

## Содержание

<b>Must have</b>	<b>2</b>
Задача 14А. Longpath. Длиннейший путь [1, 256]	2
Задача 14В. Поиск цикла [1, 256]	3
<b>Обязательные задачи</b>	<b>4</b>
Задача 14С. Unique Topsort [1, 256]	4
Задача 14D. Condense 2. Конденсация графа [1, 256]	5
Задача 14Е. Из истории банка Гринготтс [1, 256]	6
Задача 14F. Bridges. Мосты [1, 256]	7
Задача 14G. Мосты и компоненты [1, 256]	8
<b>Дополнительные задачи</b>	<b>9</b>
Задача 14Н. Кодовый замок [1, 256]	9
Задача 14I. Autotourism [1, 256]	10
Задача 14J. King's Assassination [1, 256]	11

---

У вас не получается читать/выводить данные?

Воспользуйтесь примерами (c++) (python).

Обратите внимание, входные данные лежат в **стандартном потоке ввода** (он же stdin), вывести ответ нужно в **стандартный поток вывода** (он же stdout).

Обратите внимание на GNU C++ компиляторы с суффиксом inc.

Подни можно пользоваться **дополнительной библиотекой** (optimization.h).

То есть, использовать быстрый ввод-вывод: **пример про числа и строки**.

И быструю аллокацию памяти (ускоряет vector-set-map-весь-STL): **пример**.

Для тех, кто хочет разобраться, как всё это работает.

Короткая версия быстрого ввода-вывода (**тык**) и короткая версия аллокатора (**тык**).

## Must have

### Задача 14А. Longpath. Длиннейший путь [1, 256]

Дан ориентированный граф без циклов. Требуется найти в нем длиннейший путь.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  — количество вершин и дуг графа соответственно. Следующие  $m$  строк содержат описания дуг по одной на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $b_i$  и  $e_i$  — началом и концом дуги соответственно ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ).

Входной граф не содержит циклов и петель.

$n \leq 10\,000$ ,  $m \leq 100\,000$ .

#### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число — количество дуг в длиннейшем пути.

#### Пример

stdin	stdout
5 5 1 2 2 3 3 4 3 5 1 5	3

### Задача 14В. Поиск цикла [1, 256]

Дан ориентированный невзвешенный граф без петель и кратных рёбер. Необходимо определить есть ли в нём циклы, и если есть, то вывести любой из них.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 100\,000$ ,  $M \leq 100\,000$ ) — количество вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в  $M$  строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

#### Формат выходных данных

Если в графе нет цикла, то вывести «NO», иначе — «YES» и затем перечислить все вершины в порядке обхода цикла.

#### Примеры

stdin	stdout
2 2 1 2 2 1	YES 1 2
3 3 1 2 2 3 1 3	NO

## Обязательные задачи

### Задача 14С. Unique Topsort [1, 256]

Дан ориентированный ациклический граф  $G$ . Проверить, что существует единственный топологический порядок вершин графа.

#### Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит число вершин графа  $n$  ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ) и число ребер графа  $m$  ( $0 \leq m \leq 100\,000$ ). Следующие  $m$  строк содержат пары чисел от 1 до  $n$ , задающие начало и конец соответствующего ребра. Гарантируется, что граф не содержит циклов.

#### Формат выходных данных

Если топологический порядок единственный, выведите на первой строке YES, а на второй номера вершин в топологическом порядке, иначе выведите NO.

#### Примеры

stdin	stdout
1 0	YES 1
2 1 2 1	YES 2 1
4 2 1 2 4 3	NO

### Задача 14D. Condense 2. Конденсация графа [1, 256]

Требуется найти количество ребер в конденсации ориентированного графа. Примечание: конденсация графа не содержит кратных ребер.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  — количество вершин и ребер графа соответственно ( $n \leq 10\,000$ ,  $m \leq 100\,000$ ). Следующие  $m$  строк содержат описание ребер, по одному на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $b_i, e_i$  — началом и концом ребра соответственно ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ). В графе могут присутствовать кратные ребра и петли.

#### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно число — количество ребер в конденсации графа.

#### Пример

stdin	stdout
4 4 2 1 3 2 2 3 4 3	2

### Задача 14Е. Из истории банка Гринготтс [1, 256]

Чтобы понять название задачи, можно прочитать красивую легенду.

<http://acm.timus.ru/problem.aspx?space=1&num=1441>

Задача же заключается в том, чтобы рёбра неориентированного графа разбить на минимальное число путей.

#### Формат входных данных

Дан граф. На первой строке число вершин  $n$  ( $1 \leq n \leq 20\,000$ ) и число рёбер  $m$  ( $1 \leq m \leq 20\,000$ ). Следующие  $m$  строк содержат описание рёбер графа. Каждая строка по два числа  $a_i b_i$  ( $1 \leq a_i, b_i \leq n$ ). Между каждыми двумя вершинами не более одного ребра. Граф связан.

#### Формат выходных данных

На первой строке минимальное число путей. На каждой следующей описании очередного пути – номера вершин в порядке прохождения.

#### Примеры

stdin	stdout
7 7 1 2 4 1 6 7 5 7 7 4 2 3 4 2	3 5 7 4 2 1 4 2 3 6 7

### Задача 14F. Bridges. Мосты [1, 256]

Дан неориентированный граф. Требуется найти все мосты в нем.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  — количество вершин и ребер графа соответственно ( $n \leq 20\,000$ ,  $m \leq 200\,000$ ).

Следующие  $m$  строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $b_i$ ,  $e_i$  — номерами концов ребра ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ).

#### Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно натуральное число  $b$  — количество мостов в заданном графе. На следующей строке выведите  $b$  целых чисел — номера ребер, которые являются мостами, в возрастающем порядке. Ребра нумеруются с единицы в том порядке, в котором они заданы во входном файле.

#### Пример

stdin	stdout
6 7	1
1 2	3
2 3	
3 4	
1 3	
4 5	
4 6	
5 6	

### Задача 14G. Мосты и компоненты [1, 256]

Дан неориентированный граф (не обязательно связный). Граф может содержать петли и кратные ребра.

Выведите все компоненты реберной двусвязности графа (максимальные подмножества вершин, такие что подграф на них не теряет связность при удалении любого ребра).

#### Формат входных данных

Первая строка содержит числа  $n$  и  $m$  ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ,  $0 \leq m \leq 100\,000$ ) — количество вершин и ребер в графе.

Следующие  $m$  строк задают ребра графа.

#### Формат выходных данных

В первой строке выведите количество компонент, в следующих за ней строках выведите сами компоненты, по одной на строку.

Вершины в каждой компоненте должны идти в возрастающем порядке, компоненты нужно вывести в лексикографическом порядке.

Компонента – вектор номеров своих вершин. Лексикографически сравниваются вектора.

#### Примеры

stdin	stdout
3 2 1 2 2 3	3 1 2 3
3 3 1 2 2 3 3 1	1 1 2 3
2 2 1 2 1 2	1 1 2
7 8 1 5 5 6 1 6 5 4 4 3 4 2 3 2 7 2	3 1 5 6 2 3 4 7



## Дополнительные задачи

### Задача 14Н. Кодовый замок [1, 256]

Петя опоздал на тренировку по программированию! Поскольку тренировка проходит в воскресенье, главный вход в учебный корпус, где она проходит, оказался закрыт, а вахтёр ушёл куда-то по своим делам. К счастью, есть другой способ проникнуть в здание — открыть снаружи боковую дверь, на которой установлен кодовый замок.

На пульте замка есть  $d$  кнопок с цифрами  $0, 1, \dots, d-1$ . Известно, что код, открывающий замок, состоит из  $k$  цифр. Замок открывается, если последние  $k$  нажатий кнопок образуют код.

Поскольку Петя не имеет понятия, какой код открывает замок, ему придётся перебрать все возможные коды из  $k$  цифр. Но, чтобы как можно скорее попасть на тренировку, нужно минимизировать количество нажатий на кнопки. Помогите Пете придумать такую последовательность нажатий на кнопки, при которой все возможные коды были бы проверены, а количество нажатий при этом оказалось бы минимально возможным.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла записаны через пробел два целых числа  $d$  и  $k$  — количество кнопок на пульте и размер кода, соответственно ( $2 \leq d \leq 10$ ,  $1 \leq k \leq 20$ ).

#### Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите искомую последовательность. Если последовательностей минимальной длины, перебирающих все возможные коды, несколько, можно выводить любую из них. Гарантируется, что  $d$  и  $k$  таковы, что минимальная длина последовательности не превосходит 1 мегабайта.

#### Пример

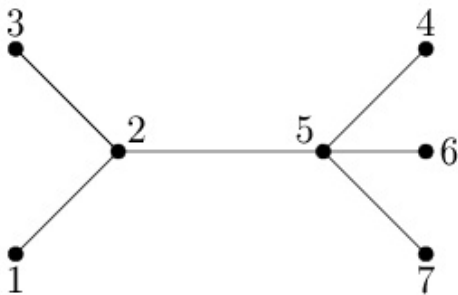
stdin	stdout
2 3	0001011100

#### Пояснение к примеру

Последовательность в примере перебирает все коды длины 3 в следующем порядке: 000, 001, 010, 101, 011, 111, 110, 100.

Задача 14I. Autotourism [1, 256]

В Байтеландии существуют  $n$  городов, соединённых  $n - 1$  дорогами с двусторонним движением таким образом, что из каждого города можно проехать в любой другой по сети дорог. Длина каждой дороги равна 1 километру.



Бензобак автомобиля позволяет проехать без заправки  $m$  километров. Требуется выбрать маршрут, позволяющий посетить наибольшее количество различных городов без дозаправки. При этом начинать и заканчивать маршрут можно в произвольных городах.

Формат входных данных

В первой строке входного файла заданы два целых числа  $n$  и  $m$  ( $2 \leq n \leq 500\,000$ ,  $1 \leq m \leq 200\,000\,000$ ) — количество городов в стране и количество километров, которое автомобиль может проехать без дозаправки. В последующих  $n - 1$  строках описаны дороги. Каждая дорога задаётся двумя целыми числами  $a$  и  $b$  ( $1 \leq a, b \leq n$ ) — номерами городов, которые она соединяет. Длина каждой дороги равна 1 км.

Формат выходных данных

Выведите одно число — максимальное количество городов, которое можно посетить без дозаправки.

Пример

stdin	stdout
7 6 1 2 2 3 2 5 5 6 5 7 5 4	5

Пояснение к примеру

5 городов можно посетить, например, по схеме  $4 \rightarrow 5 \rightarrow 7 \rightarrow 5 \rightarrow 6 \rightarrow 5 \rightarrow 2$  или по схеме  $3 \rightarrow 2 \rightarrow 1 \rightarrow 2 \rightarrow 5 \rightarrow 6 \rightarrow 5$ .

### Задача 14J. King's Assassination [1, 256]

Дан граф из  $n$  вершин и  $m$  ребер. Граф ориентированный. Нужно определить число вершин, содержащихся на всех путях из  $s$  в  $t$  (сами  $s$  и  $t$  учитывать не нужно).

#### Формат входных данных

Первая строка содержит  $n$ ,  $m$ ,  $s$  и  $t$  ( $2 \leq n \leq 100\,000$ ,  $1 \leq m \leq 300\,000$ ,  $1 \leq s, t \leq n$ ,  $s \neq t$ ).

Следующие  $m$  строк содержат пары чисел  $x_i$  и  $y_i$  — индексы вершин от 1 до  $n$ . Это означает что есть дорога из вершины с номером  $x_i$  в вершину с номером  $y_i$ .

#### Формат выходных данных

Число вершин  $k$ . Далее  $k$  чисел — номера вершин в возрастающем порядке.

#### Примеры

stdin	stdout
4 3 1 4 1 2 2 3 3 4	2 2 3
4 4 1 4 1 2 2 3 3 4 1 3	1 3
4 5 1 4 1 2 2 3 3 4 1 3 2 4	0