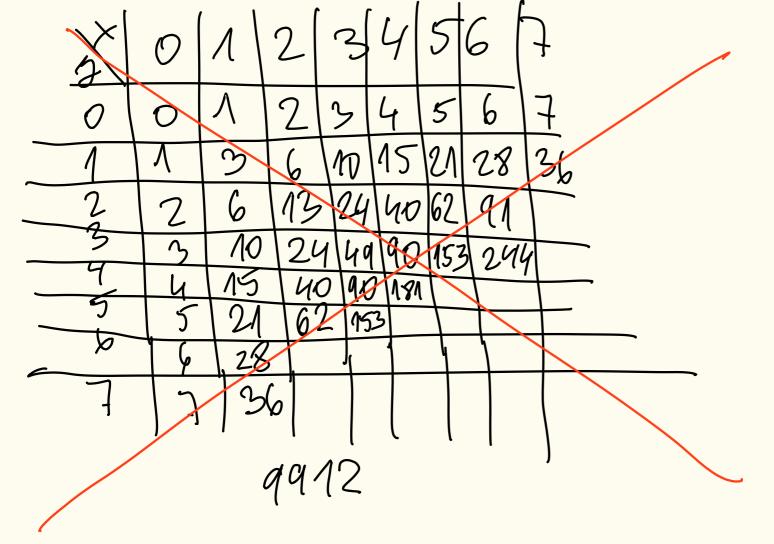
Dynamické programování I cvičení

CB

- Popište, jak byste výpočet hodnoty rekurzivní funkce f(6,7) převedli na vyplňování hodnot v poli, když funkce f je rekurzivně definována takto:
- a) f(x,y) = 0 pro x=0 nebo y=0 f(x,y) = f(x-1, y-1) + f(x-1,y) + f(x,y-1) + 1 jinak

b)
$$f(x,y) = 0$$
 pro x=0 nebo y=0 $f(x,y) = \max (f(x-1, y-1) + f(x-1,y)) + f(x,y-1) + 1$ jinak

∝ Určete hodnotu f(6,7).



03

Popište, jak převedete výpočet hodnoty rekurzivní funkce f(6,8,7) na vyplňování hodnot v poli:

b)

$$f(x,y,z) = 0$$
 pro x=0 nebo y=0 nebo z=0
 $f(x,y,z) = 3*f(x-1,y-1,z)-f(x,y-1,z)-f(x-1,y,z-1)+1$ jinak

03

Pro kombinační čísla (= Binomické koeficienty) platí Bin(n,k) = Bin(n-1,k) + Bin(n-1,k-1).

Funkce BIN(n, k) implementuje binomický koeficient:

BIN(n,k) = 1

pro n = 0 nebo k = 0

BIN(n,k) = Bin(n-1,k)+Bin(n-1,k-1)

jinak

Určete, kolikrát byla funkce BIN() volána při provedení příkazu

int x = BIN(6,4);.

00000000

0

Návrh Designu: Radek Mařík

03

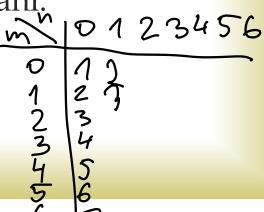
$$A(n, m) = m+1$$

$$A(n, m) = A(n-1, 1)$$

$$A(n, m) = A(n-1, A(n, m-1))$$

Popište, jak budete postupně vyplňovat tabulku, chcete-li se vyhnout rekurzivnímu volání.

○ Dokážete určit hodnotu A(4,4)?



2015-04-22

Návrh Designu: Radek Mařík

5A.

CB

- Určete topologické uspořádání DAG G1.
- C Uzly G1 jsou číslovány 0,1, 2, ..., 7 a jeho seznam hran je

$$E(G1) = \{(0, 1), (0, 4), (1, 2), (1, 7), (4, 2), (4, 3), (4, 6), (5, 0), (5, 1), (5, 4), (6, 2), (6, 7), (7, 3)\}.$$

5B.



- DAG G1 v zadání 5A umožňuje více různých topologických uspořádání. Když uzly G1 vypíšeme v pořadí některého uspořádání vznikne formálně 8-prvkový celočíselný vektor.
- Najděte takové topologické uspořádání G1, při němž vektor vypsaných uzlů bude lexikograficky co nejmenší.

2015-04-22

Návrh Designu: Radek Mařík

03

- Popište, jak je nutno modifikovat standardní algoritmus hledání nejdelší cesty v DAG, aby našel nejdelší cestu (s maximálním součtem hodnot v uzlech a-nebo hranách) v DAG za okolností:
- A. Každý uzel DAG je ohodnocen kladným reálným číslem a hrany ohodnoceny nejsou.
- B. Každý uzel DAG je ohodnocen libovolným reálným číslem a hrany ohodnoceny nejsou.
- C. Každý uzel i každá hrana DAG jsou ohodnoceny libovolným reálným číslem.

03

○ Popište, jak metodou DP určíte počet všech cest délky 3 v neváženém DAG, bez toho, že byste tyto cesty skutečně konstruovali nebo jednotlivě procházeli.

○ Návod: V každém uzlu registrujte, kolik v něm končí cest délky 1, kolik cest délky 2, kolik cest délky 3.

03

Popište, jak metodou DP určíte počet všech cest v DAG, tj. všech cest s každou možnou délkou. Uvažujte neohodnocený DAG.

03

- Určujeme počet všech binárních vektorů délky N s vlastností, že v nich nikdy nestojí dvě (nebo více) jedničky těsně vedle sebe (vektor 0100100101 je přípustný, vektory 01100, 1110011 přípustné nejsou).
- Pro danou délku N označme P(N, 0) počet všech vektorů délky N, které mají danou vlastnost a které končí číslicí 0. Analogicky definujme P(N, 1) pro vektory končící číslicí 1.
- \bowtie A) Napište rekurentní vztahy pro výpočet P(N, 0) a P(N, 1) pomocí hodnot P(N-1, 0) a P(N-1, 1).
- B) Pomocí metody DP určete hodnotu P(12, 0) + P(12, 1), využijte vztahy odvozené v A.



- Popište, jak metodou DP najdete co nejdelší cestu v G takovou, že se na ní pravidelně střídají barvy hran, to jest, barvy každých dvou bezprostředně navazujících hran na této cestě musí být různé.