

Programmieren im Bauingenieurwesen

EINFÜHRUNG UND GRUNDLAGEN

Autor
Sebastian Pech, Raphael Suda
Version vom
13. September 2019
Erstellt mit Julia
1.2.0

2 Inhaltsverzeichnis

Inhaltsverzeichnis

1	Einf	nführung und Vorwort	3
	1.1	1 Ziele	3
	1.2	O at a large and a	
	1.3	3 Lehrunterlagen	4
	1.4	4 Kontrollprogramm	4
2	1	etallation	6
2	inst	stallation	6
	2.1	1 Julia	6
		2.1.1 Windows	6
		2.1.2 macOS	
		2.1.3 Linux	6
	2.2	2 Juno	7
	2.2	2 94110	
_			_
3	Inte	teraktion	7
	3.1	1 Die REPL	7
	3.2		
	-		
	3.3	3 Juno Spezifika	9
	3.4	4 Spezielle REPL-Modes	9
	J. 1	•	
		3.4.1 Hilfe	
		3.4.2 Paketmanager	10
	3.5	5 Aufgaben	11
	5.5		
		$3.5.1$ Installation der für die LVA benötigten Pakete $\ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$	11
4	Kon	ommentare	11
_	Var:	ariablen	12
5	vari	ariablen	12
6	Date	atentypen	13
	6.1		13
	0.1	<u> </u>	
		6.1.1 Characters	13
		6.1.2 Strings	13
	6.2		
	-		
	6.3		
		3 Booleans	
		3 Booleans	
7	Eunl		17
7		unktionen	17 18
7	Funl	unktionen	17 18
7	7.1	unktionen 1 Neue Funktionen erstellen	17 19
7	7.1 7.2	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen	17 19 20
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen Neue Funktionen erstellen Scope Methoden	17 19 20 20
7	7.1 7.2	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen	17 19 20 20
7	7.1 7.2 7.3	unktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben	17 18 19 20 20 21
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen	
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten	
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen	
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen	
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen	
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen	
7	7.1 7.2 7.3	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen	
7 8	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen Neue Funktionen erstellen Scope Methoden Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen Neue Funktionen erstellen Scope Methoden Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen Prays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen Prays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays	
	7.1 7.2 7.3 7.4	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.6 Broadcasting	
	7.1 7.2 7.3 7.4 Arra 8.1	unktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.6 Broadcasting 2 Tuple	
	7.1 7.2 7.3 7.4 Arra 8.1	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.6 Broadcasting 2 Tuple 3 Dict	
	7.1 7.2 7.3 7.4 Arra 8.1	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.6 Broadcasting 2 Tuple 3 Dict	
	7.1 7.2 7.3 7.4 Arra 8.1	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.6 Broadcasting 2 Tuple 3 Dict 4 Aufgaben	
	7.1 7.2 7.3 7.4 Arra 8.1	Inktionen 1 Neue Funktionen erstellen 2 Scope 3 Methoden 4 Aufgaben 7.4.1 Dreimal printen 7.4.2 Zwei Funktionen verketten 7.4.3 Kreisfläche berechnen 7.4.4 Kreisumfang berechnen 7.4.5 Kreiseigenschaften printen rrays, Tuple, Set, Dict 1 Arrays 8.1.1 Arrays sind veränderbar 8.1.2 Funktionen der Array Library 8.1.3 Elemente löschen 8.1.4 Strings und Arrays 8.1.5 Mehrdimensionale Arrays 8.1.6 Broadcasting 2 Tuple 3 Dict	

Inhaltsverzeichnis 3

	8.4 8.4 8.4	1.4 1.5	Anagram-Test	
	9.2 Lo 9.3 Ru	ntax gica	x Errors	30 30 30 31 31
10	10.2 Ve 10.3 Au 10 10 10	nearektor ufgal .3.1 .3.2 .3.3	e Gleichungssysteme	
11	11.2 Sci 11 11.3 Au 11 11 11 11 11 11 11	rzwe hleif .2.1 .2.2 .1fgab .3.1 .3.2 .3.3 .3.4 .3.5 .3.6	eigungen fen break und continue Performance Optimierung Julia ben Gerade oder Ungerade Skript Flächeninhalt Berechne π Numerisch Integrieren Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit Split Wurzelziehen	34 35 36 37 39 40 41 41 42 42 43
12	Method	den		43
	13.2 Da 13.3 Au 13 Speziell 14.1 Da	rund as De ufgab .3.1 le D	llagen und einfache Fälle ebugger-Paket ben Finde den Fehler eatentypen n und Uhrzeiten	47 47 47
	14.3 Au 14	ıfgal .3.1	ben	49 50 50
	15.1 Da 15.2 Ar 15 15.3 Au 15 15 15	as Darbeit. 2.1 1fgab .3.1 .3.2 .3.3	ateisystem Strukturierte Textdateien ben Bestandsermittlung Lager Bestand suchen Gesamtbestand	51 51 52 54 54 55 55
	Plotting 16.1 Sc	_	rplot	56 59

	Inhaltsverzeichnis
--	--------------------

16.4 Speichern von Plots	
16.2 Barchart	6

1 Einführung und Vorwort

Diese Lehrunterlagen dienen der Unterstützung bei der Lehrveranstaltung (LVA) Programmieren im Bauingenieurwesen. Alle Inhalte die in der LVA besprochen werden, sind chronologisch geordnet in diesem Dokument gelistet und durch nützliche Informationen und Beispiele ergänzt. Einige Abschnitte schließen mit einer Aufgabensammlung, welche zum Erlagen einer positiven Benotung der LVA gelöst und in den TUWEL Kurs hochgeladen werden muss.

Ziel der LVA ist es einen ersten aber umfassenden Einblick in die Welt der Programmiersprachen zu geben. Inhalte die über die allgemeinen Programmiergrundlagen hinausgehen, sind dabei thematisch auf das Bauingenieurwesen Studium zugeschnitten.

1.1 Ziele

Wir haben selbst erlebt, dass in einigen Master LVAs und besonders bei der Diplomarbeit Programmierkenntnisse gefordert werden. Nach dem Besuch der LVA sollten daher Aufgaben wie Versuchsauswertungen, Adaption von bestehenden Programmen oder erstellen eigener Programme unter Anleitung gelöst werden können.

Die nötigen Inhalte um selbständig Programme zu Konzeptionieren und Programmieren werden in der LVA nicht abgedeckt. Dieses Thema ist komplex und erfordert bereits etwas Erfahrung. Für Interessierte sind aber in einigen Abschnitten Verweise auf weiterführende Informationen angegeben.

1.2 Programmiersprache

Die Welt der Programmiersprachen ist vielfältig und zahlreich. Es gibt einer Vielzahl von Anwendungsgebieten für die spezifische Sprachen entwickelt wurden. Da viele Aufgaben von Bauingenieuren naturwissenschaftlich und mathematische fundiert sind, liegt es nahe in dieser LVA eine der sogenannten wissenschaftlichen Sprachen zu verwenden.

Der Begriff bezeichnet Programmiersprachen die standardmäßig mathematische Objekte wie Vektoren und Matrizen unterstützen oder z.B. über Statistik Bibliotheken verfügen. Einige Vertreter dieser Klasse sind MATLAB, R, Python mit SciPy und Julia.

Jede dieser Sprachen hat ihre Vor- und Nachteile. MATLAB wir besonders häufig im universitären Bereich genutzt und biete ein benutzerfreundliches Interface. R ist besonders auf statistische Auswertungen zugeschnitten. Python ist von dieser Gruppe die allgemeinste Sprache und ist einer der beliebtesten Programmiersprachen überhaupt. Julia ist eine der jüngeren Programmiersprachen, zeichnet sich aber durch ein sehr gutes Sprachdesign und hohe Performance aus.

In den Anfängen dieser LVA wurde MATLAB gelehrt, was hauptsächlich der starken Verbreitung an Universitäten geschuldet war. Ein Nachteil von MATLAB ist: Eine nicht universitäre Lizenz ist sehr teuer. Unser Ziel ist es, dass alle Studierenden, auch noch nach ihrem Studium, Zugang zu der Software haben und ihren Arbeitsalltag mit Programmierkenntnissen vereinfachen können.

Python und R sind frei verfügbar und weit verbreitet. Ein Nachteil im Zusammenhang mit der LVA ist aber, dass sich die Programmiersprachen relativ stark vom MATLAB unterscheiden. Da MATLAB in anderen LVAs verwendet wird und wir nicht wollen, dass Programmieranfänger im Laufe des Studiums mit zwei sehr verschiedenen Sprachen konfrontiert werden sind Python und R keine Optionen für uns.

Julia ist ebenfalls frei verfügbar und hat eine zu MATLAB sehr ähnliche Syntax. Das und das stringente Sprachdesign sind für uns Grund genug Julia in dieser LVA zu verwenden.

Die syntaktischen Unterschiede von MATLAB, Python und Julia sind in diesem Cheatsheet¹ grob zusammengefasst. Wir empfehlen es als erste Hilfe zur Hand zu nehmen, sollte es notwendig sein ein Programm nicht in Julia zu schreiben.

¹https://cheatsheets.quantecon.org

1.3 Lehrunterlagen

Die Unterlagen wurden an einigen Stellen um nützliche Verweise auf weiterführende Informationen oder Quellen erweitert. Grundsätzlich werden zwei Arten von Links unterschieden: Verweise auf die Julia Dokumentation unter https://docs.julialang.org werden im Text immer durch Angabe der Abschnittsnamen gemacht. Links die nicht auf die Dokumentation verweisen, werden immer mit einer zusätzlichen Fußnote angeben. Beispielsweise sind weiter Informationen zu Strings in der Dokumentation unter Manual/Strings oder auf der Website Think Julia² zu finden

Damit können die Links sowohl in der pdf-Version als auch in der Printversion geöffnet werden.

1.4 Kontrollprogramm

Zusätzlich zu den Unterlagen gibt es ein Kontrollprogramm, mit dem die Aufgaben zu den einzelnen Abschnitten kontrolliert werden können. Das Programm wird in Form eines eigenständigen Julia Pakets verwendet und muss mit dem Paketmanager durch Eingabe von

add https://github.com/sebastianpech/JuliaSkriptumKontrolle.jl#JuliaSkriptum

installiert werden (Näheres dazu im Abschnitt Interaktion).

Nach der Installation kann das Paket einfach mit

```
using JuliaSkriptumKontrolle
```

geladen werden.

Bei den Aufgaben geht es meistens darum kurze in sich abgeschlossene Codes oder Funktionen zu schreiben. Eine einzelne Funktion kann z.B. wie folgt kontrolliert werden:

```
@Aufgabe "1.2.3" function meine_funktion(x,y)
    # Hier den Code einfügen
end
```

Dabei startet die Angabe @Aufgabe "1.2.3" die Kontrollmechanismen für die Aufgabe mit der Nummer 1.2.3. Die Nummer entspricht immer der Überschriftennummerierung der entsprechenden Aufgabe.

Wird bei einer Aufgabe gefordert mehrere Funktionen oder zusätzliche externe Pakete zu verwenden, kann die allgemeine Version des vorherigen Codes verwendet werden:

Sind spezielle Angaben notwendig, ist das bei der jeweiligen Aufgabe vermerkt.

Ist eine Aufgabe nicht vollständig korrekt gelöst, wird eine Fehlermeldung ausgegeben. Bei der folgenden Aufgabe soll eine Funktion definiert werden, die den Winkel zwischen zwei Vektoren beliebiger Dimension berechnet.

```
@Aufgabe "10.3.4" function winkel(v1,v2)
    v1-v2 # Offensichtlich falsch
end
```

Error: AssertionError: Die Funktion sollte einen Winkel zurück geben.

Der aktuelle Status aller Aufgaben (Noch nicht behandelt, Falsch, Richtig) kann mit der folgenden Funktion angezeigt werden:

```
JuliaSkriptumKontrolle.status()
```

 $^{^2} https://benlauwens.github.io/ThinkJulia.jl/latest/book.html\#chap08$

Aufgabe	Status	Punkte
	+	+ 1.0
3.5.1 7.4.1		
		1.0
7.4.3 7.4.4		
		1.0
	_	
	_	
•		
10.3.3 10.3.4		1.0
10.3.4		1.0
11.3.1		1.0
11.3.2		3.1
11.3.4		3.0
11.3.5.1		1.5
11.3.5.1		1.5
11.3.3.2	_	3.0
11.3.0		2.0
11.3.7	_	1.0
13.3.1		1.0
14.3.1	_	2.0
15.3.1	_	3.0
15.3.1	_	3.0
15.3.3		3.0
		+
İ	Σ	0.0 / 46.1

Die Ausgabe enthält auch die Anzahl an erreichten und möglichen Punkten. Da Aufgabe 10.3.4 in einem der vorherigen Beispiele falsch gelöst wurde, steht anstelle von "?", "×".

Die Abgabe der Aufgaben erfolgt in TUWEL. Es sollen alle Aufgaben gesammelt in einer Julia Datei (Endung .jl) abgegeben werden. Dabei müssen die kontrollierten Aufgaben nacheinander in der Datei (z.B. meine_loesungen.jl) angegeben werden:

Wird die obige Datei mit julia meine_loesungen.jl ausgeführt, wird wenn alle Aufgaben richtig gelöst sind, kein Fehler ausgegeben.

8 2 Installation

2 Installation

2.1 Julia

Julia ist für Windows, macOS und Linux kostenlos auf der Webseite julialang.org verfügbar. Unter Downloads¹ befinden sich die für die Installation notwendigen Dateien.

2.1.1 Windows

Julia ist für Windows 7 und alle spätere Versionen in 32 bit und 64 bit verfügbar. Folgende Schritte sind für die Installation erforderlich:

- 1. Die richtige Version (32 bit oder 64 bit) der Installationsdatei julia.exe herunterladen.
- 2. Die heruntergeladene Datei ausführen, um Julia zu entpacken.

Im entpackten Ordner befindet sich die Datei julia. Diese kann entweder durch Doppelklick oder über die Commandline durch Eingabe des Befehls julia ausgeführt werden. Sollte bei Aufruf in der Commandline ein Fehler "Der Befehl "julia" ist entweder falsch geschrieben oder konnte nicht gefunden werden" auftreten, wurde der Installationspfad wahrscheinlich bei der Installation nicht zur Systemvariable PATH hinzugefügt. Windows kann die Datei julia dann nicht finden. Unter diesem Link² befindet sich eine kurze Erklärung zur Einrichtung der Systemvariable PATH. Der Punkt "Geben Sie … den Wert der Umgebungvariable PATH an." in dieser Erklärung ist dabei folgendermaßen zu verstehen: Unter Path sind alle Pfade gespeichert, die bei der Eingabe eines Befehls in der Commandline, nach übereinstimmenden Befehlen durchsucht werden. Die Pfade sind dabei durch Semikola; voneinander getrennt. Unter diesem Punkt der Anleitung ist daher der Pfad der Julia-Installation am Ende der Variable hinzuzufügen:

```
# "Alte" Systemvariable PATH
Pfad01;Pfad02;Pfad03
# "Neue" Systemvariable PATH
```

Pfad01;Pfad02;Pfad03;Julia-Pfad

2.1.2 macOS

Julia ist für macOS 10.8 und spätere Versionen verfügbar. Für Mac-User befindet sich auf julialang.org unter Downloads¹ eine .dmg-Datei zum Download. Dieses Disk Image muss geöffnet und die darin enthaltene Datei julia-<version>.app in den gewünschten Dateipfad (vozugsweise Programme) kopiert werden. Julia kann dann direkt über diese Datei oder Eingabe des Befehls julia im Terminal ausgeführt werden.

2.1.3 Linux

Zur Installation von Julia auf einem Linux Betriebssystem müssen zuerst die "Generic Binaries" für die richtige Prozessor-Architektur heruntergeladen werden. Die Datei im .tar.gz-Format muss danach in einen beliebigen Ordner auf dem Computer entpackt werden. In diesem Ordner befindet sich unter bin/ die Datei julia. Um Julia im Terminal ausführen zu können, muss gewährleistet sein, dass das System diese Datei findet. Am einfachsten ist es, einen "Symbolic Link" in einem der Ordner unter der Systemvariable PATH zu erzeugen. Welche Ordner in PATH hinterlegt sind, kann im Terminal mittels echo \$PATH abgefragt werden. Meist ist /usr/local/bin einer davon. Folgender Befehl erstellt den Symbolic Link in diesem Ordner:

sudo ln -s <Pfad zum entpackten Ordner>/bin/julia /usr/local/bin/julia

Danach kann Julia durch Eingabe von julia im Terminal gestartet werden.

¹https://julialang.org/downloads/

²https://www.java.com/de/download/help/path.xml

3 Interaction 9

2.2 Juno

Generell reicht es aus, Julia zu installieren und über die Command Line zu benutzen. Entwicklungsumgebungen wie zum Beispiel *Juno* bieten allerdings viele Features, die (nicht nur) den Einstieg ins Programmieren erleichtern. Dazu muss zuerst der erweiterbare Texteditor *Atom* installiert werden. Die Installationsdateien für Windows, macOS und Linux sind kostenlos auf der Website atom.io³ erhältlich.

Nach der Installation von Atom muss Juno in Atom installiert werden. Dazu ist es erforderlich, Atom zu öffnen und in die Einstellungen zu wechseln (Strg+, oder Cmd+, bzw. über die Menüleiste) und dort das Installations-Panel auszuwählen. Durch Installation des Pakets uber-juno (am einfachsten über die Suchleiste) kann Juno in Atom verwendet werden. Falls für Julia nicht der Standard-Installationspfad ausgewählt wurde, muss unter Packages > Julia > Settings im Feld "Julia Path" der tatsächliche Dateipfad angegeben werden.

Wenn die Installation funktioniert hat, kann unter Packages > Juno > Open Console die REPL geöffnet und durch drücken der Taste Enter eine Julia-Session gestartet werden.

3 Interaktion

Um Julia auszuführen gibt es verschieden Möglichkeiten:

- Interaktiv in Form der REPL (Read-eval-print loop) über das Programm-Icon oder Eingabe von julia in der Commandline.
- Als Skript durch Eingabe von julia script.jl [arg1, arg2 ...] in der Commandline.
- In einem Editor der Julia unterstützt (z.B. Juno)
- Als sogenanntes Notebook mit Jupyter.

Jupyter Notebooks eignen sich um Berechnungen zu Dokumentieren und z.B. um Grafiken und Formeln zu erweitern, sprengen aber den Rahmen der LVA. Für Interessierte ist hier auf das Paket IJulia.jl¹ verwiesen, welches Julia für Jupyter Notebooks aktiviert.

3.1 Die REPL

Die REPL biete die rudimentärste Methode des Zugriffs auf Julia. Die Funktionalität, wie es auch im Namen REPL steckt, besteht darin:

- 1. Read: Einen Befehl einzulesen
- 2. Eval: Den eingelesenen Befehl auszuwerten
- 3. Print: Das Ergebnis auszugeben
- 4. Loop: Zurück zu 1. und auf den nächsten Befehl warten

Die REPL kann durch Starten von Julia über das Programm-Icon, den Befehl julia oder direkt in Juno geöffnet werden. Ausführen der Funktion exit() oder drücken von Strg-D schließt die REPL.

Je nach Betriebssystem öffnet sich dann ein Fenster das dem in der folgenden Abbildung ähnelt

 $^{^3 \}mathrm{https://atom.io}$

 $^{^{1} \}rm https://github.com/JuliaLang/IJulia.jl$

10 3 Interaction



Abbildung 1: REPL Fenster direkt nach dem Start

Nach dem Start steht der Cursor nach dem Text julia> welcher Prompt genannt wird. Die REPL befindet sich jetzt im "Julian mode". Das bedeutet jetzt können Julia Befehle eingegeben und ausgewertet werden.

Die REPL kennt noch drei weitere Modi, die durch Eingabe eines speziellen Zeichens, direkt nach der Prompt gestartet werden können:

- 1. "Help mode" (help?>) durch ?: Erlaubt die Anzeige der Hilfe für bestimmte Ausdrücke.
- 2. Paketmanager ((v1.2) pkg>) durch]: Startet den Paketmanager mit dem zusätzliche Funktionen installiert werden können.
- 3. "Shell mode" (shell>) durch ;: Ermöglicht das Ausführen von Befehlen im Betriebssystem.

Der "Julian mode" ist, wenn der Cursor direkt hinter der Prompt steht, immer durch drücken der Backspace-Taste erreichbar,

3.2 Ausführung als Skript

Eine Julia-Datei oder ein Julia-Skript (Endung .jl) kann über die Commandline ausgeführt werden. Je nach Betriebsystem ist diese über einen anderen Weg erreichbar:

- Windows: Die Commandline verbirgt sich hinter dem Programm cmd.exe. Dieses ist am einfachsten durch die Tastenkombination windows+r (Run) und Eingabe von "cmd", im erschienen Fenster, gefolgt von Enter erreichbar.
- macOS: In macOS wird die Commandline Terminal genannt. Über die Spotlight-Suche (cmd+space) und Eingabe von "Terminal" gelangt man zu der richtigen App.
- Linux: Linux User sollte wissen wie sie zur Commandline gelangen.

Die Commandline ist wie die Julia REPL aufgebaut und funktioniert nach dem selben Prinzip. Die wichtigsten Befehle für die Navigation sind:

- pwd: Gibt das aktuelle Verzeichnis aus (Auch "Working Directory" genannt).
- cd pfad: Wechselt in das Verzeichnis pfad.
- 1s: Liste den Inhalt des aktuellen Verzeichnisses auf.

Diese Befehle genügen zum Lösen der Aufgaben, je nach Betriebssystem sind aber noch sehr viele weitere verfügbar.

3 Interaktion 11

Durch die Installation von Julia ist wird der Befehl julia verfügbar. Soll ein Skript mein-script.jl ausgeführt werden, ist das durch eine Eingabe von julia mein-script.jl in der Commandline möglich. mein-script.jl ist dabei der Pfad zu der auszuführenden Datei. Bei dieser Angabe handelt es sich um einen sogenannte relativen Pfad, relativ bezogen auf das aktuelle Verzeichnis. Befindet sich die Datei in einem Unterordner scripts würde der Befehl

- unter Windows: julia scripts\mein-script.jl und
- unter macOS und Linux julia scripts/mein-script.jl

lauten. Das Gegenstück zu relativen Pfaden sind absolute Pfade. Ein absoluter Pfad bezieht sich immer auf das Laufwerk z.B. C:\ oder /.

Generell empfehlen wir mit relativen Pfaden zu arbeiten, da das Skript dann auf jedem Gerät ohne Anpassung der Pfade ausgeführt werden kann. Im folgenden Beispiel wird eine Datei meinedatei.txt mit einem absoluten und mit einem relativen Pfad geöffnet.

```
file = open("/Users/someuser/meinedatei.txt") # Absoluter Pfad unter Linux
file = open("C:\\Benuter\\meinedatei.txt") # Absoluter Pfad unter Window
file = open("meinedatei.txt") # Relativer Pfad
```

Die absoluten Pfad funktioniert nur dann, wenn auf jedem Gerät auf dem der Befehl ausgeführt wird auch der Ordner mit dem exakt gleichen Pfad vorhanden ist. Liegt meinedatei.txt allerdings immer im Verzeichnis in dem das Skript gestartet wird, kann die Datei beim relativen Pfad unabhängig vom Gerät gefunden werden. Im Windows Pfad wird als Trennzeichen \\ verwendet, obwohl der Windows Pfad eigentlich nur einen einzelnen \\ enthält. Das ist erforderlich da \\ einen sogenannten "special character" einleitet. Nähere Informationen zu diesem Thema werden im Abschnitt Strings gegeben.

3.3 Juno Spezifika

Juno enthält eine integrierte REPL, die über Packages > Juno > Show Console geöffnet werden kann. Diese REPL unterstützt den vollen Funktionsumfang der Julia REPL.

Neben der REPL sind Befehle auch direkt aus der Datei, die gerade editiert wird, heraus ausführbar. Durch Drücken von Strg+Enter unter Windows und Linux bzw. Shift+Enter unter macOS, kann die aktuelle Zeile an die REPL geschickt werden. Damit können schnell auch größere Codeblöcke ausgeführt werden, da die Funktion automatisch syntaktisch sinnvolle Zeilen aus der Umgebung gruppiert.

```
function meine_funktion()
    return 10
end

x = 10
y = 12
```

Wird z.B. im oberen Beispiel die Strg+Enter bzw. Shift+Enter in der Zeile return 10 gedrückt, werden auch die Zeile davor und danach ausgewertet. Im Gegensatz dazu wird beim Senden der Zeile x=10 nur diese Zeile ausgeführt.

Auf der Website von Juno² sind weitere Funktionen in einer interaktiven Grafik erklärt.

3.4 Spezielle REPL-Modes

3.4.1 Hilfe

Julia Quellcode ist selbst-dokumentiert. Das bedeutet, dass die Beschreibung und Hilfe für Funktionen direkt in den Code geschrieben wird. Beim Programmieren muss dabei eine Richtlinie eingehalten werden, damit die Hilfe für eine Funktion vom Benutzer auch aufgerufen werden kann (siehe Docstrings im Abschnitt Funktionen).

Wie schon im Abschnitt zur Interaktion beschrieben, gibt es einen eigenen REPL-Mode der die Hilfe für Funktionen anzeigt. Dieser Modus kann durch Eingabe von? direkt nach julia> aktiviert werden. Die Prompt sollte sich dann in help?> ändern. Jetzt kann jede beliebige Funktionen (z.B. abs für den Absolutwert einer Zahl) eingegeben werden. Durch bestätigen mit Enter erscheint die folgende Ausgabe:

²https://junolab.org

12 3 Interaktion

```
help?> abs
search: abs abs2 abspath AbstractSet abstract type AbstractChar AbstractDict AbstractFloat AbstractArray AbstractRange
AbstractString AbstractVector
  abs(x)
  The absolute value of x.
  When abs is applied to signed integers, overflow may occur, resulting in the return of a negative value. This overflow
occurs only when abs is applied to
  the minimum representable value of a signed integer. That is, when x = typemin(typeof(x)), abs(x) == x < 0, not -x as might
be expected.
  Examples |
  _____
  julia> abs(-3)
  julia > abs(1 + im)
  1.4142135623730951
  julia> abs(typemin(Int64))
  -9223372036854775808
```

Die Hilfe zu den Funktionen ist auch unter docs.julialang.org erreichbar. Dort wurde die Dokumentation gesammelt und um nützliche Tipps und Erklärungen erweitert.

Falls Probleme oder Unklarheiten bei der Verwendung von Julia auftreten, gibt es verschiedene Kanäle über die Fragen gestellt werden können:

- Stack Overflow³
- Discourse⁴
- Github⁵

Github ist die zentrale Plattform auf der Julia Pakete (und auch Julia selbst) verwaltet werden. Findet man eine Fehler kann man dort eine Nachricht schreiben und direkt mit Entwicklerinnen Kontakt aufnehmen.

3.4.2 Paketmanager

Julia zeichnet sich durch eine sehr aktive Community aus, die Basiskomponenten der Sprache laufen um neue Funktionen erweitert. Solche Erweiterungen werden durch Pakete zu Julia hinzugefügt.

Der Paketmanager kann aus der REPL durch Eingabe von 1 direkt nach julia> aktiviert werden. Die Prompt ändert sich dann in (v1.2) pkg>. Der Paketmanager ist ein sehr mächtiges Tool dessen Funktionsumfang unter Standard Library/Pkg dokumentiert ist. Im Zuge der LVA beschränken wir uns auf installieren, aktualisieren und entfernen von Paketen.

Ein Paket z.B. Example.jl kann durch add installiert werden:

```
(v1.2) pkg> add Example
   Updating registry at `-/.julia/registries/General`
   Updating git-repo `https://github.com/JuliaRegistries/General.git`
Resolving package versions...
Installed Example - v0.5.3
   Updating `-/.julia/environments/v1.2/Project.toml`
   [7876af07] + Example v0.5.3
   Updating `-/.julia/environments/v1.2/Manifest.toml`
   [7876af07] + Example v0.5.3
```

Gibt es neue Versionen von Pakete können diese gesammelt mit update aktualisiert werden:

```
(v1.2) pkg> update
```

```
<sup>3</sup>https://stackoverflow.com/questions/tagged/julia
```

⁴https://discourse.julialang.org/

 $^{^5 {\}rm https://github.com/}$

4 Kommentare 13

```
Updating registry at `~/.julia/registries/General`
Updating git-repo `https://github.com/JuliaRegistries/General.git`
Updating git-repo `https://github.com/JunoLab/Atom.jl.git`
Resolving package versions...
Updating `~/.julia/environments/v1.2/Project.toml`
[no changes]
Updating `~/.julia/environments/v1.2/Manifest.toml`
[no changes]
```

Soll ein Paket entfernt werden kann der Befehl rm verwendet werden:

```
(v1.2) pkg> rm Example
   Updating `~/.julia/environments/v1.2/Project.toml`
   [7876af07] - Example v0.5.3
   Updating `~/.julia/environments/v1.2/Manifest.toml`
   [7876af07] - Example v0.5.3
```

3.5 Aufgaben

3.5.1 Installation der für die LVA benötigten Pakete

Die folgenden Pakete sollen mit dem Paketmanager installiert werden.

- CSV.jl
- DataFrames.jl
- Plots.jl
- DelimitedFiles.jl
- Unitful.jl
- Measurements.jl
- Debugger.jl
- RDatasets.jl

Die Aufgabe kann durch Kontrolle eines leeren Codeblocks kontrolliert werden:

```
@Aufgabe "3.5.1" begin end
```

4 Kommentare

In umfangreichen Programmen sammeln sich schnell hunderte Zeilen an Code an. Je länger ein Programm ist, desto schwieriger ist es, dessen Aufgabe aus den Codezeilen herauszulesen. Deshalb ist es sinnvoll, ein Programm mit Notizen zu ergänzen, die den Sinn und Zweck hinter Teilen des Codes erklären. Diese Notizen heißen *Kommentare*, beginnen mit einem #-Symbol und enden im Normalfall mit dem Zeilenende:

```
# Berechne die Fläche eines Kreises aus dessen Durchmesser A = ( d^2 * \pi ) / 4
```

Da der Kommentar erst mit dem #-Symbol beginnt, könnte er auch am Ende der Zeile stehen:

```
A = ( d^2 * \pi ) / 4 # Fläche eines Kreises
```

Alle Zeichen ab dem # bis zum Zeilenende werden ignoriert und haben keine Auswirkung auf die Programmausführung.

Am sinnvollsten sind Kommentare, die nicht offensichtliche Eigenschaften des Programms erklären. Dieser Kommentar ist beispielsweise redundant und nicht sinnvoll:

```
d = 10 # weise d den Wert 10 zu
```

Der nachfolgende Kommentar enthält dagegen nicht offensichtliche Informationen und ist deswegen umso hilfreicher: 14 5 Variablen

```
d = 10 # Durchmesser in Millimeter
```

Gut gewählte Variablennamen bieten ebenfalls die Möglichkeit, den Code verständlicher zu gestalten.

Für besonders lange Notizen gibt es in Julia mehrzeilige Kommentare. Mehrzeilige Kommentare können zwischen #= und =# geschrieben werden:

```
#= Weil dieser Kommentar besonders lang ist,
reicht eine Zeile nicht aus. Daher muss er
als mehrzeiliger Kommentar markiert werden. =#
```

5 Variablen

Variablen ermöglichen es, einer Zeichenfolge einen Wert zuzuweisen und diesen Wert über diese Zeichenfolge wieder abzurufen oder zu verändern. Die Zuweisung (assignment) erfolgt durch =. Dabei wird eine neue Variable erstellt und der eingegebenen Wert zugewiesen:

```
julia> message = "Das ist ein String" "Das ist ein String" julia> n = 19  

julia> \alpha = 17.32  
17.32
```

Die erste Zeile weist der Variable message ein String zu, die zweite Zeile übergibt ein Integer an die Variable n und die dritte Zeile weist α eine Zahl vom Typ Float zu. Einige relevante Datentypen werden später im Abschnitt Datentypen genauer beschrieben.

Nach der Zuweisung von Variablen können diese im Code verwendet werden:

```
julia> a = 1; b = 2;
julia> summe = a + b
3
```

Im ersten Ausdruck dieses Beispiels werden den Variablen a und b ganzzahlige Werte zugewiesen. Die beiden Semikola (;) haben dabei unterschiedliche Funktionen. Das erste Semikolon trennt die beiden Zuweisungen voneinander. Auf diese Weise können beide Zuweisungen in einer Zeile erfolgen. Das abschließende Semikolon unterbindet die Ausgabe des letzten Wertes in der REPL. Ohne dieses Semikolon würde nach Eingabe des ersten Ausdruckes der Wert 2 in der REPL ausgegeben werden. Um das Skriptum etwas kompakter zu halten, wird in vielen Beispiel diese Schreibweise verwendet.

Generell sollten aussagekräftige Namen für Variablen gewählt werden. Meist ist dadurch bereits ohne Kommentare ersichtlich, wofür die Variable verwendet wird.

Variablen-Namen können beliebig lange sein und nahezu alle Unicode-Zeichen enthalten, dürfen allerdings nicht mit Zahlen beginnen. Großbuchstaben können in Variablen-Namen verwendet werden, meist kommen aber nur Kleinbuchstaben zum Einsatz. Unicode-Zeichen, wie zum Beispiel α, können in der Julia REPL durch Eingeben von Abkürzungen ähnlich zu IΔΤΕΧ und drücken der TAB-Taste erstellt werden (z. B. \alpha TAB). Bei aus mehreren Wörten zusammengesetzten Variablen-Namen bietet es sich an, die Wörter durch einen Unterstrich, _, zu trennen (z. B. sum_of_squares).

Wird ein ungültiger Name für eine Variable verwendet, tritt ein Syntax Error auf:

```
julia> 42number = "meaning of life"
Error: syntax: "42" is not a valid function argument name
```

Zusätzlich tritt ein Syntax Error auf, wenn festgelegte keywords (z.B. for oder end) als Name festgelegt werden. Die Julia Dokumentation enthält unter Manual/Variables noch nähere Informationen zu Variablen und deren Namen.

6 Datentypen 15

6 Datentypen

Ein grundlegender Baustein von Programmen sind Werte (values), wie zum Beispiel Zahlen oder Buchstaben. Jeder Wert gehört zu einem bestimmten Datentypen. Dieser Datentyp kann mit der Funktion typeof() abgefragt werden:

```
julia> typeof(2)
Int64

julia> typeof(42.0)
Float64

julia> typeof("hello world")
String

julia> typeof('c')
Char

julia> typeof(true)
Bool
```

6.1 Characters und Strings

6.1.1 Characters

Ein Wert vom Typ Char repräsentiert ein einzelnes Zeichen und ist von einfachen Anführungszeichen umgeben. Dabei kann jedes verfügbare *Unicode-*Zeichen als Char verwendet werden:

```
julia> 'x'
'x': ASCII/Unicode U+0078 (category Ll: Letter, lowercase)
julia> 'α'
'α': Unicode U+03b1 (category Ll: Letter, lowercase)
julia> typeof('x')
Char
```

6.1.2 Strings

Strings werden von doppelten Anführungszeichen umgeben.

```
julia> "Das ist ein String"
"Das ist ein String"
julia> typeof("19.0")
String
```

Ein String ist eine Aneinanderreihung von Char-Werten. Über eckige Klammern kann auf jedes dieser Zeichen zugegriffen werden:

```
julia> fruit = "banana"
"banana"

julia> third = fruit[3]
'n': ASCII/Unicode U+006e (category Ll: Letter, lowercase)

julia> last = fruit[end]
'a': ASCII/Unicode U+0061 (category Ll: Letter, lowercase)

julia> secondlast = fruit[end-1]
'n': ASCII/Unicode U+006e (category Ll: Letter, lowercase)
```

Nachdem in der ersten Zeile der Variable fruit ein String zugewiesen wird, greifen die übrigen Zeilen auf diesen String zu und weisen jeweils ein Zeichen einer neuen Variablen zu. Der Ausdruck in den eckigen Klammern heißt dabei *Index* und muss ein Integer sein. Die Indexierung in Julia startet bei 1, die Variable third beinhaltet also das dritte Zeichen des Strings. Für den Zugriff auf das letzte Zeichen kann der Index end verwendet werden.

16 6 Datentypen

Neben einzelnen Zeichen besteht auch die Möglichkeit auf einen Teil des Strings zuzugreifen. Dies erfolgt durch Eingabe des ersten und letzten Index des Teils, getrennt durch einen Doppelpunkt, :.

```
julia> fruit[3:end]
"nana"
```

Die Anzahl der Zeichen eines Strings kann mit der Funktion length() abgefragt werden:

```
julia> length("julia")
5
```

Strings sind nicht veränderbar. Austauschen eines Zeichens durch Zugriff auf einen bestimmten Index ist daher nicht möglich. Julia gibt dann einen Method-Error aus.

```
julia> s = "banana"
"banana"

julia> s[3:end] = "nane"

Error: MethodError: no method matching setindex!(::String, ::String, ::UnitRange{Int64})
```

Mittels replace() kann allerdings eine Zeichenfolge im String durch eine neue Zeichenfolge ersetzt und in einer neuen Variable abgespeichert werden:

```
julia> s_1 = replace(s,"nana"=>"nane") # Ersetze im String s "nana" durch "nane"
"banane"
julia> s_2 = replace(s,'a'=>'u') # Ersetze im String s 'a' durch 'u'
"bununu"
julia> s # Der String s bleibt unverändert
"banana"
```

Das erste Argument der Funktion ist der zu verändernde String. Das zweite Argument setzt sich zusammen aus dem String oder Character der ersetzt werden soll, einem Pfeil bestehend aus = und >, sowie dem String oder Character der eingefügt werden soll. Die ursprüngliche Variable s bleibt dabei unverändert.

Es gibt mehrere Möglichkeiten Strings zusammenzusetzen. Eine davon ist die Verwendung des *-Operators.

```
julia> name = "Raphael"
"Raphael"

julia> "Der Name"*name*" hat "*length(name)*" Buchstaben."
Error: MethodError: no method matching *(::String, ::Int64)
Closest candidates are:
  *(::Any, ::Any, !Matched::Any, !Matched::Any...) at operators.jl:529
  *(!Matched::Complex{Bool}, ::Real) at complex.jl:301
  *(!Matched::Missing, ::Number) at missing.jl:94
  ...
```

Eine weitere Möglichkeit bietet die Funktion string():

```
julia> string("Der Name",name," hat ",length(name)," Buchstaben.")
"Der NameRaphael hat 7 Buchstaben."
```

Diese Varianten werden allerdings schnell unübersichtlich. In diesem Fall bietet sich die String Interpolation als übersichtlichere Möglichkeit an. Jeder Ausdruck in runden Klammern nach dem Symbol \$ wird ausgewertet und das Ergebnis in den String eingegliedert. Diese Ausdrücke können nicht nur Werte und Variablen, sondern auch Funktionen und Operatoren enthalten.

```
julia> "Der Name $(name) hat $(length(name)) Buchstaben."
"Der Name Raphael hat 7 Buchstaben."
```

Der ^-Operator wiederholt einen String beliebig oft:

```
julia> "stop"^5
"stopstopstopstop"
```

Weitere interessante Funktionen sind im Online-Buch Think Julia¹ und in der Dokumentation unter Manual/Strings erläutert.

 $^{^{1}} https://benlauwens.github.io/ThinkJulia.jl/latest/book.html\#chap08$

6 Datentypen 17

6.2 Zahlen

In Julia sind verschiedene Datentypen für Zahlen definiert. Im Beispiel oben ist der ganzzahlige Wert 2 vom Typ Int64 und 42.0 vom Typ Float64. Diese beiden Datentypen werden für Zahlen am häufigsten verwendet. Daneben bietet Julia allerdings noch die Typen Complex und Rational für komplexe und rationale Zahlen.

```
julia> typeof(1.3+4im)
Complex{Float64}
julia> typeof(23//4)
Rational{Int64}
```

Für Zahlen vom Typ Int und Float gibt es verschiedene Typen, die sich nach ihrer Anzahl an Bits im Speicher unterscheiden. Die Zahl am Ende des Typs gibt genau diesen Wert an. Neben den Typen Int64 und Float64 gibt es daher noch Int8, Int16, Int32 und Int128, sowie Float16 und Float32. Diese Zahlentypen benötigen zwar weniger Speicher (ausgenommen Int128), es ist aber zu beachten, dass diese Integer-Typen nur für Zahlen bis zu einer gewissen Größe funktionieren und die beiden Float-Typen weniger Kommastellen bereitstellen als Float64. Eine Übersicht dazu bieten die Tabellen unter Manual/Integers and Floating-Point Numbers in der Julia Dokumentation.

Mithilfe der Operatoren +, -, * und / können Zahlen addiert, subtrahiert, multipliziert und dividiert werden:

```
julia> 17 + 2
19
julia> 23.0 - 4
19.0
julia> 1.0 * 19.0
19.0
julia> 38 / 2
19.0
```

Während der Datentyp des Ergebnisses einer Addition, Subtraktion und Multiplikation abhängig vom Datentyp der Eingangswerte ist, ergibt die Division zweier ganzzahliger Werte immer eine Float-Zahl. Potenzen werden mit ^ eingegeben:

```
julia> 2^3
```

Die Reihenfolge der Operationen folgt dabei den üblichen mathematischen Regeln:

- 1. Klammern,
- 2. Potenzen,
- 3. Multiplikation und Division und
- 4. Addition und Subtraktion.

Gleichrangige Operationen führt Julia immer der Reihe nach von links nach rechts aus. Klammern bieten die Möglichkeit, den Code zu strukturieren und besser lesbar zu machen, auch wenn diese nicht immer notwendig sind:

```
julia> d = 5; julia> A=d^2*\pi/4\#0hneAbständeliestsichCodeschwer 19.634954084936208 julia> A=(d^2*\pi) / 4 \# Abstände und Klammern verbessern die Lesbarkeit 19.634954084936208
```

Die Funktionen string() und parse() konvertieren Zahlen in Strings und umgekehrt:

```
julia> string(19.0)
"19.0"

julia> parse(Int64,"17")

julia> parse(Float64,"1.2345")
1.2345
```

18 6 Datentypen

Wird parse() mit einem ungültigen String aufgerufen (z.B. parse(Int,"foo")) verursacht das einen Fehler. Es gibt die Möglichkeit anstelle von parse(), tryparse() zu verwenden. Die Funktion verursacht keinen Fehler sondern gibt für einen nicht umwandelbaren String nothing zurück.

float() und Int() wandeln beliebige Zahlen in Float-Zahlen bzw. in ganzzahlige Werte um. Bei Verwendung von Int() muss gewährleistet sein, dass die übergebene Zahl tatsächlich ganzzahlig ist, sonst meldet Julia einen InexactError. trunc wandelt eine Float-Zahl direkt in ein Integer um und ignoriert dabei die Nachkommastellen.

```
julia> float(3)
3.0
julia> float(4//3)
1.3333333333333333
julia> Int(2.3)
Error: InexactError: Int64(2.3)
julia> Int(2.0)
julia> Int(4//4)
iulia> trunc(3.99999)
iulia> trunc(-2.3) # trunc rundet nicht ab!
-2.0
Zum Runden von Zahlen eignen sich die Funktionen round(), floor() und ceil().
iulia> round(1.47)
1.0
julia> floor(1.47)
julia> ceil(1.47)
```

Während erstere Funktion zur nächstliegenden ganzen Zahl rundet, ermöglichen die anderen beiden Funktionen ab- und aufrunden von Zahlen. Die Anzahl der zu rundenden Stellen kann über die zusätzlichen Argumente digits und sigdigits festgelegt werden.

```
julia> round(345.123; digits=2)
345.12
julia> round(345.123; sigdigits=2)
350.0
julia> round(0.00345123; digits=4)
0.0035
julia> round(0.00345123; sigdigits=4)
0.003451
```

Das Keyword digits definiert dabei die Anzahl der Nachkommastellen, sigdigits legt die Anzahl der signifikanten Stellen fest. Einfacher gesagt: digits beginnt ab dem Komma zu zählen, während sigdigits ab der ersten Ziffer ungleich 0 zählt.

Zwei weitere interessante Operatoren sind die ganzzahlige Division \div^2 (floor division) und der Modulus-Operator, %.

```
julia> 7÷3
2
julia> 7%3
1
```

÷ führt eine Division durch und rundet das Ergebnis auf die nächste ganze Zahl ab. Der Modulus-Operator gibt den Rest einer Division aus. Damit kann zum Beispiel leicht überprüft werden, ob eine Zahl durch eine andere Zahl teilbar ist.

 $^{^2\}div$ wird durch Eingabe von \div und Drücken der TAB-Taste erstellt.

6 Datentypen 19

6.3 Booleans

Eine Wert vom Typ Bool kann entweder true oder false annehmen. Diesen Datentypen kann man sich wie eine Zahl vorstellen, die entweder 0 (im Falle von false) oder 1 (im Falle von true) ist. Verschiedene Operationen in Julia geben eine Zahl vom Typ Bool zurück, wie zum Beispiel das Vergleichen zweier Zahlen:

```
julia> x = 13; y = 17.0;
julia> x == y  # Ist x gleich y?
false
julia> x != y  # Ist x ungleich y?
true
julia> x ≠ y  # \ne TAB (wie !=)
true
julia> x > y  # Ist x größer als y?
false
julia> x < y  # Ist x kleiner als y?
true
julia> x >= y  # Ist x größer oder gleich y?
false
julia> x ≥ y  # \ge TAB (wie >=)
false
julia> x <= y  # Ist x kleiner oder gleich y?
true
julia> x <= y  # Ist x kleiner oder gleich y?</pre>
```

Mit den Operatoren > und < können auch zwei Wörter auf ihre alphabetische Reihenfolge überprüft werden:

```
julia> "apple" < "banana"
true
julia> "apple" > "banana"
false
julia> "apple" > "Banana"
```

Dabei ist zu beachten, dass Großbuchstaben immer vor Kleinbuchstaben eingeordnet werden.

Alle Ausdrücke die eine Zahl vom Typ Bool zurückgeben können mit den logischen Operatoren & (and), || (or) und || (not) kombiniert werden.

```
julia> s = "melon";
julia> s > "banana" && length(s) == 6  # Beide Bedingungen müssen true ergeben
false
julia> s > "banana" || length(s) == 6  # Mindestens eine Bedingung muss true ergeben
true
julia> !(s > "banana" && length(s) == 6)  # Beide Bedingungen müssen false ergeben
true
```

Bei & müssen beide Ausdrücke vor und nach dem Operator true ergeben, damit der gesamte Ausdruck true ist. Damit der Ausdruck mit || erfüllt ist und true ergibt, muss lediglich einer der beiden Ausdrücke erfüllt sein. ! kehrt den darauffolgenden logischen Operator um.

Wie bei den arithmetischen Operationen wird auch bei logischen Operatoren eine definierte Reihenfolge eingehalten. Zuerst werden alle vergleichenden Operatoren ausgewertet (==, !=, \neq , >, <, >=, <=, \geq , \leq), danach die Operatoren & und ||. Vergleichende Operatoren können aneinandergekettet werden. Das Ergebnis der Aneinanderkettung von Vergleichen ist gleich dem Ergebnis von mit & ausgewerteten Vergleichen:

20 7 Funktionen

```
julia> a = 1; b = 1; c = 2;

julia> a == b < c > a

true

julia> a == b \&\& b < c \&\& c > a
```

7 Funktionen

In den vorhergehenden Kapiteln wurden schon einige Funktionen verwendet (z.B. abs, typeof oder length). Eine Funktion wird durch ihren Namen, gefolgt von runden Klammern aufgerufen. Innerhalb dieser runden Klammern stehen die Argumente der Funktion. Vereinfacht lässt sich eine Funktion durch eine Box erklären, die mit Werten (den Argumenten) befüllt wird. Innerhalb der Box wird dann Code ausgeführt und am Ende ein Ergebnis (Return Value) zurückgegeben. Der Return Value kann einfach einer Variable zugewiesen werden:

```
julia> l = length("spam")
```

Während manche Funktionen keine Argumente benötigen, erfordern andere Funktionen mehrere Eingangswerte.

```
julia> pwd()
"/Users/sebastianpech/SynologyDrive/Projekte/Julia-Skriptum"
julia> length("banana")
6
julia> round(3.1415,digits=3)
3.142
```

pwd steht für print working directory und zeigt den aktuellen Arbeitspfad an.

Analog gibt es sowohl Funktionen die keinen Return Value zurückgeben, als auch Funktionen die mehrere Ergebnisse ausgeben.

```
julia> p = println("Diese Zeile wird angezeigt, println weist p aber keinen Wert zu")
Diese Zeile wird angezeigt, println weist p aber keinen Wert zu
julia> p
julia> a = [10,35,4,65,9];
julia> maximum(a)
65
julia> findmax(a)
(65, 4)
```

Der erste Aufruf von println schreibt zwar das Übergebene Argument in der REPL, die Ausgabe von p in der REPL zeigt allerdings keinen Wert an. Das liegt daran, dass println keinen Return Value an die Variable p übergibt (genau genommen gibt die Funktion einen Wert vom Typ Nothing zurück). In der nächsten Zeile wird der Array a erstellt. Auf Arrays wird später noch genauer eingegangen. Während maximum nur den Maximalwert von a zurückgibt, ermittelt findmax zusätzlich die Stelle des Maximalwertes.

Die Argumente einer Funktion können verschiedenste Ausdrücke sein. Sowohl Werte und Variablen, als auch Funktionen können als Argument übergeben werden. Julia wertet diese Ausdrücke dann aus und übergibt das Ergebnis an die Funktion.

```
julia> s1 = "foo"; s2 = "bar";
julia> string(s1, s2)
"foobar"
julia> round(20/9)
2.0
julia> length(pwd())
58
```

7 Funktionen 21

Manchen Funktionen können sogenannte Keyword Arguments übergeben werden. round ist beispielsweise eine solche Funktion. Mit dem Keyword digits gefolgt von = und einer Int-Zahl, kann die Anzahl der Nachkommastellen festgelegt werden.

```
julia> round(2.3345323,digits=2)
2.33
```

Gerade bei Funktionen mit vielen (optionalen) Argumenten sind Keyword Arguments sehr hilfreich, da sie in beliebiger Reihenfolge an die Funktion übergeben werden können.

7.1 Neue Funktionen erstellen

Vor allem für Operationen die oft wiederholt werden, ist es sinnvoll eigene Funktionen zu definieren; und zwar aus folgenden Gründen:

•

Die Definition einer eigenen Funktion beginnt mit dem Keyword function am Zeilenanfang, gefolgt vom Funktionsnamen und den Argumenten in runden Klammern. Danach folgen beliebig viele Zeilen Code und ein abschließendes end. Funktionsnamen können wie Variablennamen gebildet werden. Groß- und Kleinbuchstaben sind zulässig, es dürfen nahezu alle Unicode-Zeichen verwendet werden. Der Name darf allerdings nicht mit einer Zahl beginnen oder einem von Julia verwendeten Keyword entsprechen. Zusätzlich sollte ein Name nicht gleichzeitig für eine Funktion und eine Variable verwendet werden. Bei jedem Aufruf der Funktion werden die Zeilen zwischen function und end ausgeführt und das Ergebnis der letzten Zeile als Return Value zurückgegeben. Der Return Value einer Funktion kann aber auch mit dem Keyword return festgelegt werden.

Die Funktion my_square schreibt zuerst einen String in die REPL und gibt dann das Quadrat des übergebenen Arguments zurück. Generell ist es in Julia nicht notwendig den Block innerhalb der Funktionsdefinition einzurücken, dadurch wird der Code allerdings wesentlich übersichtlicher.

Funktionen ohne Argumente können durch leere Klammern erstellt werden:

Für die Definition besonders kurzer Funktionen eignet sich folgende Abkürzung:

```
my_square(x) = x^2
```

Eine neue Funktion kann im Code erst verwendet werden, nachdem sie definiert wurde. Da Julia ein Skript vom Beginn an Zeile für Zeile bis zum Ende ausführt, ist es daher sinnvoll die Funktionsdefinitionen an den Anfang des Skripts zu schreiben.

Im Abschnitt Hilfe wird beschrieben, dass Julia selbstdokumentiert ist. Diese Dokumentation erfolgt durch sogenannte Docstrings direkt vor der Funktionsdefinition. Ein Docstring wird durch drei Anführungszeichen begrenzt und kann folgendermaßen aussehen:

```
"""
    my_square(x)

Schreibe "Quadrat von x wird berechnet..." in die REPL und gib das Quadrat von x zurück.
"""
function my_square(x)
    println("Quadrat von $(x) wird berechnet...")
    return x^2
end
```

22 7 Funktionen

Nach Ausführung dieses Code-Blocks wird in der Hilfe zu my_square das Docstring angezeigt. Mehr Informationen zu Funktionen gibt es in der Dokumentation unter Manual/Functions.

7.2 Scope

Die Scope einer Variable ist ein Bereich in dem diese Variable sichtbar ist. In Julia gibt es die Global Scope und die Local Scope. Die Definition einer Funktion erzeugt eine solche Local Scope. Auf eine globale Variable kann auch in einer Local Scope zugegriffen werden. Umgekehrt ist es nicht möglich in der Global Scope auf eine lokale Variable zuzugreifen:

```
function f(x)
    a = x^2
end

julia> a = 1;  # Globale Variable a erzeugen

julia> f(3)  # In der Local Scope von f wird die lokale Variable a erzeugt
9

julia> a  # Der Aufruf von f verändert die globale Variable a nicht
1
```

Selbst wenn in der Funktion a ein Wert zugewiesen wird, bleibt der Wert von a unverändert, da die Zuweisung in der ersten Zeile (a = 1) in der Global Scope geschieht und die zweite Zuweisung (a = x^2) in der Local Scope der Funktion ausgeführt wird. Die beiden Variablen heißen zwar gleich, beeinflussen sich aber gegenseitig nicht. Nachdem die Funktion ausgeführt wurde, werden alle Variablen der Local Scope dieser Funktion gelöscht und können nicht mehr aufgerufen werden. Nur noch der Return Value bleibt im Speicher (sofern dieser einer Variable zugewiesen wird).

```
function g(x)
   v = "fuer immer verloren" # Lokale Variable v erzeugen
   x*2 # Return Value
end

julia> a = g(3)
6

julia> v
Error: UndefVarError: v not defined
```

Mehr Informationen zu Scopes gibt es in der Dokumentation unter Manual/Scope of Variables.

7.3 Methoden

Ein Wesentliches Feature von Funktionen Julia ist *Multiple Dispatch*. Eine Funktion kann, abhängig davon welchen Datentyp die Argumente haben und wieviele Argumente übergeben werden, unterschiedliche Operationen ausführen.

```
julia> my_mult(x::Number) = x*2  # Erste Methode von my_mult
my_mult (generic function with 1 method)

julia> my_mult(x::String) = x^2  # Zweite Methode von my_mult
my_mult (generic function with 2 methods)

julia> my_mult(x::String,y::Int64) = x^y  # Dritte Methode von my_mult
my_mult (generic function with 3 methods)

julia> my_mult(1.45)
2.9

julia> my_mult("spam")
"spamspam"

julia> my_mult("foo",4)
"foofoofoofoo"
```

7 Funktionen 23

Die Funktion my_mult hat nun 3 Methoden. Die erste Methode ist für ein Argument vom Typ Number definiert. Über :: gefolgt vom Datentypen wird dieser dem Argument zugewiesen. In Julia sind Datentypen in einer Hierarchie strukturiert. Jeder Typ kann einen übergeordneten Supertype und/oder mehrere untergeordnete Subtypes haben. Eine Methode für einen bestimmten Datentypen kann auch auf dessen Subtypen angewendet werden. Eine für Number definierte Funktion kann daher auch auf alle möglichen Integer- und Float-Typen, aber auch komplexe und rationale Zahlen angewendet werden, da es sich dabei um Subtypen von Number (oder um Subtypen von Subtypen von Subtypen ... von Number) handelt. Die zweite Methode wird angewendet wenn ein String an die Funktion übergeben wird und die dritte Funktion wird nur dann angewendet wenn zusätzlich zu einem String eine Int64-Zahl Argument ist.

Abhängig von den eingegebenen Argumenten sucht Julia die passende Methode aus, wenn keine Methode für die Art und Anzahl von Argumenten definiert ist, gibt Julia einen MethodError zurück.

Mehr Informationen zu Methoden und Multiple Dispatch gibt es in der Dokumentation unter Manual/Methods.

7.4 Aufgaben

7.4.1 Dreimal printen

Schreibe eine Funktion print_three, die ein beliebiges Argument dreimal in einer Zeile printed und dabei einen Abstand zwischen den Argumenten einfügt.

```
julia> print_three("spam")
spam spam spam
julia> print_three(19)
19 19 19
```

7.4.2 Zwei Funktionen verketten

Schreibe eine Funktion verkette(f,g,x), die die beiden Funktionen f und g verkettet und für x auswertet (f(g(x))). Die Ausgewertete Funktion soll als Return Value zurückgegeben werden.

```
julia> f(x) = x+2
f (generic function with 1 method)
julia> g(x) = x^2
g (generic function with 1 method)
julia> verkette(f,g,3)
11
julia> verkette(length,g,"spam")
8
```

7.4.3 Kreisfläche berechnen

Schreibe eine Funktion kreis_flaeche(r), die den Radius eines Kreises als Argument benötigt und dann die Fläche dieses Kreises als Return Value zurückgibt.

```
julia> kreis_flaeche(3)
28.274333882308138
julia> kreis_flaeche(2.57)
20.74990531769522
```

7.4.4 Kreisumfang berechnen

Schreibe eine Funktion kreis_umfang(r), die den Radius eines Kreises als Argument benötigt und dann den Umfang dieses Kreises als Return Value zurückgibt.

```
julia> kreis_umfang(3)
18.84955592153876
```

```
julia> kreis_umfang(2.57)
16.147786239451534
julia> 2 * kreis_flaeche(5)/kreis_umfang(5)
5 0
```

7.4.5 Kreiseigenschaften printen

Schreibe eine Funktion kreis(r), die den Radius eines Kreises als Argument benötigt und Radius, Fläche und Umfange dieses Kreises auf zwei Nachkommastellen gerundet printed.

```
julia> kreis(3)
r = 3.0
A = 28.27
U = 18.85
```

8 Arrays, Tuple, Set, Dict

Dieses Kapitel beinhaltet einige wichtige Typen in Julia, die mehrere Werte aufnehmen können.

8.1 Arrays

Wie ein *String* ist ein *Array* eine geordnete Abfolge von Werten. Während ein String aus Werte vom Typ *Char* besteht, können Arrays Werte aller möglichen Typen enthalten. Die Werte innerhalb eines Arrays heißen *Elemente*.

Arrays können auf verschiedenste Weisen erzeugt werden. Alle Elemente getrennt durch , innerhalb von eckigen Klammer zu schreiben ist die einfachste Variante:

```
primes = [2, 3, 5, 7, 11, 13]
baustoffe = ["Holz", "Beton", "Stahl"]
```

Die erste Zeile erzeugt ein Array aus sechs Int-Zahlen, die zweite Zeile erzeugt ein Array aus drei Strings. Die Elemente eines Arrays müssen aber nicht vom gleichen Typ sein; sogar Arrays innerhalb von Arrays sind möglich:

```
stahl = ["5235", 235.0, [10, 20]]
Mit typeof() kann der Typ eines Arrays abgefragt werden:
```

```
julia> typeof(primes)
Array{Int64,1}
julia> typeof(baustoffe)
Array{String,1}
julia> typeof(stahl)
Array{Any,1}
```

Innerhalb der geschwungenen Klammer steht dabei zuerst, von welchem Typ die Werte des Arrays sind und an zweiter Stelle, welche Dimension das Array hat. Ein *leeres Array* hat keine Elemente und kann zum Beispiel mit leeren, eckigen Klammern ([]) erzeugt werden. Das so erzeugte leere Array ist dabei vom Typ Array{Any,1}. Ein leeres Array mit Werten eines bestimmten Typs, wie zum Beispiel Float64, kann mittels Array{Float64,1}() oder Float64[] erzeugt werden:

```
julia> []
0-element Array{Any,1}
julia> Array{Float64,1}()
0-element Array{Float64,1}
julia> Float64[]
0-element Array{Float64,1}
```

Mit der Schreibweise Float64[] können allerdings nur eindimensionale Arrays erzeugt werden.

8.1.1 Arrays sind veränderbar

Die Syntax für den Zugriff auf ein bestimmtes Element eines Arrays ist dieselbe wie beim Zugriff auf einen Character innerhalb eines Strings: das Array, direkt gefolgt von einer Int-Zahl als Index innerhalb eckiger Klammern.

```
julia> baustoffe[2]
"Beton"
```

Wie bei Strings kann auch auf Teile eines Arrays zugegriffen werden:

```
julia> primes[2:4]
3-element Array{Int64,1}:
3
5
7
julia> primes[3:end]
4-element Array{Int64,1}:
5
7
11
13
```

Anders als Strings sind Arrays allerdings veränderbar. Das heißt, einzelne Elemente oder Teile eines Arrays können durch den =-Operator neu zugewiesen werden. Der zugewiesenen Datentyp muss mit dem Typen des Arrays übereinstimmen.

```
julia> baustoffe[3] = "Ziegel"

"Ziegel"

julia> baustoffe[2] = 2

Error: MethodError: Cannot `convert` an object of type Int64 to an object of type String

Closest candidates are:
    convert(::Type{T<:AbstractString}, !Matched::T<:AbstractString) where T<:AbstractString at strings/basic.jl:208
    convert(::Type{T<:AbstractString}, !Matched::AbstractString) where T<:AbstractString at strings/basic.jl:209
    convert(::Type{T}, !Matched::T) where T at essentials.jl:167

julia> print(baustoffe)
["Holz", "Beton", "Ziegel"]
```

Folgendes Verhalten kann dabei möglicherweise zu Verwirrung führen:

```
julia> a = [1, 4, 3];
julia> b = a;
julia> b[2] = 2;
julia> println("a = $(a)")
a = [1, 2, 3]
julia> println("b = $(b)")
b = [1, 2, 3]
```

Verändern eines Wertes im Array b verändert also auch den Array a. Das liegt daran, dass der Ausdruck b = a den Array a nicht kopiert, sondern auf ihn verweist. Zum Kopieren eines Arrays eignet sich die Funktion copy().

```
julia> a = [1, 4, 3];
julia> b = copy(a);
julia> b[2] = 2;
julia> println("a = $(a)")
a = [1, 4, 3]
julia> println("b = $(b)")
b = [1, 2, 3]
```

8.1.2 Funktionen der Array Library

```
length gibt die Anzahl der Elemente eines Arrays zurück. Ein Array innerhalb eines Arrays ist dabei ein Element.
julia> length(primes)
6
julia> length(stahl)
3
```

push! fügt ein neues Element am Ende des Arrays ein:

```
julia> fib = [1, 1, 2, 3, 5];
julia> push!(fib, 8);
julia> println(fib)
[1, 1, 2, 3, 5, 8]
```

julia> length(stahl[3])

append! hängt einen Array am Ende des Arrays an:

```
julia> append!(fib, [13, 21, 34]);
julia> println(fib)
[1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34]
```

insert! fügt ein Element bei einem bestimmten Index in das Array ein:

```
julia> countdown = [5, 4, 3, 1, 0];
julia> insert!(countdown, 4, 2); # Die Zahl 2 wird an vierter Stelle eingefügt
julia> println(countdown)
[5, 4, 3, 2, 1, 0]
```

sort! sortiert die Elemente eines Ararys vom niedrigsten zum höchsten Wert:

```
julia> c = ['d', 'g', 'a', 'w', 'f'];
julia> sort!(c);
julia> println(c)
['a', 'd', 'f', 'g', 'w']
```

sort hingegen erzeugt eine sortierte Kopie des Arrays:

```
julia> c1 = ['d', 'g', 'a', 'w', 'f'];
julia> c2 = sort(c1);
julia> println("c1 = $(c1)")
c1 = ['d', 'g', 'a', 'w', 'f']
julia> println("c2 = $(c2)")
c2 = ['a', 'd', 'f', 'g', 'w']
```

Generell hat sich in Julia etabliert, dass Funktionen, die direkt ihr Argument verändern mit! enden.

8.1.3 Elemente löschen

Es gibt verschiedene Möglichkeiten einzelne Elemente aus einem Array zu löschen. pop! entfernt das letzte Element aus dem Array und gibt dieses Element zurück:

```
julia> a = ['a', 'b', 'c'];
julia> pop!(a)
'c': ASCII/Unicode U+0063 (category Ll: Letter, lowercase)
julia> print(a)
['a', 'b']
```

Das erste Element eines Arrays kann mittels popfirst! entfernt werden:

```
julia> a = ['a', 'b', 'c'];
julia> popfirst!(a)
'a': ASCII/Unicode U+0061 (category Ll: Letter, lowercase)
julia> print(a)
['b', 'c']
```

Ist der Index des zu entfernenden Elements bekannt, kann dieses mit splice! aus dem Array gelöscht werden:

```
julia> a = ['a', 'b', 'c'];
julia> splice!(a, 2)
'b': ASCII/Unicode U+0062 (category Ll: Letter, lowercase)
julia> print(a)
['a', 'c']
```

Ähnlich funktioniert auch deleteat!. Der Unterschied ist dabei, dass nicht das entfernte Element, sondern das Array zurückgegeben wird:

```
julia> a = ['a', 'b', 'c'];
julia> deleteat!(a,2)
2-element Array{Char,1}:
    'a'
    'c'
julia> print(a)
['a', 'c']
```

8.1.4 Strings und Arrays

Strings und Arrays sind in manchen Punkten sehr ähnlich. Ein String ist eine Abfolge von Characters und da ein Array mit beliebigen Datentypen befüllt werden kann, ist ein Array aus Characters auch eine Abfolge von Characters. Trotzdem sind beides verschiedene Typen mit unterschiedlichen Eigenschaften. collect konvertiert einen String in ein Array von Characters:

```
julia> a = collect("spam");
julia> print(a)
['s', 'p', 'a', 'm']
```

Mittels split kann ein String entlang bestimmter Zeichen in mehrere Teile getrennt werden. So können beispielsweise Sätze in einzelne Worte aufgeteilt werden:

```
julia> s1 = split("Julia ist großartig"); # Standardmäßig wird bei jedem Leerzeichen getrennt

julia> print(s1)
SubString{String}["Julia", "ist", "großartig"]
julia> s2 = split("Stahl;Beton;Ziegel;Holz",';'); # Als zweites Argument kann das Trennzeichen festgelegt werden

julia> print(s2)
SubString{String}["Stahl", "Beton", "Ziegel", "Holz"]

join verbindet ein Array aus Strings zu einem einzelnen String:
```

```
julia> s1 = split("julia ist großartig");
julia> sort!(s1);
julia> s2 = join(s1,' ');
julia> print(s2)
```

großartig ist julia

8.1.5 Mehrdimensionale Arrays

In vielen numerischen Aufgaben sind zwei- oder mehrdimensionale Arrays hilfreich. In Julia wird ein zweidimensionales Array auch als *Matrix* bezeichnet. Die Eingabe erfolgt wie bei eindimensionalen Arrays in eckigen Klammern, allerdings werden die Elemente zeilenweise mit Leerzeichen zwischen den Elementen einer Zeile und Semikola zwischen den Zeilen eingegeben. Alternativ kann auch ein Zeilenumbruch anstatt der Semikola eingefügt werden.

```
a = [1 2; 3 4]
b = [4 2
3 1]
```

Eine mxn-Matrix hat m
 Zeilen und n Spalten. Mit der Syntax matrix[m,n] kann auf ein Element der Matrix zugegriffen werden. Ebenso kann auf Teile der Matrix zugegriffen werden. Ein Doppelpunkt : ohne Indizes bezeichnet dabei die gesamte Zeile oder Spalte.

```
julia> m = rand(3,6)
3×6 Array{Float64,2}:
0.234568 \quad 0.624538 \quad 0.363983 \quad 0.846908 \quad 0.140252 \quad 0.895531
0.388957 0.202326 0.6899
                             0.429924 0.349476 0.168114
julia > m[2,3]
0.3639830697191937
julia> m[1:2,6]
2-element Array{Float64,1}:
0.8680533712764824
0.8955313084070453
julia> m[3,:]
6-element Array{Float64,1}:
0.3889573494128007
0.2023264673774623
0.6899001950539279
0.42992413781937544
0.3494759754741199
0.1681141386994316
```

Die Funktion rand erzeugt Zufallszahlen in unterschiedlicher Art. Ohne Argumente wirt eine einzelne Zufahlszahl zwischen 0 und 1 zurückgegeben. Es können allerdings auch mehrere Int-Zahlen als Argumente übergeben werden. Dabei gibt die erste Zahl die Anzahl der Elemente in erster Dimension, die zweite Zahl die Anzahl der Elemente in zweiter Dimension, usw. an. rand(3, 2, 4) erzeugt also ein dreidimensionales 3x2x4-Array voller Zufallszahlen zwischen 0 und 1.

```
iulia> rand()
0.8625839896991336
iulia> rand(2)
2-element Array{Float64,1}:
0.10533654816768934
0.3841457855145427
iulia> rand(2.2)
2×2 Array{Float64,2}:
0.778554 0.824925
0.918214 0.993635
julia > rand(3,2,4)
3×2×4 Array{Float64,3}:
[:, :, 1] =
0.250142 0.812977
0.337674 0.919037
0.919689 0.683836
[:, :, 2] =
0.675332 0.605014
0.236466 0.370862
0.703852 0.537903
[:, :, 3] =
0.240291 0.624769
```

```
0.198293 0.655282
0.214326 0.978342
[:, :, 4] =
0.849044 0.708152
0.487788 0.707652
0.528178 0.43146
```

8.1.6 Broadcasting

Viele Operationen in Julia können elementweise auf Arrays angewendet werden. Diese Vorgehensweise wird auch *Broadcasting* genannt. Dazu wird bei Operatoren wie + und ^ ein . vorangestellt oder bei Funktionen ein . hinter dem Funktionsnamen angehängt:

```
julia> a = [1 2 3; 3 4 5];
julia> a .^2
2×3 Array{Int64,2}:
    1     4     9
    9     16     25

julia> a .+ 4
2×3 Array{Int64,2}:
    5     6     7
    7     8     9

julia> b = ["Tom" "Jerry"; "Michael" "John"];
julia> length.(b)
2×2 Array{Int64,2}:
    3     5
    7     4
```

8.2 Tuple

Der Datentyp Tuple ist sehr ähnlich zum eindimensionalen Array. Der wichtigste Unterschied ist, dass Tuple nicht veränderbar sind. Am einfachsten wird ein Tuple durch die Eingabe von mehreren durch Kommas getrennte Werte erzeugt. Übersichtlicher ist es aber, die Werte mit runden Klammern zu umgeben:

```
julia> t1 = 1, 2, 3, 4
(1, 2, 3, 4)
julia> t2 = ('a', 'b', 'c')
('a', 'b', 'c')
```

Wie beim Array können auch unterschiedliche Datentypen in ein Tuple geschrieben werden. Die Datentypen werden dabei im Datentypen des Tuples geschrieben:

```
julia> t = (1, 3.1415, "foo", ('c',))
(1, 3.1415, "foo", ('c',))
julia> typeof(t)
Tuple{Int64,Float64,String,Tuple{Char}}
```

Tuple mit nur einem Element müssen mit einem Komma abgeschlossen werden. Ein leeres Tuple kann mittels tuple() erzeugt werden.

```
julia> t1 = ('!',)
('!',)
julia> c = ('!')
'!': ASCII/Unicode U+0021 (category Po: Punctuation, other)
julia> t2 = tuple()
()
```

Wie bei Arrays kann mittels eckiger Klammern auf einzelne oder mehrere Elemente eines Tuples zugegriffen werden. Da ein Tuple allerdings nicht veränderbar ist, gibt Julia bei Neudefinition eines Wertes einen MethodError zurück.

```
t = (2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19)
print(t[3])
print(t[4:6])
print(t[5:end])
t[4] = 23
```

8.3 Dict

Ein Dict ist ebenfalls sehr ähnlich zum eindimensionalen Array. Während sich beim Array die Indizes auf Int-Zahlen beschränken, können die Indizes eines Dictionaries nahezu jeder Datentyp sein. Die Indizes eines Dictionaries heißen keys und die Werte werden values genannt. Jeder Wert ist dabei einem key zugewiesen. it einem Dictionary kann zum Beispiel ein Wörterbuch erstellt werden, in dem jeder key ein deutsches Wort ist dem das passende spanische Wort zugeordnet ist. Mit Dict wird ein Dictionary erstellt:

```
julia> de2sp = Dict("eins" => "uno", "zwei" => "dos", "drei" => "tres")
Dict{String,String} with 3 entries:
    "eins" => "uno"
    "drei" => "tres"
    "zwei" => "dos"
```

Ein weiterer wichtiger Unterschied zu Arrays ist, dass Dictionaries nicht geordnet sind. Es kann daher sein, dass die Elemente nicht in der eingegebenen Reihenfolge angezeigt werden.

Die Syntax für die Eingabe von key-value-Paaren ist dabei folgende:

- ein key-value-Paar besteht aus dem key gefolgt von => und dem zugehörigen Wert,
- die einzelnen Einträge werden durch ein Komma getrennt.

Durch eckige Klammern und Eingabe eines Index kann auf die Werte zugegriffen werden. Falls der eingegebene Index nicht im Dictionary vorhanden ist, gibt Julia einen KeyError zurück.

```
julia> de2sp["zwei"]
"dos"
julia> de2sp["vier"]
Error: KeyError: key "vier" not found
```

Das sollte geändert werden. Neue Indizes können auf folgende Weise hinzugefügt werden:

```
julia> de2sp["vier"] = "cuatro"
"cuatro"
julia> print(de2sp)
Dict("eins" => "uno", "drei" => "tres", "zwei" => "dos", "vier" => "cuatro")
```

Auf diese Weise können vorhandene Werte neu definiert werden. Die Funktionen keys und values geben Arrays mit den keys oder values eines Dictionaries zurück.

```
julia> keys(de2sp)
Base.KeySet for a Dict{String,String} with 4 entries. Keys:
    "eins"
    "drei"
    "zwei"
    "vier"

julia> values(de2sp)
Base.ValueIterator for a Dict{String,String} with 4 entries. Values:
    "uno"
    "tres"
    "dos"
    "cuatro"
```

8.4 Aufgaben

8.4.1 Drei Arrays zusammenhängen

Schreibe eine Funktion connect_three die drei Arrays als Argumente nimmte und diese Arrays zu einem Array zusammenfügt. Die Funktion muss nur für Arrays mit gleichem Datentypen funktionieren (z.B. dreimal Array{String,1} oder dreimal Array{Any,1}).

```
julia> a = [1, 1, 2];
julia> b = [3, 5];
julia> c = [8, 13];

julia> connect_three(a,b,c)
7-element Array{Int64,1}:
    1
    2
    3
    5
    8
    13
```

8.4.2 Innere Werte eines Arrays

Schreibe eine Funktion interior die ein Array als Argument nimmt und ein neues Array zurückgibt, das alle Werte bis auf den ersten und den letzten enthält.

```
julia> a = [0,1,2,3,4];
julia> res1 = interior(a)
3-element Array{Int64,1}:
1
2
3
julia> res2 = interior(res1)
1-element Array{Int64,1}:
2
```

8.4.3 Ist das Array sortiert?

Schreibe eine Funktion issort die ein Array als Argument nimmt, überprüft ob dieses Array sortiert ist und dementsprechend true oder false zurückgibt.

```
julia> a = [3,2,5,1];
julia> b = sort(a);
julia> issort(a)
false
julia> issort(b)
true
```

8.4.4 Anagram-Test

Schreibe eine Funktion isanagram die zwei Strings als Argumente nimmt, überprüft ob diese Strings Anagramme sind und dementsprechend ture oder false zurückgibt. Groß- und Kleinschreibung soll dabei nicht berücksichtigt werden (Stein ist gleichwertig zu stein). Zwei Wörter sind Anagramme, wenn die Buchstaben eines Wortes durch Umordnen das zweite Wort ergeben.

```
function isanagram(s1, s2)
    return sort(collect(lowercase(s1))) == sort(collect(lowercase(s2)))
end
isanagram (generic function with 1 method)
```

8.4.5 N-tes Element eines Dict ausgeben

Schreibe eine Funktion dict_index(d,n) die ein Dict d und eine Int-Zahl n als Argumente nimmt und das n-te Element dieses Dicts, sortiert nach den keys zurückgibt.

32 9 Exceptions

```
julia> d = Dict("a"=>1,"b"=>2, "c"=>3, "d"=>4)
Dict{String,Int64} with 4 entries:
    "c" => 3
    "b" => 2
    "a" => 1
    "d" => 4

julia> dict_index(d, 2)
```

8.4.6 Tuples zusammenfügen

Schreibe eine Funktion tuple_append die zwei Tuples als Argumente nimmt, das zweite an das erste anhängt und as zusammengefügte Tuple als return value zurückgibt.

```
julia> t1 = ('a','b')
('a', 'b')
julia> t2 = ('c','d','e')
('c', 'd', 'e')
julia> tuple_append(t1,t2)
('a', 'b', 'c', 'd', 'e')
```

9 Exceptions

Ein Programm zu schreiben ist eine komplexe Aufgabe, bei der es häufig dazu kommt, dass es nicht das macht was es tun soll und mit einem Fehler abbricht.

Grob können diese Fehler in Syntax Errors, Logical Errors und Runtime Errors eingeteilt werden.

9.1 Syntax Errors

Ein Syntax Error tritt in den meisten Fällen bereits vor der eigentlichen Ausführung des Programms auf und wird durch einen falsch geschriebenen Befehl verursacht. Dies betrifft hauptsächlich Keywords der Programmiersprache (if, else, function, ...) und ungültige Variablennamen.

```
42number = "meaning of life"

Error: syntax: "42" is not a valid function argument name
```

Nach Auftreten des Fehlers wird das Programm unterbrochen. Die Fehlermeldung wird mit Error: eingeleitet und enthält den Hinweis syntax. Üblicherweise gibt Julia Hinweise darauf was das Problem verursacht hat, es lohnt sich also immer Fehlermeldungen zu lesen.

9.2 Logical Errors

Bei Logical Errors handelt es sich um Fehler in der Programmlogik (z.B. eine falsche Formel oder falsche Annahme).

In der folgenden Funktion ist ein logischer Fehler. Eigentlich sollte die Funktion x^n berechnen, gibt aber x^{n+1} .

```
function pow(x::Number,n::Int)
  x_pow = x
  for i in 1:n
       x_pow *= x
  end
  return x_pow
end

pow(3,2)
```

9 Exceptions 33

Das Problem mit logischen Fehler ist, dass das Programm ohne Fehlermeldung läuft, dass Ergebnis aber falsch ist.

9.3 Runtime Errors

Runtime Errors sind Fehler die während der Laufzeit des Programms auftreten. In Julia gibt es eine Vielzahl von solchen Fehlern die immer dann ausgelöst werden, wenn etwas Unvorhergesehenes passiert. In weiterer Folge werden nur die häufigsten behandelt, eine vollständige Liste befindet sich in der Dokumentation unter Manual/Control Flow/Exception Handling.

BoundsError

Zugriff auf einen nicht besetzten Index in einem Array.

```
a [4]

Error: BoundsError: attempt to access 3-element Array{Int64,1} at index [4]
```

DomainFrror

sqrt(-1)

Das Argument ist nicht innerhalb des (mathematisch) definierten Bereichs der Funktion.

```
Error: DomainError with -1.0: sqrt will only return a complex result if called with a complex argument. T ry \ sqrt(Complex(x)).
```

InexactError

Eine Operation kann nicht exakt ausgeführt werden.

```
convert(Int,12.1)
Error: InexactError: Int64(12.1)
```

Um in diesem Fall von der Float64-Zahl 12.1 zur Int-Zahl 12 zu gelangen, muss vorher gerundet werden.

MethodError

abs("Ein String")

Es existiert keine Methode die den angegebenen Argumenten entspricht

```
Error: MethodError: no method matching abs(::String)
Closest candidates are:
   abs(!Matched::Pkg.Resolve.MaxSum.FieldValues.FieldValue) at /Users/sabae/
buildbot/worker/package_macos64/build/usr/share/julia/stdlib/v1.2/Pkg/src/r
esolve/FieldValues.jl:67
   abs(!Matched::Pkg.Resolve.VersionWeights.VersionWeight) at /Users/sabae/b
uildbot/worker/package_macos64/build/usr/share/julia/stdlib/v1.2/Pkg/src/re
solve/VersionWeights.jl:40
   abs(!Matched::Missing) at missing.jl:79
...
```

UndefVarError

```
Die Variable ist nicht definiert.
```

```
nicht_definiert

Error: UndefVarError: nicht_definiert not defined
```

9.3.1 Stacktrace

Der sogenannte Stacktrace gibt Auskunft darüber welche Funktionsaufrufe zu dem Fehler geführt haben. Er wird immer am Ende der Fehlermeldung ausgegeben.

Im folgenden Beispiel wird nach mehreren verschachtelten Aufrufen, auf einen Index außerhalb eines Arrays zugegriffen.

34 10 Lineare Algebra

```
function level03(x)
    # Zugriff ist ok
    x[1]
    # Zugriff ist nicht ok
    x[length(x)+1]
end
level02(x) = level03(x)
level01(x) = level02(x)
```

Der Stacktrace zu diesem Aufruf sieht wie folgt aus:

Stacktrace:

```
[1] getindex at array.jl:728 [inlined]
[2] level03(::Array{Int64,1}) at none:5
[3] level02(::Array{Int64,1}) at none:1
[4] level01(::Array{Int64,1}) at none:3
```

Bei [1] wird der auslösende Funktionsaufruf angezeigt, der Zugriff auf einen Arrayindex. Jede weitere Zeile entspricht dem nächsthöheren Aufruf. Wird der *Stacktrace* von [4] nach [2] gelesen, ist erkennbar, dass level01, level02 aufruft und level02, level03.

Der Stacktrace ist sehr hilfreich, wenn es darum geht zu Reproduzieren warum und wo ein Fehler aufgetreten ist.

10 Lineare Algebra

Neben der Unterstützung von multi-dimensionalen Arrays (Vektoren, Matrizen, Tensoren) bietet Julia auch eine Implementierung von nützlichen Funktionen der linearen Algebra. Das lineare Algebra Paket ist standardmäßig in Julia enthalten und kann wie alle anderen Pakete mit using geladen werden.

```
using LinearAlgebra
```

Details zu dem Paket sind unter Standard Library/Linear Algebra in der Dokumentation zu finden.

10.1 Lineare Gleichungssysteme

Eine übliche Problemstellung der linearen Algebra ist das Lösen von Gleichungssystemen wie dem folgenden:

$$x - y = 22$$
 und $2x + 3y = 11$

Um das System zu lösen müssen zuerst die Koeffizientenmatrix und der Vektor auf der rechten Seite definiert werden.

```
A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}c = \begin{bmatrix} 22, & 11 \end{bmatrix}
```

Um Informationen über die Lösbarkeit des System zu erhalten wird die Determinante mit det ermittelt.

det(A)

5.0

Offensichtlich hat das Gleichungssystem eine eindeutige Lösung. Im nächsten Schritt muss ${\bf A}$ invertiert werden.

```
A_inv = inv(A)

2×2 Array{Float64,2}:
    0.6    0.2
    -0.4    0.2
```

Der Lösungsvektor ${\bf b}$ ergibt sich dann zu:

```
b = A_inv*c
```

10 Lineare Algebra 35

```
2-element Array{Float64,1}: 15.4000000000000002 -6.600000000000005
```

Die Kontrolle kann einfach durch Ausmultiplizieren gemacht erfolgen.

2-element Array{Float64,1}: 22.0000000000000000

11.0000000000000004

Da dieser Ablauf sehr häufig vorkommt und sich abhängig von **A** gut optimieren lässt, biete Julia mit dem \ Operator eine Kurzschreibweise, bei der das Invertieren entfällt.

A∖c

A*b

```
2-element Array{Float64,1}:
15.4
-6.6
```

10.2 Vektorfunktionen

Das lineare Algebra Paket beinhaltet auch Funktionen zur Berechnung des Skalarprodukts dot oder \cdot , des Kreuzprodukts cross oder \times und der Länge norm von Vektoren.

10.3 Aufgaben

10.3.1 Lösbarkeit von linearen Gleichungssystemen

Es soll eine Funktion definiert werden, die true zurück gibt falls ein lineares Gleichungssystem lösbar ist (nicht zwingend eindeutig) und false zurück gibt falls das System nicht lösbar ist.

Beispiele:

36 11 Kontrollstruktur

10.3.2 Löse das Gleichungssystem

Es soll das folgende Gleichungssystem in Matrixform gebracht und gelöst werden.

$$x - y + z = 22$$
$$2x + 3y = 11$$
$$10x - y/2 + 5z = 0$$

Für die Kontrolle muss die allgemeine Form der Kontrollfunktion verwendet werden.

```
@Aufgabe "10.3.2" begin
    # Code einfügen.
    # Hier, in der letzten Zeile, muss der Lösungsvektor berechnet werden
end
```

10.3.3 Eigenwerte und Eigenvektoren

Mit den Funktion eigvals und eigvecs können Eigenwerte bzw. Eigenvektoren berechnet werden. Es soll eine Funktion geschrieben werden die aus Eigenwerten und Eigenvektoren, in dem Format wie sie von den beiden Funktionen für eine Matrix ausgegeben werden, wieder die Matrix rekonstruieren.

Beispiele:

```
julia> A = [1 -1 1; 2 3 0; 10 -0.5 5]; λ = eigvals(A); φ = eigvecs(A);
julia> rekonstruiere(λ, φ)
3×3 Array{Float64,2}:
    1.0 -1.0 1.0
    2.0 3.0 -1.72085e-15
    10.0 -0.5 5.0
```

10.3.4 Winkel zwischen den Vektoren

Es soll eine Funktion definiert werden, die den Winkel in Radiant zwischen zwei Vektoren beliebiger Dimension berechnet.

Beispiele:

```
julia> winkel([1,5],[3,7])
0.20749622643520305

julia> winkel([2,3,-1],[8,-1,2])
1.2090381087121735

julia> winkel([1,0,0],[1,0,0])
0.0
```

11 Kontrollstruktur

Der Code in den bisher behandelten Beispiele setzte sich aus einer sich nicht verzweigenden Verkettung von Befehlen zusammen. Für sehr rudimentäre Programme mag das ausreichen, in den meisten Fällen werden aber Verzweigungen in Form von if-Bedingungen und Schleifen benötigt.

11.1 Verzweigungen

Dieses Konstrukt erlaubt es, abhängig von einer Bedingung (die ausgewertet vom Typ Bool sein muss) einen Codeteil auszuführen oder zu überspringen. Die einfachste Form ist das if-Statement:

```
x = -1
if x < 0
    println("x ist negativ.")
end</pre>
```

11 Kontrollstruktur 37

```
x ist negativ.
```

In diesem Beispiel ist die $Bedingung \times 0$. Wie bereits im Abschnitt zu den Datentypen gezeigt, ergibt die Auswertung dieses Ausdrucks einen Wert vom Typ Bool:

```
julia> x < 0
true
julia> typeof(x < 0)
Bool</pre>
```

Die zweite Form ist die Kombination aus if und else. else bezeichnet den Zweig der ausgeführt wird, falls die Bedingung nicht erfüllt ist.

```
x = 1
if x < 0
    println("x ist negativ.")
else
    println("x ist positiv.")
end</pre>
```

x ist eine Zahl von 0 bis 10.

x ist positiv.

Da x < 0 ausgewertet false ergibt, wird der if-Zweig übersprungen und der else-Zweig ausgeführt.

Die dritte Form ist im Grunde eine vereinfachte Schreibweise für Kombinationen von Form eins und Form zwei. Der folgende Code

```
x = 9
if x < 0
    println("x ist negativ.")
else
    if x <= 10
        println("x ist eine Zahl von 0 bis 10.")
    else
    println("x ist größer als 10.")
    end
end</pre>
```

kann einfacher und übersichtlicher durch elseif geschrieben werden.

```
x = 9
if x < 0
    println("x ist negativ.")
elseif x <= 10
    println("x ist eine Zahl von 0 bis 10.")
else
    println("x ist größer als 10.")
end
x ist eine Zahl von 0 bis 10.</pre>
```

11.2 Schleifen

Computer sind besonders gut geeignet um repetitive Aufgaben zu lösen. Solche Aufgaben werden durch Schleifen definiert. Julia biete zwei Arten von Schleifen: for und while-Schleife.

Die while-Schleife hat eine gewisse Ähnlichkeit zur if-Bedingung. Eine Aufgabe in einer solchen Schleife wir solange ausgeführt, solange eine Bedingung erfüllt ist.

Im folgenden Beispiel wird jede Zahl von 0 bis 10 ausgegeben (global i kann für das Erste ignoriert werden)

```
function zähle_bis(n)
    i = 1
    while i <= n
        println("Bin bei Zahl $i")
        i += 1
    end
end
zähle_bis(10)</pre>
```

38 11 Kontrollstruktur

```
Bin bei Zahl 1
Bin bei Zahl 2
Bin bei Zahl 3
Bin bei Zahl 4
Bin bei Zahl 5
Bin bei Zahl 6
Bin bei Zahl 7
Bin bei Zahl 7
Bin bei Zahl 8
Bin bei Zahl 9
Bin bei Zahl 10
```

Der Code wird wird folgendermaßen durchschritten:

- 1. Initialisiere i mit 1
- 2. Falls die Bedingung i <= 10 erfüllt ist gehe zu (3), ansonsten gehe zu (6)
- 3. Ausgabe von "Bin bei Zahl \$i"
- 4. Erhöhe i um 1
- 5. Gehe zurück zu (2)
- 6. Ende

Dieser Ablauf wird Schleife genannt, weil (5) wieder zurück zu (2) springt. Bei diesem Code ist Vorsicht geboten: Vergisst man die Zeile i += 1, wird die Bedingung i <= 10 nie erfüllt. Das bedeutet die Schleife läuft endlos (Endlosschleife). In der REPL oder in Juno kann eine Endlosschleife durch die Tastenkombination Ctrl-C abgebrochen werden.

Beim obigen Beispiel handelt es sich um eine Zählschleife. Dieses Konstrukt ist so häufig, dass es einen eigenen Schleifentyp dafür gibt: Die for-Schleife. Der Code in der for-Schleife wird für jedes Element in einer ihr übergebenen Menge ausgeführt. Das vorherige Beispiel vereinfacht sich daher zu:

```
function zähle_bis(n)
    for i in 1:n
       println("Bin bei Zahl $i")
    end
end
zähle_bis(10)
Bin bei 7ahl 1
Bin bei Zahl 2
Bin bei Zahl 3
Bin bei Zahl 4
Bin bei Zahl 5
Bin bei Zahl 6
Bin bei Zahl 7
Bin bei Zahl 8
Bin bei 7ahl 9
Bin bei Zahl 10
```

Anstelle von 1:n kann jede Art von Liste angegeben werden.

```
for buchstabe in ["A", "B", "C", "D"]
    println("Bin bei Buchstabe $buchstabe")
end

Bin bei Buchstabe A
Bin bei Buchstabe B
Bin bei Buchstabe C
Bin bei Buchstabe D
```

11.2.1 break und continue

Eine Schleifeniteration kann jederzeit durch den Aufruf von break abgebrochen und den Aufruf von continue übersprungen werden.

Im folgenden Beispiel werden von einem String nur die Vokale gesammelt. Falls ein ! gefunden wird, werden die gesammelten Vokale ausgegeben und die Schleife beendet.

11 Kontrollstruktur 39

```
function sammle_vokale(text)
  vokale_sammlung = ""
  for buchstabe in text
    if buchstabe == '!'
        println(vokale_sammlung)
        break
    end
    if !(buchstabe in ('a','e','i','o','u'))
        continue
    end
    vokale_sammlung *= buchstabe
end
end
end
sammle_vokale("Finde die Vokale in diesem Satz. Gehe aber nicht weiter als bis zum !. Das sollst du nicht mehr ansehen")
```

ieieoaeiieeaeeaeieieaiu

break wird oft auch in Kombination mit white-Schleifen verwendet die endlos laufen. Wenn Beispielsweise in der Schleife auf eine Dateneingabe gewartet wird, oder die Abbruchbedingung sehr komplex ist. In diesem Fall kann eine Endlosschleife absichtlich durch Verwenden der Bedingung true konstruiert werden.

11.2.2 Performance Optimierung Julia

Bei den folgenden Aufgaben wird es wichtig sein, einen möglichst effizienten Code zu schreiben. Optimierung ist ein sehr komplexes Thema, es gibt in Julia aber ein paar grundlegende Punkte die beachtet werden sollten.

Um eine Auskunft über die Laufzeit eines Codes zu erhalten (Benchmark-Test) biete Julia das @time-Macro.

Die folgende Funktion berechnet n-mal die inverse einer Matrix A und ist nur als Beispielfunktion für die Verwendung von @time gedacht.

Das @time-Macro gibt die erforderliche Zeit und Angaben über das Speichermanagement aus. Der erste Aufruf der neu geschriebenen Funktion time_dummy braucht wesentlich länger als die nächsten beiden. Das liegt daran, dass Julia beim ersten Aufruf die Funktion für die angegeben Argumente kompiliert.

Dieser Vorgang ist sehr wichtig um eine performante Ausführung zu ermöglichen und wird stark durch die so genannte *Typenstabilität* beeinflusst.

Typenstabilität Stabilität bedeutet hier, dass sich der Datentyp einer Variable mit der Laufzeit nicht ändert. Eine mögliche Fehlerquelle dafür ist im folgendem Beispiel zu sehen¹.

```
function summe_sin_A(n::Int)

\sum = 0
for i in 1:n

\sum += \sin(n)
end
```

¹http://www.johnmyleswhite.com/notebook/2013/12/06/writing-type-stable-code-in-julia/

40 11 Kontrollstruktur

```
return \( \)
end

function summe_sin_B(n::Int)
\( \sum_{=} = 0.0 \)
for i in 1:n
\( \sum_{=} += \sin(n) \)
end
return \( \sum_{=} \)
end

summe_sin_B (generic function with 1 method)
```

Der einzige Unterschied der Funktionen A und B befindet sich in der ersten Zeile bei der Definition von \sum. Im Fall von A wird mit Int im Fall von B mit Float64 initialisiert.

Um die Funktionen zu Benchmarken werden beide in Schleifen ausgeführt.

```
function benchmark_summe_A()
    for _ in 1:100
        summe_sin_A(100000)
    end
end

function benchmark_summe_B()
    for _ in 1:100
        summe_sin_B(100000)
    end
end
```

Die Laufzeit der beiden Fälle ergibt sich zu:

```
julia> benchmark_summe_A(); benchmark_summe_B(); # Erster Aufruf zum kompilieren
julia> @time benchmark_summe_A()
    0.010345 seconds (4 allocations: 160 bytes)
julia> @time benchmark_summe_B()
    0.000001 seconds (4 allocations: 160 bytes)
```

Der große Unterschied zwischen den beiden Funktionen resultiert aus dem Rückgabewert der Funktion sin:

```
julia> typeof(sin(3))
Float64
```

sin gibt Float
64 zurück. Das bedeutet bei Fall A muss \sum von Int in Float
64 konvertiert werden, was immens viel Zeit benötigt.

Ein weiterer häufig gemachter Fehler tritt bei Funktionen auf, die für gleiche Datentypen der Argumente verschiedene Datentypen der Ergebnisse zurückgeben. Beispielsweise gibt die folgende Definition der Rampen-Funktion inkonsistente Datentypen zurück:

```
function ramp(x)
    if x < 0
        return 0
    else
        return x
    end
end

julia> ramp(3.0)
3.0

julia> ramp(-3.0)
0

julia> ramp(3)
3

julia> ramp(-3)
```

Eine Möglichkeit wäre die Funktion für die Typen Float64 und Int zu spezialisieren oder besser die zero Funktion zu verwenden:

11 Kontrollstruktur 41

```
function ramp(x)
    if x < 0
        return zero(x)
    else
        return x
    end
end

julia> ramp(3.0)
3.0

julia> ramp(-3.0)
0.0

julia> ramp(3)
3

julia> ramp(-3)
```

Vermeiden von globalen Variablen Eine globale Variable ist beispielsweise x im folgenden Code:

```
x = "Ich bin global!"
function test_global()
    println(x)
end
test_global()
Ich bin global!
```

x ist innerhalb der Funktion test_global verwendbar obwohl die Variable außerhalb definiert wurde. Der Nachteil von globalen Variablen ist, das Julia die Funktionen die die Variablen verwenden wieder nicht exakt für den Typ der globalen Variable spezialisieren kann, da die Variable veränderbar ist:

```
x = 100
test_global()
```

100

test_global gibt jetzt den neuen Wert von x aus. In diesem Fall hat sich nicht nur der Wert, sonder auch der Typ von String zu Int geändert.

In manchen Fällen ist es sinnvoll globale Variablen zu verwenden, dann sollten diese mit dem Keyword const als Konstanten definiert werden (Konstanten werden üblicherweise in Blockbuchstaben geschrieben).

```
const GRAV_BESCHL = 9.81 # m/s²
function Kraft(masse) # masse in kg
   masse*GRAV_BESCHL
end
Kraft(8.0)
```

Eine Konstante darf sich nicht ändern, damit ist der Code wieder Typenstabil.

```
GRAV_BESCHL = "Neuer Wert"
```

Error: invalid redefinition of constant GRAV_BESCHL

11.3 Aufgaben

11.3.1 Gerade oder Ungerade

Schreibe ein Funktion die "Gerade" oder "Ungerade" für eine Zahl mit println ausgibt.

Beispiele:

42 11 Kontrollstruktur

```
julia> gerade_ungerade(11)
Ungerade
julia> gerade_ungerade(218)
Gerade
```

11.3.2 Skript Flächeninhalt

Es soll ein **Skript** zur Berechnung von Flächeninhalt und Umfang eines Kreises erstellt werden das Benutzern erlaubt mehrmals Eingaben zu machen. Die Ausgabewerte sollen auf zwei Stellen gerundet werden. Das Skript soll erst abgebrochen werden, wenn eine leere Eingabe gemacht wird, wird eine falsche Eingabe gemacht, muss "Falsche Eingabe" ausgegeben werden.

Die Ausgabe nach Ausführung des Skripts mit julia kreis. jl muss exakt mit dem folgenden Text übereinstimmen.

```
Radius eingeben: 3
A = 28.27
U = 18.85
Radius eingeben: abc
Falsche Eingabe
Radius eingeben: 1.2
A = 4.52
U = 7.54
Radius eingeben:
```

Für die Kontrolle mit dem Kontrollprogramm muss die allgemeine Form der Eingabe verwendet werden. Zusätzlich muss die Schleife für die wiederholte Ausführung über eine Funktion gestartet werden. Die Funktion muss wie im folgenden Beispiel am Ende des Kontrollblocks stehen. Wichtig für die Kontrolle ist, dass alle Ausgaben exakt mit dem Beispiel oben übereinstimmen.

```
@Aufgabe "11.3.2" begin
# ...
# Platz für Zusatzfunktionen die eventuell verwendet werden
# ...
function run()
# ...
# Hauptfunktion die die Schleife beinhaltet
# ...
while
# ...
end
# ...
end
# ...
end
```

11.3.3 Berechne π

Die Zahl π kann über eine so genannte Monte-Carlo-Simulation angenähert werden. Dabei werden zufällig Punkte in einem Quadrat mit bekannter Seitenlänge platziert. Durch Einschreiben eines Kreise in das Quadrat und ermitteln der Anzahl an Punkten die im Kreis gelandet sind, kann die Fläche des Kreises relativ zur Fläche des Quadrates ermittelt werden. π wird dann einfach über die Kreisflächenformel

Schreibe eine Funktion die π mittels Monte-Carlo-Simulation approximiert. Das einziges Argument der Funktion ist die Anzahl an zufällig ermittelten Punkte. Um den Rechenaufwand zu reduzieren soll nur ein Vierteilkreis in einem Quadrat berücksichtigt werden. Die ermittelte relative Fläche muss dann natürlich noch mit dem Faktor 4 vergrößert werden.

Beispiele (mit steigender Anzahl von Punkten steigt auch die Genauigkeit):

```
julia> \pi_mc(10)
3.6
julia> \pi_mc(100)
```

11 Kontrollstruktur 43

```
3.36

julia> π_mc(1_000_000)

3.1434

julia> π_mc(1_000_000_000)

3.141527772
```

11.3.4 Numerisch Integrieren

Schreibe eine Funktion die das bestimmte Integral einer beliebigen 1d Funktion definiert durch x- und y-Werte berechnet. Verwendet dazu die Trapezregel².

Beispiele:

```
julia> x = collect(0:0.0001:1);
julia > \int (x, sin.(x.^2))
0.3102683026238847
julia > \int (x, cos.(x.^2))
0.9045242364978205
julia> ∫(x,x)
0.499999999999999
julia> x = collect(0:0.1:2\pi);
julia > \int (x, sin.(x))
0.003455020910590271
julia> x = collect(0:0.01:2\pi);
julia > \int (x, sin.(x))
5.0730443500457005e-6
julia> x = collect(0:0.0001:2\pi);
julia > \int (x, sin.(x))
3.6386392119709672e-9
```

11.3.5 Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit

Die Monte-Carlo-Simulation kann auch dazu verwendet werden, um Wahrscheinlichkeiten zu approximieren. Schreibe zwei Funktionen, welche die Wahrscheinlichkeit abschätzen, dass

- 1. mit einem idealen Würfel (1-6) 3 x hintereinander 4 gewürfelt wird und
- 2. mit einem idealen Würfel (1-6) bei 3 Würfen mindestens ein 4er gewürfelt wird.

Die Idee hinter der Simulation ist die Würfe mit einem Zufallszahlengenerator rand(1:6) zu simulieren und anschließen die positiven Ergebnisse in Relation zu den gesamten Würfen zu setzten.

Wie schon bei der Berechnung von π soll das einzige Argument bei den Funktionen die Anzahl an zufälligen Würfen sein. Die Nummern für die Kontrolle sind die 11.3.5.1 und 11.3.5.2.

Beispiele:

```
julia> P_est_1(10)
0.0

julia> P_est_1(100)
0.0

julia> P_est_1(1_000_000)
0.004575
```

 $^{^2 \}rm https://de.wikipedia.org/wiki/Trapezregel$

44 11 Kontrollstruktur

```
julia> P_est_1(1_000_000_000)
0.004627402

julia> P_est_2(10)
0.3

julia> P_est_2(100)
0.4

julia> P_est_2(1_000_000)
0.420954

julia> P_est_2(1_000_000_000)
0.421304563

Die exakten Ergebnisse sind:
julia> 1/6^3 # Fall 1
0.004629629629629629

julia> 1/6+5/6*1/6+5/6*5/6*1/6 # Fall 0.42129629629634
```

11.3.6 Split

Im Abschnitt zu Strings wurde die Funktion split vorgestellt mit der Strings durch trennen bei einem Zeichen, in ein String-Array umgewandelt werden können. Bei dieser Aufgabe soll die Funktion nachprogrammiert werden, natürlich ohne die Verwendung von split. Das Trennzeichen muss vom Typ char sein und im Gegensatz zur split Funktion darf das resultierende Array keine leeren Strings "" enthalten. Achtung auch die Sonderfälle

- kein Trennzeichen
- Trennzeichen am Anfang
- Trennzeichen am Ende und
- mehrere Trennzeichen nacheinander

müssen behandelt werden.

Beispiele:

```
julia> my_split("Das ist ein String",' ')
4-element Array{String,1}:
    "Das"
    "ist"
    "ein"
    "String"

julia> my_split(".Das.ist.ein..String.",'.')
4-element Array{String,1}:
    "Das"
    "ist"
    "ein"
    "String"
```

11.3.7 Wurzelziehen

Nicht immer war Wurzelziehen so komfortabel wie heute. Mit der Unterstützung eines Computers oder Taschenrechners gelingt das ganz einfach mit der Funktion sqrt. In der Literatur findet man allerdings einige Verfahren mit welchen "händisches" Wurzelziehen möglich ist. Eines dieser Verfahren wird babylonisches Wurzelziehen³ genannt.

Zur Berechnung der Quadratwurzel x von a wird zuerst eine Zahl x_0 als Kandidat gewählt (z.B. $x_0 = \frac{a}{2}$). Anstelle von $x = \sqrt{a}$ wird dann die Gleichung mit dem Kandidaten $x_0 \cdot x_0 \stackrel{!}{=} a$ gelöst. Wurde zufällt $x_0 = x$ gewählt ist der Algorithmus beendet. Wahrscheinlicher ist jedoch, dass $x_0 \cdot x_0 \neq a$. Je nach der Wahl von x_0 ist x_0^2 jetzt größer oder kleiner als a, was auch bedeutet, dass x_0 jetzt entsprechend größer oder kleiner als x ist. Ändern wie die Gleichung für a zu $x_0 \cdot b = a$ können wir durch Umformen eine zweite Zahl b ermitteln, für die gilt

13 Debugging 45

$$\begin{cases} b < x, & \text{wenn } x_0 > x \\ b > x & \text{wenn } x_0 < x \end{cases}$$

Damit wurde eine obere und eine untere Schranke für x bestimmt. Damit ist jeder Wert innerhalb dieser Schranke eine bessere Annäherung. Der nächste Wert x_1 wird dann als Mittelwert von x_0 und b ermittelt. Allgemein ergibt sich daraus der Ausdruck

$$x_{n+1} = \frac{x_n + \frac{a}{x_n}}{2}.$$

Für eine ausreichend hohe Zahl von n kann damit die Quadratwurzel von a ermittelt werden. Es soll eine Funktion definiert werden, die mit dem beschriebene Verfahren die Quadratwurzel einer beliebigen Zahl mit einem absoluten Fehler von 10^{-5} berechnet. Ein solches Abbruchkriterium wir auch Konvergenzkriterium genannt.

Beispiele:

```
julia> bsqrt(9)
3.0000000000393214

julia> bsqrt(103.12)
10.154801819992677
```

11.3.8 Dictionaries zusammenfügen

Schreibe eine Funktion dict_merge die zwei Dicts vom gleichen Typ als Argumente nimmt, diese beiden Dictionaries zusammenführt (merged) und als return value zurückgibt. Sind Keys in beiden Dicts vorhanden sollen die Werte aus dem ersten mit den Werten aus dem zweiten Dict überschrieben werden.

```
julia> d1 = Dict("Hans"=>85.3,"Michael"=>74.9)
Dict{String,Float64} with 2 entries:
  "Hans"
           => 85.3
  "Michael" => 74.9
julia> d2 = Dict("Lisa"=>56.1,"Anna"=>68.1)
Dict{String,Float64} with 2 entries:
  "Anna" => 68.1
  "Lisa" => 56.1
julia> dict_merge(d1, d2)
Dict{String,Float64} with 4 entries:
  "Anna"
           => 68.1
  "Hans"
            => 85.3
  "Michael" => 74.9
  "Lisa"
            => 56.1
```

12 Methoden

- Type System -> Supertypes und subtypes
 - small type tree
- different behaviour of functions on different types
- type declaration with ::

13 Debugging

13.1 Grundlagen und einfache Fälle

Debugging bezeichnet die Suche und das Entfernen von Fehlern (sogenannten bugs) aus einem Programm. Besonders bei sehr komplexer Software mit vielen verschachtelten Funktionen und unterschiedlichen Eingabewerten

 $^{^3 {\}rm https://de.wikipedia.org/wiki/Heron-Verfahren}$

46 13 Debugging

kann es schwierig sein, sich die Programmlogik für jeden Fall vorzustellen. Daher gibt es in Julia Tools die bei der Suche nach Fehlern helfen können.

Die einfachste Form des Debuggings funktioniert durch Hinzufügen von print-Befehlen. Das Macro @show ist dafür besonders geeignet, da es neben dem Wert auch den Namen einer Variable ausgibt.

```
a = 100.1
@show a

a = 100.1
100.1
```

In der folgenden Funktion hat sich ein Fehler eingeschlichen.

```
"Berechne x^n"
function bug_pow(x::Number,n::Int)
    x_pow = x
    for i in 1:n
        x_pow *= x
    end
    return x_pow
```

Eigentlich sollte die Funktion x^n berechnen, die Ergebnisse stimmen allerdings nicht:

```
bug_pow(3.5,6), 3.5<sup>6</sup>
(6433.9296875, 1838.265625)
```

Um den Fehler zu finden kann ein print-Statement in der for-Schleife eingefügt werden um i und x_pow auszugeben.

```
"Berechne x^n"
function bug_show_pow(x::Number,n::Int)
    x_pow = x
    for i in 1:n
       @show i,x_pow
       x_pow *= x
    end
    return x_pow
end
```

Ein erneuerter Aufruf der Funktion liefert folgende Ausgabe:

```
bug_show_pow(3.5,6)

(i, x_pow) = (1, 3.5)

(i, x_pow) = (2, 12.25)

(i, x_pow) = (3, 42.875)

(i, x_pow) = (4, 150.0625)

(i, x_pow) = (5, 525.21875)

(i, x_pow) = (6, 1838.265625)

6433.9296875
```

Offensichtlich wird in der Schleife x, 6-mal multipliziert, allerdings startet x_pow nicht mit 1 sonder mit x was gesamt x^{n+1} ergibt.

Diese Methode des Debuggings funktioniert bei einfachen Fällen hat aber den Nachteil, dass der Code verändert werden muss. Julia bietet in Kombination mit Debugger.jl¹ und Juno einen Debugger im klassischen Sinn, der eine wesentlich präzisere und effizientere Fehlersuche erlaubt.

13.2 Das Debugger-Paket

Mit einem klassischen Debugger ist es möglich die Ausführung des Quellcodes zu unterbrechen und schrittweise zu analysieren. Dabei gibt es die Möglichkeit sogenannte *Breakpoints* zu setzen, an welchen der Code unterbrochen werden soll.

 $^{^{1} \}rm https://github.com/JuliaDebug/Debugger.jl$

13 Debugging 47

Um die Funktion bug_pow mit dem Debugger zu analysieren muss der Debugger-Modus über einen Klick auf den Debugknopf gestartet werden.



Abbildung 2: Debugknopf in Juno

Über die Seitenleiste mit den Zeilennummern kann nun durch einen Klick ein Breakpoint gesetzt werden. Dadurch wird die Ausführung in der 4. Zeile angehalten.

Abbildung 3: Erster Breakpoint

Mit dem Befehl Juno.@run startet der Debugger die Ausführung und stoppt beim ersten Breakpoint. Um direkt in der ersten Zeile der Funktion zu stoppen kann der Befehl Juno.@enter verwendet werden.

48 13 Debugging

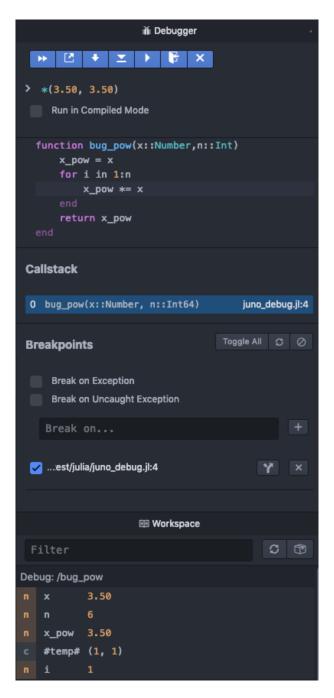


Abbildung 4: Erster Halt

Mit einem Blick in den Workspace kann man erkennen, dass im ersten Schleifendurchgang i == 1, x_pow bereits einen Wert ungleich 1 hat. Von dem Breakpoint aus gibt es die folgenden Möglichkeiten zum Fortsetzten der Ausführung:

- Continue: Funktioniert wie der Befehl Juno.@run und lässt den Code bis zum nächsten Breakpoint laufen.
- Finish Function: Läuft bis zum Ende der aktuellen Funktion oder bis zum nächsten Breakpoint.
- Next line: Springt zur nächsten Zeile.
- Step to Selected Line: Springt zur im Editor ausgewählten Zeile oder bis zum nächsten Breakpoint.
- Next Expression: Springt zum nächsten Ausdruck (z.B. 2*3+1 stoppt bei 2*3, der nächste Ausdruck ist dann 6+1)
- Step into Function: Funktioniert wie der Befehl Juno.@enter und springt in die erste Zeile der aktuellen Funktion.

• Stop Debugging: Beendet das Debugging.

Nähere Informationen zum Debugger gibt es in diesem Blogeintrag².

13.3 Aufgaben

13.3.1 Finde den Fehler

Die folgende Funktion berechnet den größten gemeinsamer Teiler zweier Zahlen a und b.

```
function ggt(a::Int,b::Int)
  for teiler in min(a,b):-1:0
    if a%teiler == 0 && b%teiler == 0
        return teiler
    end
  end
  return 1
end
```

ggt (generic function with 1 method)

Julia hat mit der Funktion gcd bereits eine Implementierung dieser Aufgabe. Damit lässt sich an 1000 zufälligen Zahlenkombinationen zwischen 1 und 1000 einfach zeigen, dass die Funktion ggt für viele Fälle das korrekte Ergebnis liefert:

```
julia> a = rand(1:1000,1000); b = rand(1:1000,1000);
julia> ggt.(a,b) == gcd.(a,b)
true
```

Für die folgenden Fälle stimmt das Ergebnis allerdings nicht.

```
julia> ggt(10,0) == gcd(10,0)
Error: DivideError: integer division error
julia> ggt(0,10) == gcd(0,10)
Error: DivideError: integer division error
julia> ggt(-2304,288) == gcd(-2304,288)
```

Finde die Fehler mit dem Debugger und korrigiere die Funktion.

14 Spezielle Datentypen

14.1 Datum und Uhrzeiten

Das korrekte Behandeln von Datumsangabe und Uhrzeiten ist grundsätzlich nicht die größte Herausforderung, allerdings gibt es einige Parameter zu beachten, wenn mit Datums und Zeitangaben gerechnet wird. Julia biete für diesen Zweck das Dates-Paket, das in der *Standard Library* enthalten ist und mit

```
using Dates
```

geladen werden kann.

Die beiden Haupttypen des Dates-Pakets sind Date (minimale Angabe in Tagen z.B. 1.2.2019) und DateTime (minimale Angabe in ms z.B. 1.2.2019 12:30:59.001). Die Eingabe eines Datums bzw. eines Datums mit Uhrzeit erfolgt immer in der Reihenfolge Jahr, Monat, Tag, Stunde, Minute, Sekunde, Millisekunde.

```
julia> Date(2019,2,1)
2019-02-01
julia> DateTime(2019,2,1)
2019-02-01T00:00:00
```

 $^{^2 \}rm https://julialang.org/blog/2019/03/debuggers$

```
julia> DateTime(2019,2,1,12,30,59,1)
2019-02-01T12:30:59.001
```

Wird eine Stelle bei der Definition vernachlässigt wird stattdessen der kleinst mögliche Wert verwendet:

```
Date(2019)
```

2019-01-01

Zwischen zwei Datums- oder Zeitangaben (die auf einen exakten Zeitpunkt hinweisen) sind die folgenden Regeln definiert:

```
julia> date1 = Date(2019,2,1)
2019-02-01
julia> date2 = Date(2019,6,12)
2019-06-12
julia> date1 > date2
false
julia> date1 == date2
false
julia> date1 != date2
true
julia> date2 - date1
131 days
julia> datetime1 = DateTime(2019,2,1)
2019-02-01T00:00:00
julia> datetime2 = DateTime(2019,6,12,13,1)
2019-06-12T13:01:00
julia> datetime2-datetime1
11365260000 milliseconds
```

Die beiden gezeigten Subtraktionen ergeben die Zeitspanne zwischen den beiden Zeitpunkten, jeweils in der kleinst möglichen Auflösung. Solche Zeitspannen (auch in anderer Auflösung z.B. Jahr oder Monat) sind auch im Dates-Paket enthalten.

```
julia> Dates.Year(2)
2 years

julia> Dates.Month(3)
3 months

julia> Dates.Day(1)
1 day

julia> Dates.Hour(4)
4 hours

julia> Dates.Minute(8)
8 minutes

julia> Dates.Second(12)
12 seconds

julia> Dates.Millisecond(80)
80 milliseconds
```

In Kombination mit einer Zeitspanne zeigt sich, wie praktisch das Paket sein kann. Neben der Subtraktion ist für Zeitspanne und Zeitpunkt auch die Addition definiert:

```
julia> Date(2019,1,1) + Dates.Day(3)
2019-01-04
julia> Date(2019,1,1) - Dates.Day(1)
2018-12-31
```

```
julia> Date(2019,1,31) + Dates.Month(1)
2019-02-28
```

Zusätzlich funktionieren auch die Angabe von Datumsbereichen wie gewohnt:

```
julia> collect(Date(2019,1,1):Dates.Day(2):Date(2019,1,10))
5-element Array{Dates.Date,1}:
2019-01-01
2019-01-03
2019-01-05
2019-01-07
2019-01-09
```

Jeder Zeitspanne und jedes Datum werden durch eine zugeordnete Einheit (Tag, Monat, Jahr) und eine Integer festgelegt. In manchen Fällen ist es notwendig, diese Integer zu extrahieren. Für Zeitspannen gibt es dafür die Funktion Dates.value:

```
julia> d1 = Dates.Day(10)
10 days

julia> d2 = Dates.Month(10)
10 months

julia> d1 == d2
false

julia> Dates.value(d1) == Dates.value(d2)
```

Für Datums und Zeitangabe die Funktionen:

```
julia> dt = DateTime(2019,6,12,13,1)
2019-06-12T13:01:00

julia> Dates.year(dt)
2019

julia> Dates.month(dt)
6

julia> Dates.day(dt)
12

julia> Dates.hour(dt)
13

julia> Dates.minute(dt)
1

julia> Dates.minute(dt)
0

julia> Dates.second(dt)
0
```

14.2 Spezielle Zahlentypen

Aufgrund einiger Basisregeln nach denen in Julia Programmiert wird, eignet sich die Sprache besonders dafür erweitert zu werden. In der Julia Paketdatenbank befindet sich eine Vielzahl von Praktischen Paketen die die Standardfunktionalität erweitern. Zwei davon sind:

- Unitful.jl: Das physikalische Einheiten definiert und
- Measurements.jl: Das Berechnungen mit Fehlertoleranzen Erlaubt.

Beide Paket definierten eine neue Art Zahlen anzugeben, basieren aber weiterhin auf den Rechenregeln die in Julia definiert sind. Als Beispiel wird eine Funktion definiert die den Flächeninhalt eines Rechtecks berechnet:

```
A_{rechteck}(h,b) = h*b
```

A_rechteck (generic function with 1 method)

Wie gewohnt kann die Funktion mit unterschiedlichen Zahlen, z.B. Float64 oder Int, aufgerufen werden:

```
julia> A_rechteck(2.1,3.1)
6.5100000000000001

julia> A_rechteck(2,3)
6
```

Mit dem Paket Uniful.jl ist es möglich Zahlen mit einer Einheit zu versehen:

```
julia> using Unitful

julia> lu"m"
1 m

julia> lu"cm"
1 cm

julia> force = 12u"kg"*9.81u"m/s^2"
117.72 kg m s^-2

julia> force == 117.72u"N"
true
```

Der neue Zahlentyp lässt sich jetzt auch mit der Funktion A_rechteck verwenden:

```
julia> fläche = A_rechteck(2u"m",11.1u"cm")
22.2 cm m
julia> uconvert(u"mm^2",fläche)
222000.0 mm^2
```

Mit Measurements.jl können Fehler bzw. Abweichungen einer Zahl einfach durch das Symbol \pm berücksichtigt werden:

```
julia> using Measurements
julia> a = 1.1±0.1
1.1 ± 0.1

julia> b = 2.1±0.05
2.1 ± 0.05

julia> a+b
3.2 ± 0.11

julia> sin(a)
0.891 ± 0.045
```

Bei der Verwendung von A_rechteck kann mit Measurements.jl der Fehler bei der Berechnung der Fläche, unter Berücksichtigung des Fehlers der Seiten ermittelt werden:

```
julia> A_rechteck(2±0.1,3±0.5)
6.0 ± 1.0
```

14.3 Aufgaben

14.3.1 Ein Zeiträtsel

Jemand verwechselt Tages- und Monatszahl und erscheint daher sechs Wochen zu früh zu einem Termin. An welchem Tag ist der Termin eigentlich?¹. Schreibe eine Funktion die den entsprechenden Tag zurückgibt. Verwende für die Lösung die arithmetischen Funktionen für Daten.

 $^{^{1} \}rm https://www.spektrum.de/raetsel/melusines-geburtstag/1660200$

15 Arbeiten mit Dateien und dem Dateisystem

Beim Automatisieren von Prozessen kommt es oft vor, dass große Dateimengen (z.B. Messwerte) eingelesen und verarbeitet werden müssen. Dafür ist es notwendig, zum Einen die Dateien bzw. Dateinamen zu finden und zum Anderen benötigt man eine Möglichkeit Dateien einzulesen.

15.1 Das Dateisystem

Julia bietet ein einheitliches Interface um auf das Dateisystem des Computers zuzugreifen. Wird ein Juliaprozess ausgeführt läuft er in dem Verzeichnis in dem er gestartet wurde, dem sogenannten "working directory". Anzeigen lässt sich dieses mit der Funktion pwd für "print working directory".

```
julia> pwd()
"/private/var/folders/0z/xyn859fx3vj4762qh24f8dq80000gn/T/jl_ohJRB8"
```

Die Funktion readdir gibt alle Dateien und Ordner eines Verzeichnisses aus.

```
julia> readdir() # Standardmäßig wird das working directory verwendet
4-element Array{String,1}:
    "Datei01.txt"
    "Datei02.txt"
    "Datei05.csv"
    "Ordner01"
julia> readdir("Ordner01")
1-element Array{String,1}:
    "Datei03.txt"
```

Die Ausgabe von readdir besteht allerdings nur aus den Datei- oder Ordnernamen als String, es ist also nicht möglich zu erkennen, ob es sich um einen Ordner oder eine Datei handelt. Dafür gibt es die Funktionen isdir und isfile.

```
julia> isdir.(readdir()), isfile.(readdir())
(Bool[0, 0, 0, 1], Bool[1, 1, 1, 0])
```

Weitere praktische Funktionen, z.B. zum Verschieben und Löschen von Dateien sind in der Dokumentation unter Base/Filesystem angeführt.

15.2 Arbeiten mit Dateien

Beim Einlesen von Dateien kann grob in zwei Typen unterschieden werden:

- einfache Textdateien und
- Binärdateien.

Textdateien sind solche die mit einem simplen Editor geöffnet werden können und für die es nicht notwendig ist, die Daten vor der Verarbeitung zu Dekodieren. Klassische Formate sind csv, txt, tex, xml.

Eine solche Datei kann mit der Funktion open geöffnet werden. open erfordert neben der Angabe des Dateipfades, auch einen Modus. Beim Umgang mit Dateien gibt es die folgenden Modi:

- r read: Die Datei wird nur gelesen.
- w write: Die Datei wird erzeugt (bzw. überschrieben falls sie vorhanden ist) und mit Daten gefüllt.
- a append: Die Datei wird um Daten erweitert.

```
julia> f = open("Datei04.txt","w")
IOStream(<file Datei04.txt>)

julia> readdir()
5-element Array{String,1}:
    "Datei01.txt"
    "Datei02.txt"
    "Datei04.txt"
    "Datei05.csv"
    "Ordner01"
```

open öffnet einen sogenannten Stream zu der Datei. Um nun Text in die neue Datei zu schreiben, muss dieser Text zuerst in den Stream geschrieben werden. Das ist mit dem write Befehl möglich.

```
julia> write(f,"Erste Zeile\n")
12
julia> write(f,"Zweite Zeile")
12
```

Dadurch landen die Texte zuerst im Stream. Erst wenn der Stream mit close geschlossen wird, werden die Daten geschrieben.

```
julia> close(f)
```

Das Pendant zu write ist die Funktion read die eine Datei vollständig mit einem angegeben Dateitypen einliest. Da es häufig vorkommt, dass eine Datei aufgeteilt in die einzelnen Zeilen benötigt wird gibt es noch die Funktion readlines die ein String-Array zurück gibt.

```
julia> f = open("Datei04.txt","r")
IOStream(<file Datei04.txt>)

julia> read(f,String)
"Erste Zeile\nZweite Zeile"

julia> close(f)

julia> f = open("Datei04.txt","r")
IOStream(<file Datei04.txt>)

julia> readlines(f)
2-element Array{String,1}:
   "Erste Zeile"
   "Zweite Zeile"

julia> close(f)
```

Generell sollten Streams immer mit close geschlossen werden wenn sie nicht mehr in Verwendung sind.

15.2.1 Strukturierte Textdateien

Besonders häufig ist es notwendig Textdateien mit einer gewissen Struktur einzulesen. Für sehr einfache Fälle mit homogenen Daten wie z.B. einer Zahlenmatrix, kann das in Julia enthaltene DelimitedFiles-Paket verwendet werden.

```
julia> using DelimitedFiles
julia> A = rand(2,2)
2×2 Array{Float64,2}:
 0.839277 0.699695
 0.385236 0.660503
julia> writedlm("MeineMatrix.txt",A)
julia> isfile("MeineMatrix.txt")
true
iulia> f = open("MeineMatrix.txt"."r")
IOStream(<file MeineMatrix.txt>)
iulia> readlines(f)
2-element Array{String,1}:
 "0.8392768752506852\t0.6996949793265173"
 "0.38523625463751876\t0.6605025836298648"
julia> close(f)
julia> B = readdlm("MeineMatrix.txt")
2×2 Array{Float64,2}:
 0.839277 0.699695
 0.385236 0.660503
julia> A == B
```

true

Weitere Optionen wie Angabe eines Trennzeichens sind in der Dokumentation unter Standard Library/Delimited Files zu finden.

Das DelimitedFiles-Paket stößt bei inhomogenen Daten, oder auch bei fehlenden Daten schnell an seine Grenzen. Um ein stabiles Einlesen von solchen Dateien zu ermöglichen gibt es das CSV-Paket. Das CSV-Paket biete eine Vielzahl von Optionen die es erlauben den Einlesevorgang genau an die gegebene Datei anzupassen.

Bei der folgenden Datei kann es sich um eine sehr übliche, bei einer Messung aufgezeichnete, Datei handeln.

```
julia> f = open("Datei05.csv","r")
IOStream(<file Datei05.csv>)

julia> readlines(f)
5-element Array{String,1}:
    "time;temp;Status"
    "1;12,0;A"
    "2;13,1;A"
    "5; 9;B"
    "10;14;A"

julia> close(f)
```

Es gibt eine Kopfzeile, verwendete Datentypen sind Int, Float und String und die Float-Zahlen sind anstelle eines Punktes mit einem Komma getrennt.

'readdlm' liest die Datei zwar ein, das Resultat ist aber noch nicht sinnvoll verwendbar:

```
julia> readdlm("Datei05.csv")
5×2 Array{Any,2}:
    "time;temp;Status"    ""
    "1;12,0;A"          ""
    "2;13,1;A"          ""
    "5;"          "9;B"
    "10;14;A"          ""
```

Mit einem Blick in die Hilfe von readdlm können wir das Ergebnis durch Angeben des Trennzeichens mit delim=';' und Überspringen der Kopfzeile mit skipstart=1 etwas verbessern.

```
julia> readdlm("Datei05.csv",';',skipstart=1)
4×3 Array{Any,2}:
    1    "12,0"    "A"
    2    "13,1"    "A"
    5     9    "B"
    10    14    "A"
```

Um die Daten nun nutzbar zu machen, müssten noch die Kommas durch Punkte und die daraus resultierenden String in Zahlen umgewandelt werden. Das Paket CSV.jl bietet für diesen Fall schon alle nötigen Optionen zum Einlesen:

```
julia> using CSV, DataFrames
julia> messwerte = DataFrame(CSV.File("Datei05.csv",delim=';',decimal=',',types=[Int,Float64,String]))
4×3 DataFrames.DataFrame
| Row | time | temp | Status
     | Int64 | Float64 | String |
|----+-----|
| 1 | 1
            | 12.0
                    | A
            | 13.1
                     | A
| 2 | 2
                     | B
| 3 | 5
            1 9.0
     | 10
            | 14.0
```

Durch das Konvertieren in einen DataFrame ist jetzt auch der Zugriff auf einzelne Werte sehr einfach möglich:

```
julia> messwerte.temp, messwerte.Status
([12.0, 13.1, 9.0, 14.0], ["A", "A", "B", "A"])
```

Ein DataFrame ist ein Datentyp der besonders für die Verarbeitung von tabellarischen Daten geeignet ist. Nähere Details zu DataFrames¹ und CSV.jl² können der jeweiligen Dokumentation entnommen werden.

¹https://juliadata.github.io/DataFrames.jl/stable/

²https://juliadata.github.io/CSV.jl/stable/

15.3 Aufgaben

Die Aufgaben für dieses Beispiel basieren alle auf dem selben Datensatz. In den Beispielen geht es darum, als Manager eines Prepper-Camps³, das aus mehreren Lagern besteht, den Überblick über den Lagerbestand zu behalten. Für jedes Lager wird eine Liste mit Ein- und Ausgängen geführt:

```
Artikel, Bestand
Batterie, 5
Reis, 10
Fernglas, 5
Taschenmesser, 38
Konserven, 28
Konserven, -23
Batterie, 29
Fernglas, -2
Fernglas, -1
```

Im Kontrollprogramm ist für das erstellen von Testdatensätzen die Funktion

```
julia> JuliaSkriptumKontrolle.setup("15.3")
```

definiert. Nach dem Aufruf wird im aktuellen Verzeichnis ein neuer Ordner 15-3 erstellt.

```
julia> readdir("15-3")
10-element Array{String,1}:
    "Lager1.csv"
    "Lager2.csv"
    "Lager3.csv"
    "Lager3.csv"
    "Lager4.csv"
    "Lager5.csv"
    "Lager6.csv"
    "Lager6.csv"
    "Lager7.csv"
    "Lager9.csv"
```

In dem Ordner befinden sich die Bestandslisten für alle Lager. Die Lager sind immer nach dem Schema Lager[id].csv benannt. Der Code soll in allen Prepper-Camps verwendet werden können, d.h. die Anzahl an Dateien kann sich immer ändern und da alle Camps verschieden Betriebssysteme verwenden muss immer joinpath beim verketten von Pfaden verwendet werden:

```
joinpath("15-3","Lager1.csv")
"15-3/Lager1.csv"
```

Wie im Abschnitt Interaktion erwähnt, sind die Trennzeichen bei Pfaden je nach Betriebssystem verschieden. Da das zu einigen Problemen führen kann, gibt es die Funktion joinpath die das richtige Trennzeichen wählt.

15.3.1 Bestandsermittlung Lager

Es wird eine Funktion benötigt die den Bestand jedes Gegenstands pro Lager ermittelt (Summe der Ein- und Ausgänge). Die Funktion soll ein Dict mit der Zuordnung Lager id => Bestand zurückgeben, wobei Bestand wieder ein Dict mit der Zuordnung Artikel => Anzahl ist.

Beispiele:

```
julia> bestand = read_lagers();
julia> typeof(bestand)
Dict{Int64,Dict{String,Int64}}

julia> bestand[1]
Dict{String,Int64} with 10 entries:
    "Gummistiefel" => 37
    "Wasserflasche" => 46
```

 $^{^3}$ https://de.wikipedia.org/wiki/Prepper

```
"Taschenlampe"
                 => 3
  "Konserven"
  "Medikamente"
                  => 17
  "Schlafsack"
                  => 3
  "Taschenmesser"
  "Reis"
                  => 63
  "Batterie"
                  => 45
  "Dosenöffner"
                  => 0
julia> bestand[3]
Dict{String,Int64} with 12 entries:
  "Taschenlampe" => 32
  "Wasserflasche" => 85
  "Gummistiefel" => 31
  "Batterie"
  "Medikamente"
                  => 66
  "Kocher"
                  => 1
  "Taschenmesser"
  "Fernglas"
                  => 7
  "Konserven"
                  => 23
  "Schlafsack"
                  => 6
  "Reis"
                  => 18
  "Dosenöffner"
                  => 35
```

15.3.2 Bestand suchen

Es soll eine Funktion geschrieben werden, die in allen Lagern nach einem Gegenstand X sucht, von dem noch mindestens n Stück vorhanden sind. Ausgabe der Funktion ist ein Int-Array mit den ids der Lager. Wird kein Lager gefunden, soll ein leeres Array ausgegeben werden. Als Basis soll die Funktion aus der ersten Aufgabe read_lagers herangezogen werden. Für die Kontrolle muss die Funktion dann in den Kontrollblock kopiert werden:

```
@Aufgabe "15.3.2" begin
    # using ...
    function read lagers()
       # code ...
    function lager_mit(artikel,stückzahl)
        # code ...
    end
end
Beispiele:
julia> lager_mit("Taschenlampe",4)
7-element Array{Int64,1}:
 10
  2
  3
  5
  6
julia> lager_mit("Reis",30)
2-element Array{Int64,1}:
 7
 1
```

15.3.3 Gesamtbestand

Es soll eine Funktion geschrieben werden, die den Bestand des gesamten Camps ermittelt. Die Ausgabe soll wie bei der ersten Aufgabe als Dict erfolgen. Als Basis soll wieder die Funktion aus der ersten Aufgabe verwendet werden.

Beispiele:

```
julia> gesamt_bestand()
Dict{String,Int64} with 14 entries:
```

58 16 Plotting

```
"Taschenlampe"
                => 200
"Salz"
"Wasserflasche"
                => 260
"Gummistiefel"
                   357
"Batterie"
                 => 222
"Medikamente'
                => 330
"Kocher"
                 => 124
"Taschenmesser"
                => 150
"Fernglas"
                 => 275
"Konserven"
"Schlafsack"
                 => 32
"Bier"
                 => 177
"Reis"
                 => 153
"Dosenöffner"
                => 187
```

16 Plotting

Die grafische Darstellung von Daten ist viele Wissenschaften ein immens wichtiger Punkt. Julia bietet eine Reihe von Paketen zum "Plotten". Das Plots.jl Paket vereint diese in einer Sprache zum beschreiben von Grafiken. Geladen wird das Paket wie alle anderen mittels

```
using Plots
```

Plots.jl bieten eine sehr großen Funktionsumfang, wodurch es bei jedem Neustart von Julia durchaus länger dauern kann, bis der erste Plot sichtbar wird.

In Plots.jl werden meistens Datenvektoren dargestellt. Das Paket biete Implementierungen für einige Elementstypen wie

- Alle Zahlentypen in Julia
- Date und DateTime
- Zahlen aus Measurements.jl

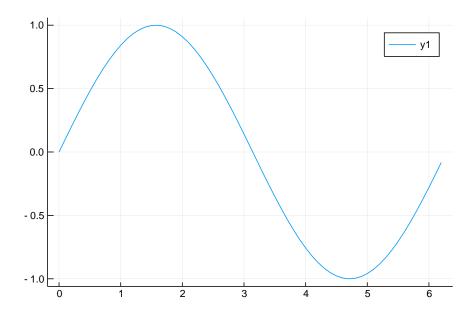
und ist sehr leicht erweiterbar.

Die einfachste Form von Plot kann folgendermaßen erzeugt werden:

```
x = 0:0.1:2\pi

y = \sin(x)

plot(x,y)
```

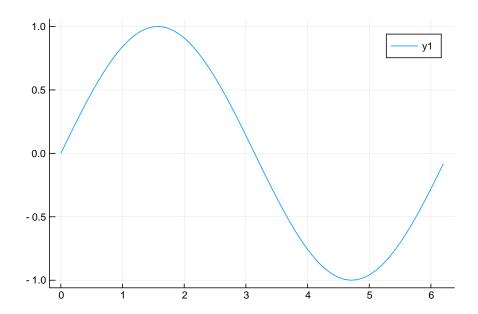


Dabei handelt es sich um einen Linienplot. Das erste Argument der Funktion plot sind die x-Werte, das zweite die y-Werte, die Länge der beiden Vektoren muss dabei übereinstimmen.

16 Plotting 59

Jeder Aufruf von plot erzeugt ein *Plotobjekt*, das dann weiterverwendet werden kann.

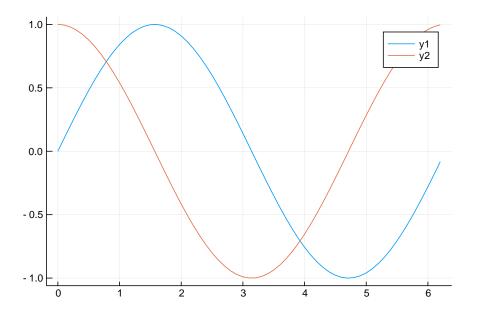
```
plt = plot(x,y)
plt
```



Um mehrere Daten, übereinander, in einem Plot darzustellen gibt es die Möglichkeit dies direkt mit einem Aufruf von plot

```
y2 = cos.(x)

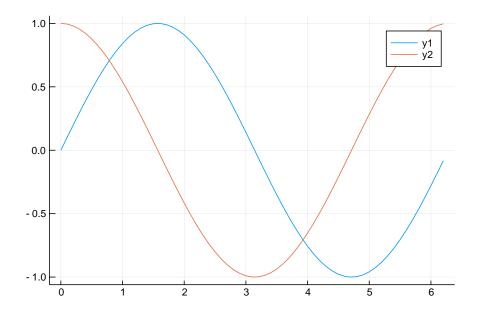
plot(x,[y y2]) # plot([x x2],[y y2]) für verschiedene x-Werte
```



oder durch nachträgliches hinzufügen mit ${\tt plot!}$

```
plot!(plt,x,y2)
```

60 16 Plotting



zu machen.

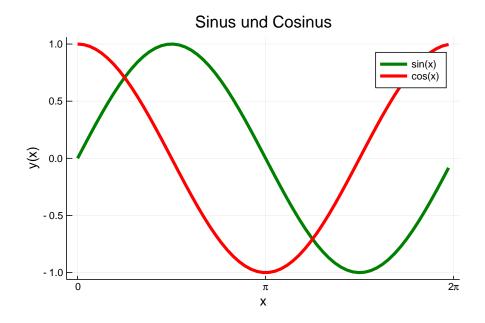
Plots.jl bietet sogenannte *Magic Arguments*. Damit ist es möglich die Darstellung der Daten zu verändern, wobei von der Bedeutung des Konfigurationswertes, auf die zugehörige Einstellung geschlossen wird.

Beispielsweise:

- :red deutet Auf einen Farbwahl hin
- (0,10) deutet bei Achskonfigurationen auf den Minimal- und den Maximalwert der Achse hin
- : log deutet bei Achskonfigurationen auf die Wahl einer logarithmischen Skalierung hin

Der Plot mit Sinus und Cosinus kann damit optisch vervollständigt werden:

```
plot(x,[y,y2],
    line=([:green :red], :solid, 4),
    label=["sin(x)" "cos(x)"],
    xaxis=("x",([0,π,2π],["0","\\pi","2\\pi"])),
    yaxis=("y(x)"),
    title="Sinus und Cosinus")
```



Dabei haben die Argumente den folgenden Effekt:

16 Plotting 61

• line=([:green :red], :solid, 4): Stelle y grün, y2 rot, beide als durchgezogene Linie mit der Stärke 4 dar.

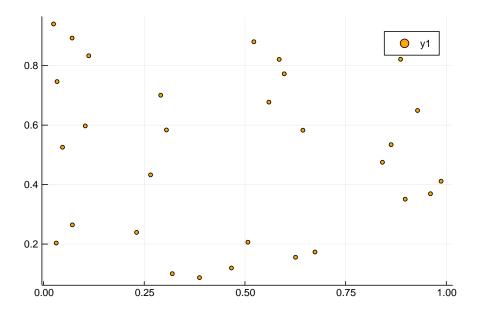
- label=[" $\sin(x)$ " " $\cos(x)$ "]: Bezeichne y in der Legende mit $\sin(x)$ und y2 mit $\cos(x)$.
- $xaxis=("x",([0,\pi,2\pi],["0",")\pi","2\pi])$: Setzte den Text unter der x-Achse auf x und schreibe an die Stellen von 0, und 2 anstelle der Werte die entsprechenden Texte.
- yaxis=("y(x)"): Setze den Text neben der y-Achse auf y(x)
- title="Sinus und Cosinus": Setze den Plottitel auf Sinus und Cosinus

Für eine gute Datenvisualisierung reichen Linienplots nicht aus. Plots.jl hat eine große Anzahl an verschiedenen Visualisierungsarten, in weiterer Folge werden Scatterplots, Balkendiagramme und Histogramme besprochen. Generell können alle gezeigten Option bei den anderen Diagrammarten ebenfalls verwendet und unterschiedliche Plots kombiniert werden.

16.1 Scatterplot

Scatterplot ermöglichen die Ausgabe von einzelnen Punkten, bei denen es nicht sinnvoll ist sie mit einer Linie zu verbinden. Um Scatterplots zu formatieren muss line durch marker ersetzt werden.

```
x = rand(30)
y = rand(30)
scatter(x,y,marker=(:circle,3,:orange))
```

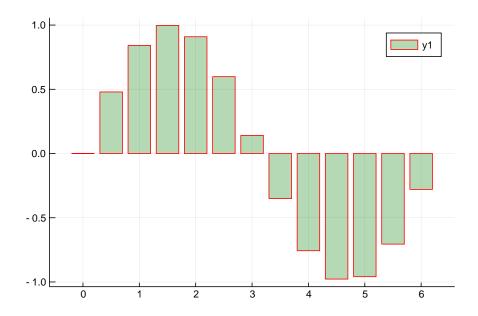


16.2 Barchart

Balkendiagramme werden meist verwendet um Häufigkeiten darzustellen. Plots.jl biete dafür die bar-Funktion. Um Balkendiagramme zu formatieren kann line und fill verwendet werden.

```
x = 0:0.5:2π
y = sin.(x)
bar(x,y,line=(:red),fill=(:green,.3))
```

62 16 Plotting



Histogramme sind im Grunde Balkendiagramme, allerdings werden sie ausschließlich zum Anzeigen von Häufigkeitsverteilungen verwendet. Ein großer Vorteil der histogram-Funktion ist, dass die Verteilung nicht ermittelt werden muss.

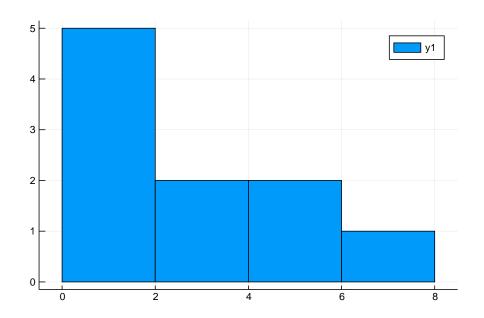
Für die folgenden Werte soll ein Histogramm erstellt werden:

```
label = [1,1,2,3,1,4,4,1,1,7]

10-element Array{Int64,1}:
    1
    2
    3
    1
    4
    4
```

Soll die bar-Funktion verwendet werden, müsste zuerst die Häufigkeit jeder Zahl in label gezählt werden. Mit histogram ist das nicht notwendig:

histogram(label)

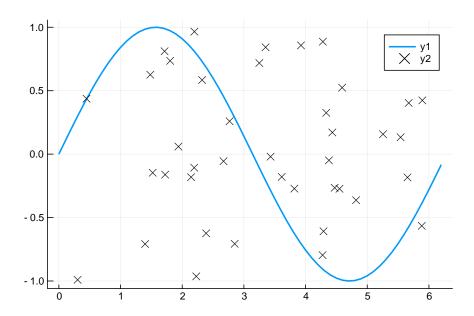


17 Statistik 63

16.3 Kombination verschiedener Visualisierungsarten

Die einfachste Methode Plots zu kombinieren ist durch Verwendung der mit! gekennzeichneten Pendants der Plotfunktion, plot!, scatter!, bar!, histogram!.

```
x = 0:0.1:2π
y = sin.(x)
plt = plot(x,y,line=(2))
scatter!(plt,rand(40)*6,1 .- rand(40)*2,marker=(:x))
```



16.4 Speichern von Plots

Bisher konnten die Plots nur in einem extra Fenster angezeigt werden. In den meisten Fällen benötigt man diese in einem Grafikformat für ein anders Dokument. Plots.jl biete dafür die Funktion savefig in zwei Varianten:

```
savefig("mein_plot_1.png")
speichert den Inhalt des aktuellen Plotfensters und
savefig(plt,"mein_plot_2.png")
```

speichert plt. Das Dateiformat wird dabei automatisch aus dem Dateinamen extrahiert. Die obigen Aufrufe erzeugen png-Dateien. Alternativ wird häufig auch das Format pdf verwendet. pdf hat den Vorteil, dass die Grafik als Vektorgrafik erzeugt wird und damit ohne Qualitätsverlust auf eine beliebige Größe skaliert werden kann.

17 Statistik

In Julia sind einige grundlegende Statistikfunktionen im Statistics Paket enthalten. Das Paket kann wie alle anderen Pakete mit using geladen werden.

```
using Statistics
```

Um die folgenden Beispiele anschaulich zu machen, werden Testdaten benötigt. Diese werden aus der Iris-Datenbank¹ entnommen. Die Datenbank enthält Abmessungen und Spezies von 150 Iris Blumen und ist im Paket RDatasets enthalten.

```
using RDatasets
iris = dataset("datasets", "iris")
```

¹https://en.wikipedia.org/wiki/Iris_flower_data_set

64 17 Statistik

Dir Variable iris ist ein DataFrame mit den Spalten:

```
names(iris)

5-element Array{Symbol,1}:
    :SepalLength
    :SepalWidth
    :PetalLength
    :PetalWidth
    :Species
```

Die ersten vier Spalten enthalten Float-Zahlen mit Längenangaben und die letzte Spalte enthält einen String mit der Spezies der Pflanze.

Häufig benötigte Funktionen für statistische Berechnungen sind

- Mittelwert mean(),
- Standardabweichung std(),
- Median median() und
- Varianz var().

Für die Spalte SepalLength können mit diesen Funktionen die folgenden Werte ermittelt werden:

```
julia> mean(iris.SepalLength)
5.84333333333334

julia> std(iris.SepalLength)
0.828066127977863

julia> median(iris.SepalLength)
5.8

julia> var(iris.SepalLength)
0.6856935123042507
```

Neben diesen Funktionen gibt es noch weitere: zur Berechnung der Kovarianz (cov()), des Pearson-Korrelationskoeffizient (cor()) und der Quantile (quantile()). Nähere Details dazu sind in der Dokumentation unter Standard Library/Statistics zu finden.

Oft ist es erforderlich Annahmen zu Wahrscheinlichkeitsverteilungen gewisser Daten zu treffen. In Distributions.jl sind dafür die notwendigen Funktionen für eine Reihe von verschiedenen Verteilungen definiert. Zusätzlich enthält das Paket Funktionen zum "Fitting" und "Sampling" von Daten und kann wie folgt geladen werden:

```
using Distributions
```

Um die Daten in den folgenden Beispielen zu visualisieren wird ebenfalls Plots.jl geladen:

```
using Plots
```

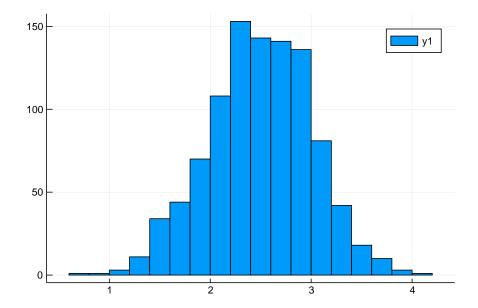
Beim "Sampling" geht es darum Zufallszahlen aus einer gewissen Verteilung zu ziehen. Ein Zufallszahlengenerator, mit einer zugrundeliegenden Normalverteilung (Mittelwert 2.5 und Standardabweichung 0.5), kann folgendermaßen erzeugt werden:

```
\label{eq:def} d = Normal(2.5, 0.5) \label{eq:def} Distributions.Normal\{Float64\}\mu(=2.5, \ \sigma=0.5)
```

Mit rand generiert man nun z.B. 1000 Zufallszahlen, die dieser Verteilung entsprechen.

```
data = rand(d,1000)
histogram(data)
```

17 Statistik 65



Weitere Verteilungen sind in der Dokumentation² gelistet.

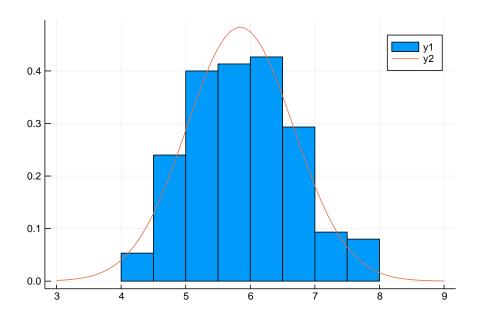
Neben dem "Sampling" von Daten ist auch das "Fitting", also ermitteln der Parameter für Verteilungsfunktionen, möglich. Dafür wird die Funktion fit verwendet. In einem ersten Schritt werden für die Spalte SepalLength aus den Daten in iris die Parameter für eine Normalverteilung ermittelt:

```
d = fit(Normal, iris.SepalLength)
```

Distributions.Normal{Float64} μ (=5.843333333335, σ =0.8253012917851409)

Der Vergleich mit den zuvor ermittelten Werten zeigt eine ungefähre Übereinstimmung. Um die Qualität des "Fittings" zu beurteilen, werden ein normalisiertes Histogramm der Daten und die Dichtefunktion der ermittelten Verteilung dargestellt.

```
plt = histogram(iris.SepalLength,normed=true)
x = 3:0.1:9
# Berechnen der Werte der Dichtefunktion für d an den Stellen in x
y = pdf.(d,x)
plot!(plt,x,y)
```



²https://juliastats.github.io/Distributions.jl/stable/

66 17 Statistik

Offensichtlich passt die Dichtefunktion gut zu den Messwerten. Die angepasste Normalverteilung kann jetzt wie zuvor für das Generieren von Zufallswerten verwendet werden.