# ДЗ #30, HLD и ETT СП6 ВШЭ, 1 курс ПМИ, 27 мая 2025

# Содержание

Must have		<b>2</b>
Задача 30А.	Поднимайся и вращай [0.1, 256]	2
Задачи здор	ового человека	3
Задача 30В.	Динамический Лес [0.5, 256]	3
Задача 30С.	Пещеры и туннели [0.2, 256]	4
Для искател	ей острых ощущений	5
Задача 30D.	Count Offline [0.7, 256]	5
Для мастеро	в АІ	6
Задача 30Е.	Union [0.3, 256]	7
Задача 30F.	Inspector is Coming [0.15, 256]	8
Задача 30 <b>G</b> .	Distance Sum [2, 256]	9
Задача 30Н.	Прямоугольные запросы [0.9, 256]	10

У вас не получается читать/выводить данные? Воспользуйтесь примерами (c++) (python).

Обратите внимание, входные данные лежат в **стандартном потоке ввода** (он же stdin), вывести ответ нужно в **стандартный поток вывода** (он же stdout).

Обратите внимание на GNU C++ компиляторы с суффиксом inc.

Подни можно пользоваться дополнительной библиотекой (optimization.h).

То есть, использовать быстрый ввод-вывод: пример про числа и строки.

И быструю аллокацию памяти (ускоряет vector-set-map-весь-STL): пример.

Для тех, кто хочет разобраться, как всё это работает.

Короткая версия быстрого ввода-вывода (тык) и короткая версия аллокатора (тык).

# Must have

# Задача 30А. Поднимайся и вращай [0.1, 256]

Изначально у вас есть n чисел  $1, 2, \ldots n$ . Каждое живёт само по себе. Далее числа будут объединяться в массивы. Вам нужно реализовать структуру, данных, умеющую отвечать на несколько запросов, за  $\mathcal{O}(\log n)$  каждый.

- + і ј взять массивы, в которых живут числа i и j, и объединить их в один массив именно в таком порядке.
- ullet ! i k взять массив, в котором живёт число i, и повернуть его на k влево.
- - і k взять массив, в котором живёт число i, и отрезать первые k элементов. Получится два новых массива.

Гарантируется, что запросы корректны. В первом i и j живут в разных массивах, во втором и третьем, длина массива, содержащего i, строго больше k.

### Формат входных данных

На первой строке число элементов n ( $2 \le n \le 100\,000$ ) и число запросов m ( $1 \le m \le 100\,000$ ). На следующих m строках сами запросы.

### Формат выходных данных

После всех запросов нужно вывести получившиеся массивы. На первой строке выведите число массивов. Далее k массивов в формате «число элементов и сами элементы». Отсортируйте массив массивов перед выводом (массивы сравниваются лексикографически).

### Пример

stdin	stdout
5 5	3
+ 1 2	1 2
+ 1 3	3 3 4 1
+ 1 4	1 5
! 3 1	
- 2 1	

#### Подсказка по решению

Вам нужно каждому элементу сопоставить **node\*** и научиться подниматься от неё до корня соответствующего декартова дерева.

#### Замечание

То, что вы напишите в этой задаче, это уже почти ЕТТ; -)

# Задачи здорового человека

# Задача 30В. Динамический Лес [0.5, 256]

Вам нужно научиться обрабатывать 3 типа запросов:

- 1. Добавить ребро в граф (link).
- 2. Удалить ребро из графа (cut).
- 3. По двум вершинам a и b, определить, лежат ли они в одной компоненте связности (get).

Изначально граф пустой (содержит N вершин, не содержит ребер). Гарантируется, что в любой момент времени граф является лесом. При добавлении ребра гарантируется, что его сейчас в графе нет. При удалении ребра гарантируется, что оно уже добавлено.

# Формат входных данных

Числа N и M ( $1 \le N \le 10^5 + 1$ ,  $1 \le M \le 10^5$ ) — количество вершин в дереве и, соответственно, запросов. Далее M строк, в каждой строке команда (link или cut, или get) и 2 числа от 1 до N — номера вершин в запросе.

### Формат выходных данных

В выходной файл для каждого запроса get выведите 0, если не лежат, или 1, если лежат.

## Пример

stdin	stdout
3 7	0101
get 1 2	
link 1 2	
get 1 2	
cut 1 2	
get 1 2	
link 1 2	
get 1 2	
5 10	110100
link 1 2	
link 2 3	
link 4 3	
cut 3 4	
get 1 2	
get 1 3	
get 1 4	
get 2 3	
get 2 4	
get 3 4	

#### Подсказка по решению

Обычное ЕТТ.

# Задача 30С. Пещеры и туннели [0.2, 256]

После посадки на Марс учёные нашли странную систему пещер, соединённых туннелями. И учёные начали исследовать эту систему, используя управляемых роботов. Было обнаружено, что существует ровно один путь между каждой парой пещер. Но потом учёные обнаружили специфическую проблему. Иногда в пещерах происходят небольшие взрывы. Они вызывают выброс радиоактивных изотопов и увеличивают уровень радиации в пещере. К сожалению, роботы плохо выдерживают радиацию. Но для исследования они должны переместиться из одной пещеры в другую. Учёные поместили в каждую пещеру сенсор для мониторинга уровня радиации. Теперь они каждый раз при движении робота хотят знать максимальный уровень радиации, с которым придётся столкнуться роботу во время его перемещения. Как вы уже догадались, программу, которая это делает, будете писать вы.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит одно целое число N  $(1 \le N \le 100\,000)$  — количество пещер. Следующие N-1 строк описывают туннели. Каждая из этих строк содержит два целых числа —  $a_i$  и  $b_i$   $(1 \le a_i, b_i \le N)$ , описывыющие туннель из пещеры с номером  $a_i$  в пещеру с номером  $b_i$ . Следующая строка содержит целое число Q  $(1 \le Q \le 100\,000)$ , означающее количество запросов. Далее идут Q запросов, по одному на строку. Каждый запрос имеет вид «C U V», где C — символ «I» либо «G», означающие тип запроса (кавычки только для ясности). В случае запроса «I» уровень радиации в U-й пещере  $(1 \le U \le N)$  увеличивается на V  $(0 \le V \le 10\,000)$ . В случае запроса «G» ваша программа должна вывести максимальный уровень радиации на пути между пещерами с номерами U и V  $(1 \le U, V \le N)$  после всех увеличений радиации (запросов «I»), указанных ранее. Предполагается, что изначальный уровень радиации равен 0 во всех пещерах, и он никогда не уменьшается со временем (потому что период полураспада изотопов много больше времени наблюдения).

### Формат выходных данных

Для каждого запроса «G» выведите максимальный уровень радиации.

### Пример

stdin	stdout
4	1
1 2	0
2 3	1
2 4	3
6	
I 1 1	
G 1 1	
G 3 4	
I 2 3	
G 1 1	
G 3 4	

#### Подсказка по решению

Обычное HLD.

# Для искателей острых ощущений

# Задача 30D. Count Offline [0.7, 256]

Вам дано множество точек на плоскости.

Нужно уметь отвечать на два типа запросов:

- $\circ$  + x у добавить в множество точку (x, y).
- $\circ$  ?  $x_1$   $y_1$   $x_2$   $y_2$  сказать, сколько точек лежит в прямоугольнике  $[x_1..x_2] \times [y_1..y_2]$ . Точки на границе и в углах тоже считаются.  $x_1 \leqslant x_2, y_1 \leqslant y_2$ .

### Формат входных данных

Число точек N ( $1 \le N \le 50\,000$ ). Далее N точек. Число запросов Q ( $1 \le Q \le 100\,000$ ). Далее Q запросов. Все координаты от 0 до  $10^9$ .

### Формат выходных данных

Для каждого запроса GET одно целое число — количество точек внутри прямоугольника.

### Пример

stdin	stdout
4	2
0 0	4
1 0	1
0 1	
1 1	
5	
? 0 1 1 2	
+ 1 2	
+ 2 2	
? 1 0 2 2	
? 0 0 0 0	

#### Подсказка по решению

Можно как угодно сдать. Хоть 2D-деревом, хоть корневой.

# ДЗ #30, HLD и ETT СП6 ВШЭ, 1 курс ПМИ, 27 мая 2025

# Для мастеров AI

Правила.

Это блок задач про промтинг. Пользоваться можно только бесплатными версиями ИИ. В шапке исходника указывать последовательность промтов, и сайты, куда они были отправлены. Если в процессе использования ИИ вы получили какие-то важные идеи для решения, это тоже часть решения. Если с помощью ИИ вы написали генератор тестов или стресс-тест, это тоже следует указывать. Задокументируйте, пожалуйста, проделанную работу в шапке отосланного решения. Если это нужно, вы можете писать часть кода сами.

# ДЗ #30, HLD и ETT СП6 ВШЭ, 1 курс ПМИ, 27 мая 2025

# Задача 30Е. Union [0.3, 256]

Дано дерево из n вершин. Нужно обработать запросы вида "количество рёбер на пути от  $v_i$ , до  $u_i$ , вес которых не более  $k_i$ ".

### Формат входных данных

На первой строке числе n ( $1 \le n \le 10^5$ ). Следующие n-1 строк описывают рёбра дерева. Ребро задаётся парой концов a, b и весом w ( $1 \le a, b \le n, a \ne b, 1 \le w \le 10^6$ ). Следующая строка содержит число запросов q ( $1 \le q \le 10^5$ ). Каждый запрос задаётся тройкой чисел  $v_i$ ,  $u_i$  и  $k_i$  ( $1 \le v, u \le n, 1 \le k \le 10^6$ ).

# Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите одно число.

### Примеры

stdin	stdout
3	1
1 2 1	2
1 3 2	1
3	
1 2 2	
2 3 2	
2 3 1	
4	0
1 2 3	1
2 3 4	3
1 4 6	1
5	0
1 2 2	
4 2 5	
4 3 6	
2 3 5	
2 3 1	

## Подсказка по решению

Эту задачу нужно решать в offline.

Кстати, если не писали до этого LCA-offline, самое время попробовать.

# Задача 30F. Inspector is Coming [0.15, 256]

Дано дерево из N вершин. Изначально все рёбра не помечены. Поступают Q запросов вида "пометить все рёбра на пути из u в v, вес которых от  $W_{min}$  до  $W_{max}$ ". Выведите число помеченных рёбер в конце процесса.

### Формат входных данных

Вам даны число N ( $2 \le N \le 100\,000$ ) — число вершин в дереве. Следующие N-1 строка содержат описание рёбер дерева  $a_i$ ,  $b_i$  и  $w_i$  ( $1 \le a_i, b_i \le N$ ,  $1 \le w_i \le 1\,000\,000$ ). Далее следует число запросов Q ( $0 \le Q \le 100\,000$ ). Следующие Q строк описывают запросы, каждая содержит четыре целых числа u, v,  $W_{min}$ , and  $W_{max}$  ( $1 \le u, v \le N$ ,  $1 \le W_{min} \le W_{max} \le 1\,000\,000$ ).

### Формат выходных данных

Одно число – количество помеченных рёбер дерева.

## Примеры

stdin	stdout
3	2
1 2 20	
2 3 10	
2	
1 3 5 15	
1 3 15 25	
4	1
1 2 10	
1 3 20	
3 4 30	
1	
4 2 11 29	

#### Подсказка по решению

Эту задачу нужно решать в offline.

Кстати, если не писали до этого LCA-offline, самое время попробовать.

# Задача 30G. Distance Sum [2, 256]

На некоторой карте обозначены n городов и n-1 дорога, соединяющая эти города таким образом, что полученный граф является деревом. Города занумерованы последовательными целыми числами от 1 до n.

Город 1 является корнем дерева; обозначим для каждого i > 1 город, являющийся предком города i, за  $p_i$ , а расстояние между городами  $p_i$  и i за  $d_i$ .

Snuke хочет для каждого  $1 \leqslant k \leqslant n$  вычислить наименьшую сумму расстояний от некоторого города до городов  $1, \ldots, k$ :

$$\min_{1 \le v \le n} \{ \sum_{i=1}^{k} dist(i, v) \}$$

Здесь dist(u,v) обозначает расстояние между городами u и v.

## Формат входных данных

Первая строка входа содержит одно целое число n ( $1 \le n \le 2 \cdot 10^5$ ). Далее идут n-1 строк, i-я из которых содержит два целых числа  $p_{i+1}$  и  $d_{i+1}$  — номер предка города i+1 и расстояние между городом i+1 и этим предком ( $1 \le p_i \le n$ ,  $1 \le d_i \le 2 \cdot 10^5$ ,  $p_i$  образуют дерево).

### Формат выходных данных

Выведите n строк. В i-й из этих строк выведите ответ для k=i.

### Примеры

stdin	stdout
10	0
4 1	3
1 1	3
3 1	4
3 1	5
5 1	7
6 1	10
6 1	13
8 1	16
4 1	19
15	0
1 3	3
12 5	9
5 2	13
12 1	14
7 5	21
5 1	22
6 1	29
12 1	31
11 1	37
12 4	41
1 1	41
5 5	47
10 4	56
1 2	59

# Задача 30Н. Прямоугольные запросы [0.9, 256]

Даны N точек на плоскости, у каждой точки есть ценность. Нужно быстро обрабатывать запросы двух типов:

- $\circ$  Присвоить всем точкам в области  $[x_1..x_2] \times [y_1..y_2]$  ценность K.
- $\circ$  Найти точку с минимальной ценностью в области  $[x_1...x_2] \times [y_1...y_2]$ .

### Формат входных данных

Вам даны число точек N ( $1 \le N \le 262\,144$ ) и N точек.

Каждая точка задается тремя числами -x, y, начальная ценность.

Далее следует число запросов M ( $1 \le M \le 10^4$ ) и M запросов в формате

"=  $x_1$   $y_1$   $x_2$   $y_2$  value" для присваивания и "?  $x_1$   $y_1$   $x_2$   $y_2$ " для взятия минимума.

Все координаты от  $-10^9$  до  $10^9$ . Все ценности от 0 до  $10^9$ .

### Формат выходных данных

На каждый запрос? выведите минимальную ценность точек в прямоугольнике. Если в прямоугольнике нет ни одной точки, выведите NO.

### Пример

stdin	stdout
4	2
1 1 1	1
-1 1 1	NO
-1 -1 1	0
1 -1 1	
7	
= 0 0 3 3 2	
= -3 -3 0 0 2	
? 0 0 3 3	
? -3 -3 3 3	
= -1 -1 1 1 0	
? 0 0 0 0	
? -1000 -1000 1000 1000	

#### Подсказка по решению

КД-дерево?