



Magyarország, 2024. november 11.

binarygrid • HU

Bináris mátrix (binarygrid)

Adott egy A táblázat, amely N sorból és M oszlopból áll, és csak 0-t és 1-et tartalmaz. A sorokat és oszlopokat 0-tól indexeljük. A következő műveleteket végezhetjük el A-n:

- Választunk egy i indexet $(0 \le i \le N-1)$, és az i-edik sort invertáljuk (azaz a sorban minden 0-ból 1, és minden 1-ből 0 lesz).
- Választunk egy j indexet $(0 \le j \le M 1)$, és a j-edik oszlopot invertáljuk (azaz az oszlopban minden 0-ból 1, és minden 1-ből 0 lesz).

Egy táblázat akkor **szép**, ha nincs három egymást követő egyenlő érték ugyanabban a sorban, illetve oszlopban. Formálisabban: nincs olyan $i, j \ (0 \le i \le N-1, 0 \le j \le M-3)$, hogy $A_{i,j} = A_{i,j+1} = A_{i,j+2}$, és nincs olyan $i, j \ (0 \le i \le N-3, 0 \le j \le M-1)$, hogy $A_{i,j} = A_{i+1,j} = A_{i+2,j}$.

A feladatunk az, hogy eldöntsük, lehet-e az adott táblázatot széppé tenni, és ha igen, akkor megmondjuk az ehhez szükséges minimális műveletszámot.

Az értékelő rendszerből letölthető csatolmányok közt találhatsz binarygrid.* nevű fájlokat, melyek a bemeneti adatok beolvasását valósítják meg az egyes programnyelveken. A megoldásodat ezekből a hiányos minta implementációkból kiindulva is elkészítheted.

Bemenet

A bemenet első sora egyetlen egész számot tartalmaz, a tesztesetek T számát.

Ezután T teszteset következik, mindegyik előtt egy üres sor.

Minden egyes teszteset a következő sorokból áll:

- egy sor, amely két szóközzel elválasztott egész számot tartalmaz, N-et és M-et, a táblázat sorainak és oszlopainak a számát,
- további N sor, melyek mindegyike M darab 0 vagy 1 számjegyet tartalmaz, a táblázat egy sorának elemeit. Az i-edik sor j-edik számjegye az $A_{i-1,j-1}$ értéket határozza meg.

Kimenet

Mind a T tesztesetre egyetlen egész számot kell kiírni (összesen T sor lesz). Ha a táblázatot széppé lehet változtatni, akkor az ehhez szükséges minimális műveletszámot, ellenkező esetben, ha ez lehetetlen, akkor a -1-et írd ki.

Korlátok

- $1 \le T \le 100$.
- $1 \le N \le 2000$.
- $1 \le M \le 2000$.

binarygrid 1/3. oldal

- $A_{i,j}$ (a táblázat *i*-edik sorának *j*-edik eleme) 0 vagy 1 minden $i=0\ldots N-1$ és $j=0\ldots M-1$ esetén.
- Az N értékek összege az összes tesztesetben legfeljebb 2000.
- Az M értékek összege az összes tesztesetben legfeljebb 2000.

Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

- **0. Részfeladat** (0 pont) Példák.
- 1. Részfeladat (9 pont) $N \le 10$ és $M \le 10$. Az N értékek összege az összes tesztesetben nem haladja meg a 10-et, és az M értékek összege az összes tesztesetben nem haladja meg a 10-et.
- 2. Részfeladat (12 pont) N = 1.
- 3. Részfeladat (20 pont) $N \leq 10.$ Az Nértékek összege az összes tesztesetben nem haladja meg a 10-et.
- **4. Részfeladat** (59 pont) Nincsenek további megkötések.

Példák

input	output
3	3
3	0
4 4	0 -1
	-1
0001	
1110	
1010	
1000	
3 3	
011	
101	
110	
5 5	
11111	
10001	
11011	
10001	
11111	

Magyarázat

Az első példában egy lehetséges módja annak, hogy a táblázatot 3 művelet segítségével széppé tegyük:

binarygrid 2 / 3. oldal

- Invertáljuk a 0. oszlopot.
- Invertáljuk a 2. sort.
- Invertáljuk az 1. oszlopot.

Igazolható, hogy 2 művelet nem elég.

A második példában a táblázat már szép, így nincs szükség műveletekre.

A harmadik példa esetében a táblázatot nem lehet az említett műveletekkel széppé tenni.

binarygrid 3/3. oldal