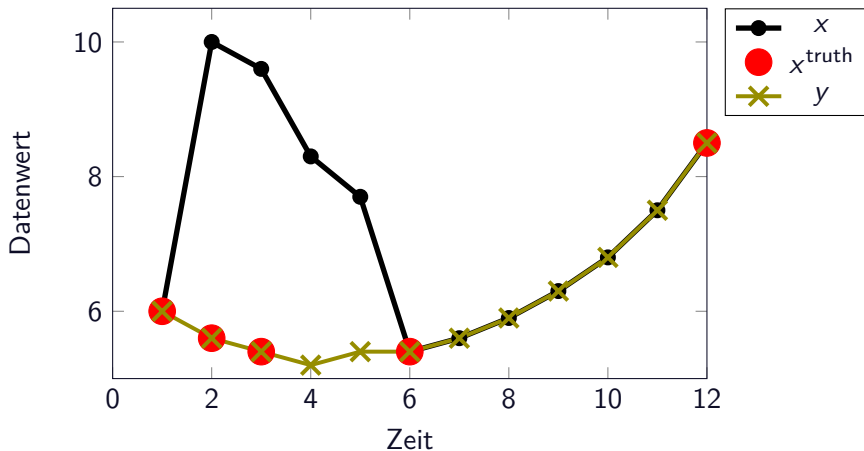
## Zeitreihenreparatur

- Gegeben:
  - Unzuverlässige Messung  $x = x[1], \dots, x[n]$
  - Unvollständige, aber dafür ausschließlich korrekte Messung  $x^{\text{truth}}$
- Nur in der Evaluierung: vollständige, korrekte Messung  $x^{\text{truth}*}$
- Gesucht:
  - Reparatur  $y$  mit minimalen RMS-Fehler  $\Delta(x^{\text{truth}*}, y)$
  - $\Delta(x^{\text{truth}*}, y) = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i^{\text{truth}*} - y_i)^2}$

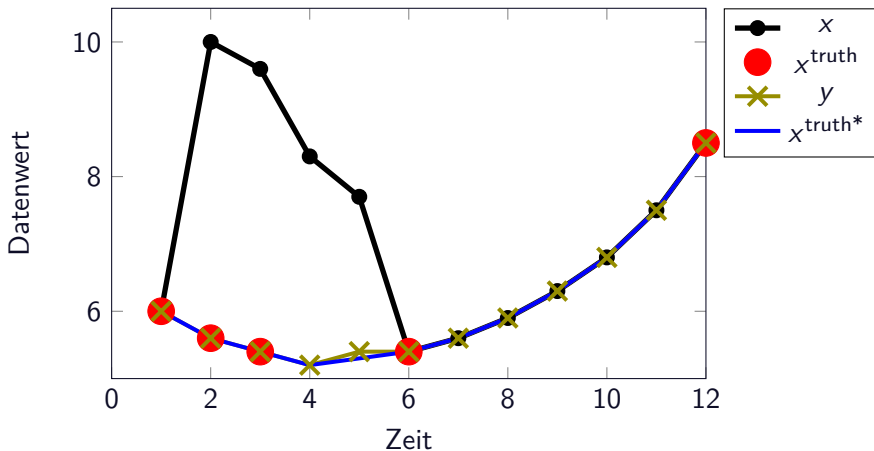
# Problemstellung: Beispiel Eingabe



# Problemstellung: Beispiel Eingabe & Reperatur



# Problemstellung: Beispiel Eingabe & Reparatur



# Problemstellung: Beispiel Zahlen & Bewertung

## Zeitreihen vom Beispiel

- $x = \{6, 10, 9.6, 8.3, 7.7, 5.4, 5.6, 5.9, 6.3, 6.8, 7.5, 8.5\}$
- $x^{\text{truth}} = \{6, 5.6, 5.4, \_, \_, 5.4, \_, \_, \_, \_, \_, 8.5\}$
- $y = \{6, 5.6, 5.4, \underline{5.2}, \underline{5.4}, \underline{5.6}, \underline{5.9}, \underline{6.3}, \underline{6.8}, \underline{7.5}, 8.5\}$
- $x^{\text{truth}*} = \{6, 5.6, 5.4, \underline{5.2}, \underline{5.3}, 5.4, \underline{5.6}, \underline{5.9}, \underline{6.3}, \underline{6.8}, \underline{7.5}, 8.5\}$

## Bewertung des Beispiels

$$\Delta(x^{\text{truth}*}, y) =$$

$$\sqrt{\frac{1}{12} ((6 - 6)^2 + \dots + (5.3 - 5.4)^2 + \dots + (8.5 - 8.5)^2)} \approx 0.03$$

# Überblick

---

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
  - Problemstellung
  - Reparatur durch Anomalieerkennung
  - Andere Reparatur Methoden
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss

# Reparatur durch Anomalieerkennung

## Anomalien

- Wikipedia: Abweichung von der Regel
- Werte  $x_i$  mit Abweichung  $\tau$  (Bsp.  $\tau = 2\sigma$ ):

$$|x_i - x_i^{\text{truth}}| > \tau$$



# Reparatur durch Anomalieerkennung

## Autoregressive Modell $AR(p)$

- Prädiktion aus den vorangegangenen  $p$  Werten:

$$x'_t = \sum_{i=1}^p \phi_i x_{t-i} + \epsilon_t$$

- Reparatur:

$$y_t = \begin{cases} x'_t & \text{falls kein Label und } |x'_t - x_t| > \tau \\ x_t & \text{sonst} \end{cases}$$

# Reparatur durch Anomalieerkennung

## Autoregressives exogenes Modell $ARX(p)$

- Exogenes Variabel  $y$

$$y'_t = x_t + \sum_{i=1}^p \phi_i (y_{t-i} - x_{t-i}) + \epsilon_t$$

- $y'_t$  Mögliche Reparatur:

$$y_t = \begin{cases} y'_t & \text{falls kein Label und } |y'_t - x_t| > \tau \\ y_t & \text{sonst} \end{cases}$$

# ARX(1) Reparatur Beispiel

## ARX(1) Reparatur Beispiel

$p = 1$ ,  $\phi = 0.5$  und  $\tau = 0.1$

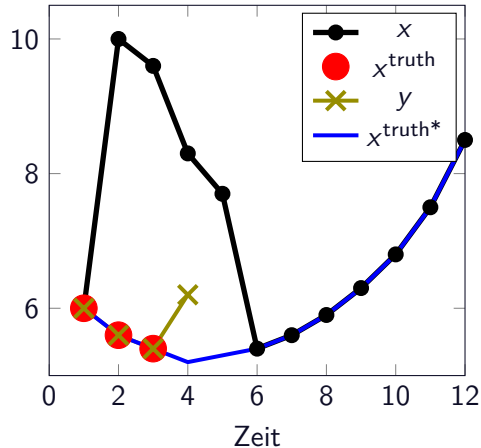
$$y'_4 = 8.3 + 0.5 \cdot (5.4 - 9.6)$$

$$y'_4 = 6.2$$

$$|6.2 - 8.3| = 2.1 > 0.1$$

$$y_4 = y'_4 = 6.2$$

Datenwert



# Parameter Abschätzung

AR(1)

$$X_t = \phi X_{t-1} + \epsilon_t$$

# Parameter Abschätzung

AR(1)

$$X_t = \phi X_{t-1} + \epsilon_t$$

Kleinste Quadrate Schätzung

$$\frac{\partial}{\partial \phi} \sum_{k=2}^n (X_k - \phi X_{k-1})^2 = 2 \sum_{k=2}^n (X_k - \phi X_{k-1})(-X_{k-1}) \quad (1)$$

# Parameter Abschätzung

## Kleinste Quadrate Schätzung

$$2 \sum_{k=2}^n (X_k - \phi X_{k-1})(-X_{k-1}) = 0$$

$$\sum_{k=2}^n (-X_k X_{k-1} + \phi X_{k-1}^2) = 0$$

$$-\sum_{k=2}^n X_k X_{k-1} + \sum_{k=2}^n \phi X_{k-1}^2 = 0$$

$$\sum_{k=2}^n \phi X_{k-1}^2 = \sum_{k=2}^n X_k X_{k-1}$$

$$\hat{\phi} = \frac{\sum_{k=2}^n X_k X_{k-1}}{\sum_{k=2}^n X_{k-1}^2}$$

# Parameter Abschätzung $p = 1$

## Beispiel

$$x = \{6, 10, 9.6, 8.3, 7.7, 5.4, 5.6, 5.9, 6.3, 6.8, 7.5, 8.5\}$$

$$y = \{6, 5.6, 5.4, 8.3, 7.7, 5.4, 5.6, 5.9, 6.3, 6.8, 7.5, 8.5\}$$

$$y - x = \{0, -4.4, -4.2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0\}$$

$$\phi = \frac{(-4.2) \cdot (-4.4)}{(-4.2)^2 + (-4.4)^2} = 0.5$$

# Überblick

---

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen**
  - Problemstellung
  - Reparatur durch Anomalieerkennung
  - Andere Reparatur Methoden
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss



# Glättungsverfahren

## Gleitender Mittelwert

- Reparatur alle Werte durch  $y_j$

$$y_j = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_{j-i} \quad j \in \{k, \dots, n\}$$

# Glättungsverfahren

## Gleitender Mittelwert

- Reparatur alle Werte durch  $y_j$

$$y_j = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k x_{j-i} \quad j \in \{k, \dots, n\}$$

## Exponentiell Gewichteten Gleitender Mittelwert (EWMA)

- 

$$v_j = \sum_{i=0}^n (1 - \beta) \beta^i x_{j-i} \quad j \in \{k, \dots, n\}$$

- Effizient durch Dynamischesprogrammierung:

$$v_j = \beta v_{j-1} + (1 - \beta) x_j \quad \text{mit } V_0 = 0$$

# Bedingung basiert Verfahren

## SCREEN

- Die Reparatur erfolgt nur über zwei aufeinander folgende Werte
- Bedingung wie schnell ein Wert sich ändern kann
- gut für spikes aber nicht für Fehlern über längeren Zeitraum

# Überblick

---

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing**
  - IMR
  - Optimierung 1: Matrix-Pruning IMR
  - Optimierung 2: Inkrementelle Berechnung
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss

# IMR Intuition

## Intuitiver Ansatz von IMR

- ARX nutzt markierte Werte effizient, **aber** verändert die Werte zu drastisch.
- IMR Ansatz:
  - ① Wende ARX an
  - ② Wähle **einen** Reparaturwert mit minimalen Abstand zur Messung
  - ③ Wiederhole Prozedur bis aktuelle Reparatur sich nicht signifikant ändert
- Motivation: Reparierte Werte verbessern zukünftige Reparaturen

# IMR = ARX + Minimum-Change-Prinzip

- 1: **Eingabe:** Messung  $x$ , markierte Werte  $x^{\text{truth}}$ , Ordnung  $p$ , Schwellenwert  $\tau$  und max-num-iterations
- 2: **Ausgabe:** Reparatur  $y$
- 3:  $y^{(0)} \leftarrow \text{Initialize}(x, x^{\text{truth}})$
- 4: **for**  $k \leftarrow 0$  **to** max-num-iterations **do**
- 5:    $\phi^{(k)} \leftarrow \text{Estimate}(x, y^{(k)})$
- 6:    $\hat{y} \leftarrow \text{Candidate}(x, y^{(k)}, \phi^{(k)})$
- 7:    $y^{(k+1)} \leftarrow \text{Evaluate}(x, y^{(k)}, \hat{y})$
- 8:   **if**  $\text{Converge}(y^{(k)}, y^{(k+1)})$  **then**
- 9:     **break**
- 10:   **end if**
- 11: **end for**
- 12: **return**  $y^{(k)}$

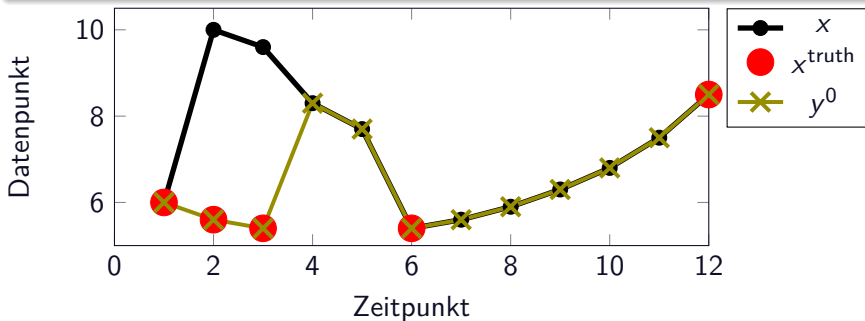
# IMR: Initialisierung

- 1: **Eingabe:** Messung  $x$ , markierte Werte  $x^{\text{truth}}$ , Ordnung  $p$ , Schwellenwert  $\tau$  und max-num-iterations
- 2: **Ausgabe:** Reparatur  $y$
- 3:  $y^{(0)} \leftarrow \text{Initialize}(x, x^{\text{truth}})$
- 4: **for**  $k \leftarrow 0$  **to** max-num-iterations **do**
- 5:    $\phi^{(k)} \leftarrow \text{Estimate}(x, y^{(k)})$
- 6:    $\hat{y} \leftarrow \text{Candidate}(x, y^{(k)}, \phi^{(k)})$
- 7:    $y^{(k+1)} \leftarrow \text{Evaluate}(x, y^{(k)}, \hat{y})$
- 8:   **if**  $\text{Converge}(y^{(k)}, y^{(k+1)})$  **then**
- 9:     **break**
- 10:   **end if**
- 11: **end for**
- 12: **return**  $y^{(k)}$

# IMR: Initialisierung

## Initiale Reparatur

Initiale Reparatur  $y^{(0)}$  ist Messung  $x$  und übernimmt die markierten Werte aus  $x^{\text{truth}}$





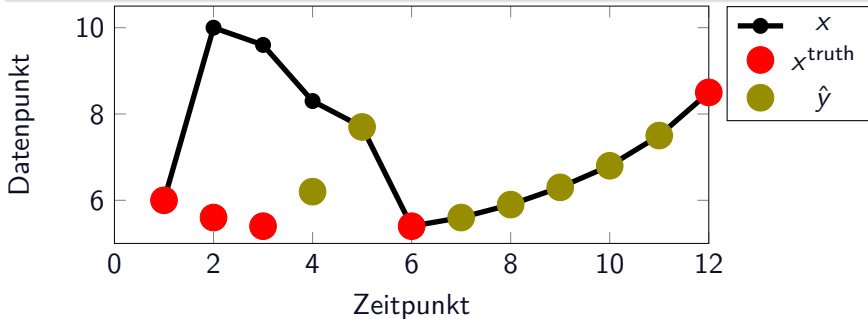
# IMR: ARX auf aktuelle Reparatur anwenden

- 1: **Eingabe:** Messung  $x$ , markierte Werte  $x^{\text{truth}}$ , Ordnung  $p$ , Schwellenwert  $\tau$  und max-num-iterations
- 2: **Ausgabe:** Reparatur  $y$
- 3:  $y^{(0)} \leftarrow \text{Initialize}(x, x^{\text{truth}})$
- 4: **for**  $k \leftarrow 0$  **to** max-num-iterations **do**
- 5:    $\phi^{(k)} \leftarrow \text{Estimate}(x, y^{(k)})$
- 6:    $\hat{y} \leftarrow \text{Candidate}(x, y^{(k)}, \phi^{(k)})$
- 7:    $y^{(k+1)} \leftarrow \text{Evaluate}(x, y^{(k)}, \hat{y})$
- 8:   **if**  $\text{Converge}(y^{(k)}, y^{(k+1)})$  **then**
- 9:     **break**
- 10:   **end if**
- 11: **end for**
- 12: **return**  $y^{(k)}$

# IMR: ARX auf aktuelle Reparatur anwenden

## Kandidaten

- Parameterschätzung  $\phi$ : aktuelle Reparatur  $y^{(k)}$  wird als  $x^{\text{truth}}$  interpretiert.
- Kandidaten  $\hat{y}$  sind neue Reparaturwerte



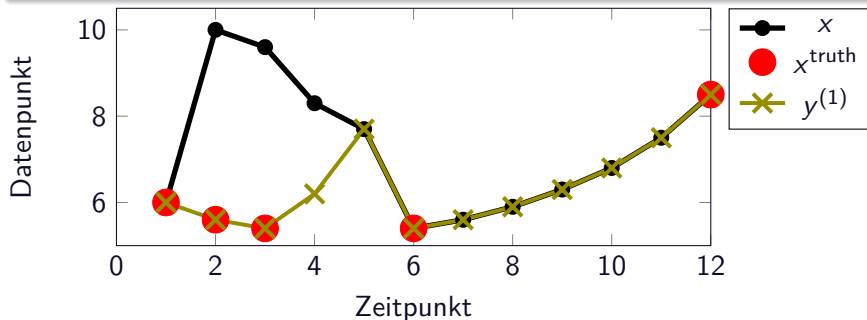
# IMR: Minimum-Change

- 1: **Eingabe:** Messung  $x$ , markierte Werte  $x^{\text{truth}}$ , Ordnung  $p$ , Schwellenwert  $\tau$  und max-num-iterations
- 2: **Ausgabe:** Reparatur  $y$
- 3:  $y^{(0)} \leftarrow \text{Initialize}(x, x^{\text{truth}})$
- 4: **for**  $k \leftarrow 0$  **to** max-num-iterations **do**
- 5:    $\phi^{(k)} \leftarrow \text{Estimate}(x, y^{(k)})$
- 6:    $\hat{y} \leftarrow \text{Candidate}(x, y^{(k)}, \phi^{(k)})$
- 7:    $y^{(k+1)} \leftarrow \text{Evaluate}(x, y^{(k)}, \hat{y})$
- 8:   **if**  $\text{Converge}(y^{(k)}, y^{(k+1)})$  **then**
- 9:     **break**
- 10:   **end if**
- 11: **end for**
- 12: **return**  $y^{(k)}$

# IMR: Minimum-Change

## Minimum-Change

- Zu geringe Änderungen werden herausgefiltert  $|y_i^{(k)} - \hat{y}_i| > \tau$
- Geringste Änderung zu Messung  $x$  wird als Kandidat ausgewählt



# IMR: Terminierung

- 1: **Eingabe:** Messung  $x$ , markierte Werte  $x^{\text{truth}}$ , Ordnung  $p$ , Schwellenwert  $\tau$  und max-num-iterations
- 2: **Ausgabe:** Reparatur  $y$
- 3:  $y^{(0)} \leftarrow \text{Initialize}(x, x^{\text{truth}})$
- 4: **for**  $k \leftarrow 0$  **to** max-num-iterations **do**
- 5:    $\phi^{(k)} \leftarrow \text{Estimate}(x, y^{(k)})$
- 6:    $\hat{y} \leftarrow \text{Candidate}(x, y^{(k)}, \phi^{(k)})$
- 7:    $y^{(k+1)} \leftarrow \text{Evaluate}(x, y^{(k)}, \hat{y})$
- 8:   **if**  $\text{Converge}(y^{(k)}, y^{(k+1)})$  **then**
- 9:     **break**
- 10:   **end if**
- 11: **end for**
- 12: **return**  $y^{(k)}$

# IMR: Terminierung

## Terminierung

- Zwei Möglichkeiten der Terminierung:
  - Maximale Anzahl der Iterationen wird erreicht
  - Konvergenz: Neue Reparatur  $y^{(k+1)}$  ist gleich aktuelle Reparatur  $y^{(k)}$
- Allgemeine Konvergenzfrage ist noch offen

# Überblick

---

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing**
  - IMR
  - **Optimierung 1: Matrix-Pruning IMR**
  - Optimierung 2: Inkrementelle Berechnung
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss

# Motivation von Matrix-Pruning IMR

## Laufzeit- & Platzproblem

- Parameterschätzung beansprucht viel Zeit und Platz
- Matrizen  $V$  und  $Z$  bestehen aus  $y_i^{(k)} - x_i$ :
  - wenige markierte Werte vorhanden
  - markierte Werte häufig identisch zur Messung
  - Reparaturwerte ändern sich nicht signifikant
  - → dünnbesetzte Matrizen
- Matrix-Pruning: Löschen von Zeilen mit 0en



# Matrix Pruning IMR Beispiel

## Beispiel

Zeilen mit 0en in Z und entsprechende Zeile in V sind entfernbare:

$$Z = \begin{pmatrix} 0 \\ -4.4 \\ -4.2 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad V = \begin{pmatrix} -4.4 \\ -4.2 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \rightarrow Z_{mp} = \begin{pmatrix} -4.4 \\ -4.2 \end{pmatrix} \quad V_{mp} = \begin{pmatrix} -4.2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

# Überblick

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing**
  - IMR
  - Optimierung 1: Matrix-Pruning IMR
  - Optimierung 2: Inkrementelle Berechnung
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss

# Inkrementelle Berechnung (IMR-IC)

## Intuition

- IMR Algorithmus berechnet  $\phi^k$  in jede Iteration  $k$

$$\phi^k \leftarrow \text{Estimate}(x, y^k)$$

- Minimum-Change-Prinzip, ein Wert  $r$  wird geändert

$$y_r^k \neq y_r^{k-1}$$

- Fast alle Werte in  $Z^k, Z^{k-1}$  und  $V^k, V^{k-1}$  bleiben unverändert

# Inkrementelle Berechnung (IMR-IC)

## Rekursive Formel

Sei  $\phi^{(k)} = (A^{(k)})^{-1}B^{(k)}$  mit  $A^{(k)} = (Z^{(k)})'Z^{(k)}$  und  $B^{(k)} = (Z^{(k)})'V^{(k)}$

Fall:  $1 \leq i \leq p$

$$a_{ii}^{(k)} = a_{ii}^{(k-1)} + \begin{cases} 0 & \text{falls } r < p+1-i \vee r > n-i \\ z_r^{(k)} z_r^{(k)} - z_r^{(k-1)} z_r^{(k-1)} & \text{falls } p+1-i \leq r \leq n-i \end{cases}$$

# Inkrementelle Berechnung (IMR-IC)

Fall:  $1 \leq i \leq p, 1 \leq j \leq p, i < j$

$$a_{ij}^{(k)} = a_{ji}^{(k)} = a_{ij}^{(k-1)} + (z_r^{(k)} - z_r^{(k-1)}) \times$$

$$\begin{cases} 0 & \text{falls } r < p + 1 - j \vee r > n - i \\ z_{r+j-i}^{(k-1)} & \text{falls } p + 1 - j \leq r < p + 1 - i \\ z_{r-j+i}^{(k-1)} & \text{falls } n - j < r \leq n - i \\ (z_{r+j-i}^{(k-1)} + z_{r-j+i}^{(k-1)}) & \text{falls } p + 1 - i \leq r \leq n - i \end{cases}$$

# Inkrementelle Berechnung (IMR-IC)

Fall:  $1 \leq i \leq p$

$$b_i^{(k)} = b_i^{(k-1)} + (z_r^{(k)} - z_r^{(k-1)}) \times$$

$$\begin{cases} 0 & \text{falls } r < p+1-i \vee r > n-i \\ z_{r+i}^{(k-1)} & \text{falls } p+1-i \leq r < p+1 \\ z_{r-i}^{(k-1)} & \text{falls } r > n-i \\ (z_{r+i}^{(k-1)} + z_{r-i}^{(k-1)}) & \text{falls } p+1 \leq r \leq n-i \end{cases}$$

# Rekursive Algorithmus

- 
- 
- 1: **Eingabe:** Messung  $x$ , Reparatur/Label  $y$
  - 2: **Ausgabe:**  $\phi^{(k)}$
  - 3: **if**  $k = 0$  **then**
  - 4:   Init  $A^{(0)}, B^{(0)}$  mit  $Z^{(0)}, V^{(0)}$
  - 5: **else**
  - 6:    $r$  Index  $y_r^{(k)} \neq y_r^{(k-1)}$
  - 7:   Erstelle  $A^{(k)}, B^{(k)}$  mit Hilfe von  $A^{(k-1)}$  und  $B^{(k-1)}$  nach rekursive Formeln
  - 8: **end if**
  - 9:  $\phi^{(k)} \leftarrow (A^{(k)})^{-1} B^{(k)}$
  - 10: **return**  $\phi^{(k)}$
-

# Überblick

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung**
  - **Versuchsbeschreibung**
  - Ordnung
  - Schwellenwert
  - Maximale Anzahl von Iterationen
  - Markierungsrate



# Versuchsbeschreibung

## Versuchsaufbau

- Versuchsperson bewegt sich mit dem Handy auf den Hauptcampus
- Strecke ist festgelegt ( $x^{\text{truth}}$ ,  $x^{\text{truth}*}$ )
- 186 von 742 GPS-Daten wurden als fehlerhaft festgestellt



# Überblick

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung**
  - Versuchsbeschreibung
  - **Ordnung**
  - Schwellenwert
  - Maximale Anzahl von Iterationen
  - Markierungsrate

# Ordnung

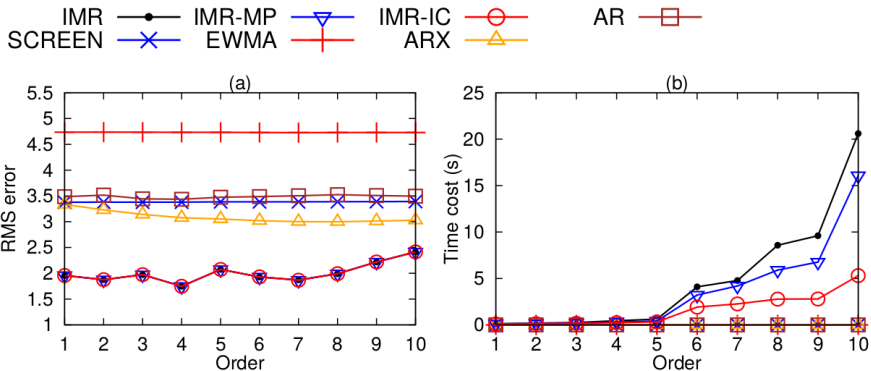


Abbildung: Unterschiedliche Ordnung  $p$  über GPS-Daten mit  $\tau = 0.2$ , Datengröße 750 und Markierungsrate 0.2

# Überblick

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung**
  - Versuchsbeschreibung
  - Ordnung
  - **Schwellenwert**
  - Maximale Anzahl von Iterationen
  - Markierungsrate

# Schwellenwert

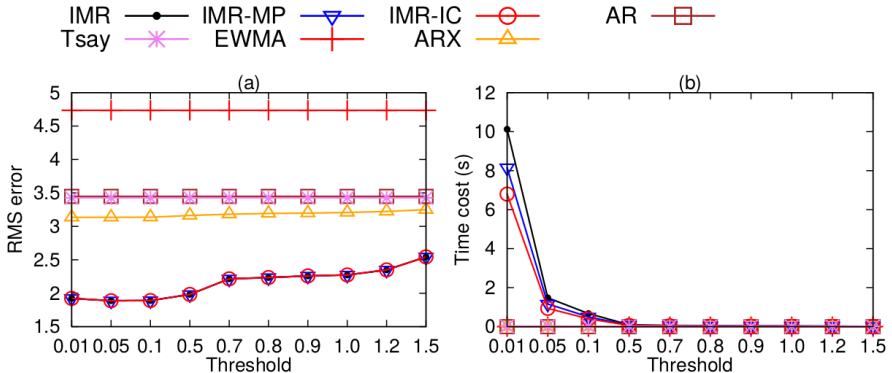


Abbildung: Unterschiedliche Schwellenwerte  $\tau$  über GPS-Daten mit  $p = 3$ , Datengröße 750 und Markierungsrate 0.2

# Überblick

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung**
  - Versuchsbeschreibung
  - Ordnung
  - Schwellenwert
  - Maximale Anzahl von Iterationen**
  - Markierungsrate

# Maximale Anzahl von Iterationen

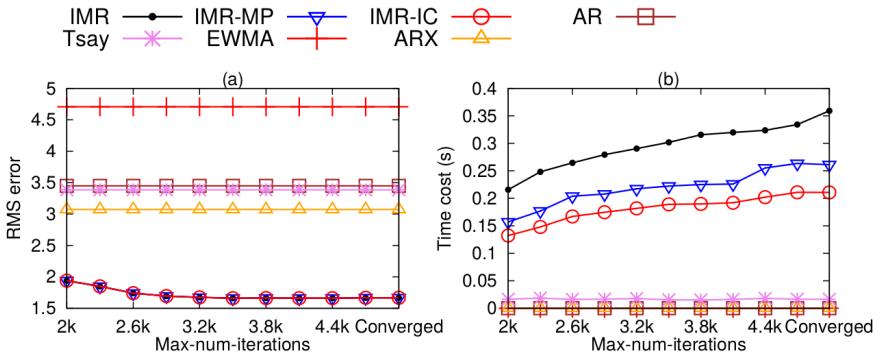


Abbildung: Unterschiedliche maximale Anzahl von Iterationen über GPS-Daten mit  $\tau = 0, 2$ ,  $p = 3$  und Datengröße 750

# Überblick

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung**
  - Versuchsbeschreibung
  - Ordnung
  - Schwellenwert
  - Maximale Anzahl von Iterationen
  - **Markierungsrate**



# Markierungsrate

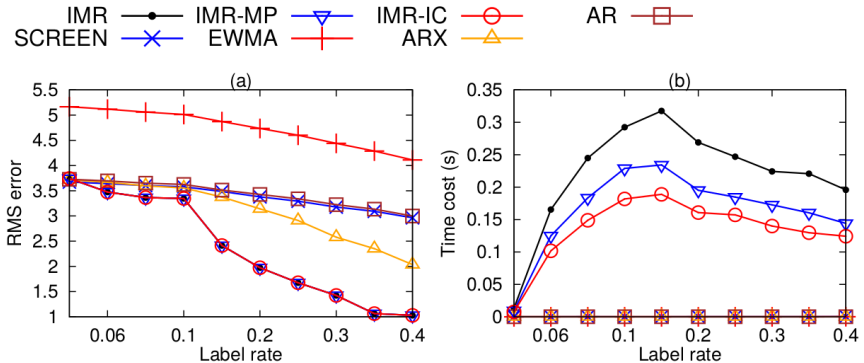


Abbildung: Unterschiedliche Markierungsraten über GPS-Daten mit  $\tau = 0, 2$ ,  $p = 3$  und Datengröße 750

# Überblick

---

- 1 Einführung
- 2 Grundlagen
- 3 Iterative Minimum Repairing
- 4 Evaluierung
- 5 Schluss**
  - Zusammenfassung und Ausblick
  - Literatur

# Zusammenfassung und Ausblick

## Zusammenfassung

- Inkrementelle Reparatur der Daten durch Anomalienerkennungsverfahren
- Minimum-Change-Prinzip und temporäre Eigenschaften
- Bessere Laufzeit durch Matrix-Pruning
- IC Parameter Schätzung in  $O(1)$
- Höhere Genauigkeit der Reparatur als State-of-the-art Verfahren

# Zusammenfassung und Ausblick

## Zusammenfassung

- Inkrementelle Reparatur der Daten durch Anomalienerkennungsverfahren
- Minimum-Change-Prinzip und temporäre Eigenschaften
- Bessere Laufzeit durch Matrix-Pruning
- IC Parameter Schätzung in  $O(1)$
- Höhere Genauigkeit der Reparatur als State-of-the-art Verfahren

## Ausblick

- Andere Modelle anstatt ARX

Vielen Dank  
für die Aufmerksamkeit

# Überblick

---

- ① Einführung
- ② Grundlagen
- ③ Iterative Minimum Repairing
- ④ Evaluierung
- ⑤ **Schluss**
  - Zusammenfassung und Ausblick
  - **Literatur**

# Literatur I

---

 Shaoxu song - tsinghua university.

 Aoqian Zhang, Shaoxu Song, Jianmin Wang, and Philip S Yu.

Time series data cleaning: From anomaly detection to anomaly repairing.  
*Proceedings of the VLDB Endowment*, 10(10):1046–1057, 2017.