1 ある指示電気計器の駆動トルクは、最大振れ角 90° において $9.8 \times 10^{-6} \, \mathrm{N} \, \mathrm{m}$ である。これを幅 $1 \times 10^{-3} \, \mathrm{m}$ 、厚さ $2.3 \times 10^{-5} \, \mathrm{m}$ のりん青銅製うず巻ばねで制御する。うず巻ばねの長さを求めな さい。なお、りん青銅の横弾性係数は $0.436 \times 10^{11} \, \mathrm{Pa}$ 、Young 率は $1.2 \times 10^{11} \, \mathrm{Pa}$ とする。(MPa は $10^6 \, \mathrm{Pa}$)

制御力 τ_C は、

$$\tau_C = k\theta = \frac{Ebt^3\theta}{12l} \tag{1}$$

となり、駆動トルクと制御力は等しいことを考えると、ばねの長さしは、

$$l = \frac{Ebt^{3}\theta}{12\tau_{C}}$$

$$= \frac{1.2 \times 10^{11} \cdot 1 \times 10^{-3} \cdot (2.3 \times 10^{-5})^{3} \cdot \frac{\pi}{2}}{12 \times 9.8 \times 10^{-6}}$$

$$\approx 1.95 \times 10^{-2}$$

$$\approx 0.020 \,\mathrm{m}$$
(2)

となる。