



Első forduló, 2023. november 13.

longchain • HU

# Hosszú Láncok (longchain)

Adott egy N csúcsú fa, melynek csúcsai 1-től N-ig vannak sorszámozva. (A fa egy olyan irányítatlan gráf, amely összefüggő és körmentes.) Fel szeretnénk osztani a fát éldiszjunkt egyszerű utakra úgy, hogy a legrövidebb út hossza maximális legyen. Egy út hossza alatt az út éleinek a számát értjük.

Írj programot, amely megadja a legrövidebb út hosszát egy optimális felosztás esetén!

Az értékelő rendszerből letölthető csatolmányok közt találhatsz longchain.\* nevű fájlokat, melyek a bemeneti adatok beolvasását valósítják meg az egyes programnyelveken. A megoldásodat ezekből a hiányos minta implementációkból kiindulva is elkészítheted.

#### **Bemenet**

Az első sor egyetlen N egész számot tartalmaz, a fa csúcsainak számát.

Az ezt követő N-1 sor mindegyikében 2 egész szám szerepel:  $u_i$  és  $v_i$ , ahol  $u_i$  és  $v_i$  az i-edik él két végpontja.

#### **Kimenet**

Egyetlen egész számot kell kiírnod: a felosztás után keletkező legrövidebb út maximális hosszát.

#### Korlátok

- 2 < N < 100000.
- $1 \le u_i, v_i \le N$ .

#### **Pontozás**

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

```
- 1. Részfeladat (0 pont) Példák. ■■■■■
```

- 2. Részfeladat (10 pont) 
$$N \leq 8$$
.

- 3. Részfeladat (20 pont) 
$$N \leq 100$$
.

- 4. Részfeladat (20 pont) 
$$N \le 1000$$
.

– **5. Részfeladat** (50 pont) Nincsenek további megkötések.

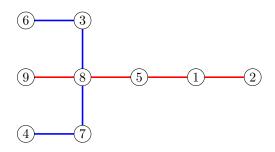
longchain 1/3. oldal

### Példák

input	output
0	4
9 9 8	4
7 4	
7 8	
2 1	
6 3	
5 1	
5 8	
3 8	
5	2
1 2	
2 3	
3 4	
2 5	
10	4
7 6	•
9 6	
8 5	
4 2	
1 3	
5 6	
1 10	
7 10	
2 6	
6	5
6 1 2	O O
2 3	
3 4	
4 5	
5 6	

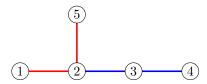
## Magyarázat

Az első példában az optimális felosztás 2 éldiszjunkt útból áll, amelyek mindegyike 4 hosszú (2-1-5-8-9 és 4-7-8-3-6).

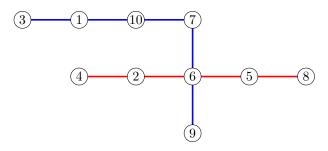


A második példában az optimális felosztás 2 éldiszjunkt útból áll, amelyek mindegyike 2 hosszú (1-2-5 és 2-3-4).

 ${\tt longchain} \hspace{2.5cm} 2 \hspace{.1cm} / \hspace{.1cm} 3. \hspace{.1cm} \mathsf{oldal}$ 



A harmadik példában az optimális felosztás 2 éldiszjunkt útból áll, amelyek egyike 4 hosszú (4-2-6-5-8), a másik 5 hosszú (3-1-10-7-6-9).



A negyedik példában az egész fa egyetlen 5 hosszú útból áll.



longchain 3/3. oldal