

1. Seja o programa a seguir. Determine o valor do ponteiro y no programa:

```
1  #include <iostream>
2
3  using namespace std;
4
5  int r, *y, s;
6
7  int main()
8  {
9      r = 5;
10     s = r + 2;
11     y = &s;
12     *y = ++(*y) + (s)++ + (r)++;
13     cout << *y << endl;
14     return 0;
15 }
16
```

Solução:

A precedência entre os operadores vai definir o resultado deste programa.

O ++ pré-fixado é executado antes da atribuição e o ++ pos-fixado é executado posteriormente.

Ex:

$$y = ++a + b$$

sendo a = 1 e b = 2 inicialmente.

Após executar temos o valor 4 para y.

O ++ pré-fixado incrementa o valor de a, que inicialmente é 1, e fica dois, que é somado a variável b que contém o valor 2, resultando em 4.

Quando o ++ é pós-fixado é feita a soma dos valores, primeiro, para posteriormente incrementar o valor. Seja em:

$$y = a++ + b$$

Neste caso ele soma os valores de a e b e incrementa ao final, porém, em um momento posterior, fazendo com que a atribuição receba os valores sem o incremento. Se o mesmo for feito, como a seguir, o resultado ao invés de ser 3 será 4. Neste caso, como não tem atribuição ele aproveita o incremento pós-fixado.

$$\text{cout} << a++ + b << \text{endl};$$

Baseado neste critérios o resultado da questão é 21. .

2. Seja o programa a seguir. Determine o valor da variável b.

```
1  #include <iostream>
2
3  using namespace std;
4
5  int b, *a, *c;
6
7  int main()
8  {
```

```

9      b = 10;
10     a = &b;
11     c = a;
12     *a = *c + b++;
13     b = (*a)++ + ++(*c);
14     cout << b << endl;
15     return 0;
16 }

```

Solução:

Baseado na mesma lógica aplicada a questão 1, temos que o resultado é 42.

3. Determine a ordem assintótica do (pior caso) algoritmo a seguir:

```

1      int achou = -1;           1+
2      for (int i=0; i < n; i++) {  n+
3          if (v[i] == alvo){      n+
4              achou=i;           1+
5              break;             1+
6          }
7      }                          Total: 2n + 3

```

Solução:

No código acima temos a soma da quantidade de vezes em que cada linha é executada. Gerando o valor $2n + 3$ cuja grandeza está em n . Portanto temos $O(n)$.

4. Para o mesmo algoritmo acima, determine o melhor caso.

Solução:

O melhor caso é apresentado quando o algoritmo acha o valor na primeira tentativa. Assim a distribuição da execução de linhas fica:

```

1      int achou = -1;           1+
2      for (int i=0; i < n; i++) { 1+
3          if (v[i] == alvo){      1+
4              achou=i;           1+
5              break;             1+
6          }
7      }                          Total: 5

```

A grandeza de 5 é n^0 , portanto 1. Todo valor elevado a zero tem como resultado 1. Ou seja: $O(1)$ é o resultado da questão 4.

5. Ordene em ordem decrescente as ordens assintóticas a seguir:

- $O(n \log n)$
- $O(1)$
- $O(n^2)$

- $O(n)$

Solução:

$$O(1) > O(n) > O(n \log n) > O(n^2)$$

No geral temos a seguinte ordem:

$$O(1) > O(\log n) > O(n) > O(n \log n) > O(n^2) > O(n^3) > O(n^k) > O(n!)$$

6. Determine a ordem assintótica do (pior caso) algoritmo a seguir:

```
1   for (int i=0; i < n; i++) {
2       for (int j=0; j < n; j++) {
3           if (m[i][j] = alvo)
4               return m[i][j];
5       }
6   }
```

Solução:

Para resolver esta questão iremos criar um conjunto cujos elementos são os pares i e j que são testados junto com o alvo. Assim temos, supondo que $n = 4$:

$$C_1 = \{(0, 0); (0, 1); (0, 2); (0, 3)\}$$

$$C_2 = \{(1, 0); (1, 1); (1, 2); (1, 3)\}$$

$$C_3 = \{(2, 0); (2, 1); (2, 2); (2, 3)\}$$

$$C_4 = \{(3, 0); (3, 1); (3, 2); (3, 3)\}$$

Sabendo que cada conjunto possui 4 elementos e possuímos 4 linhas, temos 4×4 , ou seja, $n \times n$. Assim a ordem é $O(n^2)$

7. Determine a ordem assintótica do (pior caso) algoritmo a seguir:

```
1   for (int i=n-1; i > 0; i--) {
2       for (j=0; j<i; j++) {
3           if (v[j] > v[j+1]) {
4               int temp = v[j];
5               v[j] = v[j+1];
6               v[j+1] = temp;
7           }
8       }
9   }
```

Solução:

Os conjunto para este algoritmo é formado de elementos que representam as trocas ocorridas no vetor. Assim temos que cada conjunto é formado por (considerando que os dados iniciais são $[4, 3, 2, 1]$):

$$C_1 = \{(1, 4); (2, 4); (3, 4)\}$$

$$C_2 = \{(1, 3); (2, 3)\}$$

$$C_3 = \{(1, 2)\}$$

Assim, temos três, depois duas, e finalmente, uma troca. Isso gera uma PA (Progressão Aritmética) com os seguintes elementos: $1 + 2 + 3$

Sabendo que a sequência é uma P.A temos a seguinte relação: invertendo os elementos em duas linhas subsequentes, verifica-se que a soma dos termos será sempre igual a n .

$$\begin{array}{rcccc} 1 & + & 2 & + & 3 \\ 3 & + & 2 & + & 1 \\ \hline 4 & + & 4 & + & 4 \end{array}$$

Ou seja, $n = 4$. Assim podemos concluir que o n (4) é somado três vezes ($n-1$). Portanto, a somatória dos elementos abaixo da linha é:

$$(n-1).n$$

Também considerando que temos a soma invertida de duas sequências (1,2,3) e (3,2,1) e que queremos generalizar a soma de somente uma sequência, temos que dividir $(n-1).n$ por 2. ficando então:

$$\frac{n(n-1)}{2}$$

Essa formula representa a somatória dos elementos. Resolvendo, chegamos ao seguinte termo:

$$\frac{n^2 - n}{2}$$

Como n^2 representa a maior grandeza, temos $O(n^2)$ para o algoritmo bubblesort.

8. Para o algoritmo recursivo a seguir, determine o valor da chamada da função na segunda iteração.

```

1      int soma(int a, int b){
2          if (a == b)
3              return a;
4          else
5              return a + soma(a,b-1);
6      }
```

- a) Para os valores de 2 até 4

Solução:

Evolua o algoritmo até o final e verifique qual é o valor calculado quando ocorrer a segunda iteração (refazendo os passos recursivamente até alcançar a segunda chamada da função soma).

Resposta: 4.

9. Para o algoritmo recursivo a seguir, determine o valor da chamada da função na segunda iteração.

```

1      int multiplicacao(int a, int b){
2          if (a == b)
3              return a;
```

```
4         else
5             return (1+a) * multiplicacao(a,b-1);
6     }
```

a) Para os valores de 1 até 3

Solução:

Evolua o algoritmo até o final e verifique qual é o valor calculado quando ocorrer a segunda iteração (refazendo os passos recursivamente até alcançar a segunda chamada da função multiplicação).

Resposta: 2