



# Правила ФМТ

Красноярская Летняя Школа 2019

По всем вопросам: *Никита Астраханцев, Борис Демешев.*

## Общие положения

Физико-математический турнир (ФМТ) — один из самых первых и уважаемых турниров Красноярской Летней Школы, сочетающий в себе как дух здоровой соревновательности, так и множество возможностей узнать что-то новое (и не только для школьников). Основная часть турнира — 6 туров, которые пройдут в течение сезона. Встреча команд в первом туре определяется жеребьёвкой. В последний день сезона проходит свалка — необычный тур, который во многом уравнивает шансы команд выйти в финалисты и проводится по отдельным правилам. Наконец, проводятся финал и суперфинал, в которых определяются три команды-победительницы, награждаемые ценными призами.

Правила турнира, стратегии и задачи не раз менялись за годы работы КЛШ, но главное осталось неизменным: на турнире всегда в почёте честность, красивая игра, здоровая соревновательность и воля к победе.

## Жеребьёвка

Жеребьёвка определяет пары команд, которые встретятся друг с другом в первом туре. В жеребьёвке участвует вся команда целиком. Исходно команда получает четыре лёгкие задачи: две по физике и две по математике, каждая из которых оценивается в один балл. У судьи, приставленного к команде, также есть по одной задаче на 2, 3 и 4 балла по физике и по математике. Для того, чтобы получить задачу следующего уровня сложности по данному предмету, необходимо сначала правильно решить задачу предыдущей сложности по этому предмету. Например, чтобы получить задачу на два балла по математике, нужно сперва решить любую из двух задач на 1 балл по математике. Сдать задачу можно с трёх попыток, сдаётся **только ответ**. Если ответ верен с первого раза, команда получает 100 % очков за эту задачу и допуск к задаче более высокой сложности. Если со второго — то 50 % и допуск, если с третьего — то только допуск. Тур длится 15 минут, требуется набрать как можно больше очков. **Вес жеребьёвки равен половине веса основного тура.**

## Основной тур

Основной тур состоит из двух этапов: *основной этап* и этапа *обмена ударами*. Каждая КЛШ-команда<sup>1</sup> выставляет на основной тур до четырёх человек (меньше четырёх можно, но не желательно), которые и составляют ФМТ-команду (далее просто “команда”)<sup>2</sup>. Каждая КЛШ-команда

<sup>1</sup>Под КЛШ-командой понимается команда, обозначаемая буквой греческого алфавитика.

<sup>2</sup>Состав команды в каждом туре может быть разным.

может выставить произвольное число вольных стрелков (см. ниже). К началу тура команда должна явиться вовремя, при себе имея **два** идентичных экземпляра обменной задачи на бумажном носителе.

## Основной этап

Основной этап длится 20 минут. Команды получают одинаковые комплекты из четырёх задач: как правило, две по физике (“простая” и “сложная”) и две по математике (аналогично). Подумайте над тем, как распределить ваши силы при решении задач. Для дальнейшего обсуждения представим, что в туре участвуют команды “кси” ( $\xi$ ) и “дзета” ( $\zeta$ ).

**Заявка.** Для любой задачи первым возможным действием команды является **заявка**. Если команда  $\xi$  считает, что решила задачу, то один из членов команды громко произносит: *Команда  $\xi$  заявляет задачу номер ....* В этот момент судьи в обязательном порядке должны опросить вольных стрелков и принять от них решение заявленной задачи в письменном виде. Затем судья сразу же просит представителя команды-заявительницы ( $\xi$  в нашем случае) сообщить ответ и фиксирует его на доске. Будьте внимательны: если заявленный ответ неверен, то это лишает команду возможности получить полный балл за задачу.

Второе по регламенту действие, которое команда должна совершить — **доклад**. Докладчик от команды  $\xi$  выходит к доске для доклада, при этом команда  $\zeta$  обязана выставить оппонента. Оппоненту будет предоставлено специальное время, когда он сможет задать вопросы докладчику, обеспечивающее понимание изложенного докладчиком решения и сформулировать замечания к изложенному решению<sup>3</sup>. Докладчик излагает решение, при этом можно пользоваться собственными записями, сделанными во время работы за столом.

Третье по регламенту действие — **оппонирование**. Судья спрашивает оппонента, всё ли ему понятно в изложенном решении, и если оппоненту что-то осталось непонятным, оппонент имеет возможность задать вопросы для понимания. Далее оппонент может высказать свои замечания по решению (даже если он был согласен с решением): если замечания были сделаны по существу и действительно раскрывают пробелы и ошибки в решении, то судьи дадут команде  $\zeta$  очки за оппонирование.

После доклада и оппонирования судьи принимают решение о том, снимается данная задача или нет. Задача может быть снята, если судьи сочли, что основные идеи решения были изложены. Если задача не снимается судьями, то происходит

**Переход подачи.** Это означает, что задача не решена, не снята и команды продолжают её решение. Однако безусловное право заявки переходит теперь к команде оппонента ( $\zeta$  в нашем примере) и встреча продолжается по регулярным правилам.

**Результат заявки.** Возможны следующие варианты исхода событий:

- 1) команда-заявитель решила задачу полностью и верно. Команда-заявитель получает два балла за решение задачи, команда оппонента — ноль баллов;
- 2) команда-заявитель дала неправильный ответ, но решение в целом верное и отражает основные идеи задачи. Команда-заявитель получает один балл. Если при этом оппонент делает важные замечания по решению, он также получает один балл;
- 3) команда-заявитель даёт неверное решение. Команда-заявитель получает ноль баллов. Оппонент получает один балл, если сделал верные замечания по решению. Если были изложены важные моменты решения, задача снимается, иначе переход подачи;

---

<sup>3</sup>Обратите внимание, что вопрос и замечание — это не одно и то же. Оппонент зарабатывает свои очки за замечания, но не за вопросы. Будьте внимательны и не делайте замечаний, когда судья просит вопросы.

Следует подчеркнуть, что число переходов подачи по каждой задаче формально ничем не ограничено. Решение каждой задачи принимается и оценивается независимо (и может быть, параллельно во времени) друг от друга.

**Вольные стрелки:** Каждая КЛШ-команда вправе выставить на встречу любое количество вольных стрелков из состава КЛШ-команды. Чтобы вольные стрелки заработали очки, они должны в письменном виде оформить решение задачи и передать его судейской бригаде **до** того, как задача (точнее, ответ на задачу) будет объявлен. За каждую задачу стрелки могут заработать до двух очков (их решения не оппонируются). Стрелки могут заявлять любую из четырёх задач, но в итоге стрелки смогут принести команде **не более двух** очков<sup>4</sup>.

## Обмен ударами

По окончании основного этапа наступает этап обмена ударами; его продолжительность составляет 10 минут. Каждая команда подготовила **две идентичных** копии своей обменной задачи (одна — судьям, вторая — оппонентам). Копии должны быть правильно подписаны, вроде “Команде  $\zeta$  от команды  $\xi$ ”. Командам даётся 10 минут на решение задачи соперника. Первой докладывать задачу оппонента попросят команду, которая по итогам I тура имеет больше баллов.

**Обменная задача:** Ох, сколько команд страдает из-за того, что они неправильно готовят обменную задачу! Прочтите эту часть и не наступайте на их грабли. Итак, что такое хорошая обменная задача?

1. Это должна быть задача по **физике или математике**. Хорошо, если задача красивая, с интересной идеей<sup>5</sup>.
2. Но самое главное, она должна быть **хорошо сформулирована**. Если вы берёте задачу из книжки, убедитесь, что вы не упустили чего-то важного в условии. Даже если задача взята из книжки, её формулировка может быть недостаточно строгой и ясной для обменного тура ФМТ (например, условие имеет смысл только в контексте этой книжки). Покажите свою обменную задачу вожатым, понятна ли им формулировка?
3. Важно понять: судить будут то, что **написано**, а не то, что вы имели в виду. Если условие допускает двусмысленную трактовку, то соперники вправе решать задачу в более лёгкой форме<sup>6</sup>.
4. Обратите внимание, что задача не должна выходить за пределы школьной программы. В противном случае судьи могут попросить вас вывести внешкольные утверждения, на которые вы опирались в решении, в те же три минуты вашего доклада. Если вы сомневаетесь, проходит ли ваша задача по этому требованию, поговорите с одним из судей ФМТ<sup>7</sup>.
5. Наконец, хочется спросить, что вы думаете о просьбе продолжить последовательность 0, 1, 2, ...? Если вам кажется, что это хорошая задача, то ваш оппонент ответит: следующий член последовательности — «Гарри Поттер», и получит полный балл за решение.

---

<sup>4</sup>Вам кажется, что это не очень весело? В турнире 4 задачи, грубо говоря, это 8 очков, команды при равной игре зарабатывают по 4 очка. А стрелки могут принести к этим очкам дополнительно два, то есть 50 %.

<sup>5</sup>Хоть это и не обязательно, но мы очень любим глубокие, интересные задачи, и регулярно дарим призы за красоту обменных задач.

<sup>6</sup>Суперфинал ФМТ-2010, команда *o* спрашивает: для какой функции  $f(x)$  числа  $x$ ,  $f(x)$  и  $f(f(x))$  не могут быть сторонами треугольника ни при каких  $x$ ? Ответ команды  $\sigma$ :  $f(x) = -x$ , для любого  $x$  одна из сторон отрицательна. Команда *o* забыла написать, что функция  $f(x)$  должна быть строго положительна, имелось в виду  $f(x) = x^2 + 1$ .

<sup>7</sup>Только пусть это будет не вожатый вашей команды-соперника, иначе всё пропало!

6. Три минуты — действительно серьёзное ограничение по времени. Оно было введено для того, чтобы «оживить» второй тур, стимулировать команды не давать «гробы». Для того, чтобы задача была докладываемой за три минуты, интересной и сложной для соперника, тебе может понадобиться помощь сотрудников НТН. Пожалуйста, не стесняйся подойти к любому сотруднику направления и посоветоваться, хороша ли ваша задача, хороша ли формулировка. Наши сотрудники дружелюбны, приветливы и всегда тебе помогут.

**Доклад задачи соперника:** Расслабьтесь, это самая спокойная часть игры. Если вам кажется, что вы что-то поняли в задаче оппонента, вы можете выходить к доске её решать. Заявлять ответ не нужно<sup>8</sup>. Оппонирования тоже нет. Даже судьи вопросов не будут задавать. Вердикт о правильности или неправильности решения выносит только судейская бригада. За решение вы получаете до двух баллов.

**Доклад своей задачи:** Пожалуй, это самая сложная часть тура<sup>9</sup>. Решение своей задачи нужно доложить **за три минуты, включая вопросы судей**. “Как!? — воскликнете вы. — Времени в обрез, а нам ещё будут вопросы задавать? Это нечестно!” Не совсем. Судьи требуют лишь, чтобы ваше решение было **полным**: без пробелов, с чётким пониманием происходящего. Вопросы будут задавать лишь в случае, если ваш доклад содержит серьёзные пробелы. Решение нужно рассказывать полностью по памяти, все вычисления нужно проделывать на доске в процессе доклада. Важно: решение может докладывать **любой** член команды по желанию самой команды.

Если вы не уложились в предоставленное время или ваше решение просто неверное, то судьи могут оштрафовать команду на один или два балла.

## Штрафы

В течение тура команда может не только зарабатывать очки, но и терять их. За опоздание, громкое поведение, неинтеллигентные споры с судьями может быть наложен дисциплинарный штраф до двух баллов. Также нужно помнить про штраф за незнание собственной обменной задачи: (до двух баллов). Сколько трагедий<sup>10</sup> было в летней школе из-за незнания решения собственной задачи! Главный источник трагедий — ошибки при переписывании условия из задачника (и вообще — из источника) на бумагу. Школьники склонны украшать текст деталями, связанными с реалиями летней школы; это чревато потерей важных мелочей. Другой источник ошибок — плохое понимание условия задачи. Например, в условии говорится о некотором свойстве окружности, а школьники пишут про круг. В результате они думают, что располагают решением своей задачи, но на самом деле предложенная задача с кругом вместо окружности может вообще не иметь решения.

## Подписание протоколов и апелляция

Когда тур подошёл к концу (окончился этап обмена ударами), команды ставят свои подписи в протоколе встречи. Если команда не согласна с **действиями судей** на одном из этапов (или в обоих), то вместо подписи капитан команды должен написать слово “**апелляция**”<sup>11</sup>. После этого в течение **одного часа** команда должна предоставить главному судье ФМТ суть своих претензий в письменном виде. Для рассмотрения этих претензий будет создана апелляционная комиссия;

<sup>8</sup>Вы уже догадались, что это значит, что вы можете дорешивать задачу у доски? Только нужно это делать так, чтобы судьи не догадались: если судья посчитает, что вы не знаете, что делать дальше, и топчетесь на месте, доклад прервут.

<sup>9</sup>Только если у вас плохая обменная задача.

<sup>10</sup>Мы боимся, что и ещё будут. . .

<sup>11</sup>Пишите это слово грамотно, иначе судьи могут вредничать.

её решения являются окончательными, а в состав входят наиболее квалифицированные судьи, не принимавшие участия в судействе оспариваемой встречи. Если комиссия решит, что претензии обоснованы, то счёт той части тура (основного времени или обмена ударами), которая была оспорена, становится равным 0 : 0. Пожалуйста, не относитесь к апелляции как к возможности изменить итог любой встречи. Подавайте её лишь в том случае, когда вы уверены в своих претензиях, иначе это будет лишь пустая трата времени для всех.

## Разбор задач

После каждого тура судейская бригада организует разбор задач основного этапа. “Да ну! — зевнёте вы, — Мы устали, хотим полежать.” Благородное желание. Но дело в том, что некоторые задачи, которые мы даём на основном этапе, могут повториться в следующих турах в несколько изменённом (обычно усложнённом) виде<sup>12</sup>. Узнав каноническое решение от судей, вы сильно повышаете свои шансы на успех в следующих турах.

## Между основными турами

Обменные задачи, которые были использованы в прошлых турах, публикуются на столовой. Поэтому не стоит использовать одну и ту же обменную задачу из тура в тур. В течение всей школы мы ведём турнирную таблицу, стараясь делать так, чтобы между собой играли близкие по силе команды, при этом не допускаем, чтобы две команды встречались дважды. Положение в таблице определяется суммой очков, набранных командой за прошедшие туры: за победу команда получает два очка турнирной таблицы, за ничью — одно очко<sup>13</sup>. По итогам всех основных туров каждая команда получает от 0 до 19 **финальных очков**, равное числу команд, сыгравших хуже данной.

## Свалка

Свалка проходит в последний день КЛШ и напоминает основной этап регулярного тура ФМТ. Главное: команда борется не против одного соперника, а против **хронометра**. Каждая команда получает 4 задачи. Команда решает задачи так, чтобы судья видел ход решения (а соперники не слышали!) и заявляет свой ответ на специальном бланке. Судья фиксирует время заявки и число очков за решение: ноль, один или два. Заявлять задачи на свалке можно в произвольном порядке.

В процессе тура мы обрабатываем данные:

1. По каждой из четырёх задач мы выстраиваем команды в список (всего четыре списка). В вершине списка идут команды, которые решили задачу на два балла (выше стоит та команда, которая решила быстрее), далее те, кто решили на один балл, и затем команды, решившие на ноль баллов или не решившие<sup>14</sup>.
2. По каждому из четырёх списков команда получает число очков, равное числу команд, решивших данную задачу хуже неё (т.е. находящихся ниже в списке).

---

<sup>12</sup>Так называемые «цепные» задачи.

<sup>13</sup>Кроме того, мы учитываем баллы, набранные в туре за решение задач, чтобы снять вырождение при сортировке команд. Спросите судей, если вам это интересно.

<sup>14</sup>Лучше решить задачу на два балла за 20 минут, чем на один балл за 1 минуту.

3. Результаты команды по каждой задаче суммируются. Таким образом, по сумме баллов за четыре задачи команда может набрать от 0 до 76 очков.
4. По этой сумме мы сортируем команды, и каждая команда получает столько **финальных очков**, сколько команд выступило хуже неё (от 0 до 19).

## Финал и суперфинал

Как вы помните, за основные туры и за свалку можно было набрать от 0 до 19 **финальных очков**. Сложим эти очки за основные туры и за свалку. По этой сумме финальных очков мы определяем, какие команды сойдутся в финале и суперфинале: IV и III команды сразятся в финале, а II и I команды будут бороться в суперфинале.

Суперфинал и финал похожи на обычные туры ФМТ за следующими исключениями:

1. Нет вольных стрелков.
2. Сложные задачи.
3. Судейская бригада **случайным образом** определяет, кто из членов команды будет докладывать решение своей задачи на обмене ударами. Таким образом, решение обменной задачи должны знать **все** участники<sup>15</sup>.

---

<sup>15</sup>Забыл! Можно выучить не всем и понадеяться на удачу!

## «Памятка для вожатых» или «Что нужно делать, чтобы команда была счастлива?»

Пока команда воюет на турнире, Вы можете сделать очень многое для её успеха. В первую очередь, убедитесь, что ребята достаточно внимательно прочли правила турнира до «тест-драйва». Кроме того...

### Обмен ударами

В течение сезона ожидается 6 туров ФМТ, из них один игровой. На пять остальных туров (и на финал, если вашей команде повезёт) команда должна **подготовить задачу** на обмен ударами. Какая задача считается хорошей, хорошо описано в печатной версии правил ФМТ. Вкратце:

1. задача должна быть интересной и элегантной (по возможности);
2. решение задачи можно не торопясь полностью рассказать у доски за **три** минуты, иначе на команда получает большой штраф;
3. команда должна подготовить к началу тура два одинаковых листочка с условием задачи: один для судей, другой для соперников;
4. если Вы не можете оценить задачу, которую ваша команда предлагает на турнир, (настойчиво) предложите сходить к сотруднику НТН за советом. Нашим сотрудникам можно доверять, «слива» не будет, но команда с гораздо меньшей вероятностью получит штраф;

### Вольные стрелки

Кроме четырёх человек, непосредственно играющих в турнир, Ваша команда может послать всех остальных участников в так называемых вольных стрелков. Вольные стрелки в течение турнира тоже могут решать задачи, но оформляют решение письменно.

1. Вольные стрелки не находятся под формальным прессом правил и чувствуют себя гораздо более расслабленно. Иногда даже сильные игроки уходят в вольные стрелки, чтобы спокойно решать (но это редкость).
2. Наличие вольных стрелков поднимает моральный дух команды в поле.
3. Вольные стрелки реально могут изменить ход матча, так как могут принести до двух очков своей команде, а это, на самом деле, много.

Часто школьники не заинтересованы в том, чтобы быть вольными стрелками («мы ничего не решим», «я пойду готовиться к ГУТ», и т.д.). Но для Вас это — отличный способ сплотить команду, ибо победу (или поражение) тогда они будут делить вместе.

Если команда говорит, что они ничего не решат как вольные стрелки, напомните им, что (честное слово!) мы каждый тур даём одну очень простую задачу, которую решит любой школьник, даже не с НТН (дело лишь в скорости).

Если команда говорит, что им нужно готовиться к ГУТ, напомните, что вольные стрелки участвуют только в первой половине турнира, т.е. первые 20 минут, и дальше ещё 40 минут до ГУТ остаются свободными.

## Мотивация

Вам так или иначе стоит подогревать мотивацию ребят к хорошему выступлению на турнире.

1. Если команда много проигрывает, уделите больше времени подготовке обменных задач.
2. Помните про «свалку». Этот тур, который проходит в последний день школы, имеет вес, равный всем остальным турам, вместе взятым! Свалка может команду с десятого места вывести в финал.
3. Если Вы стоите на женской команде, внимательно отнеситесь к высказываниям вроде «завтра играем против мальчиков, нам кирдык». У женских команд неплохой win-record в КЛШ. Победа в 2008, второе место в 2010, победа в 2013, суперфинал в 2017, победа в 2018 и ещё много примеров. Их было бы ещё больше, если бы девочки **не боялись** играть с мальчиками. В ФМТ кроме умения решать задачи очень важно быть смелым и быстро заявлять, но часто девочки из-за страха этого просто не делают. Объясните им, что всё в их руках, и что им надо быть смелыми тоже.
4. Обязательно приходите время от времени поболеть за свою команду сами! Это поможет вам скорее сблизиться с командой и позволит в более тонких деталях понять их эмоции от прошедшего турнира. Кроме того, Вы можете помочь следить за поведением :)
5. Если ничего из вышеупомянутого не сработало, обратитесь к Никита Астраханцеву или Борису Демешеву, они придут к Вам в команду и подбодрят её (это не шутка).

## Конфликт с судейской бригадой

Штраф за незнание собственной задачи обычно ложится тяжким грузом на настроение школьников. Старший судья всегда мотивирует своё решение, однако школьники могут не понять его или (вполне разумно) не согласиться с ним.

Судейские бригады иногда допускают ошибки, и, если команда уверена, что их оштрафовали неправомерно (или что оппонента должны были оштрафовать, но не оштрафовали), или что была допущена ошибка в первом туре, команда может подать апелляцию, которую мы непредвзято рассмотрим тем же вечером. Объясните команде, что нет ничего плохого в том, чтобы подать апелляцию, но не нужно подавать её по любому поводу. Апелляция — это не выбивание баллов из судей, а оспаривание реальных недочётов.

Если команда не согласна с решением судей, но по какой-то причине не подала апелляцию, попросите подойти недовольных школьников к старшему судье ещё раз, чтобы тот мотивировал свой поступок.

## Состав команды и ротация

По правилам мы не дисквалифицируем команду, если в поле выходят не четыре, а три или, например, два участника: всякое бывает. Но Вы должны сделать всё возможное, чтобы этого не происходило: найти замену, уговорить кого-то. Кроме того, состав команды от тура к туру может меняться. Если у Вас в команде более четырёх человек хочет участвовать в ФМТ, попробуйте сделать так, чтобы они все попробовали поиграть, пусть никто не будет обиженным. Школьник, временно не играющий в команде, может заработать очков как вольный стрелок.



# Памятка для судей

## Основной тур

Длится 20 минут, зондера полноценно участвуют в судействе. Порядок действий при заявке задачи:

1. Спросить вольных стрелков, располагают ли они решением, и взять его при наличии.
2. Спросить ответ и зафиксировать его.
3. Вызвать докладчика и оппонента, выслушать доклад.
4. Спросить оппонента, есть ли у него **вопросы** по решению. Следить, чтобы он не тянул время, есть возможность прервать фазу вопросов, если оппонент тянет время.
5. Оппонент делает замечания.
6. Все садятся по местам, принять решение о баллах и снятии задачи или переходе подачи.