Куда кривая вывезет КЛШ-2022

Содержание

Цель

...

Куда кривая вывезет КЛШ-2022

1. Парабола

Три алгебраических вида. Важно уметь быстро строить из любого вида!

$$y = ax^{2} + bx + c$$

 $y = a(x - x_{B}) + y_{B}$
 $y = a(x - x_{1})(x - x_{2})$

Совет: рисуйте сразу, не переводя из одного вида в другой.

Вопрос: правда ли, что все круги одинаковой формы, но разного размера?

Вопрос: правда ли, что все параболы одинаковой формы, но разного размера?

Подумайте о $y = x^2$ и $y = 6x^2$.

Два геометрических определения.

Парабола — множество точек, находящихся на одинаковом расстоянии от заданной точки F и заданной прямой d. Точка F называется фокусом, а прямая d — директрисой.

Упражнение. Даны фокус F и директриса d. Как геометрически построить какую-нибудь точку на параболе?

Парабола — кривая, отражающая параллельно идущие лучи в одну точку F.

Доказательство того, определение через множество точек обладает свойством фокусировки лучей.

Шок-контент. Все параболы одинаковой формы! Ведь при увеличении можно произвольным образом менять расстояние между фокусом и директрисой, а именно им всё и определяется.

Упражнение. Дан фокус F и директриса d. Как наиболее просто выбрать оси? Запишите уравнение параболы в выбранных осях.

Упражнение. Дана парабола $y = x^2$. Найдите фокус и директрису.

Упражнение. Дана парабола $y = 2x^2 + 6x + 7$. Найдите фокус и директрису.

О школьниках: на первом занятии было 17 человек.

2. Заметай!?

Дано семейство касательных, $y = 3 + x + 2xa - a^2$, найдите (п)огибающую.

3. Загоночная работа

Куда кривая вывезет КЛШ-2022

4. Лог. КЛШ-2022

1.

В теховском файле \newpage стоит, чтобы легко было скопировать секцию, для печати двух копий подряд на одном листе. Это позволяет экономить бумагу и время при печати :)

4.1. Плакат

5. Решения

6. Источники мудрости

передалать потом в bib-файл

1.