#### PRIAD 3

# Podstawowe miary danych

```
In [1]: import numpy as np
    import pandas as pd
    import seaborn as sns
    import matplotlib.pyplot as plt
    import cv2
# zmiana sposobu wyświetlania danych typu float
    pd.options.display.float_format = "{:.2f}".format
```

### 1. Braki w danych

Często spotykaną sytuacją w analizie danych jest występowanie braków w macierzy (ramce) danych. Do reprezentacji brakującej danej wykorzystuje się dostępną w pakiecie numpy wartość "not a number" - np.nan.

Tworzymy ramkę danych z wartościami nan

```
In [2]: df = pd.DataFrame(np.random.randn(7,5),columns=list('ABCDE'))
    df.iloc[3,0] = np.nan
    df.iloc[3,3] = np.nan
    df.iloc[4,2] = np.nan
    df.iloc[4,2] = np.nan
    df.iloc[1,3] = np.nan
    df.iloc[1,:] = [np.nan,np.nan,np.nan,999]
    df
Out[2]:

A B C D E

0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29 -1.79
```

nan nan nan nan 999.00 **2** 1.75 -0.55 0.66 -0.51 1.66 nan -0.40 -1.21 -0.72 1.61 -0.41 nan 2.51 1.38 0.32 1.16 0.93 2.19 **6** 0.97 -0.28 -0.07 -1.72 1.21

Miejsca w których znajdują się brakujące dane można pozyskać metodą isnull.

```
In [3]: pd.isnull(df)

Out[3]:

A B C D E

O False False False False False

1 True True True True False

2 False False False False False

3 True False False True False
```

2 False False False False False
3 True False False False True False
4 False False True True False
5 False False False False False False
6 False False False False False False

**Zadanie** Napisz funkcję zliczającą brakujące dane. Funkcja powinna zwracać dwie listy (lub wektory albo słowniki) - pierwsza zawierające liczby braków w kolejnych obiektach (wiersze), druga dla kolejnych atrybutów (kolumny).

```
In [4]: # miejsce na rozwiązanie zadania
```

Brakujące dane mogą zostać usunięte za pomocą metody dropna, której argumenty decydują o szczegółowym sposobie działania.

```
In [5]: # usuwanie wierszy (obiektów) z brakami
         df.dropna()
Out[5]:
                   В
                        С
                             D
                                   Ε
              Α
          0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29 -1.79
          2 1.75 -0.55 0.66 -0.51 1.66
          5 1.38 0.32
                     1.16 0.93 2.19
          6 0.97 -0.28 -0.07 -1.72 1.21
In [6]: # usuwanie atrybutów (kolumn) z brakami
         df.dropna(axis='columns')
Out[6]:
                Ε
             -1.79
          1 999.00
             1.66
          2
             -0.72
             2.51
              2.19
              1.21
```

Argument how określa warunek jaki musi być spełniony by obiekt mógł zostac usunięty - jeśli wszystkie jego atrybuty są nieznane ( all ) lub jeśli nieznany jest jakikolwiek jego atrybut ( any - wartość domyślna)

```
In [7]: print(df.iloc[:,0:4])
       print(df.iloc[:,0:4].dropna(how='all'))
       print(df.iloc[:,0:4].dropna(how='any'))
                       С
                 В
       0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29
       1 nan nan nan
       2 1.75 -0.55 0.66 -0.51
         nan -0.40 -1.21
                          nan
       4 1.61 -0.41 nan
                          nan
       5 1.38 0.32 1.16 0.93
       6 0.97 -0.28 -0.07 -1.72
           Α
                 В
                      С
       0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29
       2 1.75 -0.55 0.66 -0.51
       3 nan -0.40 -1.21 nan
       4 1.61 -0.41 nan
                           nan
       5 1.38 0.32 1.16 0.93
       6 0.97 -0.28 -0.07 -1.72
                ВС
       0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29
       2 1.75 -0.55 0.66 -0.51
       5 1.38 0.32 1.16 0.93
       6 0.97 -0.28 -0.07 -1.72
```

Alternatywą do usunięcia wartości nieznanych jest wstawienie w ich miejsce pewnych ustalonych wartości. Do tego celu wykorzystuje się metodę fillna.

```
In [8]: df.fillna(123)
          # df.fillna(value=123) # alternatywnie
Out[8]:
                  Α
                         В
                                С
                                       D
                                              Ε
           0
               1.09
                      -0.12
                             -0.53
                                    -1.29
                                           -1.79
           1 123.00 123.00 123.00 123.00 999.00
           2
               1.75
                      -0.55
                             0.66
                                    -0.51
                                            1.66
           3 123.00
                     -0.40
                             -1.21 123.00
                                           -0.72
               1.61
                      -0.41 123.00 123.00
                                            2.51
               1.38
                      0.32
                                    0.93
                                            2.19
                              1.16
               0.97
                      -0.28
                             -0.07
                                    -1.72
                                            1.21
```

Brakujące wartości mogą zostać także wypełnione wartościami z sąsiadujących obiektów znajdujących się pod ( ffill ) lub nad ( bfill )

```
In [9]: df.fillna(method='ffill')
                            С
            0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29
            1 1.09 -0.12 -0.53 -1.29 999.00
            2 1.75 -0.55 0.66 -0.51
              1.75 -0.40 -1.21 -0.51
                                      -0.72
              1.61 -0.41 -1.21 -0.51
                                      2.51
            5 1.38 0.32 1.16 0.93
                                      2.19
            6 0.97 -0.28 -0.07 -1.72
                                      1.21
In [10]: | df.fillna(method='bfill')
Out[10]:
                      В
                            С
                                        Е
            0 1.09 -0.12 -0.53 -1.29
            1 1.75 -0.55 0.66 -0.51 999.00
              1.75 -0.55 0.66 -0.51
              1.61 -0.40 -1.21 0.93
                                      -0.72
              1.61 -0.41 1.16 0.93
                                      2.51
              1.38 0.32 1.16 0.93
                                      2.19
```

Zadanie W pliku pasazerowie\_lot.xls zawarte są dane o liczbie pasażerów samolotów w latach 2005-16 w panstwach nalezacych do Unii Europejskiej oraz z nią stowarzyszonych. Dane pochodza z serwisu internetowego EUROSTAT-u (http://ec.europa.eu/eurostat/data/database). Wykonaj następujące zadania:

- · wczytaj plik
- zastanów się, jaka jest najwygodniesza postać ramki danych do dalszego przetwarzania przekształć dane do tej postaci
- usuń wszystkie obiekty, w których występuje choć jeden brak

1.21

 narysuj wykres słupkowy pokazujący łączną liczbę przewiezionych pasażerów z podziałem na lata, słupki powinny być posortowane od najkrótszego (najmniej pasażerów), do najdłuższego (najwięcej przewiezionych pasażerów)

```
In [11]: # miejsce na rozwiązanie zadania
```

## 2. Miary pojedynczego atrybutu

**6** 0.97 -0.28 -0.07 -1.72

Podstawowe miary słuzące do opisu pojedynczego atrybutu to miary tendencji centralnej i miary rorzutu. Miary tendencji centralnej wskazują na "środek" zbioru danych. Do podstawowych miar należą: średnia arytmetyczna, mediana i moda. Inne, przykładowe miary to średnie geometryczna, harmoniczna, ważona.

**Zadanie** W poniższym przykładzie wykorzystano dane o zarobkach (w tysiącach złotych) w dwóch firmach o takiej samej liczbie pracowników, umieszczone w ramce danych. Wyznaczono także przeciętne wynagrodzenie w obu firmach jako średnią arytmetyczną oraz jako medianę.

- Wyświetl wykres kolumnowy pokazujący zarobki poszczególnych pracowników w każdej z firm
- Przeanalizuj i porównaj strukturę zarobków w obu firmach
- Aplikując o pracę i mając jedynie dane o przeciętnym wynagrodzeniu, którą firmę wybrałbyś ?
- Która miara lepiej oddaje sens pojęcia "przeciętne wynagrodzenie" ?
- Z której miary i dlaczego korzysta się podając dane o przeciętnym wynagrodzeniu ?

Przeciętne wynagrodzenie – firma A – jako średnia: 6.76 i jako mediana 6.10 Przeciętne wynagrodzenie – firma B – jako średnia: 8.64 i jako mediana 5.00

Miary tendencji centralnej sa jednymi z najprostszych miar opisujących skupiska danych, klasy, grupy itp. .

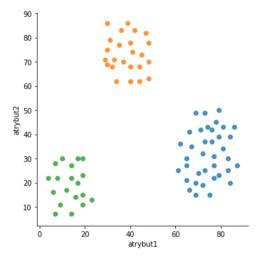
```
In [13]: # funkcja pomocnicza - statystyki klas umieszczone obok siebie
# ostatni atrybut jest decyzyjny (wskazuje na klase)

def opisz_klasy(ramka_wej):
    df = ramka_wej.copy()
    d = df.describe()
    d.loc['klasa',:] = 'całość'
    # indeks -1 -> ostatni atrybut, zakładamy, že zawiera informację o klasie
    for k in list(df.iloc[:,-1].unique()):
        desc = df[df.iloc[:,-1] == k].describe()
        desc.loc['klasa',:] = k
        d = pd.concat([d, desc], axis=1, sort=False)
    return d
```

```
In [14]: df = pd.read_csv('dane1.csv')
    atrybuty = list(df.columns)
    print(opisz_klasy(df).loc[['klasa','count','mean','50%'],:])
    sns.lmplot(x=atrybuty[0], y=atrybuty[1], data=df, fit_reg=False, hue=atrybuty[-1], legend = False)
```

```
atrybut1 atrybut2 atrybut1 atrybut2 atrybut1 atrybut2 atrybut2
klasa
       całość całość klasa 3 klasa 3 klasa 1 klasa 1 klasa 2 klasa 2
        80.00
                80.00
                        37.00
                                37.00
                                         24.00
                                                  24.00
                                                          19.00
                                                                   19.00
count
                         74.16
mean
        49.01
                 41.27
                                 31.86
                                          38.46
                                                   73.25
                                                           13.37
                                                                    19.21
50%
        47.50
                34.50
                         74.00
                                 31.00
                                          39.50
                                                  72.00
                                                           14.00
                                                                    20.00
```

Out[14]: <seaborn.axisgrid.FacetGrid at 0x2a6d4ca38d0>



Zadanie Obserwując uzyskane w powyższym przykładzie i, ewentualnie, stosownie modyfikując kod:

- Zastanów się co mówią nam o zbiorze średnie wartości atrybutów wyznaczone dla całego zbioru i dla poszczególnych klas
- Określ połozenie wartości średnich na wykresie jakie kolory punktów na wykresie są przypisane poszczególnym klasom ?
- Wykonaj podobne eksperymenty na pozostałych zbiorach dane2 ,..., dane11 , wyciągnij wnioski, czy zawsze wartości średnie w klasach dobrze je opisują?

Miary rozrzutu (rozproszenia) pozwalają na określenie stospnia skupienia danych wokół ich centrum (określonego przez mairy tendencji centralnej). Podstawowymi klasycznymi miarami rozrzutu są: odchylenie standardowe, jego kwadrat czyli wariancja.

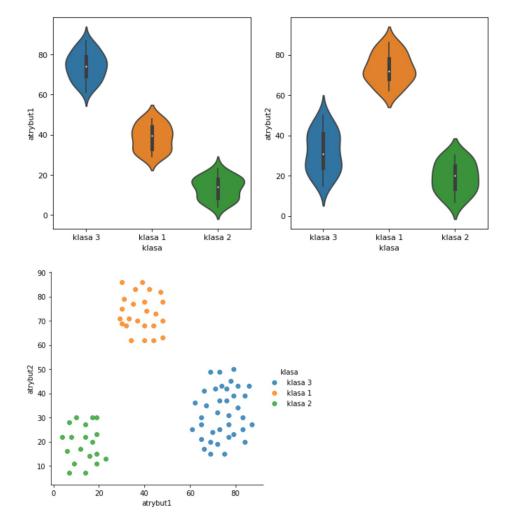
Specyficznym rodzajem miar są miary pozycyjne, które wskazują jedne z elementów w uporządkowanym (posortowanym) zbiorze danych. Do miar pozycyjnych zaliczamy: wartości skrajne (minimialną i maksymalną), oraz kwartyle. Wartości skrajne opisują zakres zmienności danego atrybutu. Kwartyle są to punkty podziału zbioru danych w proporcjach:

- pierwszy kwartyl (25%) oddziela 25% danych o najniższych wartościach od reszty
- drugi kwartyl (50%) mediana, dzieli dane na pół
- trzeci kwartyl (75%) rozdziela 25% danych o najwyższych wartościach od pozostałych danych o wartościach mniejszych

Różnica między trzecim i pierwszym kwartylem to rozstęp miedzykwartylowy, zaś jego połowa to odchylenie ćwiartkowe.

```
In [15]: dane = 'dane1.csv'
         df = pd.read csv(dane)
         atrybuty = list(df.columns)
         print(dane)
         print(opisz_klasy(df))
          # wykres skrzypcowy
         plt.figure(figsize=(10,5), dpi= 80)
         plt.subplot(1,2,1)
         sns.violinplot(x=atrybuty[-1], y=atrybuty[0], data=df)
         plt.subplot(1,2,2)
         \verb|sns.violinplot(x=atrybuty[-1], y=atrybuty[1], data=df)|\\
         sns.lmplot(x=atrybuty[0], y=atrybuty[1], data=df, fit_reg = False, hue=atrybuty[-1])
         dane1.csv
               atrybut1 atrybut2 atrybut1 atrybut2 atrybut1 atrybut2 atrybut2
         count
                           80.00
                                              37.00
                                     74.16
                                              31.86
         mean
                  49.01
                           41.27
                                                       38.46
                                                                73.25
                                                                         13.37
                                              10.20
                                                        6.42
                                                                 7.53
                                                                          5.47
         std
                  26.01
                           23.38
                                     6.96
                                                                                    7.66
                            7.00
                                     61.00
                                              15.00
                                                       29.00
                                                                62.00
                                                                          4.00
                                                                                    7.00
         min
                   4.00
         25%
                  29.75
                           22.00
                                     69.00
                                              24.00
                                                       32.75
                                                                68.00
                                                                          8.50
                                                                                   13.50
         50%
                  47.50
                            34.50
                                     74.00
                                              31.00
                                                       39.50
                                                                72.00
                                                                          14.00
                                                                                   20.00
         75%
                  73.00
                            64.25
                                    79.00
                                              41.00
                                                       44.00
                                                                78.25
                                                                         18.00
                                                                                   25.00
                  87.00
                           86.00
                                     87.00
                                              50.00
                                                       48.00
                                                                86.00
                                                                          23.00
                                                                                   30.00
         max
                          całość klasa 3 klasa 3 klasa 1
                                                              klasa 1
                                                                       klasa 2
         klasa
                 całość
                                                                                klasa 2
```

Out[15]: <seaborn.axisgrid.FacetGrid at 0x2a6d5089a90>



Zadanie Obejrzyj dostępne miary danych dla innych zbiorów dane2 ,..., dane11 . Zwróć szczególną uwagę na:

- wartość odchylenia standardowego w poszczególnych klasach jak stopień skupienia danych wokół średniej (zaobserwuj na wykresie) przekłada się na wartość odchylenia standardowego
- położenie poszczególnych kwartyli na wykresach skrzypcowych
- jak zmiana dystrybucji punktów (wykresy) w różnych zbiorach wpływa na poszczególne miary

Zadanie Znajdź w danych z pliku pasazerowie\_lot.xls państwa o:

- największym i najmniejszym bezwzględnym przyroście liczby pasażerów w całym obserwowanym okresie
- największym i najmniejszym względnym przyroście liczby pasażerów w całym obserwowanym okresie
- lata o największym i najmniejszym przyroście liczby pasażerów w Polsce
- lata o największym i najmniejszym przyroście liczby pasażerów we wszystkich obserwowanych państwach
- zastanów się każdorazowo nad możliwymi iterpretacjami wyników

In [16]: # Miejsce na kod

Możliwości analizy konkretnych danych mogą istotnie wzrosnąć, jeśli dane te zostaną skojarzone z danymi pochodzącymi z innych źródeł. Poniższy przykład pokazuje, w jaki sposób można uzupełnić dane o przewozach lotniczych, ogólnodostępnymi danymi o poszczególnych państwach (wielkość populacji, powierzchnia) by obliczyć finalnie przykładowy nowy parametr - stosunek liczby przewiezionych pasażerów w 2016 roku do populacji danego państwa. Końcowy wynik jest wyświetlany dla państw liczących więcej niż 5 mln. mieszkańców.

```
In [17]: # wczytanie danych o przewozach lotniczych
            sam = pd.read excel('pasazerowie lot.xls', header = 2,usecols = range(0,13))
            sam.index = sam['geo\\time'].rename('kraj')
            sam = sam.drop(columns = ['geo\\time']).dropna() #.sort values(by='kraj')
            sam['Populacja'] = 0
            sam['Powierzchnia'] = 0
            # podbranie danych o krajach świata
            d = pd.read html('http://www.worldometers.info/geography/alphabetical-list-of-countries/')
            kraje = d[0]
            # skojarzenie danych
            sam_kraje = list(sam.index);
            for ind_kraju in range(0,len(sam_kraje)):
                 dane_kraju = kraje[kraje.Country == sam_kraje[ind_kraju]]
                 sam.iloc[ind_kraju,12] = dane_kraju.iloc[0,2] # populacja
                 sam.iloc[ind kraju,13] = dane kraju.iloc[0,3] # powierzchnia
            sam['procentowo2016']=(sam['2016']*100)/sam.Populacja
            sam_duze = sam[sam.Populacja>5000000].sort_values(by = '2016')
            #sam_duze = sam[sam.Populacja>5000000].sort_values(by = 'procentowo2016')
            istotne atrybuty = ['2016', 'Populacja', 'procentowo2016'];
            print(sam_duze.loc[:,istotne_atrybuty ],"\n")
            print(sam_duze.loc[:,istotne_atrybuty ].describe())
                                         2016 Populacja procentowo2016
            kraj
            Slovakia 2150201
11668151.00
                                                   5450987
                                                  9655361
                                                                        120.85

    Czech Republic
    13672362.00
    10630589

    Romania
    15153719.00
    19483360

    Finland
    18099954.00
    5561389

    Austria
    27181511.00
    8766201

                                                                         128.61
                                                                          77.78
                                                                        325.46
                                                                         310.07
                             30115832.00 11562784
           Belgium
                                                                        260.45
           Poland 32266742.00 38028278
Denmark 32763142.00 5775224
Sweden 35952558.00 10053135
Norway 37727546.00 5400916
Portugal 40930044.00 10254666
Greece 45543371.00 11134603
                                                                          84.85
                                                                        567.31
                                                                       357.63
                                                                         698.54
                                                                        399.14
           Portugal 40930044.00 10234000
Greece 45543371.00 11124603
Switzerland 50505492.00 8608259
Netherlands 70317995.00 17132908
Italy 134504974.00 59216525
France 145257114.00 65480710
                                                                         409.39
                                                                        586.71
                                                                        410.43
                                                                         227.14
                                                                        221.83
```

```
2016 Populacja procentowo2016
          20.00
20.00 20.00 mean 69362348.55 24901229.95
count
                        20.00
                                      312.92
std 73043668.56 25018541.22
min 2158261.00 5400916.00
                                      178.78
                                        39.59
25%
    24911121.75 8726715.50
                                      198.53
      36840052.00 10877596.00
                                       317.76
50%
     86364739.75 40131470.75
                                      409.65
max 248868873.00 82438639.00
                                      698.54
```

Spain 193872037.00 46441049 Germany 200687293.00 82438639

United Kingdom 248868873.00 66959016

Pytanie Jak mógłbyś zinterpretować powyższe dane i ich miary wraz z wcześniejszymi obserwacjami tego samego zbioru danych ? Ja sądzisz, czy ruch lotniczy w Polsce będzie rósł w najbliższej przyszłości ?

417.46 243.44

371.67

Zadanie Wczytaj dane z pliku walutyl.xls. Wykorzystujac miary tendencji centralnej oraz miary rozrzutu określ dla kazdej waluty w którym półroczu którego roku (rozwaz jedynie półrocza, dla których znane sa wszystkie kursy) kurs był najwyzszy, najnizszy (biorac pod uwage jego wartosc srednia w danym okresie) oraz wykazywał najwieksza zmiennosc.

#### 3. Miary współzależności

Miary współzależności pozwalają na określenie czy i w jakim stopniu poszczególny atrybutty sa od siebie zależne. Podstawowymi miarami zależności liniowej są korelacja i kowariancja.

 $7 \times 14$  08.04.2019, 09:05

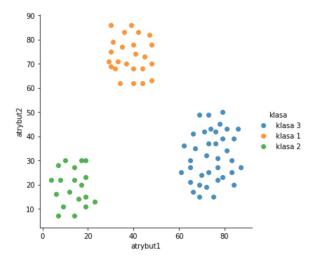
```
In [18]: # funkcja pomocnicza - macierze kowariacji i korelacji klas umieszczone obok siebie
          # ostatni atrybut jest decyzyjny (wskazuje na klasę)
         def opisz_klasy2(ramka_wej):
             df = ramka wej.copy()
             d_{cov} = df.cov()
             d_cov.loc[:,'klasa'] = 'całość'
             d_corr = df.corr();
             d = pd.concat([d_cov, d_corr], axis=1, sort=False)
              # indeks -1 -> ostatni atrybut, zakładamy, że zawiera informację o klasie
             for k in list(df.iloc[:,-1].unique()):
                 d cov = df[df.iloc[:,-1] == k].cov()
                 d_cov.loc[:,'klasa'] = k
                 d_corr = df[df.iloc[:,-1] == k].corr();
                 desc = pd.concat([d_cov, d_corr], axis=1, sort=False)
                 d = pd.concat([d, desc], axis=0, sort=False)
             return d
```

```
In [19]: dane = 'dane1.csv'
    df = pd.read_csv(dane)
    atrybuty = list(df.columns)
    print(dane)
    print(opisz_klasy2(df))
    # wykres punktowy
    plt.figure(figsize=(10,5), dpi= 80)
    sns.lmplot(x=atrybuty[0], y=atrybuty[1], data=df, fit_reg = False, hue=atrybuty[-1])
```

```
dane1.csv
         atrybut1 atrybut2
                              klasa atrybut1 atrybut2
           676.52 -20.47 całość
-20.47 546.51 całość
                              całość 1.00
całość -0.03
                                                  -0.03
1.00
atrybut1
atrvbut2
                    11.94 klasa 3
104.12 klasa 3
                                         1.00
0.17
            48.42
                                                    0.17
atrybut1
atrybut2
            11.94
atrybut1
            41.22
                      -5.25 klasa 1
                                          1.00
                                                    -0.11
                                                    1.00
            -5.25
                      56.72 klasa 1
atrybut2
                                         -0.11
                      -0.75 klasa 2
atrybut1
            29.91
                                          1.00
                                                    -0.02
                     58.73 klasa 2
atrybut2
            -0.75
                                         -0.02
                                                     1.00
```

Out[19]: <seaborn.axisgrid.FacetGrid at 0x2a6d5146198>

<Figure size 800x400 with 0 Axes>



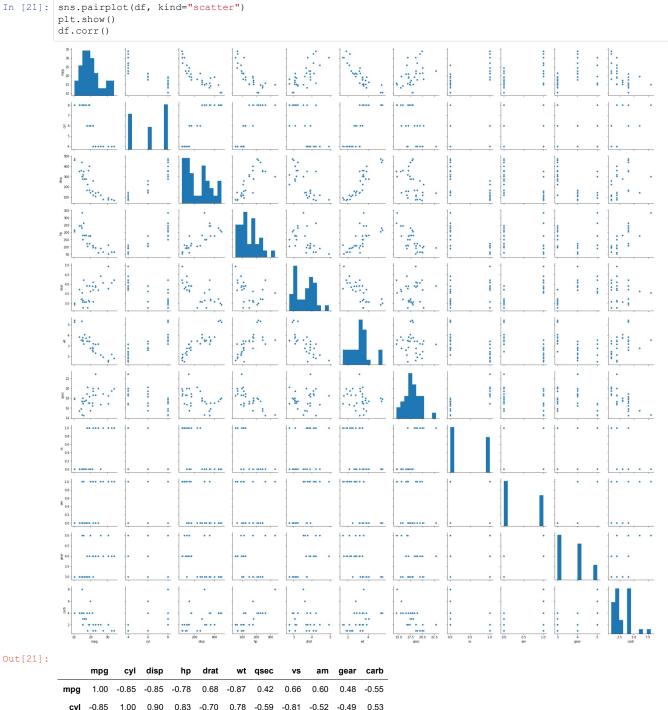
Zadanie Przeanalizuj wartości korelacji i kowariacji dla zbiory dane1 (przykład powyżej). Jakim dystrybucjom punktów na wykresie odpowiadają różne wartości tych miar? Wykonaj podbne eksperymenty dla pozostałych zbiorów dane2 "..., dane11

Zbiór mtcars.csv zawiera 12 cech kilkudziesięciu samochodów dostępnych na rynku amerykańskim w latach 70-tych. Szczegółowy opis zbioru jest dostępny w internecie (https://rpubs.com/neros/61800).

```
In [2]: df = pd.read_csv("mtcars.csv")
    df.index = df.model
    df = df.drop(columns =['model'])
               df.head()
Out[2]:
```

	mpg	cyl	disp	hp	drat	wt	qsec	vs	am	gear	carb
model											
Mazda RX4	21.00	6	160.00	110	3.90	2.62	16.46	0	1	4	4
Mazda RX4 Wag	21.00	6	160.00	110	3.90	2.88	17.02	0	1	4	4
Datsun 710	22.80	4	108.00	93	3.85	2.32	18.61	1	1	4	1
Hornet 4 Drive	21.40	6	258.00	110	3.08	3.21	19.44	1	0	3	1
Hornet Sportabout	18.70	8	360.00	175	3.15	3.44	17.02	0	0	3	2

08.04.2019, 09:05 9 z 14

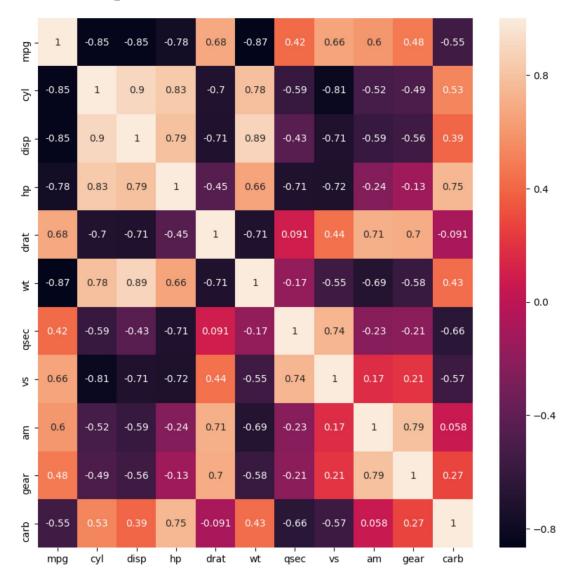


	mpg	cyl	disp	hp	drat	wt	qsec	vs	am	gear	carb
mpg	1.00	-0.85	-0.85	-0.78	0.68	-0.87	0.42	0.66	0.60	0.48	-0.55
cyl	-0.85	1.00	0.90	0.83	-0.70	0.78	-0.59	-0.81	-0.52	-0.49	0.53
disp	-0.85	0.90	1.00	0.79	-0.71	0.89	-0.43	-0.71	-0.59	-0.56	0.39
hp	-0.78	0.83	0.79	1.00	-0.45	0.66	-0.71	-0.72	-0.24	-0.13	0.75
drat	0.68	-0.70	-0.71	-0.45	1.00	-0.71	0.09	0.44	0.71	0.70	-0.09
wt	-0.87	0.78	0.89	0.66	-0.71	1.00	-0.17	-0.55	-0.69	-0.58	0.43
qsec	0.42	-0.59	-0.43	-0.71	0.09	-0.17	1.00	0.74	-0.23	-0.21	-0.66
vs	0.66	-0.81	-0.71	-0.72	0.44	-0.55	0.74	1.00	0.17	0.21	-0.57
am	0.60	-0.52	-0.59	-0.24	0.71	-0.69	-0.23	0.17	1.00	0.79	0.06
gear	0.48	-0.49	-0.56	-0.13	0.70	-0.58	-0.21	0.21	0.79	1.00	0.27
carb	-0.55	0.53	0.39	0.75	-0.09	0.43	-0.66	-0.57	0.06	0.27	1.00

Macierz korelacji może zostać wyświetlona jako tzw."mapa ciepła", gdzie poszczególnym poziomom współczynnika odpowiadają barwy.

```
In [15]: plt.figure(figsize=(10,10),dpi = 100)
    sns.heatmap(df.corr(),annot = df.corr())
    #plt.show
```

Out[15]: <matplotlib.axes.\_subplots.AxesSubplot at 0x1e8fa387668>



Zadanie Znajdź atrybuty najbardziej i najmniej skorelowane w macierzy mtcars, jak wyglądają wykresy punktowe danych skorelowanych dodatnio, ujemnie i nieskorelowanych? W miarę możliwości spróbuj zinterpretować wyniki. Na przykład - jak skorelowane są np.:

- zużycie paliwa (mpg) z mocą silnika (hp) ?
- pojemnośc silnika (disp) i masa (wt) ?

Zadanie Napisz kod umożliwiający ocenę stopnia korelacji kursów czterech walut ( walutyl.xls ) w poszczególnych latach oraz w całym okresie dla którego dane są dostepne. Które waluty były skorelowane najmocniej, a które najsłabiej? O czym może świadczyć korelacja kursów dwóch walut?

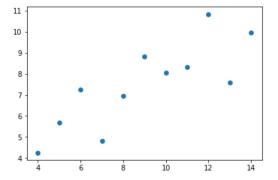
### 4. Na zakończenie

Wykonaj komplet opisanych do tej pory analiz dla zbioru  $\,\,\mathtt{iris.csv}$ 

Wyznaczanie miar danych i wizualizacja danych są zadaniami uzupełniającymi się. Poznanie zbioru danych powinno polegac na wykonaniu obu tych operacji. Wykonanie tylko jednej z nich może prowadzić do nieoczekiwanych pomyłek. Przykładem na to jest tzw. <a href="kwartet Anscombe'a">kwartet Anscombe'a</a> (https://pl.wikipedia.org/wiki/Kwartet Anscombe%E2%80%99a).

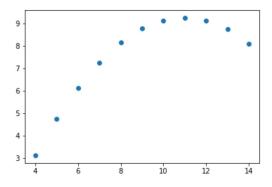
```
In [22]: | # Wczytanie danych
         d = pd.read excel('anscombe.xlsx', header = 2, usecols = range(1,10), index col = 0)
         print(d)
                   y1 x2 y2 x3 y3 x4
                                                 у4
         Obs.
               10 8.04 10 9.14 10 7.46
         1
                                            8 6.58
                8 6.95
                                  8 6.77
         2
                         8 8.14
                                            8
                                               5.76
         3
               13
                   7.58 13 8.74 13 12.74
                                            8
                                                7.71
                                  9
                         9 8.77
         4
               9 8.81
                                      7.11
                                            8 8.84
               11 8.33 11 9.26 11 7.81
         5
                                            8 8.47
              14 9.96 14 8.10 14 8.84 8 7.04
                        6 6.13 6 6.08 8 5.25
4 3.10 4 5.39 19 12.50
               6 7.24
         8
               4 4.26
              12 10.84 12 9.13 12 8.15 8 5.56
7 4.82 7 7.26 7 6.42 8 7.91
         9
         10
               5 5.68 5 4.74 5 5.73 8 6.89
In [23]: # Zestaw 1
         dd = d[['x1','y1']]
         dd.columns = ['x','y']
         print(dd.describe())
         print(dd.corr())
         plt.scatter(dd.x,dd.y)
                   Х
         count 11.00 11.00
               9.00 7.50
3.32 2.03
         mean
         std
         min
               4.00 4.26
         25%
                6.50 6.31
                9.00 7.58
         50%
         75%
               11.50 8.57
              14.00 10.84
         max
              х
         x 1.00 0.82
         y 0.82 1.00
```

Out[23]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x2a6d9d2b320>



```
In [24]:  # Zestaw 2
          dd = d[['x2','y2']]
dd.columns = ['x','y']
          print(dd.describe())
          print(dd.corr())
          plt.scatter(dd.x,dd.y)
          count 11.00 11.00
          mean 9.00 7.50 std 3.32 2.03
          min
                  4.00 3.10
          25%
                  6.50 6.70
                 9.00 8.14
          75%
                11.50 8.95
               14.00 9.26
          max
          x 1.00 0.82
          y 0.82 1.00
```

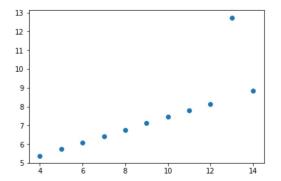
 ${\tt Out[24]: \ \ \ \ \ } Collections. Path Collection \ at \ 0x2a6dbe9cf60>$ 



```
count 11.00 11.00
mean 9.00 7.50
std 3.32 2.03
min 4.00 5.39
25% 6.50 6.25
50% 9.00 7.11
75% 11.50 7.98
max 14.00 12.74

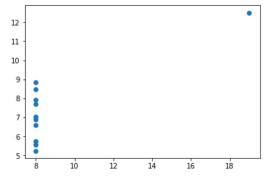
x
x 1.00 0.82
y 0.82 1.00
```

Out[25]: <matplotlib.collections.PathCollection at 0x2a6dbef3128>



```
In [26]: # Zestaw 4
    dd = d[['x4','y4']]
    dd.columns = ['x','y']
           print(dd.describe())
           print(dd.corr())
           plt.scatter(dd.x,dd.y)
           count 11.00 11.00
           mean 9.00 7.50
                   3.32 2.03
           std
           min
                   8.00 5.25
                  8.00 6.17
8.00 7.04
           25%
           75%
                   8.00 8.19
                19.00 12.50
           max
           x 1.00 0.82
           y 0.82 1.00
```

 ${\tt Out[26]:} \ \ {\tt Collections.PathCollection} \ \ at \ \ {\tt 0x2a6dbf4ca20}{\tt >}$ 



Pytanie Co pokazuje kwartet Anscombe'a i jakie wnioski można z niego wyciągnąć?

# Dla dociekliwych

- How to investigate a dataset with python? (https://towardsdatascience.com/hitchhikers-guide-to-exploratory-data-analysis-6e8d896d3f7e)
- Wariancja, kowariancja i korelacja (https://pythonfordatascience.org/variance-covariance-correlation/)
- Kowariancja i korelacja (https://towardsdatascience.com/let-us-understand-the-correlation-matrix-and-covariance-matrix-d42e6b643c22)
- Kwartet Anscombe'a (https://vknight.org/unpeudemath/mathematics/2016/10/29/anscombes-quartet-variability-and-ciw.html)