## Задача А. От списка ребер к матрице смежности, ориентированный граф (1 балл) (!)

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Простой ориентированный граф задан списком ребер, выведите его представление в виде матрицы смежности.

#### Формат входного файла

Входной файл содержит числа n  $(1 \le n \le 100)$  — число вершин в графе и m  $(1 \le m \le n(n-1))$  — число ребер. Затем следует m пар чисел — ребра графа.

#### Формат выходного файла

Выведите в выходной файл матрицу смежности заданного графа.

input.txt	output.txt
3 4	0 1 0
1 2	0 0 1
2 3	1 1 0
3 1	
3 2	

### Задача В. Проверка на неориенитрованность (1 балл)

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

По заданной квадратной матрице  $n \times n$  из нулей и единиц определите, может ли данная матрица быть матрицой смежности простого неориентированного графа.

#### Формат входного файла

Входной файл содержит число n ( $1 \le n \le 100$ ) — размер матрицы, и затем n строк по n чисел, каждое из которых равно 0 или 1 — саму матрицу.

#### Формат выходного файла

Выведите в выходной файл «YES» если приведенная матрица может быть матрицей смежности простого неориентированного графа и «NO» в противном случае.

input.txt	output.txt
3	YES
0 1 1	
1 0 1	
1 1 0	
3	NO
0 1 0	
1 0 1	
1 1 0	
3	NO
0 1 0	
1 1 1	
0 1 0	

## Задача С. Проверка на наличие параллельных ребер, неориентированный граф (1 балл)

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Неориентированный граф задан списком ребер. Проверьте, содержит ли он параллельные ребра.

#### Формат входного файла

Входной файл содержит числа  $n\ (1 \le n \le 100)$  — число вершин в графе и  $m\ (1 \le m \le 10\,000)$  — число ребер. Затем следует m пар чисел — ребра графа.

#### Формат выходного файла

Выведите в выходной файл «YES» если граф содержит параллельные ребра и «NO» в противном случае.

input.txt	output.txt
3 3	NO
1 2	
2 3	
1 3	
3 3	YES
1 2	
2 3	
2 1	

## Задача D. Компоненты связности (1 балл)

Имя входного файла: components.in Имя выходного файла: components.out

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный граф. Требуется выделить компоненты связности в нем. Подсказка: для решения задачи можно воспользоваться поиском в ширину или поиском в глубину.

#### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа n и m — количество вершин и ребер графа соответственно ( $1 \le n \le 100\,000, \, 0 \le m \le 200\,000$ ).

Следующие m строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер i описывается двумя натуральными числами  $b_i$ ,  $e_i$  — номерами концов ребра  $(1 \le b_i, e_i \le n)$ . Допускаются петли и параллельные ребра.

#### Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите целое число k — количество компонент связности графа. Во второй строке выведите n натуральных чисел  $a_1, a_1, \ldots, a_n$ , не превосходящих k, где  $a_i$  — номер компоненты связности, которой принадлежит i-я вершина.

components.in	components.out
3 1	2
1 2	1 1 2
4 2	2
1 3	2 1 2 1
2 4	

#### Лабораторная работа для групп M3305 - M3307 Графы: основные определения и поиск в ширину. 27 февраля 2018 года.

# Задача Е. Кратчайший путь в невзвешенном графе (1 балл)

Имя входного файла: pathbge1.in Имя выходного файла: pathbge1.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан неориентированный невзвешенный граф. Найдите кратчайшее расстояние от первой вершины до всех вершин.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла два числа: n и m ( $2 \le n \le 30000, 1 \le m \le 400000$ ), где n — количество вершин графа, а m — количество ребер.

Следующие m строк содержат описание ребер. Каждое ребро задается стартовой вершиной и конечной вершиной. Вершины нумеруются с единицы.

#### Формат выходного файла

Выведите n чисел — для каждой вершины кратчайшее расстояние до нее.

pathbge1.in	pathbge1.out
2 1	0 1
2 1	

### Задача F. Лабиринт (2 балла)

Имя входного файла: input.txt
Имя выходного файла: output.txt
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Лабиринт представляет собой поле  $n \times m$ . По некоторым его клеткам ходить можно, а по некоторым — нет. Узник находится в одной из клеток лабиринта и может перемещаться за ход на одну из четырех соседних клеток. Помогите ему дойти до выхода за минимальное число шагов или сообщите, что выйти невозможно.

#### Формат входного файла

Во входном файле записаны два числа n и m (0 < n, m < 100). Далее n строк по m символов описывают лабиринт. Клетка, по которой можно ходить, обозначена символом ".", клетка, по которой нельзя ходить, обозначена символом "#". Клетки, обозначенные символами S и T, задают начальную и конечную клетки соответственно.

#### Формат выходного файла

Если узник может дойти до выхода, выведите в выходной файл минимальное количество действий и далее последовательность команд — символов U, D, R и L, показывающих, в какую сторону нужно идти. Если выйти невозможно, выведите -1.

input.txt	output.txt
5 4	7
.S	RRDDLLL
###.	
T	
.##.	