



Magyarország, 2025. január 15.

boardgame2 • HU

Társasjáték (boardgame2)

Alice és Bob, egy testvérpár, karácsonyra egy súlyozott irányított körmentes gráfot kaptak, amelynek N csúcsa és M éle van. Nagyon versengőek, ezért elhatározták, hogy játszanak egy játékot a gráfon.



1. ábra. Alice és Bob vitatkoznak, ahogy a testvérek szoktak.

A játék úgy kezdődik, hogy egy bábut helyezünk az 1-es csúcsra. Minden körben Alice és Bob felváltva tesz egy lépést, Alice kezd. Egy lépés során az aktuális játékos áthelyezheti a bábut az u csúcsról a v csúcsra, ha van egy él u és v között. Egy ilyen lépésért a játékosnak $W_{u->v}$ pénzt kell fizetnie. Az a játékos, aki nem tudja mozgatni a bábut, veszít.

A játékosok hihetetlenül okosak, így azonnal tudják, hogy ki fogja nyerni a játékot, ha optimálisan játszanak. Így a vesztes (mivel rossz vesztes) mindent megtesz azért, hogy a győztes minél több pénzt fizessen. A vesztesnek mindegy, hogy neki mennyit kell fizetnie.

A gráf ismeretében az a feladatod, hogy meghatározd, ki nyeri a játékot, és azt a minimális összeget, amit a győztesnek fizetnie kell, ha mindkét testvér optimálisan játszik.

Az értékelő rendszerből letölthető csatolmányok közt találhatsz boardgame2.* nevű fájlokat, melyek a bemeneti adatok beolvasását valósítják meg az egyes programnyelveken. A megoldásodat ezekből a hiányos minta implementációkból kiindulva is elkészítheted.

Bemenet

A bemenet első sorában az N és M egész számok találhatók. Az ezt követő M sor mindegyike három

boardgame 2 1/3. oldal

egész számot tartalmaz, U_i , V_i , W_i , ami azt jelenti, hogy az U_i csúcsból a V_i csúcsba vezet egy W_i súlyú él.

Kimenet

A kimenetre két sort kell írnod:

- Az első sorban a játék nyertese legyen, amely Alice vagy Bob.
- A második sorba pedig a nyertes által fizetendő minimális pénzösszeget kell írnod.

Korlátok

- $1 \le N \le 100000$.
- $1 \le M \le 200\,000$.
- $1 \leq U_i, V_i \leq N$ minden $i = 1 \dots M$ -re.
- Bármely két csúcs között legfeljebb egy él van, azaz minden (U_i, V_i) pár egyedi.
- Az élek egy irányított körmentes gráfot alkotnak.
- $0 \le W_i \le 1\,000\,000\,000$ minden $i = 1\dots M$ -re.

Pontozás

A megoldásodat sok különböző tesztesetre lefuttatjuk. A tesztesetek részfeladatokba vannak csoportosítva. Egy-egy részfeladatot akkor tekintünk megoldottnak, ha volt legalább egy olyan beadásod, amely az adott részfeladat minden tesztesetére helyes megoldást adott. A feladat összpontszámát a megoldott részfeladatokra kapott pontszámok összege adja.

```
- 0. Részfeladat (0 pont) Példák.

- 1. Részfeladat (10 pont) N \le 10, M \le 20.

- 2. Részfeladat (15 pont) W_i = 0 minden i = 1...M-re.

- 3. Részfeladat (40 pont) W_i = 1 minden i = 1...M-re.

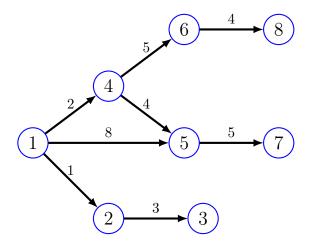
- 4. Részfeladat (35 pont) Nincs további megkötés.
```

Példák

input	output
8 8	Alice
1 2 1	7
1 5 8	
2 3 3	
1 4 2	
4 5 4	
4 6 5	
5 7 5	
6 8 4	

boardgame 2 2/3. oldal

Magyarázat



2. ábra. A példában szereplő gráf.

A példában:

- Alice csak úgy tudja biztosítani a győzelmét, ha a bábut az 1-es csúcsról a 4-es csúcsra mozgatja (2 költséggel).
- Hogy maximalizálja Alice költségét, Bob a bábut a 4-es csúcsról az 5-ös csúcsra helyezi át;
- Alice 5-öt fizet a 7-es csúcsra történő utolsó lépéséért.

Mivel Bob nem tud lépni, Alice nyer, és összesen 7-et fizetett.

boardgame 3/3. oldal