



Magyarország, 2024. január 17.

carry • HU

# Túlcsordulás (carry)

Valerio Lengyelországba utazott. Az utcán sétálva talált két darab, N hosszúságú, csupa 0-ás és 1-es számjegyekből álló karaktersorozatot: A-t és B-t.



1. ábra. Valerio egy ilyen karakterláncot találhatott.

Amikor hazaért, elhatározta, hogy ír egy programot, amely A-ból és B-ből kiválaszt egy-egy L hosszúságú folytonos részt, és ezeket bináris számokként értelmezve összeadja. Sajnos Valerio egy hibát vétett: az összeget egy L-bites változóban tárolta (azaz olyanban, mely 0 és  $2^L - 1$  közti értékeket vehet fel), viszont az összeg egyes esetekben ennél nagyobb is lehet. Segíts neki eldönteni, hogy az eredmény helyes-e.

Adott két karakterlánc, A és B, melyek hossza N, valamint Q kérdés. Mindegyik kérdés 3 számból áll: X-ből, Y-ból és L-ből. Minden kérdésre állapítsd meg, hogy Valerio programja helyes összeget ad-e az  $A[X \dots X + L - 1]$  és  $B[Y \dots Y + L - 1]$  karakterekből álló számokra. Más szóval, határozd meg, hogy az  $A[X \dots X + L - 1]$  és  $B[Y \dots Y + L - 1]$  bináris számok összege szigorúan kisebb-e mint  $2^L$ .

Az értékelő rendszerből letölthető csatolmányok közt találhatsz carry.\* nevű fájlokat, melyek a bemeneti adatok beolvasását valósítják meg az egyes programnyelveken. A megoldásodat ezekből a hiányos minta implementációkból kiindulva is elkészítheted.

#### **Bemenet**

A bemenet a következőkből áll:

- az első sor az N egész számot tartalmazza;
- a második az N hosszúságú A karaktersorozatot tartalmazza;
- $\bullet$  a harmadik az N hosszúságú B karaktersorozatot tartalmazza;
- a negyedik sor a Q egész számot tartalmazza;
- a következő Q sor mindegyikében három szám:  $X_i, Y_i$  és  $L_i$  található.

carry 1/3. oldal

#### **Kimenet**

A kimenet egyetlen sorból álljon, benne Q darab egész számmal, a válaszokkal. Az i-edik szám legyen 1, ha Valerio programja az i-edik kérdésre helyes választ ad, különben 0.

#### Korlátok

- $1 \le N \le 200\,000$ .
- $A ext{ \'es } B ext{ minden karaktere '0' vagy '1'}.$
- $1 \le Q \le 200\,000$ .
- $0 \le X_i, Y_i < N \text{ minden } i = 0 \dots Q 1\text{-re.}$
- $1 \leq X_i + L \leq N \text{ minden } i = 0 \dots Q 1\text{-re.}$
- $1 \leq Y_i + L \leq N$  minden  $i = 0 \dots Q 1$ -re.

### **Pontozás**

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

- 0. Részfeladat (0 pont)Példák.
- 1. Részfeladat (40 pont)  $N \le 4000$  és  $Q \le 4000$ .
- 2. Részfeladat (30 pont)  $X_i = Y_i$  minden  $i = 0 \dots Q 1$ -re.
- **3. Részfeladat** (30 pont) Nincsenek további megkötések.

2 / 3. oldal

#### Példák

input	output
7 1001010 0111101 5 0 0 1 0 0 3 0 0 4 0 4 3 4 5 2	1 1 0 0 1
12 101000010101 011110101110 7 1 5 4 8 2 3 9 4 2 10 3 1 0 0 3 0 0 6 3 5 6	1 0 0 1 0 0 1

## Magyarázat

Az **első példa** 5 kérdésből áll:

- az első kérdésben a két szám '1' és '0', melyek összege 1, ami kisebb  $2^1$ -nél;
- a második kérdésben a két szám '100' és '011', melyek összege 7, ami kisebb  $2^3$ -nál;
- a harmadik kérdésben a két szám '1001' és '0111', melyek összege 16, ami nem kisebb 2<sup>4</sup>-nél;
- a negyedik kérdésben a két szám '100' és '101', melyek összege 9, ami nem kisebb 2³-nál;
- az ötödik kérdésben a két szám '01' és '01', melyek összege 2, ami kisebb  $2^2$ -nál.

carry 3 / 3. oldal