١ خواندن مسئله

پیش از هر کاری لازم است مسئله را از فایل ورودی بخوانیم و آن را پارس کنیم تا بتوانیم به تعداد و فواصل شهرها (رئوس) دسترسی داشته باشیم. برای این منظور کلاسی به نام TSP تعریف میکنیم که هر instance آن یک مسئله فروشندهٔ دوره گرد می باشد و با گرفتن مسیر فایل ورودی ایجاد می شود.

```
class TSP:
    EDGE_WEIGHT_TYPE_EXPLICIT = 'EXPLICIT'
    EDGE_WEIGHT_TYPE_GEO = 'GEO'
    EDGE_WEIGHT_TYPE_EUC_2D = 'EUC_2D'

def __init__(self, path: str):
    self.dimension = None
    self.edge_with_type = None
    self.distances = None

with open(path) as f:
    lines = f.readlines()
    lines = list(map(lambda line: line.strip(), lines))
    self.__parse(lines)
```

برای جلوگیری از طولانی شدن توابع مربوط به parse را در این گزارش نمی آوریم اما در فایل سورس پایتون موجود است.

۲ کروموزومها و جمعیت اولیه

اولین مرحله در حل یک مسئله به کمک الگوریتم ژنتیک تعریف کروموزوم یا همان نمایش یک پاسخ برای مسئله است. برای مسئله فروشندهٔ دورهگرد به دنبال یک دور در گراف هستیم که میتوانیم این دور را با دنبالهای از رئوس نشان دهیم که عضو آخر دنباله به عضو اول متصل است. برای مثال کروموزوم 1,3,2 دوری را نشان می دهد که از 1 شروع شده، به 2 می رود، سپس به 3 می رود و نهایتا به 4 باز می گردد. لذا کروموزومها به صورت جایگشتهایی از رئوس می باشند. پس جایگشتها را به عنوان کروموزوم انتخاب می کنیم. در پیاده سازی پایتون کلاس زیر را تعریف می کنیم.

```
class Chromosome:
    def __init__(self):
```

```
global tsp
self.__data = list(range(tsp.dimension))
random.shuffle(self.__data)
self.__cached_cost = 0
self.__cache_is_valid = False
```

در constructor این کلاس یک جایگشت رندوم ایجاد میکنیم، و جمعیت اولیه را به کمک این متد ایجاد میکنیم.

۳ تابع برازش

در مرحلهٔ بعد باید تابع برازش را برای مسئله تعریف کنیم یا به عبارتی دیگر بدانیم کدام کروموزوم برازندگی بیشتری دارد. به سادگی میتوان متوجه شد که به دنبال کمینه کردن طول دور هستیم پس تابع هزینه میتواند طول دور باشد و تابع برازش نیز برعکس تابع هزینه باشد. به عبارت دیگر هرچه هزینهٔ یک کروموزوم کمتر باشد آن را برازنده تر میدانیم. پس عملگر کوچکتر را به کلاس Chromosome اضافه میکنیم.

```
def __lt__(self, other):
    return self.cost() > other.cost()

def cost(self):
    global tsp
    if not self.__cache_is_valid:
        self.__cached_cost = 0
        for i in range(len(self.__data)):
            self.__cached_cost += tsp.distances[self.__data[i - 1]][self.__data[i]]
        self.__cache_is_valid = True
    return self.__cached_cost
```

با توجه به تعریف بالا c1 < c2 به این معنی است که هزینهٔ c1 از c2 بیشتر است یا به عبارت دیگر c2 برازنده تر است.

برای نمایش کروموزومها متد زیر را به کلاس Chromosome اضافه میکنیم.

```
def __str__(self):
    return self.__data.__str__() + ': ' + str(self.cost())
```

حال برای مثال دو کروموزوم تصادفی ایجاد میکنیم و آن را نمایش میدهیم، همچنین بررسی میکنیم که کدام کروموزوم برازندهتر است.

```
BAYG29 = 'testcase.bayg29.tsp'
tsp = TSP(BAYG29)
c1 = Chromosome()
c2 = Chromosome()
```

۴ انتخاب

برای انتخاب از ترکیب روشهای انتخاب رتبهای و رولت چندنشانه گر استفاده میکنیم. به این صورت که ابتدا جامعه را رتبهبندی میکنیم و سپس از رولت با N اشاره گر استفاده میکنیم. برای این منظور و همچنین کاربردهایی که در ادامه میبینیم، کلاس Population را پیاده سازی میکنیم.

```
class Population(list):
    def __init__(self):
        if type(countOrData) == int:
            self.__data = [Chromosome() for i in range(countOrData)]
        elif type(countOrData) == list:
            self.__data = countOrData
        else:
            raise Exception()
        self.__data.sort()
    def __choose(self):
        n = len(self.__data)
        roulette = sum([[i] * (i + 1) for i in range(n)], [])
        turning = random.randint(0, n)
        roulette = roulette[turning:] + roulette[:turning]
        pointers = range(0, len(roulette), math.ceil(len(roulette) / n))
        choices = []
        for pointer in pointers:
            choices.append(self.__data[roulette[pointer]])
        return choices
```

۵ بازترکیب

حال که تکلیف جمعیت اولیه و تابع برازش مشخص شد باید برای crossover تصمیم بگیریم. به طور شهودی به نظر میرسد که بازترکیب ترتیبی یا Order Recombination راه مناسبی برای ترکیب دو کروموزوم باشد. برای پیاده سازی بازترکیب از عملگر ضرب بین دو کروموزوم استفاده میکنیم.

```
def __mul__(self, other):
    global tsp
    (side1, side2) = random.sample(range(tsp.dimension + 1), 2)
    start = min(side1, side2)
    end = \max(\text{side1}, \text{side2})
    if VERBOSE_LEVEL > 1:
        print(start, end)
    first_child = Chromosome()
    first_child.__data = self.__crossover(self.__data, other.__data, start,
    second_child = Chromosome()
    second_child.__data = self.__crossover(other.__data, self.__data, start
   , end)
    return [first_child, second_child]
@staticmethod
def __crossover(mother_data: list, father_data: list, start: int, end: int)
    dimension = len(mother_data)
    data = [None] * dimension
    data[start:end] = mother_data[start:end]
    i = end
    for v in father_data[end:] + father_data[:end]:
        if v not in data:
            if i == start:
                i = end
            if i == dimension:
                i = 0
            data[i] = v
            i += 1
    return data
```

حال برای مثال بین دو کروموزوم تصادفی عمل ضرب انجام میدهیم و دو فرزند به وجود آمده را بررسی میکنیم.

```
BAYG29 = 'testcase.bayg29.tsp'
tsp = TSP(BAYG29)
c1 = Chromosome()
c2 = Chromosome()
print(c1)
print(c2)
(c3, c4) = c1 * c2
print(c3)
print(c4)
                                                           حاصل زير چاپ ميشود.
Γ
    0, 8, 11, 17, 24, 7, 13, 15, 23,
    5, 9, 4, 10, 12, 27, 16, 6, 14,
    3, 21, 1, 22, 28, 20, 19, 18, 2, 25, 26
]: 4677
Γ
    0, 8, 3, 2, 18, 5, 28, 15, 12,
    9, 11, 21, 4, 10, 23, 27, 14, 16,
    13, 17, 6, 19, 7, 26, 1, 24, 22, 20, 25
1: 4758
9 18
Γ
    8, 3, 2, 18, 28, 15, 11, 21, 23,
    5, 9, 4, 10, 12, 27, 16, 6, 14,
    13, 17, 19, 7, 26, 1, 24, 22, 20, 25, 0
]: 4953
Γ
    8, 17, 24, 7, 13, 15, 5, 12, 6,
    9, 11, 21, 4, 10, 23, 27, 14, 16,
    3, 1, 22, 28, 20, 19, 18, 2, 25, 26, 0
]: 5093
```

۶ جهش

پس از تعریف crossover نوبت به تعریف جهش یا همان mutation میرسد. شهودا به نظر میرسد جهش درجی یا Insert Mutation در این مسئله بهتر از جهش جابجایی عمل کند لذا از این جهش استفاده میکنیم. برای پیادهسازی جهش از عملگر معکوس یعنی - استفاده میکنیم.

```
def __invert__(self):
    global tsp
    (src, dst) = random.sample(range(tsp.dimension), 2)
```

```
if VERBOSE_LEVEL > 1:
        print(src, dst)
    result = Chromosome()
    result.__data = self.__data
    v = result.__data[src]
    result.__data = result.__data[:src] + result.__data[src + 1:]
    result.__data = result.__data[:dst] + [v] + result.__data[dst:]
    return result
حال برای مثال یک کروموزوم تصادفی ایجاد میکنیم و عمل جهش را روی آن انجام میدهیم. سپس نتیجه را
                                                                        بررسی میکنیم.
BAYG29 = 'testcase.bayg29.tsp'
tsp = TSP(BAYG29)
c = Chromosome()
print(c)
print(~c)
                                                             حاصل زیر چاپ میشود.
    [19, 21, 24, 26, 25, 14, 15, 3, 27, 13, 17, 10, 2, 7, <mark>23</mark>, 9, 4, 22, 0,
   8, 6, 16, 12, 28, 11, 20, 5, 18, 1]: 4649
    14 5
    [19, 21, 24, 26, 25, <mark>23</mark>, 14, 15, 3, 27, 13, 17, 10, 2, 7, 9, 4, 22, 0,
   8, 6, 16, 12, 28, 11, 20, 5, 18, 1]: 4738
```

۷ جایگزینی

به کمک کدهایی که در بالا نوشتیم میتوانیم نسل بعدی را از روی نسل قبلی ایجاد کنیم. حال نیاز داریم تصمیم بگیریم که کدام کروموزومها را نگه داریم و کدامها را حذف کنیم. تصمیم میگیریم c درصد از فرزندان برتر نسل جدید را به همراه c درصد از اعضای قبلی نگه داریم و جمعیت جدید را برابر آنها قرار دهیم.

```
def __replacement(self, children):
    n = len(children.__data)
    children_count = REPLACEMENT_CHILDREN_PROPORTION * n
    parents_count = n - children_count
    self.__data = children[-children_count:] + self.__data[-parents_count:]
    self.__data.sort()
```

٨ شرط توقف

شرط توقف را به این صورت در نظر می گیریم که بعد از تعداد مشخصی نسل هر بار تغییرات هر نسل نسبت به نسل قبل از خود کمتر از مقدار مشخصی باشد. برای این منظور دو مقدار مشخص زیر را تعریف می کنیم.

```
IMPROVEMENT_THRESHOLD
STAGNANCY_THRESHOLD
```

```
شرط یایان را نیز به صورت زیر تعریف میکنیم.
```

همچنین لازم است تفاوت دو کروموزوم را بتوانیم اندازهگیری کنیم که این کار را با تعریف عمل تفریق روی کلاس Chromosome انجام میدهیم.

```
def __sub__(self, other):
    return other.cost() - self.cost()
```

۹ کدنهایی

در نهایت کد زیر را برای حل سؤال مینویسیم.

```
N = 500
MUTATION_PROBABILITY = .8
REPLACEMENT_CHILDREN_PROPORTION = .2
IMPROVEMENT_THRESHOLD = 10
STAGNANCY_THRESHOLD = 10
population = Population(N)
answer = population.answer()
stagnancy = 0
i = 0
```

```
while True:
    population.iterate()
     improvement = population.answer() - answer
     answer = population.answer()
    if VERBOSE_LEVEL > -1:
         print(f"Iteration: {i}")
    if VERBOSE_LEVEL > 0:
         print(f"Best Answer: {population.answer()}")
    elif VERBOSE_LEVEL == 0:
         print(f"Best Answer: {population.answer().cost()}")
    if VERBOSE_LEVEL > 1:
         print(f"All Answers: {population.answers()}")
    if improvement < IMPROVEMENT_THRESHOLD:</pre>
         stagnancy += 1
         if stagnancy >= STAGNANCY_THRESHOLD:
    else:
         stagnancy = 0
     i += 1
if VERBOSE LEVEL == 0:
    print(population.answer())
پارامترهای الگوریتم با آزمون و خطا به دست آمدهاند. به نظر میرسد هرچه جمعیت بزرگتر باشد الگوریتم
پاسخ بهتری میدهد چرا که دیرتر همگرا میشود. از طرفی رکود و بهبودی که تعریف شده در همین حد کافی به
                                       نظر می رسد و زیاد کردن آن تفاوت چندانی در عملکرد ندارد.
برای جلوگیری از همگرایی زودرس احتمال جهش را بسیار بالا و سهم فرزندان در هر نسل را پایین در نظر
همچنین باید تابع iterate و توابع دیگر که برا اجرای کد فوق لازم میباشند را به Population اضافه
def iterate(self):
     children = self.__crossover()
     children.__mutate()
     self.__replacement(children)
def __crossover(self):
    parents = self.__choose()
    random.shuffle(parents)
    children = []
```

```
for i in range(0, len(parents) - 1, 2):
        children += parents[i] * parents[i + 1]
    return Population(None, children)
def __mutate(self):
    for child in self.__data:
        if random.random() < MUTATION_PROBABILITY:</pre>
            child = ~child
def answers(self) -> list:
    return list(map(lambda c: c.cost(), self.__data))
                                                                  ١٠ نتايج
                           حال می توانیم کد موجود را روی داده ها اجرا کنیم و نتایج را بررسی کنیم.
                                                              bayg29 1.1.
    برای این مجموعه شهرها، پس از اجرای الگوریتم، و گذشت ۶۹ نسل، الگوریتم روی پاسخ 1624 ایستاد.
Iteration: 0
Best Answer: [21, 18, 19, 2, 11, 6, 24, 3, 17, 13, 26, 1, 20, 22, 23, 12,
   7, 14, 10, 15, 27, 8, 9, 0, 28, 25, 4, 5, 16]: 3617
Iteration: 1
Best Answer: [7, 24, 6, 27, 20, 22, 11, 5, 25, 28, 23, 18, 13, 12, 0, 26,
   2, 4, 8, 14, 17, 15, 19, 1, 9, 3, 21, 16, 10]: 3531
Iteration: 2
Best Answer: [2, 23, 6, 22, 27, 7, 11, 28, 8, 20, 19, 1, 4, 5, 14, 16, 13,
   10, 9, 21, 18, 26, 17, 3, 12, 0, 24, 15, 25]: 3392
Iteration: 3
Best Answer: [2, 23, 6, 22, 27, 7, 11, 28, 8, 20, 19, 1, 4, 5, 14, 16, 13,
   10, 9, 21, 18, 26, 17, 3, 12, 0, 24, 15, 25]: 3392
Iteration: 4
Best Answer: [25, 4, 11, 2, 19, 7, 20, 13, 14, 6, 18, 24, 23, 8, 27, 0, 5,
   21, 17, 16, 10, 9, 1, 15, 26, 22, 3, 12, 28]: 3328
Best Answer: [12, 19, 1, 9, 10, 6, 28, 27, 2, 16, 21, 13, 17, 26, 22, 7, 5,
    0, 25, 4, 11, 8, 20, 3, 14, 24, 23, 15, 18]: 3115
Iteration: 6
Best Answer: [12, 19, 1, 9, 10, 6, 28, 27, 2, 16, 21, 13, 17, 26, 22, 7, 5,
```

0, 25, 4, 11, 8, 20, 3, 14, 24, 23, 15, 18]: 3115

Best Answer: [12, 19, 1, 9, 10, 6, 28, 27, 2, 16, 21, 13, 17, 26, 22, 7, 5, 0, 25, 4, 11, 8, 20, 3, 14, 24, 23, 15, 18]: 3115

Iteration: 8

Best Answer: [7, 0, 8, 23, 3, 14, 16, 13, 10, 9, 21, 1, 28, 25, 2, 27, 11, 5, 4, 20, 6, 22, 24, 15, 18, 12, 19, 17, 26]: 2954

Iteration: 9

Best Answer: [14, 16, 21, 1, 5, 8, 11, 27, 20, 28, 25, 2, 4, 17, 10, 13, 19, 26, 22, 7, 0, 23, 15, 12, 9, 18, 6, 24, 3]: 2600

Iteration: 10

Best Answer: [14, 16, 21, 1, 5, 8, 11, 27, 20, 28, 25, 2, 4, 17, 10, 13, 19, 26, 22, 7, 0, 23, 15, 12, 9, 18, 6, 24, 3]: 2600

Iteration: 11

Best Answer: [14, 16, 21, 1, 5, 8, 11, 27, 20, 28, 25, 2, 4, 17, 10, 13, 19, 26, 22, 7, 0, 23, 15, 12, 9, 18, 6, 24, 3]: 2600

Iteration: 12

Best Answer: [14, 16, 21, 1, 5, 8, 11, 27, 20, 28, 25, 2, 4, 17, 10, 13, 19, 26, 22, 7, 0, 23, 15, 12, 9, 18, 6, 24, 3]: 2600

Iteration: 13

Best Answer: [14, 16, 21, 1, 5, 8, 11, 27, 20, 28, 25, 2, 4, 17, 10, 13, 19, 26, 22, 7, 0, 23, 15, 12, 9, 18, 6, 24, 3]: 2600

Iteration: 14

Best Answer: [1, 20, 0, 7, 6, 10, 24, 3, 21, 16, 13, 17, 14, 15, 23, 26, 22, 18, 9, 12, 28, 2, 25, 27, 19, 4, 5, 11, 8]: 2544

Iteration: 15

Best Answer: [0, 1, 5, 8, 11, 27, 28, 25, 2, 4, 17, 10, 18, 9, 12, 3, 14, 16, 21, 13, 19, 20, 15, 7, 26, 22, 6, 24, 23]: 2507

Iteration: 16

Best Answer: [6, 14, 3, 15, 22, 23, 20, 28, 25, 2, 8, 27, 11, 5, 4, 1, 17, 21, 19, 9, 12, 0, 7, 26, 18, 10, 13, 16, 24]: 2485

Iteration: 17

Best Answer: [6, 14, 3, 15, 22, 23, 20, 28, 25, 2, 8, 27, 11, 5, 4, 1, 17, 21, 19, 9, 12, 0, 7, 26, 18, 10, 13, 16, 24]: 2485

Iteration: 18

Best Answer: [17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 22, 14, 3, 9, 1, 23, 15, 26, 7, 27, 20, 0, 28, 25, 2, 4, 5, 11, 8, 19, 12]: 2317

Iteration: 19

Best Answer: [17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 22, 14, 3, 9, 1, 23, 15, 26, 7, 27, 20, 0, 28, 25, 2, 4, 5, 11, 8, 19, 12]: 2317

Iteration: 20

Best Answer: [17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 22, 14, 3, 9, 1, 23, 15, 26, 7, 27, 20, 0, 28, 25, 2, 4, 5, 11, 8, 19, 12]: 2317

Best Answer: [17, 10, 13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 1, 7, 0, 5, 8, 4, 28, 2, 25, 20, 11, 27, 26, 22, 6, 23, 24, 18, 15, 12]: 2225

Iteration: 22

Best Answer: [17, 10, 13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 1, 7, 0, 5, 8, 4, 28, 2, 25, 20, 11, 27, 26, 22, 6, 23, 24, 18, 15, 12]: 2225

Iteration: 23

Best Answer: [12, 17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 26, 22, 7, 0, 15, 20, 28, 2, 25, 8, 11, 27, 5, 4]: 2215

Iteration: 24

Best Answer: [12, 17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 26, 22, 7, 0, 15, 20, 28, 2, 25, 8, 11, 27, 5, 4]: 2215

Iteration: 25

Best Answer: [12, 17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 26, 22, 7, 0, 15, 20, 28, 2, 25, 8, 11, 27, 5, 4]: 2215

Iteration: 26

Best Answer: [12, 17, 10, 13, 16, 21, 18, 24, 6, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 26, 22, 7, 0, 15, 20, 28, 2, 25, 8, 11, 27, 5, 4]: 2215

Iteration: 27

Best Answer: [23, 12, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 7, 26, 0, 5, 8, 4, 28, 2, 25, 20, 11, 27, 22, 6, 24, 18, 15, 3, 9, 19, 1]: 2172

Iteration: 28

Best Answer: [10, 21, 16, 13, 14, 17, 1, 19, 9, 12, 15, 18, 24, 6, 22, 23, 26, 7, 27, 20, 0, 28, 25, 2, 4, 5, 11, 8, 3]: 2161

Iteration: 29

Best Answer: [10, 13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 7, 0, 5, 8, 4, 28, 2, 25, 20, 11, 27, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 17]: 2008

Iteration: 30

Best Answer: [10, 13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 7, 0, 5, 8, 4, 28, 2, 25, 20, 11, 27, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 17]: 2008

Iteration: 31

Best Answer: [10, 13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 1, 23, 7, 0, 5, 8, 4, 28, 2, 25, 20, 11, 27, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 17]: 2008

Iteration: 32

Best Answer: [24, 18, 14, 17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 5, 11, 27, 20, 0, 22, 26, 7, 23, 15, 6]: 1971

Iteration: 33

Best Answer: [24, 18, 14, 17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 5, 11, 27, 20, 0, 22, 26, 7, 23, 15, 6]: 1971

Iteration: 34

Best Answer: [24, 18, 14, 17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 5, 11, 27, 20, 0, 22, 26, 7, 23, 15, 6]: 1971

Best Answer: [17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 22, 26, 15, 6, 24, 18, 14]: 1911

Iteration: 36

Best Answer: [17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 22, 26, 15, 6, 24, 18, 14]: 1911

Iteration: 37

Best Answer: [17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 22, 26, 15, 6, 24, 18, 14]: 1911

Iteration: 38

Best Answer: [17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 22, 26, 15, 6, 24, 18, 14]: 1911

Iteration: 39

Best Answer: [17, 10, 16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 22, 26, 15, 6, 24, 18, 14]: 1911

Iteration: 40

Best Answer: [16, 21, 13, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 14, 17, 10]: 1873

Iteration: 41

Best Answer: [13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 28, 25, 2, 1, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 17, 10]: 1833

Iteration: 42

Best Answer: [13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 28, 25, 2, 1, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 17, 10]: 1833

Iteration: 43

Best Answer: [13, 17, 14, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 16, 21]: 1797

Iteration: 44

Best Answer: [13, 17, 14, 3, 9, 19, 12, 1, 28, 25, 2, 4, 8, 20, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 16, 21]: 1797

Iteration: 45

Best Answer: [13, 16, 21, 14, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 17, 10]: 1786

Iteration: 46

Best Answer: [21, 16, 17, 13, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 14, 10]: 1726

Iteration: 47

Best Answer: [21, 16, 17, 13, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 14, 10]: 1726

Iteration: 48

Best Answer: [21, 16, 17, 13, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 14, 10]: 1726

Best Answer: [21, 16, 17, 13, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 14, 10]: 1726

Iteration: 50

Best Answer: [21, 16, 17, 13, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 14, 10]: 1726

Iteration: 51

Best Answer: [21, 16, 17, 13, 3, 9, 19, 1, 28, 2, 25, 20, 4, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 18, 15, 12, 14, 10]: 1726

Iteration: 52

Best Answer: [3, 9, 19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 12]: 1671

Iteration: 53

Best Answer: [3, 9, 19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 12]: 1671

Iteration: 54

Best Answer: [1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 9, 12, 19]: 1656

Iteration: 55

Best Answer: [1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 9, 12, 19]: 1656

Iteration: 56

Best Answer: [1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 15, 12, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 9, 19]: 1641

Iteration: 57

Best Answer: [1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 15, 12, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 9, 19]: 1641

Iteration: 58

Best Answer: [1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 22, 6, 24, 15, 12, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 9, 19]: 1641

Iteration: 59

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1631

Iteration: 60

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1631

Iteration: 61

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1631

Iteration: 62

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 5, 11, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1631

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624

Iteration: 64

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624

Iteration: 65

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624

Iteration: 66

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624

Iteration: 67

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624

Iteration: 68

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624

Iteration: 69

Best Answer: [19, 1, 20, 4, 28, 2, 25, 8, 11, 5, 27, 0, 23, 7, 26, 15, 22, 6, 24, 18, 10, 21, 16, 13, 17, 14, 3, 12, 9]: 1624