

Класът BigInteger позволява работа с големи цели числа в 10-ична и 16-ична бройна система, както и с десетични дробни. За целта всеки обект от този тип съдържа масиви, които съхраняват цифрите на представянето му в съответната система, като цифрите преди и след десетичната запетая са в два отделни масива. За улеснение на някои операции като събиране, умножение, преминаване от една система в друга цифрите се съхраняват в обратен ред (например 123 се представя с низа „321“).

Число от класа може да се **конструира**:

- По подадено цяло число (long), като в такъв случай като опционални параметри може да се подаде padding( отместване, или умножение по съответната степен на 10; например BigInteger(123,8) дава  $123 \cdot 10^8$ ) и бройна система base(10 по подразбиране)

BigInteger(long=0 , int=0, int=10)

- По подадено дробно число, като задължително като втори аргумент се посочва прецизност – например ако подадем (124.6532,4) получаваме 124,6532, но ако подадем с втори аргумент 3, ще имаме 124.653

BigInteger(double,int)

Това конструиране става по конвенционалния алгоритъм – в обратен ред(т.е. последователно при нашето представяне) се запълва масива от цифри с остатъка от делене на числото на базата, след което продължаваме върху частното от деленето до получаване на 0. При дробно число вземаме цялата част, прилагаме върху нея алгоритъма, а дробната умножаваме по съответната точност и прилагаме върху нея алгоритъма, като обаче накрая обръщаме масива при записването му(за дробната част по удобно е представянето в правата посока); това се извършва от същия помощен метод, но двата случая се разграничават с булев параметър reversed

Класът предоставя голяма четворка и извеждане на стандартния изход, като то се определя от текущата бройна система, в която се разглежда числото (присъства като state variable в обекта). **Входът от клавиатурата** се извършва с помощта на структура-буфер, която въвежда до срещане на разделител, различен от цифра или десетична точка. След това масивът се разделя по точката, ако я има, и цифрите се записват в подходящия ред в подходящия масив в зависимост от бройната система.

Обектите от класа поддържат всички стандартни аритметични действия, вкл. инфиксен минус, събиране и изваждане, умножение, деление и деление с остатък. **Събиране и изваждане** се реализират със стандартния алгоритъм – събиране на съответните цифри с преноси. Това се извършва и върху цялата, и върху дробната част. **Умножението** се осъществява рекурсивно – масивите от цифрите на всяко число се разделят по средата и се свежда до по-малки случаи, като се ползва равенството  $ab \cdot cd = (a \cdot \text{base}^k + b)(c \cdot \text{base}^m + d) = (ac) \cdot \text{base}^{(k+m)} + (ad) \cdot \text{base}^k + (bc) \cdot \text{base}^m + bd$ . Използва се, че  $ac, ad, bc, bd$  са умножение на числа с по-малък брой цифри, а

умножението със степен на основата се извършва просто като добавяне на padding. Рекурсията завършва в базовия случай, когато едно от числата е едноцифрено – тогава просто умножаваме по всяка цифра с преноси. Сходен алгоритъм се реализира и при умножението на дроби, като първо преместваме десетичната запетая така че числата да са цели, извършваме умножението по този алгоритъм, после връщаме десетичната запетая на мястото ѝ.

**Делението** се реализира по алгоритъм long division. За целта изравняваме броя на цифрите на числото отдясно с делимото и натрупваме във временна променлива кратни на делителя, докато надхвърлим даденото. Тогава се връщаме стъпка назад и записваме броя пъти, по които сме умножили, като съответна цифра к. Вадим к пъти делимото от нашето число и получаваме остатък, за който продължаваме да прилагаме алгоритъма: изравняваме броя на цифрите, делим и така нататък. Продължаваме, докато не получим число, по-малко от самия делител. Тогава това е остатъкът, а полученото дотук число от масива от натрупани цифри е частното. При дробни числа отново умножаваме по степен на базата, за да сведем до съответната задача за цели числа, но вземаме предвид и точността – брой цифри след десетичната запетая, зададена като статична променлива precision на класа.

Възможен е също **преход от една бройна система в друга**, като от 10-ична към 16-ична използваме стандартния алгоритъм: делим числото на 16, запазваме остатък, продължаваме с частното. За обратния переход използваме алгоритъма, базиран на метода на Хорнер: започваме отзад напред и на всяка стъпка умножаваме полученото дотук по 16 и прибавяме следващата цифра. Накрая получаваме желаното представяне в десетична бройна система. Можем както да конвертираме дадено число, като сменим и текущата му база, така и да получим негово копие в съответната бройна система.

```
void convertToDecimal();  
void convertToBase();  
BigNumber getDecimal() const;  
BigNumber getHex() const;
```

Като бонус са реализирани и **побитовите операции**. Те използват 16-ичното представяне на числото, за да получат от него двоично, прилагат побитово операциите върху него чрез помощни функции и конвертират полученото двоично число до 16-ично, а при необходимост и до десетично с функциите за преминаване в бройни системи. За целта се използва бързия переход между 2-ична и 16-ична система – всяка 16-ична цифра се замества с поредицата от четирите двоични, които отговарят на стойността ѝ, и обратното.

Класът предоставя **операции за сравнение**, които действат по очаквания начин – първо гледат знака на числото, после броя цифри, а при равен брой цифри сравняват и лексикографски целите, а при нужда и дробните части. Освен това има и някои други помощни методи – достъпване на цифра по позиция (директно поради избраната имплементация), проверка за знак, за равенство с нула, дали числото е цяло, с колко цифри се записва в подадена като параметър бройна система. Функцията abs връща абсолютната стойност на числото.

```
char& operator[](int);  
char at(int) const;
```

```
bool isPositive() const { return sign==1; }  
bool isNegative() const { return sign==-1; }  
bool isZero() const { return sign == 0; }  
bool isInteger() const { return numberOfFracDigits==0; }  
BigNumber abs(BigNumber const&) const;
```