Найти область определения функции.

$$z = \sqrt{1 - x^3} + \ln(y^2 - 1)$$
 $1 - x^3 \ge 0$
 $1 \ge x^3$
 $x \le 1;$
 $y^2 - 1 > 0$
 $y^2 > 1$
 $y_1 > 1, y_2 < -1$

Найти производные 1-го порядка функции.

$$z'_x = rac{ (1 + rac{\ln x}{\ln y})^3}{z'_x = rac{3(1 + rac{\ln(x)}{\ln(y)})^2}{x \ln(y)}} \ z'_y = -rac{3 \ln(x)(1 + rac{\ln(x)}{\ln(y)})^2}{y \ln^2(y)}$$

Найти полный дифференциал функции в точке (1;1).

$$z = \sqrt{2xy + \cos\frac{x}{y}}$$

$$dz = \frac{\partial z}{\partial x}dx + \frac{\partial z}{\partial y}dy$$

$$\frac{\partial z}{\partial x}dx = \frac{1}{2}\frac{(2y - sin(\frac{x}{y}))}{\sqrt{2xy + \cos\frac{x}{y}}}\frac{1}{y} = \frac{y - \frac{sin\frac{x}{y}}{2y}}{\sqrt{2xy + \cos\frac{x}{y}}}$$

$$\frac{\partial z}{\partial y}dy = \frac{1}{2}\frac{(2x - sin(\frac{x}{y}))}{\sqrt{2xy + \cos\frac{x}{y}}}\frac{-x}{y^2} = \frac{x + \frac{xsin\frac{x}{y}}{2y^2}}{\sqrt{2xy + \cos\frac{x}{y}}}$$

$$dz(1;1) = \frac{1 - \frac{sin1}{2}}{\sqrt{2 + \cos 1}}dx + \frac{1 + \frac{sin1}{2}}{\sqrt{2 + \cos 1}}dy$$

Исследовать на экстремум функцию

$$z=x^2+xy+y^2-6x-9y \ z_x'=2x+y-6 \ z_y'=x+2y-9 \ \left\{ egin{array}{l} 2x+y-6=0 \ x+2y-9=0 \ x=-2y+9 \ 2(-2y+9)-6+y=0 \ x=1 \ z=-21 \ \end{array}
ight.$$

Экстремумы есть

Максимум в точке (1; 4; -21)

/