1 図の回路において、AB 間のインピーダンスが周波数と無関係になるときの C の値を求めなさい。なお、C 以外の素子の値は既知であるとし、また、 $\omega Cr \ll 1$ とみなせるものとします。

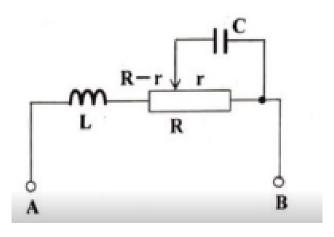


図 1

AB 間のインピーダンス \dot{Z} は、

$$\dot{Z} = j\omega L + R - r + \frac{\frac{R}{j\omega C}}{r + \frac{1}{j\omega C}}$$

$$= j\omega L + R - r + \frac{r}{1 + j\omega Cr}$$

$$= R - r + j\omega L + \frac{r(1 - j\omega Cr)}{1 + (\omega Cr)^2}$$
(1)

 $\omega Cr \ll 1 \ \text{$\sharp$ b}$

$$\dot{Z} \simeq R - r + j\omega L + r(1 - j\omega Cr) = R + j\omega(L - Cr^2)$$
(2)

周波数と無関係であるとき、式(2)における虚部は0となるため、

$$L - Cr^2 = 0$$

$$C = \frac{L}{r^2}$$
(3)

となる。