ДЗ #4, Бинпоиск и куча СПб ВШЭ, 1 курс ПМИ, 24 сентября 2024

Содержание

Must have		2
Задача 4А.	01-бинпоиск [0.1, 256 mb]	2
Задача 4В.	Квадратный корень [0.1 sec, 256 mb]	3
Задача 4С.	Поиск [0.3 sec, 256 mb]	4
Задача 4D.	Быстрый поиск в массиве [0.2 sec, 256 mb]	5
Задача 4Е.	Собственно Куча [0.2 sec, 256 mb]	6
Обязательн	ые задачи	7
Задача 4F.	Куча исправлений [0.2, 256 mb]	7
Задача 4 G .	Минимум и максимум [0.2 sec, 256 mb]	8
Задача 4Н.	Для любителей статистики [0.2 sec, 256 mb]	9
Задача 41. І	Веревочки [0.2 sec, 256 mb]	10
Задача 4 J .	Наберите сумму [0.3 sec, 256 mb]	11
Задача 4К.	Линейная сумма [2 sec, 256 mb]	12
Дополнител	выные задачи	13
Задача 4М.	Менеджер памяти [0.3 sec, 256 mb]	13
Задача 4N.	Управление Памятью [0.2 sec, 256 mb]	14
Задача 40.	Лифт [0.2 sec, 256 mb]	15
Задача 4Р.	K-Best [0.3 sec, 256 mb]	16

У вас не получается читать/выводить данные? Воспользуйтесь примерами (c++) (python).

Обратите внимание, входные данные лежат в **стандартном потоке ввода** (он же stdin), вывести ответ нужно в **стандартный поток вывода** (он же stdout).

Обратите внимание на GNU C++ компиляторы с суффиксом inc.

Подни можно пользоваться дополнительной библиотекой (optimization.h).

То есть, использовать быстрый ввод-вывод: пример про числа и строки.

И быструю аллокацию памяти (ускоряет vector-set-map-весь-STL): пример.

Для тех, кто хочет разобраться, как всё это работает.

Короткая версия быстрого ввода-вывода (тык) и короткая версия аллокатора (тык).

Must have

Задача 4A. 01-бинпоиск [0.1, 256 mb]

Вам дана строка из ноликов и единичек. Гарантируется, что сперва в строке идут нолики, затем только единицы. Вам нужно найти позиции последнего нуля и первой единицы.

Понятно, что вы можете найти эти позиции простым линейным поиском, но это специальная задача, чтобы вы потренировали своё умение реализовывать каноничный бинпоиск, который поможет вам затем сдать все остальные задачи по теме бинпоиск.

В каноничном бинпоиске всегда есть указатель на текущую левую границы L и на правую границу R. L всегда указывает на какой-то нолик, R всегда указывает на какую-то единицу. Пока неверно, что L и R идут в строке подряд, то есть, R = L + 1, мы выбираем элемент по середине: $M = \lfloor \frac{L+R}{2} \rfloor$, и, если M указывает на нолик, то следует передвинуть L: L = M, иначе M указывает на единицу, и следует передвинуть R: R = M. Если изначально нулей в строке нет, мы можем представить фиктивный ноль слева на позиции -1 и сделать L = -1. Аналогично мы можем представить в конце фиктивную единицу и сделать R = n.

Любой другой бинпоиск выражается через описанный выше. Например, в следующей задаче мы захотим в отсортированном массиве b искать первый элемент больше либо равный x, тогда «нолики» — $b[i]:b[i]\leqslant x$, а «единицы» b[i]:b[i]>x, наш бинпоиск найдёт и последний «ноль», и первую «единицу». Заметьте, вам не нужно будет писать новые бинпоиски, в дальнейшем нужно лишь уметь понимать «по какому предикату мы делаем бинпоиск», то есть, что есть «ноль», что есть «единица».

Формат входных данных

В первой строке целое число $n \ (1 \leqslant n \leqslant 10^5)$ — длина строки.

Следующая строка содержит n нулей и единицу записанных подряд без пробелов.

Формат выходных данных

Выведите два числа — позицию самого правого нуля и позицию самой левой единицы. Позиции в строке нумеруются от 0 до n-1. Если нулей в массиве нет, то считайте, что самый правый находился на позиции -1. Если единиц в массиве нет, то считайте, что самая левая находилась на позиции n.

Примеры

stdin	stdout
8	4 5
00000111	
3	2 3
000	
3	-1 0
111	

Подсказка по решению

ДЗ #4, Бинпоиск и куча СП6 ВШЭ, 1 курс ПМИ, 24 сентября 2024

Задача 4В. Квадратный корень [0.1 sec, 256 mb]

Дано целое число n от 0 до $2^{64}-1$. Ваша задача—найти $|\sqrt{n}|$.

Формат входных данных

Мультитест. На каждой строке по числу n. Не более 1000 строк.

Формат выходных данных

Для каждого n на отдельной строке ответ на запрос.

Примеры

stdin	stdout
0	0
1	1
2	1
3	1
4	2
5	2

Замечание

Вы же уже написали универсальный бинпоиск? Используйте.

Целые числа такого типа помещаются в uint64_t в C++11.

Эту задачу обязательно сдать бинпоиском в целых числах.

Можете также поэкспериментировать с вещественными типами double, long double.

ДЗ #4, Бинпоиск и куча СПб ВШЭ, 1 курс ПМИ, 24 сентября 2024

Задача 4С. Поиск [0.3 sec, 256 mb]

В этой задаче нужно уметь выяснять, содержится ли число в последовательности.

Формат входных данных

В первой строке входного файла заданы через пробел два целых числа n и k ($1 \le n \le 300\,000,\ 1 \le k \le 300\,000$). Во второй строке задана последовательность из n отсортированных целых чисел $a_1,\ a_2,\ \ldots,\ a_n$, записанных через пробел ($1 \le a_i \le 10^9$). В третьей строке записаны запросы — k целых чисел $b_1,\ b_2,\ \ldots,\ b_k$ записанных через пробел, в порядке возрастания ($1 \le b_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

В выходной файл выведите k строк. В j-ой строке выведите "YES", если число b_j содержится в последовательности $\{a_i\}$, и "NO" в противном случае.

Примеры

stdin	stdout
3 3	NO
2 3 5	YES
1 2 3	YES
3 4	YES
1 2 2	YES
1 2 4 5	NO
	NO

Замечание

В этой задаче нельзя использовать STL =)

Вы же уже написали универсальный бинпоиск? Используйте.

ДЗ #4, Бинпоиск и куча СП6 ВШЭ, 1 курс ПМИ, 24 сентября 2024

Задача 4D. Быстрый поиск в массиве [0.2 sec, 256 mb]

Дан массив из N целых чисел. Все числа от -10^9 до 10^9 .

Нужно уметь отвечать на запросы вида "Сколько чисел имеют значения от L до R?".

Формат входных данных

Число $N~(1\leqslant N\leqslant 10^5)$. Далее N~ целых чисел.

Затем число запросов K ($1 \le K \le 10^5$).

Далее K пар чисел L, R ($-10^9 \le L \le R \le 10^9$) — собственно запросы.

Формат выходных данных

Выведите K чисел — ответы на запросы.

Пример

stdin	stdout
5	5 2 2 0
10 1 10 3 4	
4	
1 10	
2 9	
3 4	
2 2	

Замечание

В этой задаче можно использовать STL =) Можно не использовать...

Если не используете, важно написать ровно одну функцию «бинпоиск».

Задача 4E. Собственно Куча [0.2 sec, 256 mb]

Вам даны n запросов вида «добавить целое число от 1 до 10^9 в множество» и «извлечь из множества минимальное по значению число».

Формат входных данных

На первой строке $n \ (1 \le n \le 200\,000)$.

Далее n запросов по одному строке, подробности в примерах.

Гарантируется, что не будет извлечений из пустой кучи.

Формат выходных данных

При каждом извлечении вывести извлекаемый элемент.

Пример

stdin	stdout
6	1
+ 1	1
+ 2	2
+ 1	
_	
_	
-	
5	4
+ 4	2
_	
+ 3	
+ 2	
_	

Подсказка по решению

Задача о том, чтобы научиться пользоваться стандартной библиотекой.

C++: set, priority_queue

Обязательные задачи

Задача 4F. Куча исправлений [0.2, 256 mb]

Жил был массив p = [1, 2, ..., n], где $n \le 1000$. Массив испортили в $k \le 10$ местах, в этих местах исходные числа заменили на числа от 0 до n+1.

Массив a называется кучей, если в a_1 хранится минимум, и $\forall i \ a_i \leqslant a_{2i}$ и $a_i \leqslant a_{2i+1}$.

Вам нужно за не более чем 90 swap-ов элементов сделать из массива корректную кучу.

Формат входных данных

На первой строке числа $n \ (1 \le n \le 1000)$.

На следующей строке испорченная версия массива p.

Формат выходных данных

На первой строке выведите число m swap-ов, которые вы хотите совершить.

Следующие m строк должны содержать пары $i\ j$ — номера элементов, которые вы хотите поменять местами.

Примеры

stdin	stdout
6	2
1 2 3 0 5 6	4 2
	2 1
8	2
1 9 3 4 5 6 7 8	4 2
	8 4
6	4
5 2 3 4 5 0	2 1
	4 2
	6 3
	3 1

Замечание

Пояснение к первому примеру:

Проталкиваем 0 вверх: swap(4,2), swap(2,1).

Пояснение ко второму примеру:

Проталкиваем 9 вниз: swap(2,4), swap(4,8).

Пояснение к третьему примеру:

Hужно 5 из корня протолкнуть вниз: swap(1,2), swap(2,4)

и 0 из конца массива протолкнуть вверх: swap(6,3), swap(3,1).

Подсказка по решению

Напишите свою кучу.

Задача 4G. Минимум и максимум [0.2 sec, 256 mb]

Пусть есть мультимножество целых чисел (множество с возможными повторениями). Необходимо реализовать структуру данных для их хранения, поддерживающую следующие операции: GetMin — извлечение минимума, GetMax — извлечение максимума, Insert(N) — добавление числа в множество.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано одно целое число N ($1 \le N \le 100\,000$) — число запросов к структуре. Затем в N строках следуют запросы по одному в строке: GetMin, GetMax, Insert(A) — извлечение минимума, максимума и добавление числа A ($1 \le A \le 2^{31} - 1$). Запросы корректны, то есть нет операций извлечения для пустого множества

Формат выходных данных

Для каждого запроса GetMin или GetMax выведите то число, которое было извлечено.

Примеры

stdin	stdout
10	1
Insert(100)	100
Insert(99)	1
Insert(1)	2
Insert(2)	99
GetMin	
GetMax	
Insert(1)	
GetMin	
GetMin	
GetMax	

Замечание

В этой задаче запрещается использовать STL-контейнеры сложнее vector-a.

Вы уже написали кучу? Теперь вам нужно целых две. Удачи.

Где-то тут вам могут помочь обратные ссылки.

Ешё может помочь трюк с «удалением произвольного элемента».

Задача 4H. Для любителей статистики [0.2 sec, 256 mb]

Вы никогда не задумывались над тем, сколько человек за год перевозят трамваи города с десятимиллионным населением, в котором каждый третий житель пользуется трамваем по два раза в день?

Предположим, что на планете Земля n городов, в которых есть трамваи. Любители статистики подсчитали для каждого из этих городов, сколько человек перевезено трамваями этого города за последний год. Из этих данных была составлена таблица, в которой города были отсортированы по алфавиту. Позже выяснилось, что для статистики названия городов несущественны, и тогда их просто заменили числами от 1 до n. Поисковая система, работающая с этими данными, должна уметь быстро отвечать на вопрос, есть ли среди городов с номерами от l до r такой, что за год трамваи этого города перевезли ровно x человек. Вам предстоит реализовать этот модуль системы.

Формат входных данных

В первой строке дано целое число $n,\ 0 < n < 70\,000$. В следующей строке приведены статистические данные в виде списка целых чисел через пробел, i-е число в этом списке — количество человек, перевезенных за год трамваями i-го города. Все числа в списке положительны и не превосходят 10^9-1 . В третьей строке дано количество запросов $q,\ 0 < q < 70\,000$. В следующих q строках перечислены запросы. Каждый запрос — это тройка целых чисел $l,\ r$ и x, записанных через пробел $(1\leqslant l\leqslant r\leqslant n,\ 0< x<10^9)$.

Формат выходных данных

Выведите строку длины q, в которой i-й символ равен 1, если ответ на i-й запрос утвердителен, и 0 в противном случае.

Пример

stdin	stdout
5	10101
123 666 314 666 434	
5	
1 5 314	
1 5 578	
2 4 666	
4 4 713	
1 1 123	

Замечание

Разобрано на практике.

ДЗ #4, Бинпоиск и куча СПб ВШЭ, 1 курс ПМИ, 24 сентября 2024

Задача 41. Веревочки [0.2 sec, 256 mb]

С утра шел дождь, и ничего не предвещало беды. Но к обеду выглянуло солнце, и в лагерь заглянула СЭС. Пройдя по всем домикам и корпусам, СЭС вынесла следующий вердикт: бельевые веревки в жилых домиках не удовлетворяют нормам СЭС. Как выяснилось, в каждом домике должно быть ровно по одной бельевой веревке, и все веревки должны иметь одинаковую длину. В лагере имеется N бельевых веревок и K домиков. Чтобы лагерь не закрыли, требуется так нарезать данные веревки, чтобы среди получившихся веревочек было K одинаковой длины. Размер штрафа обратно пропорционален длине бельевых веревок, которые будут развешены в домиках. Поэтому начальство лагеря стремиться максимизировать длину этих веревочек.

Формат входных данных

В первой строке заданы два числа — N ($1 \le N \le 10\,001$) и K ($1 \le K \le 10\,001$). Далее в каждой из последующих N строк записано по одному числу — длине очередной бельевой веревки. Длина веревки задана в сантиметрах. Все длины лежат в интервале от 1 сантиметра до 100 километров включительно.

Формат выходных данных

В выходной файл следует вывести одно целое число — максимальную длину веревочек, удовлетворяющую условию, в сантиметрах. В случае, если лагерь закроют, выведите 0.

Пример

stdin	stdout
4 11	200
802	
743	
457	
539	

Замечание

Обычный бинпоиск по ответу.

Задача 4J. Наберите сумму [0.3 sec, 256 mb]

Вам дан массив целых чисел a. Вам необходимо ответить на q запросов. Каждый запрос задаётся двумя целыми числами pos_i , s_i . В качестве ответа на запрос выведите сколько подряд чисел, начиная с позиции pos_i в массиве a и правее, необходимо взять, чтобы их сумма была хотя бы s_i . Если сколько бы чисел, начиная с позиции pos_i , вы не взяли, их сумма будет меньше s_i , ответом на запрос является -1.

Формат входных данных

На первой строке длина массива n ($1 \le n \le 10^5$). На второй строке массив a: n целых чисел от 1 до 10^9 . На третьей строке количество запросов q ($1 \le q \le 10^5$). На следующих q строках по два целых числа pos_i , s_i , которые задают i-й запрос ($1 \le pos_i \le n$, $1 \le s_i \le 10^{18}$).

Формат выходных данных

Выведите q чисел — ответы на запросы.

Примеры

stdin	stdout
5	2
1 7 9 5 7	2
4	1
1 6	-1
3 14	
5 7	
1 99	
2	2
200000000 2000000000	-1
2	
1 200000001	
1 10000000000000000	

Замечание

Пояснение к первому примеру:

Для первых трёх запросов жирным выделены те числа, сумма которых не менее s_i .

$$[1, 7, 9, 5, 7]$$

 $[1, 7, 9, 5, 7]$
 $[1, 7, 9, 5, 7]$

На последний запрос ответ -1, так как даже если взять все числа, начиная с первого, сумма всё равно будет меньше 99.

Задача 4К. Линейная сумма [2 sec, 256 mb]

Есть n случайных точек на прямой с координатами от 0 до $2^{32} - 1$. У каждой точки есть значение от 0 до $2^{32} - 1$. Вам нужно обработать q случайных запросов вида "сумма значений точек, с координатами от l до r включительно".

Формат входных данных

На первой строке числа n, q. $(1 \le n \le 2^{20}, 1 \le q \le 2^{23})$. На второй строке пара целых чисел a, b от 1 до 10^9 , используемая в генераторе случайных чисел.

```
    uint32_t cur = 0; // беззнаковое 32-битное число
    uint32_t nextRand24() {
    cur = cur * a + b; // вычисляется с переполнениями
    return cur » 8; // число от 0 до 2<sup>24</sup> - 1.
    }
    uint32_t nextRand32() {
    uint32_t a = nextRand24(), b = nextRand24();
    return (a « 8) ^ b; // число от 0 до 2<sup>32</sup> - 1.
    }
    Каждая точка генерируется следующим образом:
    value = nextRand32(); // значение точки
```

2. x = nextRand32(); // координата точки

Каждый запрос генерируется следующим образом:

- 1. 1 = nextRand32();
- 2. r = nextRand32();
- 3. if (1 > r) swap(1, r); // получили отрезок [1..r] Сперва генерируются точки, затем запросы.

Формат выходных данных

Выведите сумму ответов на все запросы по модулю 2^{32} .

Примеры

stdin	stdout
5 5	3950632748
13 239	

Замечание

Заметьте, координаты точек могут повторяться.

Если есть несколько точек с равным х, не выбрасывайте их, сохраните их все ;)

```
p = {value, x}
p[0] = {13, 41645}
p[1] = {7695587, 1253435649}
p[2] = {749170640, 2683600557}
p[3] = {2444595881, 1270561959}
p[4] = {3436107648, 486388002}
Напомним, сложение по модулю 2<sup>32</sup> — вычисление в типе unsigned int (uint32_t).
```

Дополнительные задачи

Задача 4M. Менеджер памяти [0.3 sec, 256 mb]

Пете поручили написать менеджер памяти для новой стандартной библиотеки языка H++. В распоряжении у менеджера находится массив из N последовательных ячеек памяти, пронумерованных от 1 до N. Задача менеджера – обрабатывать запросы приложений на выделение и освобождение памяти. Запрос на выделение памяти имеет один параметр K. Такой запрос означает, что приложение просит выделить ему K последовательных ячеек памяти. Если в распоряжении менеджера есть хотя бы один свободный блок из K последовательных ячеек, то он обязан в ответ на запрос выделить такой блок. При этом непосредственно перед самой первой ячейкой памяти выделяемого блока не должно располагаться свободной ячейки памяти. После этого выделенные ячейки становятся занятыми и не могут быть использованы для выделения памяти, пока не будут освобождены. Если блока из K последовательных свободных ячеек нет, то запрос отклоняется. Запрос на освобождение памяти имеет один параметр Т. Такой запрос означает, что менеджер должен освободить память, выделенную ранее при обработке запроса с порядковым номером Т. Запросы нумеруются, начиная с единицы. Гарантируется, что запрос с номером T – запрос на выделение, причем к нему еще не применялось освобождение памяти. Освобожденные ячейки могут снова быть использованы для выделения памяти. Если запрос с номером T был отклонен, то текущий запрос на освобождение памяти игнорируется. Требуется написать менеджер памяти, удовлетворяющий приведенным критериям.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит числа N и M – количество ячеек памяти и количество запросов соответственно $(1\leqslant N\leqslant 2^{31}-1;\ 1\leqslant M\leqslant 10^5)$. Каждая из следующих M строк содержит по одному числу: (i+1)-я строка входного файла $(1\leqslant i\leqslant M)$ содержит либо положительное число K, если i-й запрос – запрос на выделение с параметром K $(1\leqslant K\leqslant N)$, либо отрицательное число -T, если i-й запрос – запрос на освобождение с параметром T $(1\leqslant T< i)$.

Формат выходных данных

Для каждого запроса на выделение памяти выведите в выходной файл результат обработки этого запроса: для успешных запросов выведите номер первой ячейки памяти в выделенном блоке, для отклоненных запросов выведите число -1. Результаты нужно выводить в порядке следования запросов во входном файле.

Примеры

stdin	stdout
6 8	1
2	3
3	-1
-1	-1
3	1
3	-1
-5	
2	
2	

Задача 4N. Управление Памятью [0.2 sec, 256 mb]

Недавно школьники изобрели новый язык программированию. Язык называется D++. На самом деле не важно, слышали ли вы уже про этот язык, или нет. Важно, что, чтобы запускать программы на языке D++, нужна новая операционная система. Новая ОС должна быть достаточно мощной, должна работать быстро и иметь кучу возможностей. Но это всё в будущем. А сейчас нужно... Нет. Не нужно придумывать название для новой ОС. Вам предстоит реализовать первый модуль в новой ОС. Конечно, этот модуль – модуль управления памятью. Давайте обсудим, как он должен работать.

Наша ОС будет выделять память кусками, назовём их "блоки". Влоки нумеруются целыми числами от 1 до N. Когда ОС требуется больше памяти, она обращается к модулю управления памятью. Чтобы обработать такой запрос, модуль должен найти свободный блок памяти с минимальным номером. Можете смело предположить, что памяти достаточно, чтобы обработать все запросы. Определим понятие "свободный блок". В момент первого запроса к памяти все блоки свободны. Занятый блок становится свободным, если к нему нет запросов доступа в течении T минут. Вас может удивить запись "запрос доступа к занятому блоку". Что же это значит? Ответ прост: в любой момент времени модуль управления памятью может получить запрос доступа к занятому блоку памяти. Обработка такого запроса происходит следующим образом: модуль проверяет, правда ли запрашиваемый блок занят. Если да, запрос считается успешным и блок остаётся занятым ещё на T минут. Иначе запрос считается ошибочным. Это всё, что нужно знать. Ваша задача — реализовать алгоритм для $N=30\,000$ и T=10 минутам.

Формат входных данных

Каждая строка ввода содержит запрос доступа к блоку памяти или запрос на выделение памяти. Запрос выделения памяти имеет форму "<Time> +", где <Time> — неотрицательное целоые число не более 65 000. Время даётся в секундах. Запрос доступа к памяти имеет форму "<Time> . <BlockNo>", где <Time> значит то же, что и выше, а <BlockNo> — целое число от 1 до N. Всего будет не более 80 000 запросов.

Формат выходных данных

Для каждой строки ввода нужно вывести ровно одну строку с ответом на запрос. На запрос выделения памяти выведите целое число – номер выделенного блока. Как было уже замечено выше, вы можете предположить, что одновременно будет нужно не более N блоков. Для запроса доступа к блоку памяти нужно выести один символ:

- "+" если запрос успешен (блок занят)
- "-" если запрос ошибочен (блок свободен)

Запросы даны в порядке возрастания времени. Запросы с одинаковым временем должны обрабатываться в том порядке, в котором даны.

Примеры

stdin	stdout
1 +	1
1 +	2
1 +	3
2.2	+
2.3	+
3 . 30000	-
601 . 1	-
601 . 2	+
602 . 3	-
602 +	1
602 +	3
1202 . 2	-

Задача 4О. Лифт [0.2 sec, 256 mb]

Высокое здание, состоящее из N этажей, оснащено только одним лифтом. Парковка находится ниже фундамента здания, что соответствует одному этажу ниже первого. Этажи пронумерованы от 1 до N снизу вверх. Про каждый этаж известно количество человек, желающих спуститься на лифте на парковку. Пусть для i-го этажа эта величина равна A_i . Известно, что лифт не может перевозить более C человек единовременно, а также то, что на преодоление расстояния в один этаж (не важно вверх или вниз) ему требуется P секунд. Какое наибольшее количество человек лифт может перевезти на парковку за T секунд, если изначально он находится на уровне парковки?

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержатся целые числа N, C, P, T ($1 \le N \le 100, 1 \le C \le 10^9, 1 \le P \le 10^9, 1 \le T \le 10^9$). Вторая строка содержит последовательность N целых чисел A_1, A_2, \ldots, A_N ($0 \le A_i \le 10^9$). Сумма всех значений последовательности не превосходит 10^9 .

Формат выходных данных

Выведите наибольшее количество человек, которое лифт успеет перевезти на парковку.

Пример

stdin	stdout
4 5 2 15	3
0 1 2 3	
4 5 2 18	5
0 1 2 3	
3 2 1 9	3
1 1 1	

Задача 4P. K-Best [0.3 sec, 256 mb]

У Демьяны есть n драгоценностей. Каждая из драгоценностей имеет ценность v_i и вес w_i . С тех пор, как её мужа Джонни уволили в связи с последним финансовым кризисом, Демьяна решила продать несколько драгоценностей. Для себя она решила оставить лишь k лучших. Лучших в смысле максимизации достаточно специфического выражения: пусть она оставила для себя драгоценности номер i_1, i_2, \ldots, i_k , тогда максимальной должна быть величина

$$\frac{\sum_{j=1}^{k} v_{i_j}}{\sum_{i=1}^{k} w_{i_j}}$$

Помогите Демьяне выбрать k драгоценностей требуемым образом.

Формат входных данных

На первой строке n и k ($1 \le k \le n \le 100\,000$).

Следующие n строк содержат пары целых чисел v_i , w_i ($0 \le v_i \le 10^6$, $1 \le w_i \le 10^6$, сумма всех v_i не превосходит 10^7 , сумма всех w_i также не превосходит 10^7).

Формат выходных данных

Выведите k различных чисел от 1 до n — номера драгоценностей. Драгоценности нумерются в том порядке, в котором перечислены во входных данных. Если есть несколько оптимальных ответов, выведите любой.

Пример

stdin	stdout
3 2	1 2
1 1	
1 2	
1 3	

Подсказка по решению

 $n\log^2 n$ не заходит и это нормально.