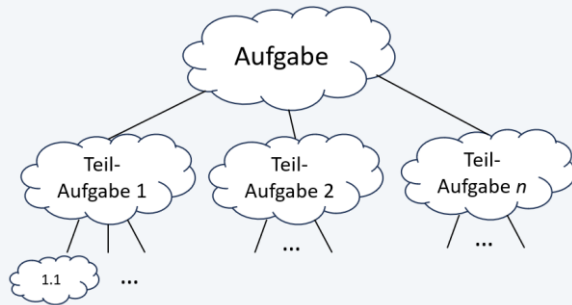


4 Entwurf von Algorithmen



4.1 Vorgehensmodell

4.2 Schrittweise Verfeinerung

4.3 Anwendungsbeispiel

4.1 Vorgehensmodell

Wir zerlegen im Sinne eines allgemeinen Vorgehensmodells den Entwurfs- und Implementierungsprozess für Algorithmen(systeme) in folgende Schritte:

1. Verschaffe dir Klarheit über die Aufgabenstellung
(Was ist gegeben, was ist gesucht?
Neben-, Ausnahme-, Umgebungsbedingungen, Beispiel-Szenarien)
z.B. was sind die größten, was die kleinsten Werte
2. Fülle eine Entscheidung über die Entwurfsstrategie
(z.B. schrittweise Verfeinerung)
3. Finde den grundsätzlichen Aufbau der Eingabeobjekte bzw. des Eingabestroms (Beispiele aus Schritt 1 verallgemeinern)
4. Definiere die Algorithmenschnittstelle(n)
(passender Name, Eingangs –und Ausgangsparameter)
5. Entwickle eine Lösungsidee für die jeweilige (Teil-)Aufgabe

Vorgehensmodell

6. Transformiere die Lösungsidee in eine algorithmische Form (z.B. in Pseudocode)
7. Überprüfe die Korrektheit der algorithmischen Form der Lösung (z.B. "Handsimulation", typische Prüfungen: Wurde allen Datenobjekten ein Wert zugewiesen, bevor sie benutzt wurden? Werden alle Ergebnisobjekte ermittelt?)
8. Beurteile die Qualität des Algorithmus und überarbeite ihn gegebenenfalls (Korrespondenz zur Lösungsidee, Schnittstelle, Datenobjekte, Ablaufstruktur; Strukturqualität, Eleganz und Verständlichkeit)
9. Transformiere den Algorithmus in ein Programm und überprüfe dessen syntaktische Korrektheit (Beachtung programmiersprachenspezifischer Abweichungen vom Entwurf)

Vorgehensmodell

- 10. Teste das den Algorithmus repräsentierende Programm
(statischer und dynamischer Test)
- 11. Vervollständige die Dokumentation des entworfenen Algorithmen-
/Programmsystems

4.2 Das Prinzip der schrittweisen Verfeinerung

Für den systematischen Algorithmenentwurf hat der Turing-Award-Preisträger (sowie Pascal-Designer) Niklaus Wirth das so genannte Prinzip der **schrittweisen Verfeinerung** (*stepwise refinement*) vorgeschlagen:

Zerlege eine Aufgabe in Teilaufgaben. Betrachte jede Teilaufgabe möglichst losgelöst von den anderen Teilaufgaben; zerlege sie weiter in Teilaufgaben, bis diese so einfach geworden sind, dass man dafür einen Algorithmus angeben kann.

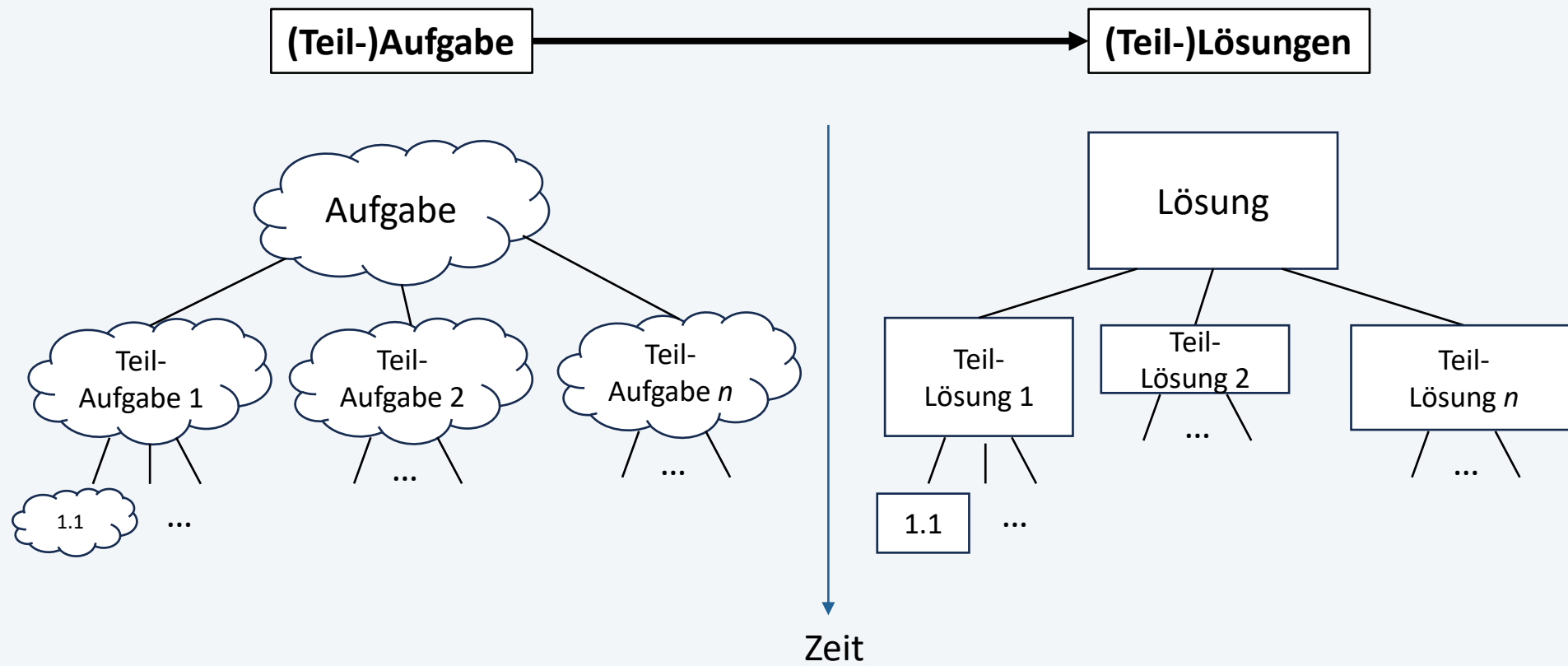


N. Wirth

Die Zerlegung bzw. Abstraktion steht im Vordergrund, Unterscheidung von Wesentlichen und Unwesentlichen, Zurückstellung von Details

Das Prinzip der schrittweisen Verfeinerung

(Teil-)Aufgaben und ihre (Teil-)Lösungen



4.3 Anwendungsbeispiel

Aufgabenstellung (informelle Spezifikation)

- Ein Strom von einlaufenden Mails¹ ist vor Verteilung zu statistischen und dokumentarischen Zwecken zu verarbeiten.
- Jede Mail wird durch die Zeichenfolge ++++ abgeschlossen. Der Mail-Strom ist beendet, wenn eine leere Mail, gefolgt von der Zeichenfolge ++++, eintrifft.
- Die Mails sollen ohne das abschließende ++++ zeilenweise mit max. 120 Zeichen pro Zeile auf einem Ausgabemedium ausgegeben werden.
- Außerdem sollen die Wörter jeder Mail gezählt werden; Wörter mit mehr als n Zeichen sollen zudem extra gezählt werden.
- Nach der Ausgabe einer Mail sollen auf einer neuen Zeile die Anzahlen der Wörter insgesamt und der Wörter mit mehr als n Zeichen ausgegeben werden.
- Das längste zugelassene Wort hat y Zeichen; längere Wörter sollen zum Abbruch des Dokumentationsalgorithmus führen.

¹ Die allgemeine Bezeichnung *Mail* steht z.B. für einen Tweet oder einen Werbetext, der wortweise abgerechnet wird.

Beispiel: Mailverarbeitung (Schritt 1)

Schritt 1: Verschaffe dir Klarheit über die Aufgabenstellung

Beispielszenario:

Gegeben:

- Als Inputparameter: n, y z. B. $n = 10, y = 50$
- Als sequentieller Inputstrom auf einem Inputmedium: z.B.

```
Die drei Bundeslaender mit den meisten Neuinfektionen sind uebrigens die drei  
mit vorgezogener Sperrstunde. ++++ Software ist der Geist in der Maschine.  
Sie steckt zum Beispiel in der Kaffeemaschine, im Auto und natuerlich in  
jedem Rechner: im Smartphone ebenso wie im Supercomputer. ++++ Das für  
Dienstag angesetzt gewesene Nachtragsspiel der ICE Hockey League zwischen den  
Bratislava Capitals und dem HC Bozen Suedtirol ist erneut verschoben worden.  
++++ ++++
```


Beispiel: Mailverarbeitung (Schritt 1)

Schritt 1 (Fortsetzung): Verschaffe dir Klarheit über die Aufgabenstellung

Gesucht:

Die drei Bundeslaender mit den meisten Neuinfektionen sind uebrigens die drei mit vorgezoge

14 Worte 4 Worte ueberlang

Software ist der Geist in der Maschine. Sie steckt zum Beispiel in der Kaffeemaschine, im A
Rechner: im Smartphone ebenso wie im Supercomputer.

27 Worte 2 Worte ueberlang

Das für Dienstag angesetzt gewesene Nachtragsspiel der ICE Hockey League zwischen den Brati
Bozen Suedtirol ist erneut verschoben worden.

23 Worte 1 Worte ueberlang

Beispiel: Mailverarbeitung (Schritte 2 und 3)

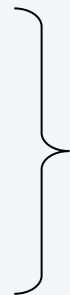
Schritt 2: Fälle eine Entscheidung über die Entwurfsstrategie
Entwurfsstrategie: Schrittweise Verfeinerung

Schritt 3: Finde den grundsätzlichen Aufbau der Eingabeobjekte bzw. des Eingabestroms (Beispiele aus Schritt 1 verallgemeinern)

Annahme: Mail-Strom auf Input-Gerät (sequentiell) und Ausgabe auf Output-Gerät

Aufbau (abstrakte Form) des zu verarbeitenden Datenstromes:

m m m |
m m |
m |
|



anders geschrieben: { m } |

{ } heißt: beliebig oft

m für Mail, *|* für leere Mail

Beispiel: Mailverarbeitung (Schritte 4, 5, 6)

Schritt 4: Definiere die Algorithmenschnittstelle(n)
(passender Name, Eingangs- und Ausgangsparameter)

```
ProcessMails( $\downarrow$ n: int  $\downarrow$ y: int)
```

Text selbst wird einfach per read eingelesen

Schritt 5: Entwickle eine Lösungsidee für die jeweilige (Teil-)Aufgabe

Lösungsidee für Gesamtaufgabe:

Lies (vom Input-Gerät) und wenn m gelesen, dann verarbeite m (zählen und Output produzieren), setze solange fort bis ein / (Leer-Mail) erkannt ist.

Schritt 6: Transformiere die Lösungsidee in eine algorithmische Form

```
ProcessMails( $\downarrow$ n: int  $\downarrow$ y: int)
  var empty: bool
begin
  repeat
    ReadAndProcessMail( $\downarrow$ n  $\downarrow$ y  $\uparrow$ empty)
  until empty
end ProcessMails
```

bricht ab, wenn Wort mit mehr als
 y Zeichen vorkommt

Nur eine Teilaufgabe wurde identifiziert (Zufall!).
Sie ist einfacher, als die Gesamtaufgabe (nur mehr
eine Mail ist zu bearbeiten).

Beispiel: Mailverarbeitung

Lösungsidee für Teilaufgabe ReadAndProcessMail (erste Verfeinerung):

- Aufbau (abstrakte Form) der zu verarbeitenden Mail:

$w \ w \ w \ \dots \ "++++"$

wenn *Mail* nicht leer

$"++++"$

wenn *Mail* leer



$\left. \begin{array}{l} \text{wenn Mail nicht leer} \\ \text{wenn Mail leer} \end{array} \right\} \{ w \} "++++"$

w für Wort

- Fortlaufend jeweils ein Wort w lesen und verarbeiten (ausgeben, zählen) usw. so lange, bis ein Wort mit dem Wert $"++++"$ identifiziert wird. Danach Ausgabe der Zählergebnisse und Feststellung ob das bearbeitete Mail leer war.
- Lösungsidee für verarbeitete Wort: Wort w ist gelesen. Prüfe ob relevantes Wort oder $"++++"$. Wenn relevantes Wort, dann Wort w drucken, zählen und wenn mehr als n Zeichen extra zählen.

Beispiel: Mailverarbeitung

Algorithmus für Teilaufgabe ReadAndProcessMail (erste Verfeinerung)

```
ReadAndProcessMail( $\downarrow$ n: int  $\downarrow$ y: int  $\uparrow$ empty: bool)
  type
    Word  abstrakter Typ, der erst später konkretisiert wird
  var
    word: Word
begin
  repeat
    ReadWord( $\downarrow$ y  $\uparrow$ word)  bricht ab, wenn Wort mit mehr als
    ProcessWord( $\downarrow$ word)          y Zeichen vorkommt
  until word = "++++"
  „gib Ergebnisse aus“
  „stelle Ausgangsparameter empty ein“
end ReadAndProcessMail
```

Beispiel: Mailverarbeitung

Algorithmus für Teilaufgabe ReadAndProcessMail (zweite Verfeinerung)

```
ReadAndProcessMail(↓n: int ↓y: int ↑empty: bool)
  type Word
  var word: Word; wCount, lwCount: int
begin
  wCount := 0; lwCount := 0
  repeat
    ReadWord(↓y ↑word)
    if word ≠ "++++" then
      PrintWord(↓word)
      wCount := wCount + 1
      if Length(↓word) > n then
        lwCount := lwCount + 1
      end
    end
  until word = "++++"
  if wCount > 0 then
    PrintResults(↓wCount ↓lwCount)
  end
  empty := (wCount = 0)
end ReadAndProcessMail
```

Verfeinerung für ProcessWord

Lösungsidee : Wort ist gelesen. Prüfe ob relevantes Wort oder "++++". Wenn relevantes Wort, dann Wort drucken, zählen und wenn mehr als n Zeichen extra zählen.

Drei neue Teilaufgaben wurden identifiziert und die Schnittstellen ihrer algorithm. Lösungen wurden festgelegt.

Beispiel: Mailverarbeitung

Lösungsidee für Teilaufgabe ReadWord

- Aufbau (abstrakte Form) der zu verarbeitenden Wörter:

$$\left. \begin{array}{l} \text{b b b} \dots \text{C C C} \dots \text{b} \dots \\ \text{C C C} \dots \text{b} \dots \end{array} \right\} \{ \text{b} \} \text{C} \{ \text{C} \} \text{b} \{ \text{b} \}$$

c für beliebiges Zeichen, b für Blank

- Eventuell vor einem Wort vorhandene (führende) Blanks überlesen und dann Wort zeichenweise aufbauen, d.h. Zeichen für Zeichen vom Inputmedium lesen, nach word übertragen, bis ein Wortende gefunden (= Blank tritt auf).
- Nebenbedingung: sind y Zeichen nach word übertragen und ist das vom Inputmedium zuletzt gelesene Zeichen kein Blank, so wird die Aktion beendet (Fehlermeldung und Stopp).

Beispiel: Mailverarbeitung

Algorithmus für Teilaufgabe ReadWord

```
ReadWord(↓y: int ↑word: Word)
  var
    firstChar: char
  begin
    SkipBlanks(↑firstChar)
    FillWord(↓firstChar ↓y ↑word)
  end ReadWord
```

firstChar enthält das erste Zeichen eines Wortes

bricht ab wenn wort zu lang wird

Verfeinerung von SkipBlanks

(trivial, daher keine verbal formul. Lösungsidee)

```
SkipBlanks(↑c: char)
begin
  repeat
    Read(↑c)
  until c ≠ ' '
end SkipBlanks
```

Wir gehen zunächst davon aus, dass die Mail-Struktur richtig ist, d. h. beim Lesen des Inputstromes kein Fehler auftritt.

Keine neuen abstrakten Operationen mehr eingeführt (Verfeinerungsende).

Beispiel: Mailverarbeitung

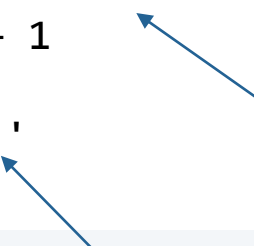
Lösungsidee für Teilaufgabe FillWord

- Das erste Zeichen des aufzubauenden Wortes wird vom aktivierenden Algorithmus übergeben und nach word übertragen.
- Danach soll jeweils ein Zeichen vom sequentiellen Inputstrom gelesen und geprüft werden, ob es relevant ist (\neq Blank). Wenn ja, wird das Zeichen, nachdem geprüft wurde, ob das Wort word nicht bereits die maximal zulässige Länge erreicht hat (wenn ja Fehlerstopp!), nach word übertragen. Dies wird so lange wiederholt, bis ein Wortende (Blank) gelesen wird.

Beispiel: Mailverarbeitung

Algorithmus für Teilaufgabe FillWord

```
FillWord(↓c: char ↓y: int ↑word: Word)
  var
    i: int -- aktuelle Anzahl der Zeichen von word
begin
  word := c; i := 1
  repeat
    Read(↑c)
    if c ≠ ' ' then
      if i = y then „Fehlerstopp“ return end
      word := word + c
      i := i + 1
    end
  until c = ' '
end FillWord
```



Konkatenationsoperator

Bemerkung: Diese Lösung setzt voraus, dass der Mail-Strom mit mindestens einem Blank abgeschlossen wird, d. h. hinter dem letzten "++++" mindestens ein Blank folgt.

Keine neuen abstrakten Operationen mehr eingeführt (Verfeinerungsende).

Beispiel: Mailverarbeitung

Lösungsidee Verfeinerung von PrintWord

Mit jedem Aufruf von `PrintWord` soll ein Wort (`word`) in der aktuellen Druckzeile ausgegeben werden, aber nur dann, wenn dadurch die Druckzeile nicht länger als 120 Zeichen wird.

Die aktuelle Länge der Druckzeile muss bei jedem Aufruf bekannt sein.

- (S1) Prüfe, ob eine neue Druckzeile begonnen werden muss. Wenn ja, veranlasse einen Zeilenvorschub, setze die aktuelle Zeilenlänge auf 0.
- (S2) Prüfe ob die aktuelle Zeilenlänge > 0 ist. Wenn ja, gib ein Worttrennzeichen (Blank) aus.
- (S3) Gib `word` aus und berechne die neue aktuelle Zeilenlänge.

Da wir bisher kein Konzept für persistente Variable eingeführt haben, müssen wir die aktuelle Zeilenlänge in Form eines Parameters realisieren.

Korrektur der Aufrufstelle erforderlich (großer Nachteil), siehe Seite 14

Beispiel: Mailverarbeitung

Algorithmus für Teilaufgabe ReadAndProcessMail (dritte Verfeinerung)

```
ReadAndProcessMail(↓n: int ↓y: int ↑empty: bool)
  type Word
  var word: Word; wCount, lwCount: int; lineLen: int
begin
  wCount := 0; lwCount := 0; lineLen := 0
  repeat
    ReadWord(↓y ↑word)
    if word ≠ "++++" then
      PrintWord(↓word ↓↑lineLen)
      wCount := wCount + 1
      if Length(↓word) > n then
        lwCount := lwCount + 1
      end
    end
  until word = "++++"
  if wCount > 0 then
    PrintResults(↓wCount ↓lwCount)
  end - if
  empty := (wCount = 0)
end ReadAndProcessMail
```

Die hier durchgeführte Korrektur der Aufrufstelle sowie Deklaration und Initialisierung des Datenobjekts `lineLen` (für Zeilenlänge) wurde durch die Verfeinerung `PrintWord` erforderlich.

Beispiel: Mailverarbeitung

Algorithmus Verfeinerung PrintWord

```
PrintWord(↓word: Word ↓↑lineLen: int)
begin
  assert  $0 \leq \text{lineLen}$  and  $\text{lineLen} \leq 120$ 
  if  $\text{lineLen} + 1 + \text{Length}(\downarrow\text{word}) > 120$  then
    WriteLn()
    lineLen := 0
  end
```

In der aktuellen Druckzeile sind lineLen Zeichen ausgegeben Position. lineLen enthält das letzte Zeichen des zuletzt ausgegebenen Wortes.

```
  assert  $0 \leq \text{lineLen}$  and  $\text{lineLen} \leq (120 - 1 - \text{Length}(\downarrow\text{word}))$ 
  if lineLen > 0 then
    Write(↓' ')
    lineLen := lineLen + 1
  end
  Write(↓ word)
  lineLen := lineLen + Length(↓ word)
end PrintWord
```

Wenn nicht erstes Wort einer Zeile, dann Worttrennung bilden (Blank ausgeben).

Beispiel: Mailverarbeitung

Verfeinerung von PrintResults

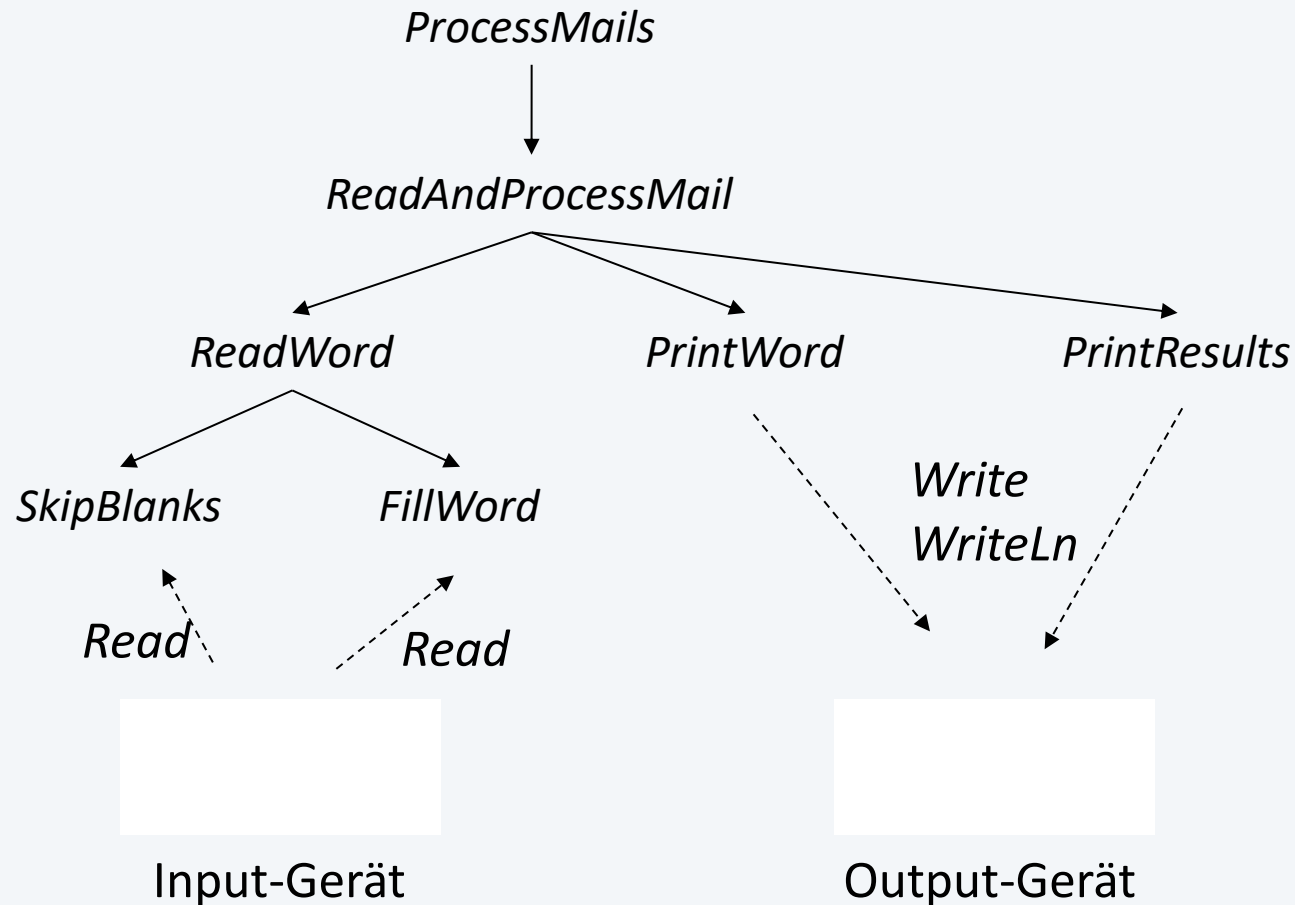
(trivial, daher keine verbal formulierte Lösungsidee)

```
PrintResults(↓wCount : int ↓lwCount : int)
begin
  WriteLn()
  Write(↓wCount ↓" Worte " ↓lwCount ↓" Worte überlang")
  WriteLn()
end PrintResults
```

Keine neuen abstrakten Operationen mehr
eingeführt (Verfeinerungsende).

Beispiel: Mailverarbeitung

Übersicht Entwurfsergebnis: Algorithmensystem



Beispiel: Mailverarbeitung

Nun ist das Verfeinerungsende erreicht!

- Nur mehr die elementaren Aktionen `Read`, `Write`, `WriteLn`, `Length` und der Typ `Word` sind noch nicht verfeinert.
- Es wird angenommen, dass der vorgesehene Prozessor die entsprechenden Aktionen interpretieren und ausführen kann.
- Dem Typ `Word` ordnen wir zweckmäßigerweise den Standardtyp `string` (mit expliziter Längenbeschränkung auf 119 Zeichen) zu.

Auffälligkeit:

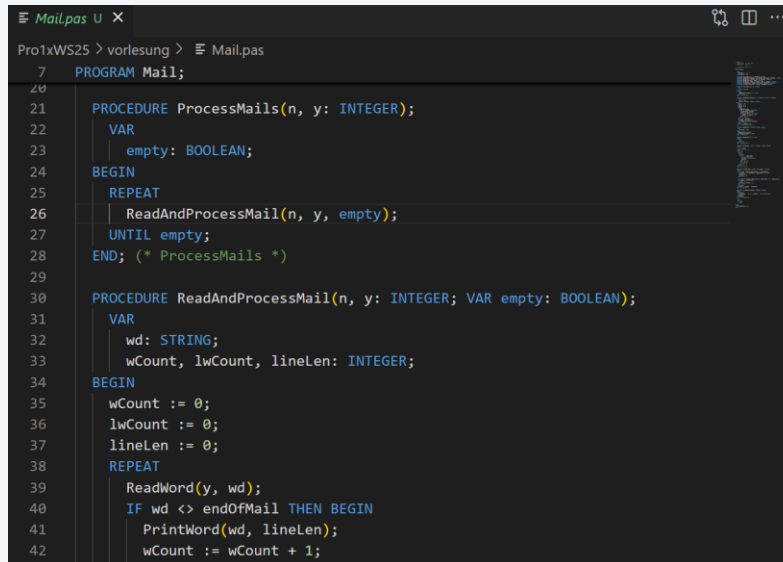
Die aktuelle Zeilenlänge ist ein Übergangsparameter (unschön!!!) und muss auch von `ReadAndProcessMail` behandelt werden, obwohl dort nicht wesentlich (Abhilfe siehe Kapitel 5)

Beispiel: Mailverarbeitung

Schritt 9: Transformiere den Algorithmus in ein Programm und überprüfe dessen syntaktische Korrektheit

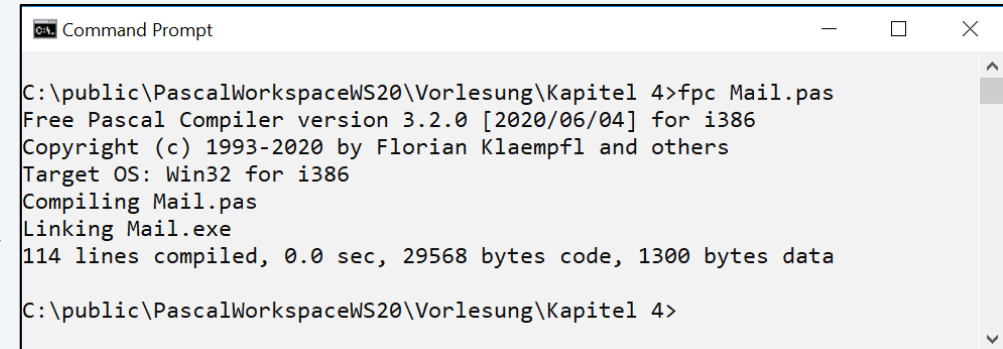
WORD ist auch ein 2-Byte Integer Datentyp

Variable word wird in wd umbenannt, da WORD ein vordefinierter Datentyp ist.

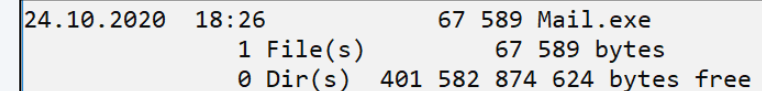


```
7 PROGRAM Mail;
21 PROCEDURE ProcessMails(n, y: INTEGER);
22   VAR
23     empty: BOOLEAN;
24   BEGIN
25     REPEAT
26       ReadAndProcessMail(n, y, empty);
27     UNTIL empty;
28   END; (* ProcessMails *)
29
30 PROCEDURE ReadAndProcessMail(n, y: INTEGER; VAR empty: BOOLEAN);
31   VAR
32     wd: STRING;
33     wCount, lwCount, lineLen: INTEGER;
34   BEGIN
35     wCount := 0;
36     lwCount := 0;
37     lineLen := 0;
38     REPEAT
39       ReadWord(y, wd);
40       IF wd <> endOfMail THEN BEGIN
41         PrintWord(wd, lineLen);
42         wCount := wCount + 1;
```

Auch ein Zeilenumbruch zählt als Zeichen



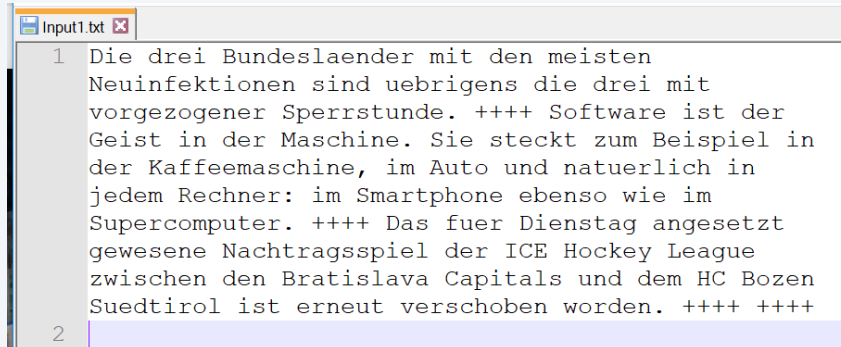
```
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>fpc Mail.pas
Free Pascal Compiler version 3.2.0 [2020/06/04] for i386
Copyright (c) 1993-2020 by Florian Klaempfl and others
Target OS: Win32 for i386
Compiling Mail.pas
Linking Mail.exe
114 lines compiled, 0.0 sec, 29568 bytes code, 1300 bytes data
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>
```



24.10.2020	18:26	67 589 Mail.exe
	1 File(s)	67 589 bytes
	0 Dir(s)	401 582 874 624 bytes free

Beispiel: Mailverarbeitung

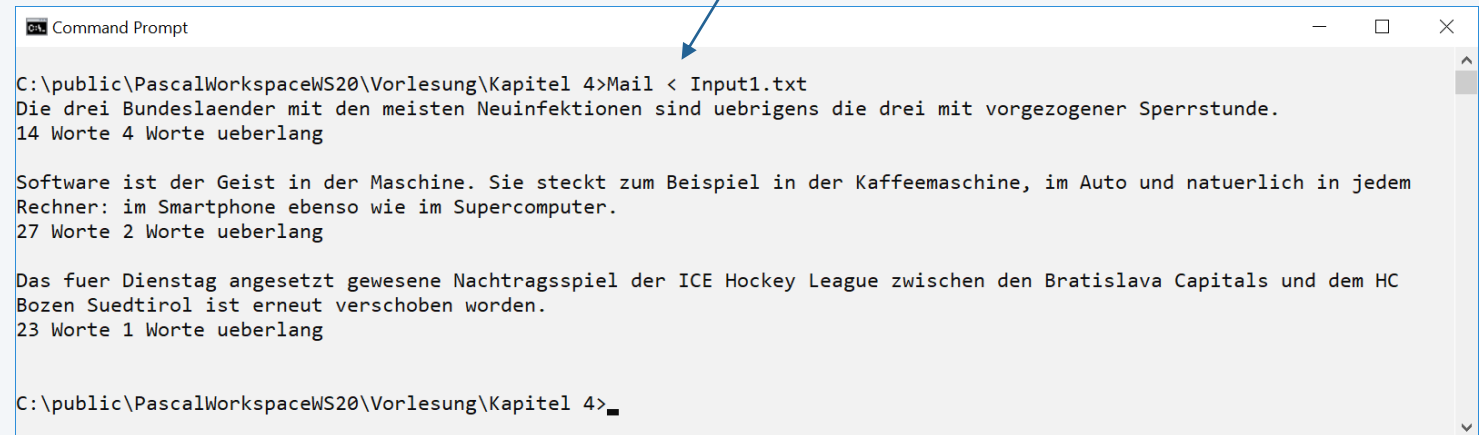
Schritt 10: Teste das den Algorithmus repräsentierende Programm (statischer und dynamischer Test)



Input1.txt

```
1 Die drei Bundeslaender mit den meisten  
Neuinfektionen sind uebrigens die drei mit  
vorgezogener Sperrstunde. ++++ Software ist der  
Geist in der Maschine. Sie steckt zum Beispiel in  
der Kaffeemaschine, im Auto und natuerlich in  
jedem Rechner: im Smartphone ebenso wie im  
Supercomputer. ++++ Das fuer Dienstag angesetzt  
gewesene Nachtragsspiel der ICE Hockey League  
zwischen den Bratislava Capitals und dem HC Bozen  
Suedtirol ist erneut verschoben worden. ++++ ++++  
2
```

Leitet Text aus der Datei Input1.txt auf die Standardeingabe des Mail-Programms um.



Command Prompt

```
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>Mail < Input1.txt  
Die drei Bundeslaender mit den meisten Neuinfektionen sind uebrigens die drei mit vorgezogener Sperrstunde.  
14 Worte 4 Worte ueberlang  
  
Software ist der Geist in der Maschine. Sie steckt zum Beispiel in der Kaffeemaschine, im Auto und natuerlich in jedem  
Rechner: im Smartphone ebenso wie im Supercomputer.  
27 Worte 2 Worte ueberlang  
  
Das fuer Dienstag angesetzt gewesene Nachtragsspiel der ICE Hockey League zwischen den Bratislava Capitals und dem HC  
Bozen Suedtirol ist erneut verschoben worden.  
23 Worte 1 Worte ueberlang  
  
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>
```

Beispiel: Mailverarbeitung

Schritt 10: Teste das den Algorithmus repräsentierende Programm (statischer und dynamischer Test)

```
Command Prompt
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>Mail
eins zwei drei +++ vier +++
eins zwei drei
3 Worte 0 Worte ueberlang

vier
1 Worte 0 Worte ueberlang

C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>_
```

```
Command Prompt
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>Mail
++++
++++

C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>
```

```
Command Prompt
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>Mail
eins +++
eins
1 Worte 0 Worte ueberlang

C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>
```

```
Command Prompt
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>Mail
1234567890 1234567890A 123456789 +++
1234567890 1234567890A 123456789
3 Worte 1 Worte ueberlang

C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>_
```

```
Command Prompt
C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>Mail
Kraftfahrzeug-Haftpflichtversicherung-Arbeiterunfallversicherungsgesetz +++
Fehlerstopp

C:\public\PascalWorkspaceWS20\Vorlesung\Kapitel 4>_
```

Beispiel: Mailverarbeitung

Schritt 11: Vervollständige die Dokumentation des entworfenen Algorithmen-/Programmsystems

- Annahmen: Es wird angenommen, dass der Inputstrom s syntaktisch korrekt ist und daher folgendes gilt:

$s = \{ m \} | \text{ } \{ \text{beliebig oft} \}$

$m = \{ w \} "++++"$

$w = \{ \text{ } \} c \{ c \} \text{ } \{ \text{ } \}$

$| = "++++"$

c ein Zeichen aus dem zu verwendenden Zeichensatz

- Andernfalls müsste der Inputstrom vor der Verarbeitung auf syntaktische Korrektheit geprüft und ggf. zurückgewiesen oder korrigiert werden.