- Сэр, вы знаете с какой скоростью вы двигались?
- Нет, и вообще, где я?!
- 1. Роме Лисину приснилось неравенство  $x^2 + xy + y^2 \le 0$ . Найди все возможные x и y.

Заметим  $(x + y)^2 \le xy$ , тогда  $xy \ge 0$ , а значит они одного знака. Т.к. каждое слагаемое в неравенстве  $\ge 0$ , то единственное решение x = y = 0.

Ответ: 
$$x = y = 0$$

- 0 баллов не обосновано, почему (0,0) единственное; 1 балл получено, что одинаковые знаки.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Из условия следует, что KL = SH = 6. Высота SD к основанию KH равна  $\sqrt{6^2 - r^2} = 2\sqrt{5}$ . Радиус вписанной окружности  $r = \frac{KH}{2} = \sqrt{5}$ .

- 2 балла показана равнобокость + найдена боковая сторона, но ошибка в поиске высоты;
- 3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.

Масса котлеты m, сосуда с водой M. Сила Архимеда:  $V = \frac{m}{\rho_\kappa}$ ,  $F_A = \rho_B V g = \rho_B \cdot \frac{m}{\rho_\kappa} \cdot g$ . Груз на нити

$$Mg + \rho_{\rm B} \frac{m}{\rho_{\rm K}} g = 1.10 \cdot Mg \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{0.10 \cdot \rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}$$

Груз на дне 
$$\frac{M+m}{M} = 1 + \frac{m}{M} = 1 + 0.10 \cdot \frac{\rho_{K}}{\rho_{R}} = 1.5$$

Ответ: увеличится в 1.5 раза.

- 1 балл 3-й закон Ньютона; 2 балла равенство сил.
- 4. **тур 6, 2005 год (30 сезон)** По вертикально расположенному обручу радиуса R может без трения скользить колечко. Обруч вращается вокруг вертикальной диаметральной оси. Колечко находится в равновесии на высоте h (0 < h < R) от нижней точки обруча. Найти угловую скорость  $\omega$  вращения обруча.

Угол от оси вращения к кольцу (из геометрии)  $\cos \alpha = \frac{R-h}{R}$ . Пишем 2-й закон Ньютона для вращения

$$m\omega^2 R \sin \alpha = N \sin \alpha$$
,  $N \cos \alpha = mg \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{R - h}}$ 

OTBET: 
$$\sqrt{\frac{g}{R-h}}$$

1 балл - 2-ой закон Ньютона; 2 балла - предыдущее + угол из геометрии.

- Сэр, вы знаете с какой скоростью вы двигались?
- Нет, и вообще, где я?!
- 1. Роме Лисину приснилось неравенство  $x^2 + xy + y^2 \le 0$ . Найди все возможные x и y.

Заметим  $(x + y)^2 \le xy$ , тогда  $xy \ge 0$ , а значит они одного знака. Т.к. каждое слагаемое в неравенстве  $\ge 0$ , то единственное решение x = y = 0.

Ответ: 
$$x = y = 0$$

- 0 баллов не обосновано, почему (0,0) единственное; 1 балл получено, что одинаковые знаки.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Из условия следует, что KL = SH = 6. Высота SD к основанию KH равна  $\sqrt{6^2 - r^2} = 2\sqrt{5}$ . Радиус вписанной окружности  $r = \frac{KH}{2} = \sqrt{5}$ .

- 2 балла показана равнобокость + найдена боковая сторона, но ошибка в поиске высоты;
- 3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.

Масса котлеты m, сосуда с водой M. Сила Архимеда:  $V = \frac{m}{\rho_\kappa}$ ,  $F_A = \rho_B V g = \rho_B \cdot \frac{m}{\rho_\kappa} \cdot g$ . Груз на нити

$$Mg + \rho_{\rm B} \frac{m}{\rho_{\rm K}} g = 1.10 \cdot Mg \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{0.10 \cdot \rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}$$

Груз на дне 
$$\frac{M+m}{M} = 1 + \frac{m}{M} = 1 + 0.10 \cdot \frac{\rho_{K}}{\rho_{R}} = 1.5$$

Ответ: увеличится в 1.5 раза.

- 1 балл 3-й закон Ньютона; 2 балла равенство сил.
- 4. **тур 6, 2005 год (30 сезон)** По вертикально расположенному обручу радиуса R может без трения скользить колечко. Обруч вращается вокруг вертикальной диаметральной оси. Колечко находится в равновесии на высоте h (0 < h < R) от нижней точки обруча. Найти угловую скорость  $\omega$  вращения обруча.

Угол от оси вращения к кольцу (из геометрии)  $\cos \alpha = \frac{R-h}{R}$ . Пишем 2-й закон Ньютона для вращения

$$m\omega^2 R \sin \alpha = N \sin \alpha$$
,  $N \cos \alpha = mg \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{R - h}}$ 

OTBET: 
$$\sqrt{\frac{g}{R-h}}$$

1 балл - 2-ой закон Ньютона; 2 балла - предыдущее + угол из геометрии.

- Сэр, вы знаете с какой скоростью вы двигались?
- Нет, и вообще, где я?!
- 1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.

Из условия следует, что KL = SH = 6. Высота SD к основанию KH равна  $\sqrt{6^2 - r^2} = 2\sqrt{5}$ . Радиус вписанной окружности  $r = \frac{KH}{2} = \sqrt{5}$ . Диагональ  $KS = \sqrt{6^2 + 20} = \sqrt{56}$ . Угол  $\angle KLS$ :  $\cos \phi = -\frac{2}{3} \Rightarrow \sin \phi = \frac{\sqrt{5}}{3}$ . Радиус описанной окружности можно найти из  $\Delta KLS$ :  $R = \frac{KS}{2\sin \phi} = \sqrt{\frac{56}{5}} \frac{3}{2}$ .

**ОТВЕТ:**  $\sqrt{\frac{56}{5}} \frac{3}{2}$ 

1 балл - показана равнобокость + найдена боковая сторона; 2 балла - найдены три стороны треугольника для поиска радиуса описанной окружности.

2. Роме Лисину приснилась система неравенств

$$\begin{cases} 2x^2 + 2y^2 - 12x + 20y + 65 < 0\\ \frac{2y+10}{\sqrt{2}} < 9 - 2x \end{cases}$$

Найди количество целочисленных решений системы.

Перепишем  $(x-3)^2+(y+5)^2<1.5$  - круг без границы радиуса  $R=\sqrt{1.5}$ . Таким образом, попадающие целые точки (3,-5),(3,-4),(3,-6),(2,-4),(4,-5). Второе неравенство задают все точки ниже касательной к окружности, значит все решения подходят.

Ответ: 5 решений.

1 балл - указали, что это круг без границы; 2 балла - нашли все потенциальные целочисленные решения.

3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.

Масса котлеты m, сосуда с водой M. Сила Архимеда:  $V = \frac{m}{\rho_{\kappa}}$ ,  $F_{A} = \rho_{B}Vg = \rho_{B} \cdot \frac{m}{\rho_{\kappa}} \cdot g$ . Груз на нити

$$Mg + \rho_{\rm B} \frac{m}{\rho_{\rm K}} g = 1.10 \cdot Mg \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{0.10 \cdot \rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}$$

Груз на дне  $\frac{M+m}{M} = 1 + \frac{m}{M} = 1 + 0.10 \cdot \frac{\rho_{\kappa}}{\rho_{\rho}} = 1.5$ 

Ответ: увеличится в 1.5 раза.

1 балл - 3-й закон Ньютона; 2 балла - равенство сил.

4. **тур 2, 2012 год (37 сезон)** Массы двух звезд равны  $m_1$  и  $m_2$  ( $m_2 > m_1$ ), расстояние между ними равно L. Найти период обращения этих звезд по круговым орбитам вокруг их центра масс.

Вводим СК посередине между звездами. В этой СК координата центра масс:  $X_{\text{ц.м.}} = \frac{L}{2} \frac{m_2 - m_1}{m_2 + m_1}$ . Из 2-го закона Ньютона для  $m_1$ :

$$m_1 \omega^2 (\frac{L}{2} + x_{_{\parallel, M.}}) = G \frac{m_1 m_2}{L^2} \Rightarrow \omega^2 = \frac{G}{L^3} (m_1 + m_2) \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{G(m_1 + m_2)}}$$

OTBET:  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{G(m_1 + m_2)}}$ 

1 балл - получен центр масс; 2 балла - 2-ой закон Ньютона; 3 балла - добил до периода/частоты.

- Сэр, вы знаете с какой скоростью вы двигались?
- Нет, и вообще, где я?!
- 1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.

Из условия следует, что KL = SH = 6. Высота SD к основанию KH равна  $\sqrt{6^2 - r^2} = 2\sqrt{5}$ . Радиус вписанной окружности  $r = \frac{KH}{2} = \sqrt{5}$ . Диагональ  $KS = \sqrt{6^2 + 20} = \sqrt{56}$ . Угол  $\angle KLS$ :  $\cos \phi = -\frac{2}{3} \Rightarrow \sin \phi = \frac{\sqrt{5}}{3}$ . Радиус описанной окружности можно найти из  $\Delta KLS$ :  $R = \frac{KS}{2\sin \phi} = \sqrt{\frac{56}{5}} \frac{3}{2}$ .

**ОТВЕТ:**  $\sqrt{\frac{56}{5}} \frac{3}{2}$ 

1 балл - показана равнобокость + найдена боковая сторона; 2 балла - найдены три стороны треугольника для поиска радиуса описанной окружности.

2. Роме Лисину приснилась система неравенств

$$\begin{cases} 2x^2 + 2y^2 - 12x + 20y + 65 < 0\\ \frac{2y+10}{\sqrt{2}} < 9 - 2x \end{cases}$$

Найди количество целочисленных решений системы.

Перепишем  $(x-3)^2+(y+5)^2<1.5$  - круг без границы радиуса  $R=\sqrt{1.5}$ . Таким образом, попадающие целые точки (3,-5),(3,-4),(3,-6),(2,-4),(4,-5). Второе неравенство задают все точки ниже касательной к окружности, значит все решения подходят.

Ответ: 5 решений.

1 балл - указали, что это круг без границы; 2 балла - нашли все потенциальные целочисленные решения.

3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.

Масса котлеты m, сосуда с водой M. Сила Архимеда:  $V = \frac{m}{\rho_{\kappa}}$ ,  $F_{A} = \rho_{B}Vg = \rho_{B} \cdot \frac{m}{\rho_{\kappa}} \cdot g$ . Груз на нити

$$Mg + \rho_{\rm B} \frac{m}{\rho_{\rm K}} g = 1.10 \cdot Mg \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{0.10 \cdot \rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}$$

Груз на дне  $\frac{M+m}{M} = 1 + \frac{m}{M} = 1 + 0.10 \cdot \frac{\rho_{\kappa}}{\rho_{\rho}} = 1.5$ 

Ответ: увеличится в 1.5 раза.

1 балл - 3-й закон Ньютона; 2 балла - равенство сил.

4. **тур 2, 2012 год (37 сезон)** Массы двух звезд равны  $m_1$  и  $m_2$  ( $m_2 > m_1$ ), расстояние между ними равно L. Найти период обращения этих звезд по круговым орбитам вокруг их центра масс.

Вводим СК посередине между звездами. В этой СК координата центра масс:  $X_{\text{ц.м.}} = \frac{L}{2} \frac{m_2 - m_1}{m_2 + m_1}$ . Из 2-го закона Ньютона для  $m_1$ :

$$m_1 \omega^2 (\frac{L}{2} + x_{_{\parallel, M.}}) = G \frac{m_1 m_2}{L^2} \Rightarrow \omega^2 = \frac{G}{L^3} (m_1 + m_2) \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{G(m_1 + m_2)}}$$

OTBET:  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{G(m_1 + m_2)}}$ 

1 балл - получен центр масс; 2 балла - 2-ой закон Ньютона; 3 балла - добил до периода/частоты.

## TOP SECRET!!! Судейский экземпляр!!!

**ФМТ: Тур 3** 

Обычные столы

За одну итерацию оппонирования можно получить максимум 1 балл. Вольные стрелки приносят команде от 0 до 3 баллов. Штрафы за выход за три минуты при решении своей задачи: от 0 до 30 секунд — 1 балл штрафа, от 30 до 60 секунд — 2 балла штрафа и далее 3 балла штрафа. Вольные стрелки не могут заявлять одну задачу более одного раза.

1. Роме Лисину приснилось неравенство  $x^2 + xy + y^2 \le 0$ . Найди все возможные x и y.

Заметим  $(x + y)^2 \le xy$ , тогда  $xy \ge 0$ , а значит они одного знака. Т.к. каждое слагаемое в неравенстве  $\ge 0$ , то единственное решение x = y = 0.

Ответ: x = y = 0

0 баллов - не обосновано, почему (0,0) единственное; 1 балл - получено, что одинаковые знаки.

2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.

Из условия следует, что KL=SH=6. Высота SD к основанию KH равна  $\sqrt{6^2-r^2}=2\sqrt{5}$ . Радиус вписанной окружности  $r=\frac{KH}{2}=\sqrt{5}$ .

Ответ: √5

2 балла - показана равнобокость + найдена боковая сторона, но ошибка в поиске высоты;

3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.

Масса котлеты m, сосуда с водой M. Сила Архимеда:  $V = \frac{m}{\rho_{\scriptscriptstyle K}}$ ,  $F_{\scriptscriptstyle A} = \rho_{\scriptscriptstyle B} V g = \rho_{\scriptscriptstyle B} \cdot \frac{m}{\rho_{\scriptscriptstyle K}} \cdot g$ . Груз на нити

$$Mg + \rho_{\rm B} \frac{m}{\rho_{\rm K}} g = 1.10 \cdot Mg \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{0.10 \cdot \rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}$$

Груз на дне  $\frac{M+m}{M}=1+\frac{m}{M}=1+0.10\cdot\frac{\rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}=1.5$ 

Ответ: увеличится в 1.5 раза.

1 балл - 3-й закон Ньютона; 2 балла - равенство сил.

4. **тур 6, 2005 год (30 сезон)** По вертикально расположенному обручу радиуса R может без трения скользить колечко. Обруч вращается вокруг вертикальной диаметральной оси. Колечко находится в равновесии на высоте h (0 < h < R) от нижней точки обруча. Найти угловую скорость  $\omega$  вращения обруча.

Угол от оси вращения к кольцу (из геометрии)  $\cos \alpha = \frac{R-h}{R}$ . Пишем 2-й закон Ньютона для вращения

$$m\omega^2 R \sin \alpha = N \sin \alpha$$
,  $N \cos \alpha = mg \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{R - h}}$ 

OTBET:  $\sqrt{\frac{g}{R-h}}$ 

1 балл - 2-ой закон Ньютона; 2 балла - предыдущее + угол из геометрии.



DMT: Typ 3

**кл**ш 50

- 1. Роме Лисину приснилось неравенство  $x^2 + xy + y^2 \le 0$ . Найди все возможные x и y.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.
- 3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.
- 4. **тур 6, 2005 год (30 сезон)** По вертикально расположенному обручу радиуса R может без трения скользить колечко. Обруч вращается вокруг вертикальной диаметральной оси. Колечко находится в равновесии на высоте h (0 < h < R) от нижней точки обруча. Найти угловую скорость  $\omega$  вращения обруча.



**ΦΜΤ: Тур 3** 

**кл**ш 50

- 1. Роме Лисину приснилось неравенство  $x^2 + xy + y^2 \le 0$ . Найди все возможные x и y.
- 2. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус вписанной в трапецию окружности.
- 3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.
- 4. **тур 6, 2005 год (30 сезон)** По вертикально расположенному обручу радиуса R может без трения скользить колечко. Обруч вращается вокруг вертикальной диаметральной оси. Колечко находится в равновесии на высоте h (0 < h < R) от нижней точки обруча. Найти угловую скорость  $\omega$  вращения обруча.

За одну итерацию оппонирования можно получить максимум 1 балл. Вольные стрелки приносят команде от 0 до 3 баллов. Штрафы за выход за три минуты при решении своей задачи: от 0 до 30 секунд — 1 балл штрафа, от 30 до 60 секунд — 2 балла штрафа и далее 3 балла штрафа. Вольные стрелки не могут заявлять одну задачу более одного раза.

1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.

Из условия следует, что KL = SH = 6. Высота SD к основанию KH равна  $\sqrt{6^2 - r^2} = 2\sqrt{5}$ . Радиус вписанной окружности  $r = \frac{KH}{2} = \sqrt{5}$ . Диагональ  $KS = \sqrt{6^2 + 20} = \sqrt{56}$ . Угол  $\angle KLS$ :  $\cos \phi = -\frac{2}{3} \Rightarrow \sin \phi = \frac{\sqrt{5}}{3}$ . Радиус описанной окружности можно найти из  $\Delta KLS$ :  $R = \frac{KS}{2\sin \phi} = \sqrt{\frac{56}{5}} \frac{3}{2}$ .

**Ответ:**  $\sqrt{\frac{56}{5}} \frac{3}{2}$ 

1 балл - показана равнобокость + найдена боковая сторона; 2 балла - найдены три стороны треугольника для поиска радиуса описанной окружности.

2. Роме Лисину приснилась система неравенств

$$\begin{cases} 2x^2 + 2y^2 - 12x + 20y + 65 < 0\\ \frac{2y+10}{\sqrt{2}} < 9 - 2x \end{cases}$$

Найди количество целочисленных решений системы.

Перепишем  $(x-3)^2+(y+5)^2<1.5$  - круг без границы радиуса  $R=\sqrt{1.5}$ . Таким образом, попадающие целые точки (3,-5),(3,-4),(3,-6),(2,-4),(4,-5). Второе неравенство задают все точки ниже касательной к окружности, значит все решения подходят.

Ответ: 5 решений.

1 балл - указали, что это круг без границы; 2 балла - нашли все потенциальные целочисленные решения.

3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.

Масса котлеты m, сосуда с водой M. Сила Архимеда:  $V=\frac{m}{\rho_{\nu}}$ ,  $F_{\rm A}=\rho_{\rm B}Vg=\rho_{\rm B}\cdot\frac{m}{\rho_{\nu}}\cdot g$ . Груз на нити

$$Mg + \rho_{\rm B} \frac{m}{\rho_{\rm K}} g = 1.10 \cdot Mg \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{0.10 \cdot \rho_{\rm K}}{\rho_{\rm B}}$$

Груз на дне  $\frac{M+m}{M} = 1 + \frac{m}{M} = 1 + 0.10 \cdot \frac{\rho_{K}}{\rho_{B}} = 1.5$ 

Ответ: увеличится в 1.5 раза.

1 балл - 3-й закон Ньютона; 2 балла - равенство сил.

4. **тур 2, 2012 год (37 сезон)** Массы двух звезд равны  $m_1$  и  $m_2$  ( $m_2 > m_1$ ), расстояние между ними равно L. Найти период обращения этих звезд по круговым орбитам вокруг их центра масс.

Вводим СК посередине между звездами. В этой СК координата центра масс:  $X_{\text{ц.м.}} = \frac{L}{2} \frac{m_2 - m_1}{m_2 + m_1}$ . Из 2-го закона Ньютона для  $m_1$ :

$$m_1 \omega^2 (\frac{L}{2} + x_{\text{u.m.}}) = G \frac{m_1 m_2}{L^2} \Rightarrow \omega^2 = \frac{G}{L^3} (m_1 + m_2) \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{G(m_1 + m_2)}}$$

OTBET:  $T = 2\pi \sqrt{\frac{L^3}{G(m_1 + m_2)}}$ 

1 балл - получен центр масс; 2 балла - 2-ой закон Ньютона; 3 балла - добил до периода/частоты.



- 1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.
- 2. Роме Лисину приснилась система неравенств

$$\begin{cases} 2x^2 + 2y^2 - 12x + 20y + 65 < 0\\ \frac{2y+10}{\sqrt{2}} < 9 - 2x \end{cases}$$

Найди количество целочисленных решений системы.

- 3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.
- 4. **тур 2, 2012 год (37 сезон)** Массы двух звезд равны  $m_1$  и  $m_2$  ( $m_2 > m_1$ ), расстояние между ними равно L. Найти период обращения этих звезд по круговым орбитам вокруг их центра масс.



**ФМТ: Тур** 3

клы 50

- 1. Трапеция KLSH имеет основания KH = 10 и LS = 2, причем в нее можно вписать окружность, а также описать ее. Найди радиус описанной около трапеции окружности.
- 2. Роме Лисину приснилась система неравенств

$$\begin{cases} 2x^2 + 2y^2 - 12x + 20y + 65 < 0\\ \frac{2y + 10}{\sqrt{2}} < 9 - 2x \end{cases}$$

Найди количество целочисленных решений системы.

- 3. В сосуд с водой, уравновешенный на пружинных весах, Вова Носков опускает на нити рыбную котлету так, что она целиком погружается в воду, но не касается стенок сосуда. При этом показание весов меняются на 10%. Во сколько раз по сравнению с первоначальным изменится показание весов, если рыбную котлету положить на дно сосуда? Рыбная котлета в 5 раз плотнее воды.
- 4. **тур 2, 2012 год (37 сезон)** Массы двух звезд равны  $m_1$  и  $m_2$  ( $m_2 > m_1$ ), расстояние между ними равно L. Найти период обращения этих звезд по круговым орбитам вокруг их центра масс.