

PORÓWNANIE ALGORYTMÓW SORTUJĄCYCH: INSERTIONSORT, MERGESORT ORAZ QUICKSORT

Łukasz Knigawka

28 października 2018

Spis treści

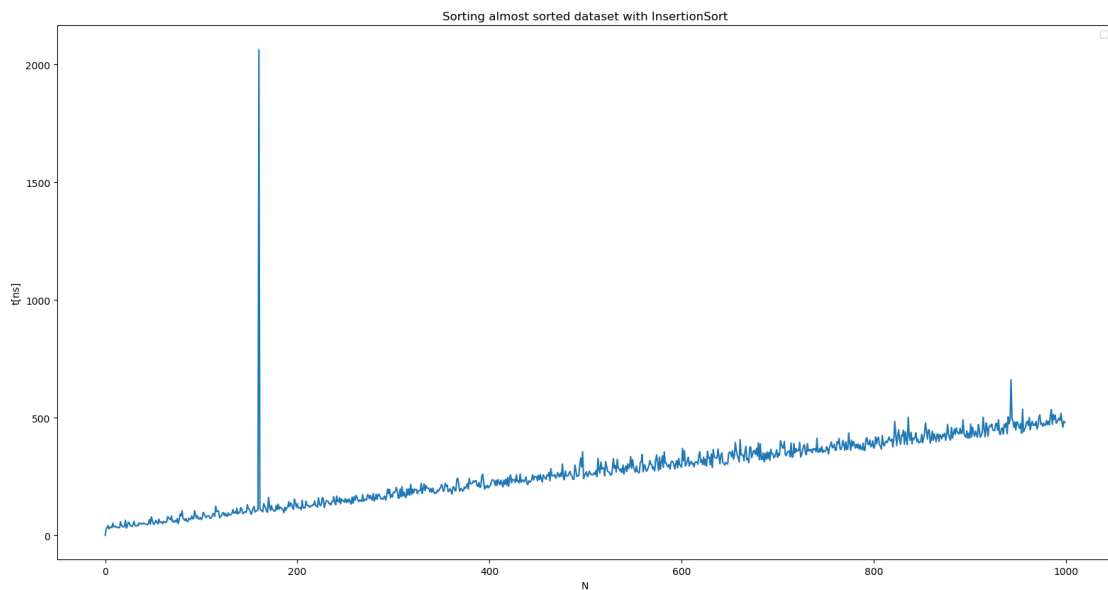
1	Wprowadzenie	2
2	Wyniki badań algorytmu sortowania przez wstawianie	2
2.1	Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych	2
2.2	Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych	3
2.3	Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych	3
3	Wyniki badań algorytmu sortowania przez scalanie	4
3.1	Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych	4
3.2	Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych	4
3.3	Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych	5
4	Wyniki badań algorytmu sortowania szybkiego	6
4.1	Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych	6
4.2	Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych	7
4.3	Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych	8
5	Porównanie wyników badań dla różnych algorytmów	9
5.1	Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych	9
5.2	Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych	10
5.3	Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych	10
5.4	Zestawienie opracowanych danych an jednym wykresie	11
6	Wnioski	11

1 Wprowadzenie

Przeprowadziłem badania złożoności obliczeniowej trzech algorytmów sortowania: przez wstawianie, szybkiego i przez scalanie. Jako optymistyczne dane wejściowe przyjąłem ciąg już posortowany, jako pesymistyczne dane wejściowe przyjąłem ciąg posortowany w odwrotnej kolejności, a trzecim rodzajem ciągu wejściowego jest ciąg losowy.

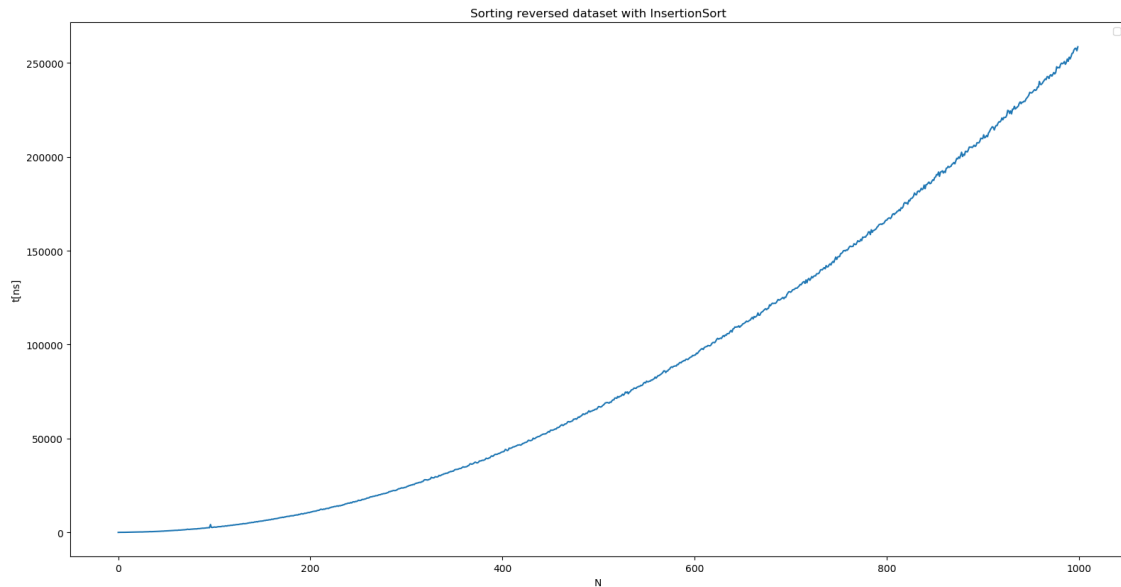
2 Wyniki badań algorytmu sortowania przez wstawianie

2.1 Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych



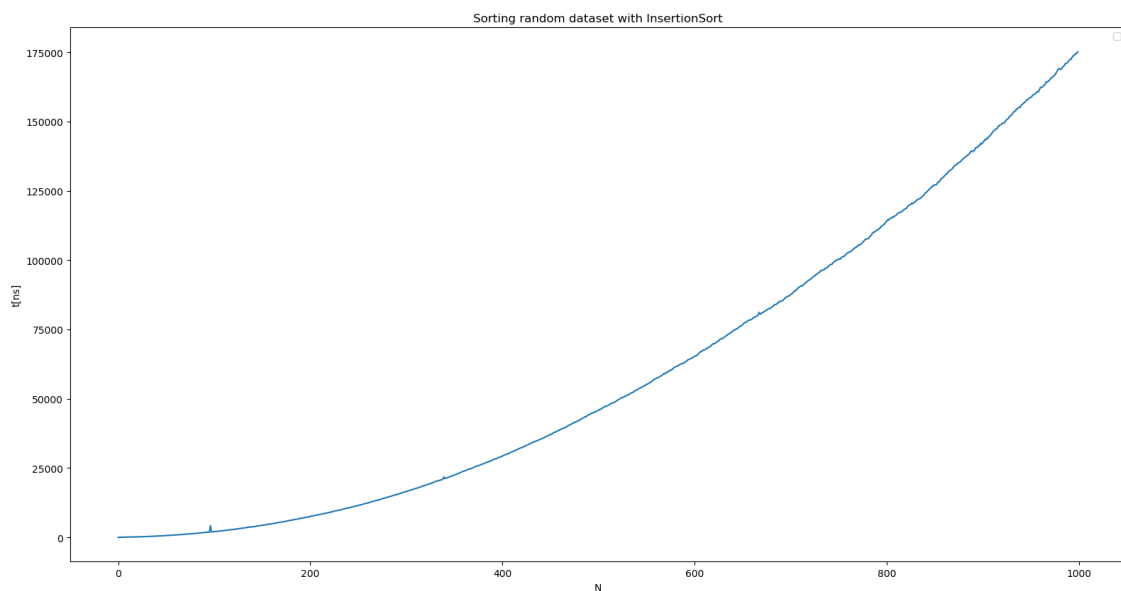
Rysunek 1: Sortowanie rosnącego ciągu wejściowego algorytmem InsertionSort jest bardzo efektywne. Otrzymujemy złożoność liniową.

2.2 Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych



Rysunek 2: Sortowanie malejącego ciągu wejściowego algorytmem InsertionSort. Otrzymujemy złożoność kwadratową.

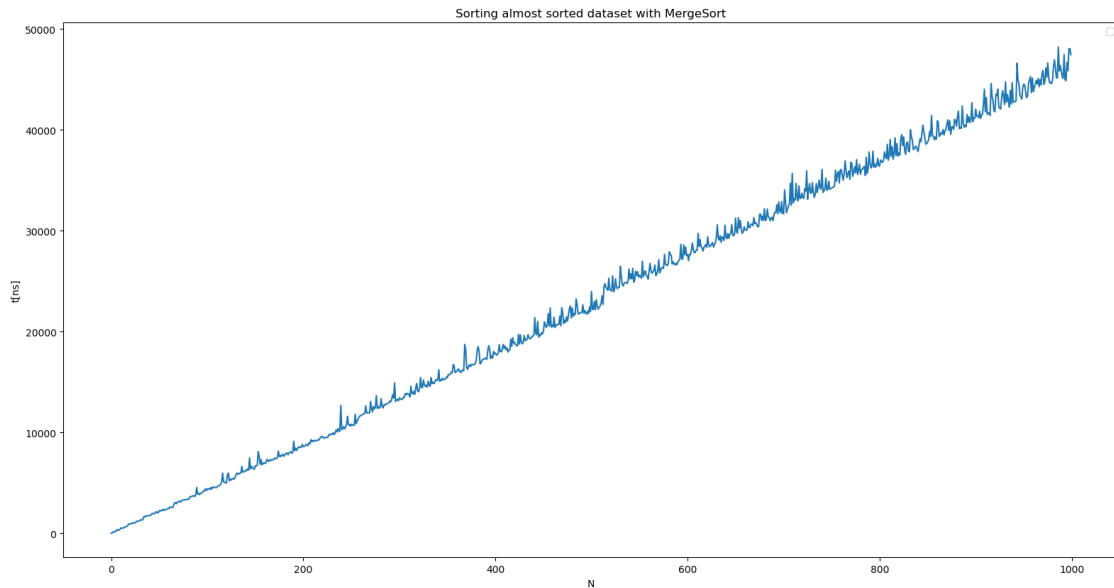
2.3 Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych



Rysunek 3: Sortowanie losowego ciągu wejściowego algorytmem InsertionSort. Otrzymujemy złożoność kwadratową. Sortowanie trwa jednak nieco krócej niż w przypadku danych pesymistycznych.

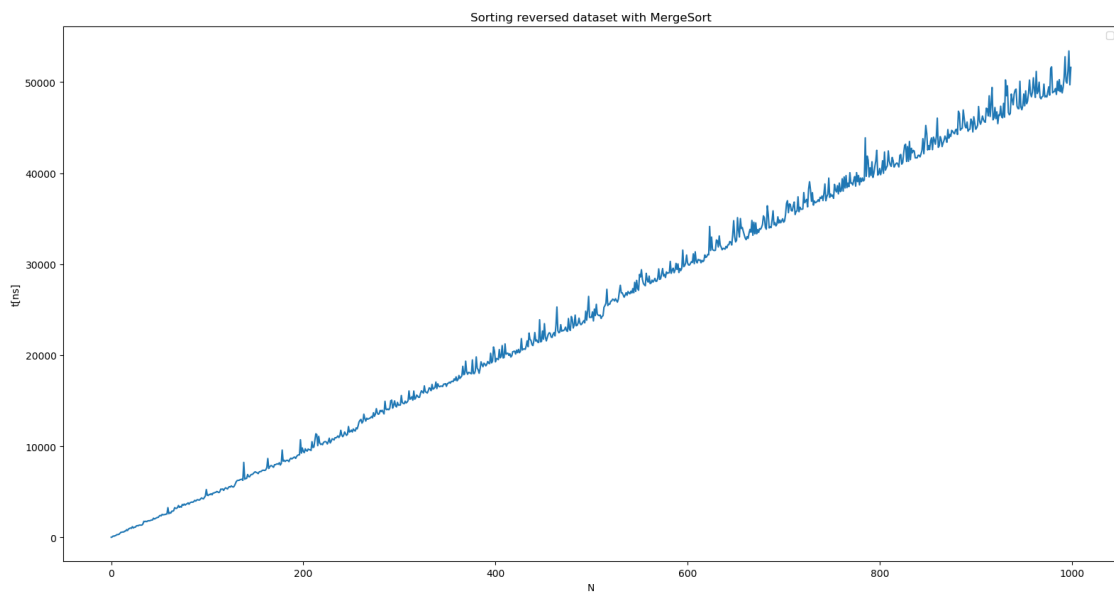
3 Wyniki badań algorytmu sortowania przez scalanie

3.1 Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych



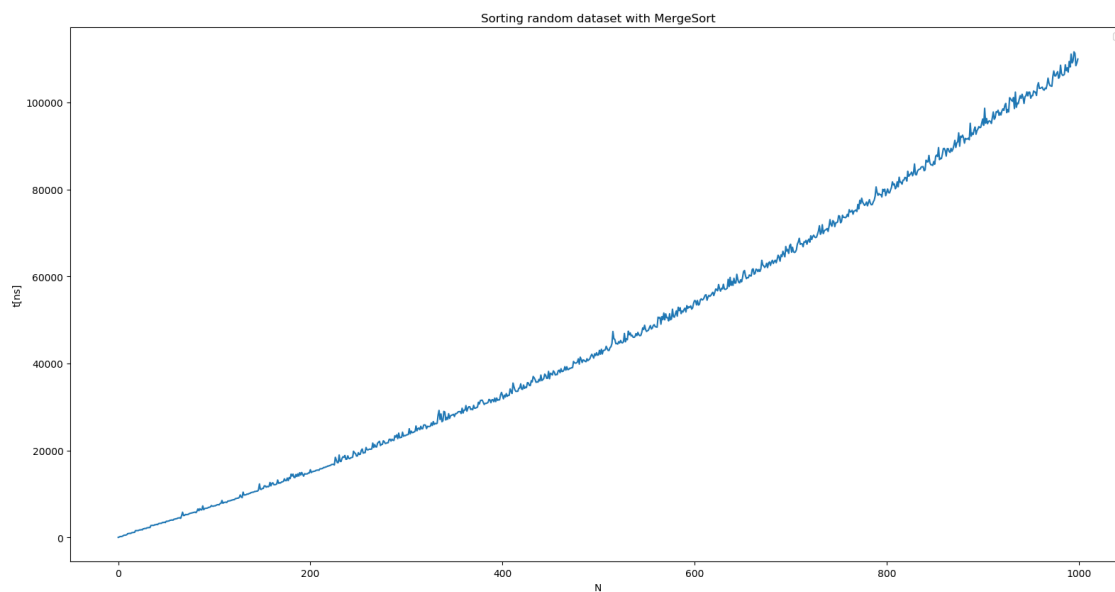
Rysunek 4: Sortowanie rosnącego ciągu wejściowego algorytmem MergeSort. Otrzymujemy złożoność $O(n \log n)$.

3.2 Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych



Rysunek 5: Sortowanie malejącego ciągu wejściowego algorytmem MergeSort. Otrzymujemy złożoność $O(n \log n)$. Czasy sortowania niewiele dłuższe niż dla praktycznie posortowanego ciągu.

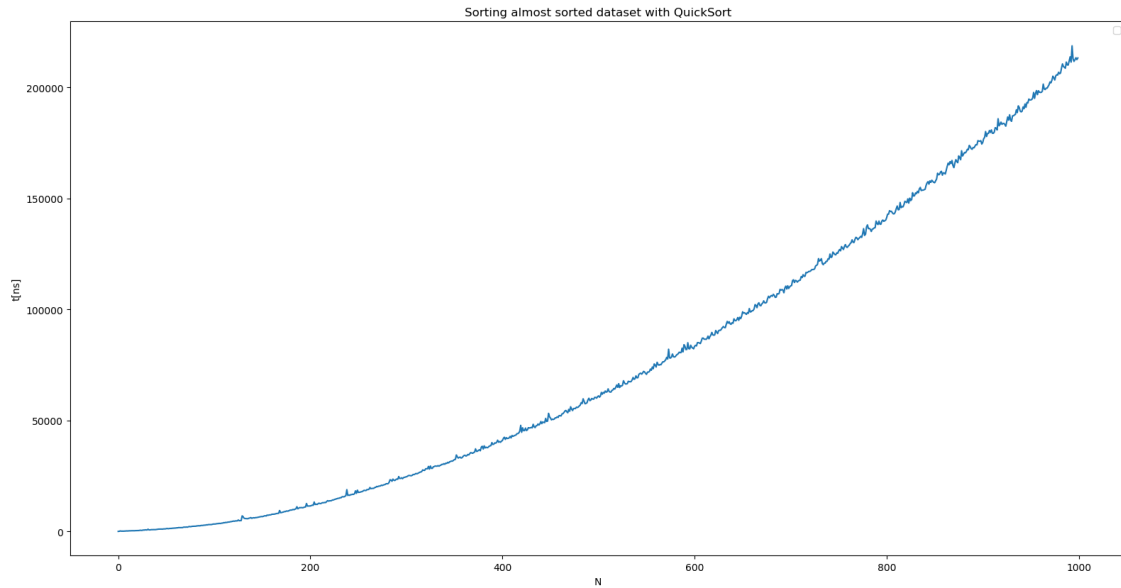
3.3 Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych



Rysunek 6: Sortowanie losowego ciągu wejściowego algorytmem MergeSort. Otrzymujemy złożoność $O(n \log n)$. Ten algorytm z ciągiem losowym radzi sobie znacznie gorzej niż z ciągiem posortowanym odwrotnie.

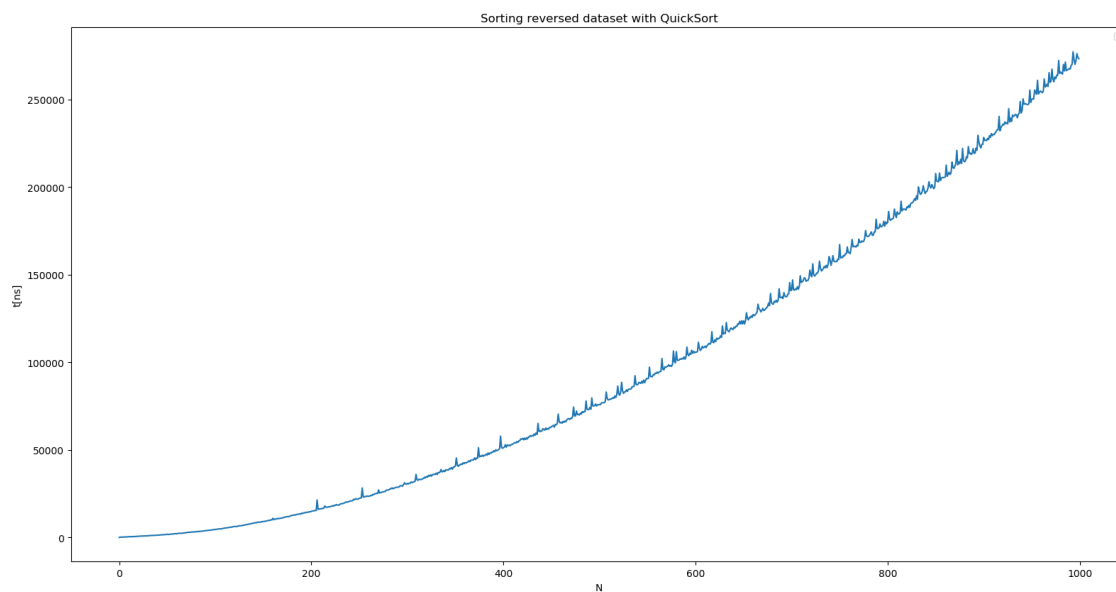
4 Wyniki badań algorytmu sortowania szybkiego

4.1 Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych



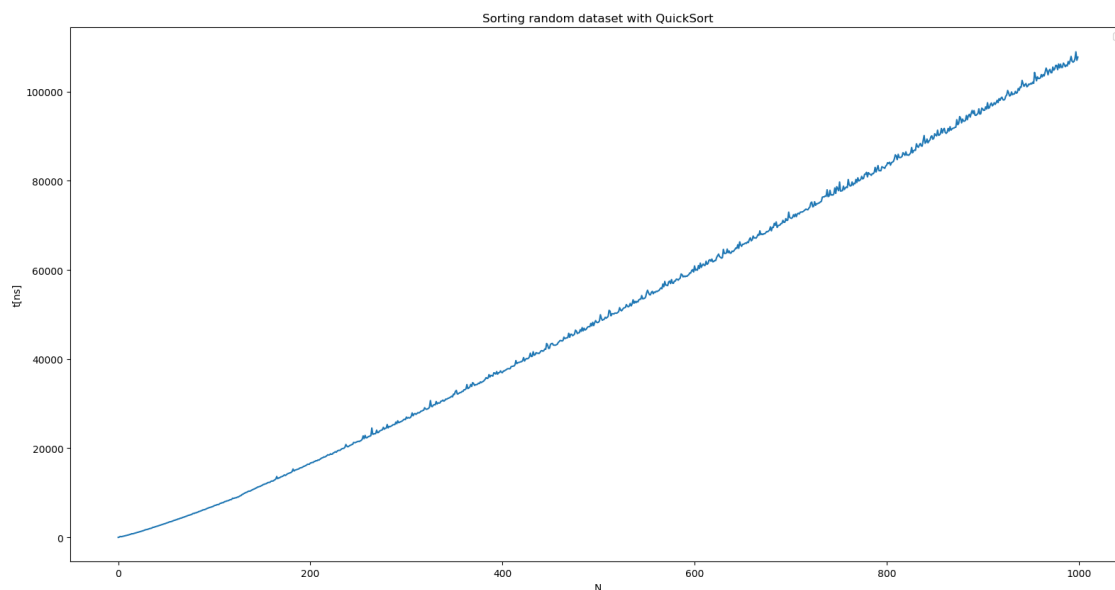
Rysunek 7: Sortowanie rosnącego ciągu wejściowego algorytmem QuickSort. Otrzymujemy złożoność $O(n^2)$. W tym wypadku dane które założyliśmy początkowo jako optymistyczne, okazują się być skrajnie pesymistyczne. Otrzymalibyśmy złożoność $O(n \log n)$, gdyby usprawnić algorytm mechanizmem sprytniejszego wybierania elementu dzielącego.

4.2 Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych



Rysunek 8: Sortowanie malejącego ciągu wejściowego algorytmem QuickSort. Otrzymujemy złożoność $O(n^2)$. Skuteczność sortowania odwróconego ciągu posortowanego zbliżona do skuteczności sortowania ciągu posortowanego.

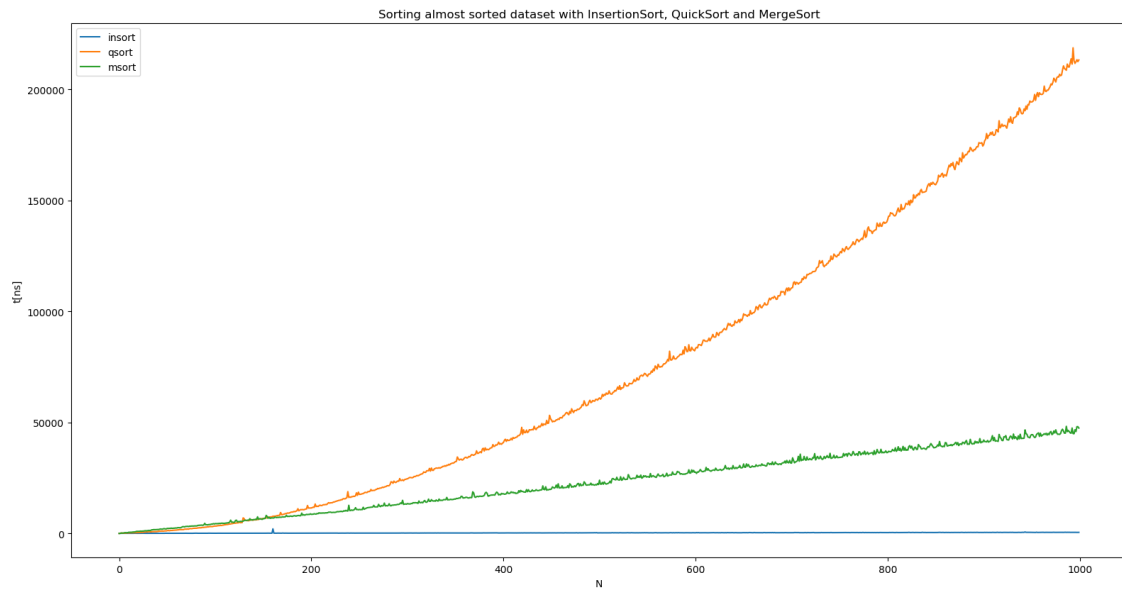
4.3 Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych



Rysunek 9: Sortowanie losowego ciągu wejściowego algorytmem QuickSort. Otrzymujemy złożoność $O(n \log n)$. Losowe dane okazały się znacznie bardziej przyjazne algorytmowi niż ciąg posortowany odwrotnie. W przypadku ciągów losowych, nie ma różnicy czy jako element dzieląc weźmiemy element pierwszy, ostatni, środkowy czy jakikolwiek inny.

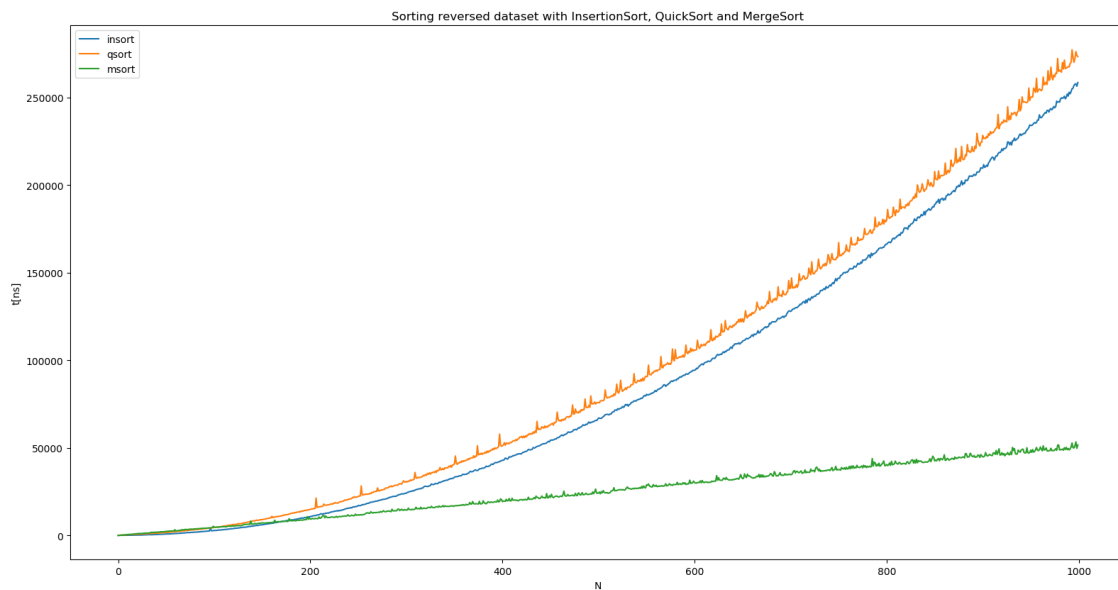
5 Porównanie wyników badań dla różnych algorytmów

5.1 Wyniki dla optymistycznych danych wejściowych



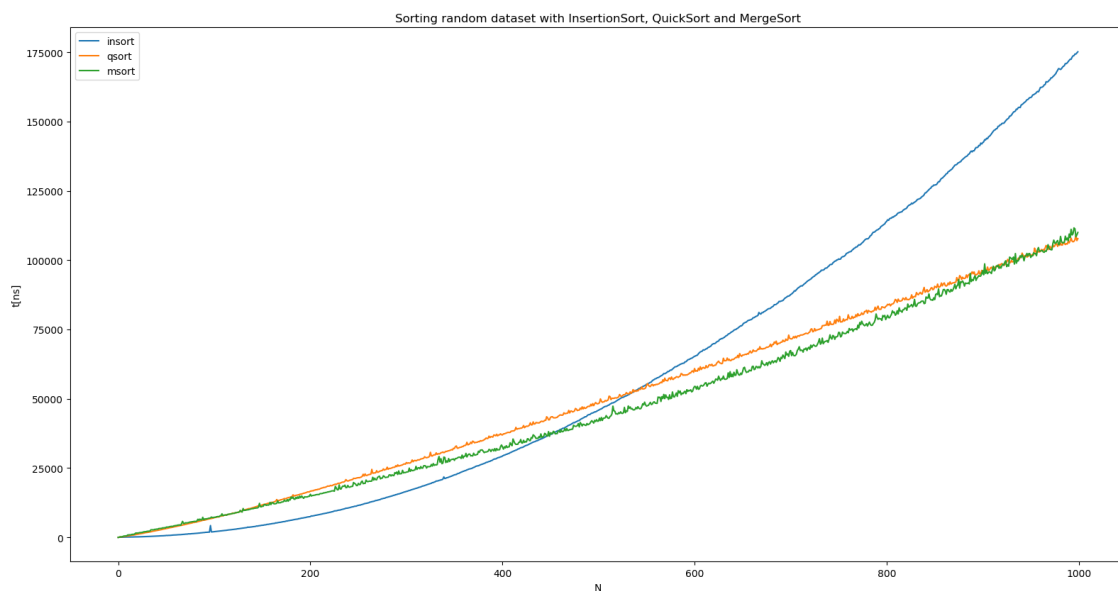
Rysunek 10: Dane określone wstępnie jako optymistyczne okazały się wyjątkowo pesymistyczne dla algorytmu sortowania szybkiego, jego złożoność odbiega więc od pozostałych algorytmów w tym przypadku. Wykres ładnie prezentuje złożoność liniową, kwadratową oraz $O(n \log n)$.

5.2 Wyniki dla pesymistycznych danych wejściowych



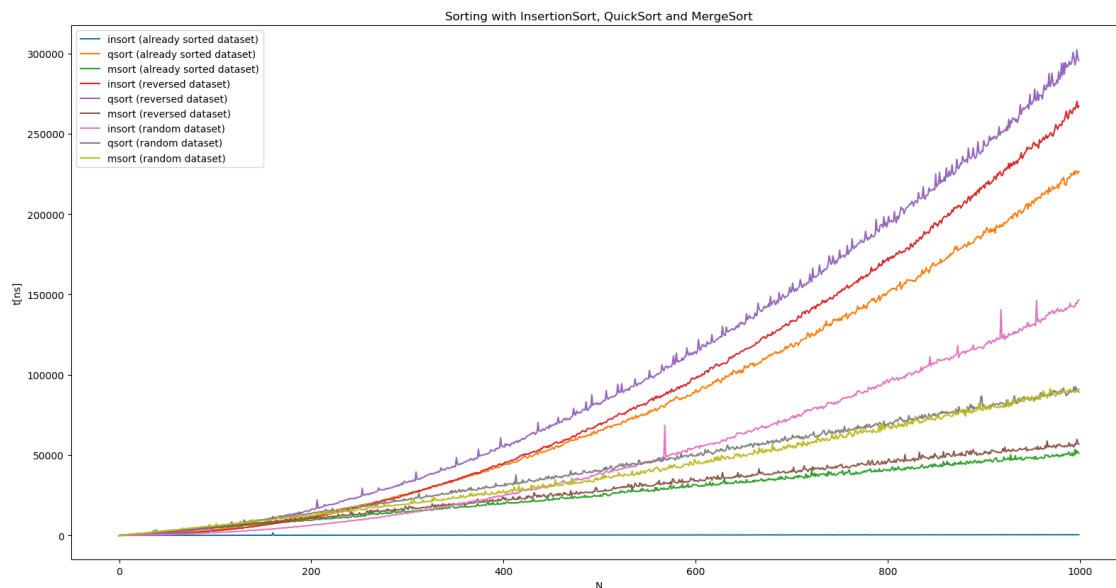
Rysunek 11: W tym przypadku drastycznie zmalała skuteczność algorytmu przez wstawianie, który przyjął kwadratową złożoność.

5.3 Wyniki dla pseudolosowych danych wejściowych



Rysunek 12: Najbardziej miarodajny wykres; widać, że dla małej liczby elementów w losowym ciągu warto wykorzystać algorytm sortowania przez wstawianie, dla większej liczby elementów jest on mało efektywny.

5.4 Zestawienie opracowanych danych an jednym wykresie



Rysunek 13: Próba przedstawienia wyników badania na jednym wykresie.

6 Wnioski

- Zaobserwowałem wysoką zbieżność wyników przeprowadzonych badań z teoretyczną złożonością obliczeniową algorytmów.
- Liczba porównań wykonywanych w algorytmie InsertionSort jest proporcjonalna do liczby inwersji w tablicy wejściowej, tzn. par takich, że $a[i] > a[j]$ dla $i < j$. Jeżeli ciąg wejściowy jest prawie uporządkowany, tzn. gdy liczba inwersji jest $O(n)$, to złożoność algorytmu jest liniowa.
- W ramach modyfikacji mającej na celu usprawnienie algorytmu sortowania szybkiego, do sortowania danych o małych rozmiarach użyty może zostać algorytm sortowania przez wstawianie.
- W przeprowadzonych badaniach nie zdecydowałem się na skorzystanie z możliwych modyfikacji algorytmu sortowania szybkiego. Nie wykorzystuję algorytmu sortowania przez wstawianie, nie zastosowałem próbkowania losowego, a jako element dzielący wykorzystuję element spod niezmiennego indeksu. Wprowadzenie modyfikacji zmieniłoby niektóre złożoności.
- Bardzo ważny jest dobór elementu dzielącego (*ang. pivot*) w algorytmie sortowania szybkiego. W przeprowadzonych badaniach jako element dzielący zawsze wybierany był pierwszy element ciągu. W takiej sytuacji zarówno dane nazwane wcześniej jako optymistyczne i pesymistyczne - czyli ciągi posortowane i posortowane odwrócone - prowadziły do uzyskania pesymistycznej złożoności.