

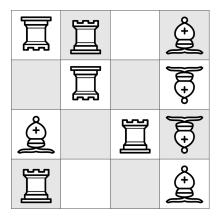


Első forduló, 2023. november 13.

binarychess • HU

Bináris Sakk (binarychess)

A Bináris Sakk egy kétszemélyes játék, amit egy $R \times C$ méretű táblán játszanak. A sakk ezen változatában csak kétféle figura, futó és bástya használatos.



1. ábra. A parti közben a Bináris Sakk elég bonyolult...

A játék szabályai igen összetettek, így csak egy már befejezett partit vizsgálunk. Erről a következőket tudjuk:

- a tábla megadott N mezőjén van egy-egy figura, ami vagy futó, vagy bástya, és a többi mező üres,
- semelyik futó nem támadja semelyik bástyát,
- semelyik bástya nem támadja semelyik futót.

Írj programot ami meghatározza hány ilyen tábla létezik! Azaz hányféleképpen tudunk N figurát lerakni a táblára, hogy a fenti feltételek teljesüljenek. Mivel ez a szám elég nagy lehet, modulo $10^9 + 7$ kell megadnod. Két lehelyezést különbözőnek tekintünk, ha létezik olyan mező, amelyen az egyik lehelyezésben futó, a másikban bástya van.

Az értékelő rendszerből letölthető csatolmányok közt találhatsz binarychess.* nevű fájlokat, melyek a bemeneti adatok beolvasását valósítják meg az egyes programnyelveken. A megoldásodat ezekből a hiányos minta implementációkból kiindulva is elkészítheted.

Bemenet

Az első sorban három egész szám, R, C és N található, azaz a tábla sorainak és oszlopainak a száma, valamint a táblán található figurák száma.

A következő N sor mindegyikében két egész szám található, r_i és c_i , ami azt jelenti, hogy egy figura található azon a mezőn, ami az r_i -edik sorban és c_i -edik oszlopban van. A megadott mezők mind különbözőek.

Kimenet

Egyetlen számot írj a kimenetre: a választ a kérdésre modulo $10^9 + 7$.

binarychess 1/3. oldal

A modulo művelet $(a \mod m)$ C++/Python nyelven (a % m) formában írható. Az egész számok túlcsordulás-ának elkerülése érdekében ne feledd, hogy az összes részeredményt csökkentsd a mod művelettel, ne csak a végeredményt! Megjegyzés: ha $x < 10^9 + 7$, akkor a 2-szerese belefér a C++ int típusába.

Korlátok

- $1 < R, C < 10^9$
- $1 \le N \le \min(R \cdot C, 200\,000)$
- $1 \le r_i \le R$, $1 \le c_i \le C$ minden $i = 0 \dots N 1$ -re.

Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

- 1. Részfeladat (0 pont)Példák.
- 2. Részfeladat (11 pont) $R, C \le 1000$ és $N \le \min(R \cdot C, 1000)$
- 3. Részfeladat (19 pont) $R, C \leq 1000$
- 4. Részfeladat (19 pont) $N \leq \min(R \cdot C, 1000)$
- 5. Részfeladat (51 pont) Nincsenek további megkötések.

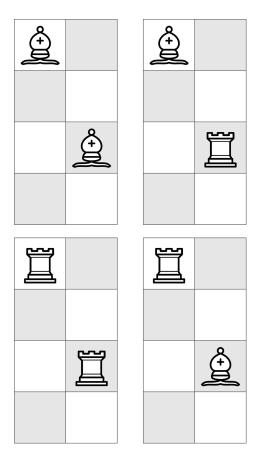
Példák

input	output
4 2 2 1 1 3 2	4
3 3 3 2 1 3 3 1 1	2

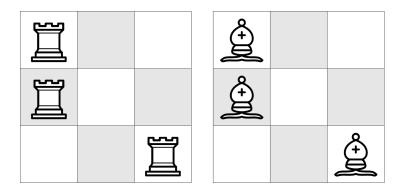
binarychess 2 / 3. oldal

Magyarázat

Az **első példában** a lehetséges táblák:



A második példában a lehetséges táblák:



binarychess 3/3. oldal