



Magyarország, 2024. november 11.

problemsetting • HU

Feladatkitűzés (problemsetting)

A feladat megtörtént eseményeken alapszik.

Egy meg nem nevezett programozási verseny szervezőbizottsága idén több forduló megrendezését tervezi, melyek mindegyike N darab, különböző nehézségű feladatból áll. Azt szeretnénk, hogy a feladatok nehézségi szintjei $1, 2, \ldots, N$ legyenek.

A versenyre rengeteg feladatjavaslat érkezett. Ezek mindegyikéhez tartozik egy nehézségi szint, mely lehet

- egy i egész szám $(1 \le i \le N)$, ami azt jelenti, hogy a javaslat valamelyik forduló i nehézségű feladataként használható; vagy
- egy i.5 alakú érték, ahol i egész szám, $1 \le i < N$), mely akár i nehézségű, akár i+1 nehézségű feladat is lehet.



1. ábra. Egy megfelelő nehézségű verseny összeállítása nehezebb, mint gondolnád.

Az N értékének és az egyes feladatok nehézségének ismeretében határozd meg, hogy legfeljebb hány fordulót lehet összeállítani ezen feladatokból. Minden feladatot legfeljebb egy fordulóban használhatsz fel!

Az értékelő rendszerből letölthető csatolmányok közt találhatsz problemsetting.* nevű fájlokat, melyek a bemeneti adatok beolvasását valósítják meg az egyes programnyelveken. A megoldásodat ezekből a hiányos minta implementációkból kiindulva is elkészítheted.

Bemenet

Minden teszt több tesztesetet tartalmaz. A bemenet első sora egyetlen T egész számot tartalmaz, a tesztesetek számát.

Minden teszteset első sora egyetlen N egész számot tartalmaz, az egy fordulóba választandó feladatok számát.

A teszteset második sora N darab, A_1, A_2, \ldots, A_N egész számot tartalmaz, ahol A_i az i nehézségű feladatok száma.

A harmadik sorában N-1 darab $B_1, B_2, \ldots, B_{N-1}$ egész szám található, ahol B_i az i.5 nehézségű feladatok száma.

problemsetting 1/3. oldal

Kimenet

Minden tesztesethez egyetlen egész számot adj meg, az adott nehézségű feladatokból összeállítható fordulók maximális számát.

Korlátok

- $1 \le T \le 10000$.
- $2 \le N \le 200\,000$.
- $0 \le A_i \le 1\,000\,000\,000$ minden $i = 1 \dots N$ -re.
- $0 \le B_i \le 1\,000\,000\,000$ minden $i = 1\dots N-1$ -re.
- Az N-ek összege tesztenként nem haladja meg a 200 000-t.

Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

- 0. Részfeladat (0 pont)Példák.
- 1. Részfeladat (5 pont) $B_i = 0$ minden $i = 1 \dots N 1$ -re.
- 2. Részfeladat (10 pont) $A_i \le 1$ minden $i = 1 \dots N$ -re; $B_i \le 1$ minden $i = 1 \dots N 1$ -re.
- 3. Részfeladat (30 pont) $A_i \le 100$ minden $i = 1 \dots N$ -re; $B_i \le 100$ minden $i = 1 \dots N 1$ -re.
- 4. Részfeladat (20 pont) $A_i = 0$ minden $i = 1 \dots N$ -re.
- **5. Részfeladat** (35 pont) Nincsenek további megkötések.

problemsetting 2 / 3. oldal

Példák

input	output
5	1
6	0
0 1 1 0 1 1	2
1 0 1 0 1	3
5	4
0 1 1 1 0	
1 0 1 0	
2	
1 1	
2	
6	
0 0 0 0 0 0	
5 2 5 100 9	
7	
1 3 0 4 1 0 2	
4 3 1 3 1 5	

Magyarázat

Az első tesztesetben 7 feladatjavaslat van, amelyeknek a nehézsége rendre 1.5, 2, 3, 3.5, 5, 5.5 és 6. Ezekből a feladatokból egyetlen fordulót hozhatunk létre:

- A 1.5-es nehézségi szintű javaslat a forduló első feladata lesz.
- A 2-es nehézségi szintű javaslat a forduló második feladata lesz.
- A 3-as nehézségi szintű javaslat a forduló harmadik feladata lesz.
- A 3.5-es nehézségi szintű javaslat a forduló negyedik feladata lesz.
- A 5.5-es nehézségi szintű javaslat a forduló ötödik feladata lesz.
- A 6-os nehézségi szintű javaslat a forduló hatodik feladata lesz.

Belátható, hogy nem hozható létre egyetlen teljes forduló sem a **második tesztesetben** található feladatokból.

A harmadik tesztesetben két fordulót állíthatunk össze, melyek ilyen nehézségű feladatokat tartalmaznak:

- [1, 1.5]
- [1.5, 2]

A negyedik tesztesetben az alábbi fordulók létrehozása lehetséges:

- [1.5, 1.5, 3.5, 3.5, 5.5, 5.5]
- [1.5, 1.5, 3.5, 3.5, 5.5, 5.5]
- [1.5, 2.5, 2.5, 3.5, 5.5, 5.5]

problemsetting 3 / 3. oldal