TOP SECRET!!! Сдай листок или съешь его!!! ФМТ: Тур 5 Разбор задач. Обычные столы. Рубрика анекдот тура

Британские ученые выяснили, что если оттянуть яйца до колен, то в первую очередь порвутся голосовые связки.

1. Роме Лисину приснилось неравенство $x^2 + xy + y^2 \le 0$. Найди все возможные x и y.

Ответ:

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Ответ:

3. Мяч свободно падает с высоты h=15 м на горизонтальную поверхность. При каждом отскоке его скорость уменьшается в n=2 раза. Найти путь, пройденный мячом до полной остановки.

Кинитическая энергия после каждого удара будет уменьшатся в n^2 = 4 раза (так как v/n). Значит потенциальная энергия в верхней точке тоже будет уменьшаться в n^2 раз, как и высота. Таким образом путь

$$S = \sum_{k=0}^{\infty} h \left(\frac{1}{n^2} \right)^k = h \frac{1}{1 - \frac{1}{n^2}} = h \frac{n^2}{n^2 - 1} = 20 \text{ M}$$

Ответ: 20 м

4. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{o}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.

Пусть m_1 - масса изначальной воды, m_2 - масса долитой воды. Уравнения теплового обмена: $m_1 \cdot 100 + m_2 \cdot T_{_{\rm B}} = (m_1 + m_2) \cdot 88$. Нагрев воды за 5 минут $Q_5 = c(m_1 + m_2) \cdot 12$, за 30 минут $Q_{30} = cm_1(100 - T_{_{\rm B}})$. Так как $Q_{30} = 6Q_5$, тогда

$$\begin{cases} m_1 \cdot 12 + m_2 (T_{_{\rm B}} - 88) = 0 \\ m_1 (T_{_{\rm B}} - 28) + 72 m_2 \end{cases}$$

Откуда $T_{\rm B}^2$ – $166T_{\rm B}$ + 1600 = 0. Откуда решение $T_{\rm B}$ = $16^{\rm o}C$ или $T_{\rm B}$ = $100^{\rm o}C$.

Ответ: 16°С

TOP SECRET!!! Сдай листок или съешь его!!! ФМТ: Тур 5 Разбор задач. Обычные столы. Рубрика анекдот тура

Британские ученые выяснили, что если оттянуть яйца до колен, то в первую очередь порвутся голосовые связки.

1. Роме Лисину приснилось неравенство $x^2 + xy + y^2 \le 0$. Найди все возможные x и y.

Ответ:

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Ответ:

3. Мяч свободно падает с высоты h=15 м на горизонтальную поверхность. При каждом отскоке его скорость уменьшается в n=2 раза. Найти путь, пройденный мячом до полной остановки.

Кинитическая энергия после каждого удара будет уменьшатся в n^2 = 4 раза (так как v/n). Значит потенциальная энергия в верхней точке тоже будет уменьшаться в n^2 раз, как и высота. Таким образом путь

$$S = \sum_{k=0}^{\infty} h \left(\frac{1}{n^2} \right)^k = h \frac{1}{1 - \frac{1}{n^2}} = h \frac{n^2}{n^2 - 1} = 20 \text{ M}$$

Ответ: 20 м

4. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{o}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.

Пусть m_1 - масса изначальной воды, m_2 - масса долитой воды. Уравнения теплового обмена: $m_1 \cdot 100 + m_2 \cdot T_{_{\rm B}} = (m_1 + m_2) \cdot 88$. Нагрев воды за 5 минут $Q_5 = c(m_1 + m_2) \cdot 12$, за 30 минут $Q_{30} = cm_1(100 - T_{_{\rm B}})$. Так как $Q_{30} = 6Q_5$, тогда

$$\begin{cases} m_1 \cdot 12 + m_2 (T_{_{\rm B}} - 88) = 0 \\ m_1 (T_{_{\rm B}} - 28) + 72 m_2 \end{cases}$$

Откуда $T_{\rm B}^2$ – $166T_{\rm B}$ + 1600 = 0. Откуда решение $T_{\rm B}$ = $16^{\rm o}C$ или $T_{\rm B}$ = $100^{\rm o}C$.

Ответ: 16°С

TOP SECRET!!! Сдай листок или съешь его!!!

ΦMT: Typ 5

Разбор задач. top-3 столы.

Рубрика **анекдот** тура

Британские ученые выяснили, что если оттянуть яйца до колен, то в первую очередь порвутся голосовые связки.

1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Ответ:

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.

Ответ:

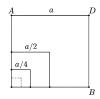
3. Мяч свободно падает с высоты h=15 м на горизонтальную поверхность. При каждом отскоке его скорость уменьшается в n=2 раза. Найти путь, пройденный мячом до полной остановки.

Кинитическая энергия после каждого удара будет уменьшатся в n^2 = 4 раза (так как v/n). Значит потенциальная энергия в верхней точке тоже будет уменьшаться в n^2 раз, как и высота. Таким образом путь

$$S = \sum_{k=0}^{\infty} h \left(\frac{1}{n^2}\right)^k = h \frac{1}{1 - \frac{1}{n^2}} = h \frac{n^2}{n^2 - 1} = 20 \text{ M}$$

Ответ: 20 м

4. Найдите сопротивление цепи между точками A и B, если сопротивление отрезка провода между A и D равно R, все фигуры на рисунке являются квадратами, которых бесконечно много. Стороны квадратов соотносятся как показано на рисунке.



Заменить квадраты меньше на $\frac{R_{
m ofu}}{2}$, тогда:

$$\frac{1}{R_{\text{oбw}}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R + \frac{1}{2}R_{\text{ofw}}}$$

Решение этого уравнения ведет к результату: $R_{\text{общ}} = 2\left(\sqrt{2} - 1\right)R$

Ответ: $2(\sqrt{2} - 1)R$

Британские ученые выяснили, что если оттянуть яйца до колен, то в первую очередь порвутся голосовые связки.

1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Ответ:

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.

Ответ:

3. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{o}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.

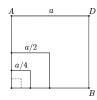
Пусть m_1 - масса изначальной воды, m_2 - масса долитой воды. Уравнения теплового обмена: $m_1 \cdot 100 + m_2 \cdot T_{_{\rm B}} = (m_1 + m_2) \cdot 88$. Нагрев воды за 5 минут $Q_5 = c(m_1 + m_2) \cdot 12$, за 30 минут $Q_{30} = cm_1(100 - T_{_{\rm B}})$. Так как $Q_{30} = 6Q_5$, тогда

$$\begin{cases} m_1 \cdot 12 + m_2 (T_B - 88) = 0 \\ m_1 (T_B - 28) + 72 m_2 \end{cases}$$

Откуда $T_{\rm B}^2 - 166T_{\rm B} + 1600 = 0$. Откуда решение $T_{\rm B} = 16^{\circ}C$ или $T_{\rm B} = 100^{\circ}C$.

Ответ: 16°*C*

4. Найдите сопротивление цепи между точками A и B, если сопротивление отрезка провода между A и D равно R, все фигуры на рисунке являются квадратами, которых бесконечно много. Стороны квадратов соотносятся как показано на рисунке.



Заменить квадраты меньше на $\frac{R_{\text{общ}}}{2}$, тогда:

$$\frac{1}{R_{\text{oбw}}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R + \frac{1}{2}R_{\text{ofw}}}$$

Решение этого уравнения ведет к результату: $R_{\text{обы}} = 2(\sqrt{2} - 1)R$

Ответ: $2(\sqrt{2} - 1)R$

TOP SECRET!!! Судейский экземпляр!!!

ΦMT: Typ 5

Обычные столы

За одну итерацию оппонирования можно получить максимум 1 балл. Вольные стрелки приносят команде от 0 до 3 баллов. Штрафы за выход за три минуты при решении своей задачи: от 0 до 30 секунд — 1 балл штрафа, от 30 до 60 секунд — 2 балла штрафа и далее 3 балла штрафа. Вольные стрелки не могут заявлять одну задачу более одного раза.

1. Роме Лисину приснилось неравенство $x^2 + xy + y^2 \le 0$. Найди все возможные x и y.

Ответ:

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Ответ:

3. Мяч свободно падает с высоты h=15 м на горизонтальную поверхность. При каждом отскоке его скорость уменьшается в n=2 раза. Найти путь, пройденный мячом до полной остановки.

Кинитическая энергия после каждого удара будет уменьшатся в n^2 = 4 раза (так как v/n). Значит потенциальная энергия в верхней точке тоже будет уменьшаться в n^2 раз, как и высота. Таким образом путь

$$S = \sum_{k=0}^{\infty} h \left(\frac{1}{n^2} \right)^k = h \frac{1}{1 - \frac{1}{n^2}} = h \frac{n^2}{n^2 - 1} = 20 \text{ M}$$

Ответ: 20 м

4. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{o}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.

Пусть m_1 - масса изначальной воды, m_2 - масса долитой воды. Уравнения теплового обмена: $m_1 \cdot 100 + m_2 \cdot T_{\rm B} = (m_1 + m_2) \cdot 88$. Нагрев воды за 5 минут $Q_5 = c(m_1 + m_2) \cdot 12$, за 30 минут $Q_{30} = cm_1(100 - T_{\rm B})$. Так как $Q_{30} = 6Q_5$, тогда

$$\begin{cases} m_1 \cdot 12 + m_2 (T_{_{\rm B}} - 88) = 0 \\ m_1 (T_{_{\rm B}} - 28) + 72 m_2 \end{cases}$$

Откуда $T_{\rm g}^2$ – $166T_{\rm g}$ + 1600 = 0. Откуда решение $T_{\rm g}$ = $16^{o}C$ или $T_{\rm g}$ = $100^{o}C$.

Ответ: 16°С



ФМТ: Typ 5 КЛШ 50

- 1. Роме Лисину приснилось неравенство $x^2 + xy + y^2 \le 0$. Найди все возможные x и y.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.
- 3. Мяч свободно падает с высоты h=15 м на горизонтальную поверхность. При каждом отскоке его скорость уменьшается в n=2 раза. Найти путь, пройденный мячом до полной остановки.
- 4. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{\circ}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.



ΦMT: Typ 5

КЛШ 50

- 1. Роме Лисину приснилось неравенство $x^2 + xy + y^2 \le 0$. Найди все возможные x и y.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.
- 3. Мяч свободно падает с высоты h=15 м на горизонтальную поверхность. При каждом отскоке его скорость уменьшается в n=2 раза. Найти путь, пройденный мячом до полной остановки.
- 4. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{\circ}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.

TOP SECRET!!! Судейский экземпляр!!!

ΦΜΤ: Тур 5

top-3 столы

За одну итерацию оппонирования можно получить максимум 1 балл. Вольные стрелки приносят команде от 0 до 3 баллов. Штрафы за выход за три минуты при решении своей задачи: от 0 до 30 секунд — 1 балл штрафа, от 30 до 60 секунд — 2 балла штрафа и далее 3 балла штрафа. Вольные стрелки не могут заявлять одну задачу более одного раза.

1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Ответ:

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.

Ответ:

3. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{o}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.

Пусть m_1 - масса изначальной воды, m_2 - масса долитой воды. Уравнения теплового обмена: $m_1 \cdot 100 + m_2 \cdot T_{_{\rm B}} = (m_1 + m_2) \cdot 88$. Нагрев воды за 5 минут $Q_5 = c(m_1 + m_2) \cdot 12$, за 30 минут $Q_{30} = cm_1(100 - T_{_{\rm B}})$. Так как $Q_{30} = 6Q_5$, тогда

$$\begin{cases} m_1 \cdot 12 + m_2 (T_B - 88) = 0 \\ m_1 (T_B - 28) + 72 m_2 \end{cases}$$

Откуда $T_{\rm B}^2$ – $166T_{\rm B}$ + 1600 = 0. Откуда решение $T_{\rm B}$ = 16^oC или $T_{\rm B}$ = 100^oC .

Ответ: 16°*C*

4. Найдите сопротивление цепи между точками A и B, если сопротивление отрезка провода между A и D равно R, все фигуры на рисунке являются квадратами, которых бесконечно много. Стороны квадратов соотносятся как показано на рисунке.



Заменить квадраты меньше на $\frac{R_{\text{обы}}}{2}$, тогда:

$$\frac{1}{R_{\text{o6}\mu}} = \frac{1}{2R} + \frac{1}{R + \frac{1}{2}R_{\text{o6}\mu}}$$

Решение этого уравнения ведет к результату: $R_{\text{общ}} = 2\left(\sqrt{2} - 1\right)R$

Ответ: $2(\sqrt{2} - 1)R$



КЛШ 50

- 1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.
- 3. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{\circ}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.
- 4. Найдите сопротивление цепи между точками A и B, если сопротивление отрезка провода между A и D равно R, все фигуры на рисунке являются квадратами, которых бесконечно много. Стороны квадратов соотносятся как показано на рисунке.





ΦMT: Typ 5

КЛШ 50

- 1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.
- 3. В кастрюлю налили воду из ведра и поставили ее на плиту. Через 30 минут вода закипела. Тогда из того же ведра долили в кастрюлю еще некоторое количество воды, в результате чего температура в ней понизилась на $12^{\circ}C$. Но через 5 мин после этого вода вновь закипела. Определите температуру воды в ведре.
- 4. Найдите сопротивление цепи между точками A и B, если сопротивление отрезка провода между A и D равно R, все фигуры на рисунке являются квадратами, которых бесконечно много. Стороны квадратов соотносятся как показано на рисунке.

