## Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет информационных технологий, механикии оптики





Группа: К3120 К работе допущен:

Студент: Скворцов И.В. Работа выполнена:

Преподаватель: Попов А. С. Отчет принят:

# Рабочий протокол и отчёт по лабораторной работе №1.04

## Исследование равноускоренного вращательного движения

(маятник Обербека)

### 1. Цель работы.

- 1. Проверить основной закон динамики вращений.
- 2. Проверить зависимость момента инерции от положения масс относительно оси вращения.

#### 2. Задачи.

- 1. Измерить время падения груза при разной массе груза и разном положении утяжелителей на крестовине.
- 2. Расчет ускорение груза, углового ускорения крестовины и моменты сила натяжения нити.
- 3. Расчет момента инерции крестовины с утяжелителями и момента силы трения.
- 4. Исследование зависимости момента силы натяжения нити от углового ускорения. Проверка основного закона динамики вращения.

5. Исследование зависимости момента инерции от положения масс относительно оси вращения. Проверка теоремы Штейнера.

#### 3. Объект исследования

Равноускоренное вращательное движение маятника Обербека.

### 4. Метод экспериментального исследования.

Эмпирический лабораторный экспериментальный

## 5. Рабочие формулы и исходные данные.

Ускорение груза:

$$a = \frac{2 * h}{t^2} \tag{1}$$

Ускорение крестовины:

$$\varepsilon = \frac{2*a}{d} \tag{2}$$

Сила натяжения нити:

$$T = m(g - a) (3)$$

Момент силы натяжения нити:

$$M = \frac{md}{2}(g - a) \tag{4}$$

Основной закон динамики вращения крестовины:

$$I\varepsilon = M - M_{Tp} \tag{5}$$

Момент инерции крестовины:

$$I = I_0 + 4m_{YT}R^2 (6)$$

Расстояние между осью вращения и центром утяжелителя:

$$R = l_1 + (n-1)l_0 + 0.5b (7)$$

## 6. Измерительные приборы

Таблица 1 — Измерительные приборы.

| № и/п | Наименование         | Тип прибора | Используемый | Погрешность |
|-------|----------------------|-------------|--------------|-------------|
|       |                      |             | диапазон     | прибора     |
| 1     | Линейка на вертикали | Цифровой    | [0; 700], мм | 0.5, мм     |
| 2     | Секундомер цифровой  | Цифровой    | [0; 60], c   | 0.0005, c   |

## 7. Схема установки

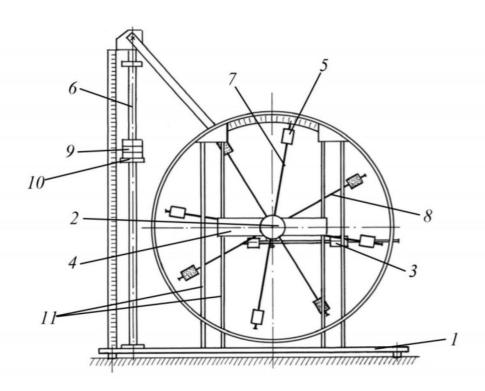


Рис. 2. Стенд лаборатории механики (общий вид): I — основание; 2 — рукоятка сцепления крестовин; 3 — устройство принудительного трения; 4 — поперечина; 5 — груз крестовины; 6 — трубчатая направляющая; 7 — передняя крестовина; 8 — задняя крестовина; 9 — шайбы каретки; 10 — каретка; 11 — система передних стоек.

Рисунок 1 — Схема экспериментальной установки

## 8. Результаты прямых измерений и их обработка.

| Macca           |         | По      | ложение | утяжелит | еля     |          |
|-----------------|---------|---------|---------|----------|---------|----------|
| груза, г        | 1 риска | 2 риска | 3 риска | 4 риска  | 5 риска | 6 риска  |
|                 | 4.522   | 5.339   | 6.152   | 7.275    | 8.184   | 11.587   |
| $267.0 \pm 1.0$ | 4.673   | 5.289   | 6.303   | 7.118    | 7.269   | 12.152   |
| $207.0 \pm 1.0$ | 4.779   | 5.133   | 6.252   | 6.814    | 8.385   | 9.917    |
|                 | 4.658   | 5.25367 | 6.23567 | 7.069    | 7.946   | 11.21867 |
|                 | 3.001   | 3.864   | 4.522   | 4.884    | 6.408   | 6.867    |
| $487.0 \pm 1.5$ | 3.509   | 3.813   | 4.728   | 5.084    | 6.458   | 6.712    |
| $407.0 \pm 1.0$ | 3.505   | 3.711   | 4.678   | 5.184    | 5.847   | 6.73     |
|                 | 3.3383  | 3.796   | 4.64267 | 5.05067  | 6.23767 | 6.76967  |
|                 | 2.593   | 3.204   | 3.712   | 4.168    | 4.676   | 5.591    |
| $707.0 \pm 2.0$ | 2.643   | 3.155   | 3.41    | 3.916    | 4.879   | 5.562    |
| 101.0 ± 2.0     | 2.545   | 3.053   | 3.505   | 4.526    | 4.625   | 5.543    |
|                 | 2.59367 | 3.1373  | 3.5423  | 4.203    | 4.7267  | 5.5653   |
|                 | 2.136   | 2.593   | 3.559   | 3.456    | 4.173   | 4.473    |
| $927.0 \pm 2.5$ | 2.137   | 2.594   | 3.203   | 3.51     | 4.17    | 4.83     |
| $941.0 \pm 2.0$ | 2.135   | 2.492   | 3.001   | 3.459    | 4.218   | 4.47     |
|                 | 2.136   | 2.55967 | 3.254   | 3.475    | 4.187   | 4.591    |

Таблица 2 — Протокол измерений времени падения груза при разной массе груза и разном положении утяжелителей на крестовине

## 9. Расчет результатов косвенных измерений.

1) Пример вычисления значения  $t_{cp}$  для 1 риски и массы груза 267г:

$$t_{cp} = \frac{4.522 + 4.673 + 4.779}{3} = (4.658), c$$

2)  $\Delta t$  для первого значения  $t_{cp}$ :

$$\Delta t = 0.321, \ c$$

3) Рассчитаем ускорение  $\alpha$ , угловое ускорение  $\varepsilon$  и момента M силы натяжения нити.

| $\alpha$ , $M/c^2$ | 1 риска   | 2 риска     | 3 риска   | 4 риска   | 5 риска   | 6 риска  |
|--------------------|-----------|-------------|-----------|-----------|-----------|----------|
| 1 груз             | 0.0645251 | 0.0507227   | 0.0360049 | 0.0280163 | 0.022173  | 0.011123 |
| 2 груза            | 0.1256228 | 0.097157343 | 0.0649520 | 0.0548820 | 0.03598   | 0.030548 |
| 3 груза            | 0.2081132 | 0.1422350   | 0.111570  | 0.0792392 | 0.06266   | 0.045200 |
| 4 груза            | 0.3068495 | 0.2136786   | 0.1322187 | 0.1159360 | 0.0798586 | 0.066422 |

 $\overline{\text{Таблица 3}} - \overline{\text{Значение } \alpha}$  ускорение груза

| $\varepsilon$ , рад $/c^2$ | 1 риска  | 2 риска  | 3 риска     | 4 риска     | 5 риска  | 6 риска |
|----------------------------|----------|----------|-------------|-------------|----------|---------|
| 1 груз                     | 2.805441 | 2.205338 | 1.565432755 | 1.218103627 | 0.964057 | 0.48363 |
| 2 груз                     | 5.461862 | 4.224232 | 2.824003255 | 2.386177717 | 1.564429 | 1.32820 |
| 3 груз                     | 9.048401 | 6.184133 | 4.850889122 | 3.445184907 | 2.724521 | 1.96525 |
| 4 груз                     | 13.34128 | 9.290377 | 5.748639868 | 5.040696876 | 3.472116 | 2.88792 |

Таблица 4 — Значение  $\varepsilon$  углового ускорения

| М, Н*м | 1 риска   | 2 риска     | 3 риска   | 4 риска   | 5 риска  | 6 риска  |
|--------|-----------|-------------|-----------|-----------|----------|----------|
| 1 груз | 0.0597855 | 0.059870311 | 0.0599606 | 0.0600097 | 0.060045 | 0.060113 |
| 2 груз | 0.1083626 | 0.108681541 | 0.1090422 | 0.1091550 | 0.109367 | 0.109427 |
| 3 груз | 0.1559736 | 0.157044915 | 0.1575435 | 0.1580692 | 0.158338 | 0.158622 |
| 4 груз | 0.2024037 | 0.204389957 | 0.2061267 | 0.2064739 | 0.207243 | 0.207529 |

Таблица 5 — Значение M момента сила натяжения нити

4) Рассчитаем погрешность для первых значений  $\varepsilon, \alpha, M$ :

$$\Delta a = 0.00087, \, \text{м}/c^2 \quad \varepsilon_a = 1.35\% \quad \alpha = 0.95$$
  $\Delta \varepsilon = 0.0943, \, \text{рад}/c^2 \quad \varepsilon_\varepsilon = 3.37\% \quad \alpha = 0.95$   $\Delta M = 0.00068, \, \text{H*}_{\text{M}} \quad \varepsilon_M = 1.1\% \quad \alpha = 0.95$ 

5) С помощью метода наименьших квадратов вычислим момент I инерции крестовины с утяжелителями и момент силы трения  $M_{Tp}$  для каждого положения утяжелителя.

|          | 1 риска | 2 риска | 3 риска | 4 риска | 5 риска | 6 риска |
|----------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| $M_{Tp}$ | 0.0293  | 0.0204  | 0.0104  | 0.0166  | 0.0122  | 0.0121  |
| I        | 0.0133  | 0.0204  | 0.0327  | 0.0386  | 0.0557  | 0.0558  |

Таблица 6 — Значения  $M_{Tp}$  и I, полученные с помощью МНК

6) Посчитаем  $R^2$  и занесем в таблицу.

|     | 1 риска  | 2 риска   | 3 риска   | 4 риска   | 5 риска   | 6 риска   |
|-----|----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|
| R   | 0.0485   | 0.0735    | 0.086     | 0.0985    | 0.111     | 0.1235    |
| R^2 | 0.002352 | 0.005402  | 0.0073    | 0.009702  | 0.0123    | 0.015252  |
| I   | 0.013350 | 0.0204633 | 0.0327528 | 0.0386421 | 0.0557029 | 0.0558086 |

Таблица 7 — Таблица со значениями  $R, R^2, I$ 

7) На основе вышеприведенных данных, с помощью мнк найдем  $m_{YT}$  и  $I_0$  из зависимости  $I=I_0+4m_{YT}R^2$ . Посчитаем их погрешность.

$$m_{YT}=0.9175,$$
 кг 
$$\Delta m_{yt}=0.5S_b=0.206,$$
 кг  $\epsilon_{m_{YT}}=22\%$  
$$I_0=0.0041,~\mathrm{H^*M}$$
 
$$\Delta I_0=2S_a=0.000802,~\mathrm{H^*M}$$
  $\epsilon_{I_0}=19.6\%$ 

## 10. Графики

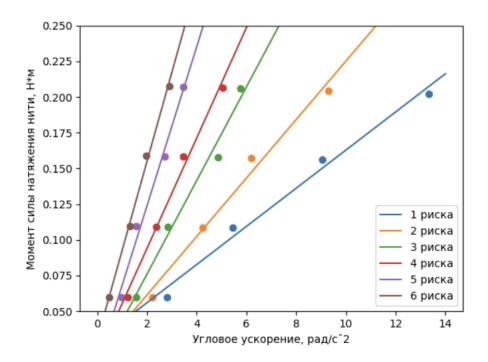


Рисунок 2 — График зависимости  $M(\varepsilon)$ 

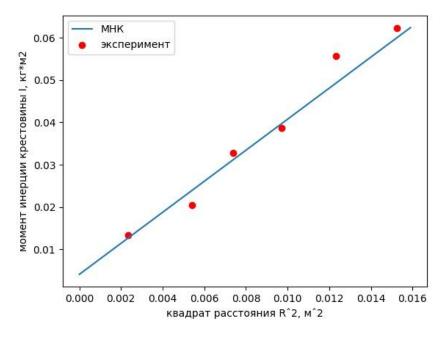


Рисунок 3 — График зависимости  $I(\mathbb{R}^2)$ 

#### 11. Окончательные результаты

$$lpha = (0.0645 \pm 0.0009) \ {\rm M}/c^2; \quad \varepsilon_{lpha} = 1.35\%; \quad \alpha = 0.95.$$
  $\varepsilon = (2.81 \pm 0.09) \ {\rm pag}/c^2; \quad \varepsilon_{\varepsilon} = 3.37\%; \quad \alpha = 0.95.$   $M = (0.0598 \pm 0.0007) \ {\rm H^*M}; \quad \varepsilon_M = 1.1\%; \quad \alpha = 0.95.$   $m_{YT} = (0.92 \pm 0.21) \ {\rm Kr}; \quad \varepsilon_{m_{YT}} = 22\%; \quad \alpha = 0.95.$ 

 $I_0 = (0.0041 \pm 0.0008) \text{ kg*m^2}; \quad \varepsilon_{I_0} = 19.6\%; \quad \alpha = 0.95.$ 

#### 12. Выводы и анализ результатов работы

В ходе лабораторной работы был подвергнут проверке основной закон динамики вращения. Анализ график зависимости  $M(\varepsilon)$  позволяет сделать сделать вывод, что зависимость является линейной, полученные экспериментальные значения совпадают с теоретическими в пределах погрешности. Рассматривая график зависимости  $I(R^2)$  можно убедиться в предположении, что момент инерции прямо пропорционален квадрату расстояния до утяжелителей.