B4B01DMA

Jakub Adamec Domácí úkol č. 4A

21. 10. 2024

Tento úkol vypracujte a pak přineste na cvičení č. 5.

- 1. Dokažte, že když moduly $m,n\in\mathbb{N}$ splňují $m\mid n$ a čísla $a,b\in\mathbb{Z}$ splňují $a\equiv b(\operatorname{mod} n),$ pak $a\equiv b(\operatorname{mod} m).$
- **2.** Nechť $p,q\in\mathbb{N}$. Dokažte, že když čísla $a,b\in\mathbb{Z}$ splňují $a\equiv b(\bmod{pq})$, pak $a\equiv b(\bmod{p})$ a $a\equiv b(\bmod{q})$.

1. Důkaz:

```
m,n\in\mathbb{N}libovolné. a,b\in\mathbb{Z}libovolné. <br/> předpoklad: m\mid n\quad\wedge\quad a\equiv b(\bmod n). n=km,\,k\in\mathbb{Z}.<br/> a-b=ln,\,l\in\mathbb{Z}. a-b=l(km)=(lk)m,\,(lk)\in\mathbb{Z}. A tedy platí a\equiv b(\bmod m).
```

2. Důkaz:

```
p,q\in\mathbb{N}libovolné. a,b\in\mathbb{Z}libovolné. předpoklad: a\equiv b(\bmod{pq}). a-b=kpq,\ k\in\mathbb{Z}. a-b=(kp)q,\ (kp)\in\mathbb{Z}\ \land\ a-b=(kq)p,\ (kq)\in\mathbb{Z}. A tedy platí a\equiv b(\bmod{p}) a a\equiv b(\bmod{q}).
```